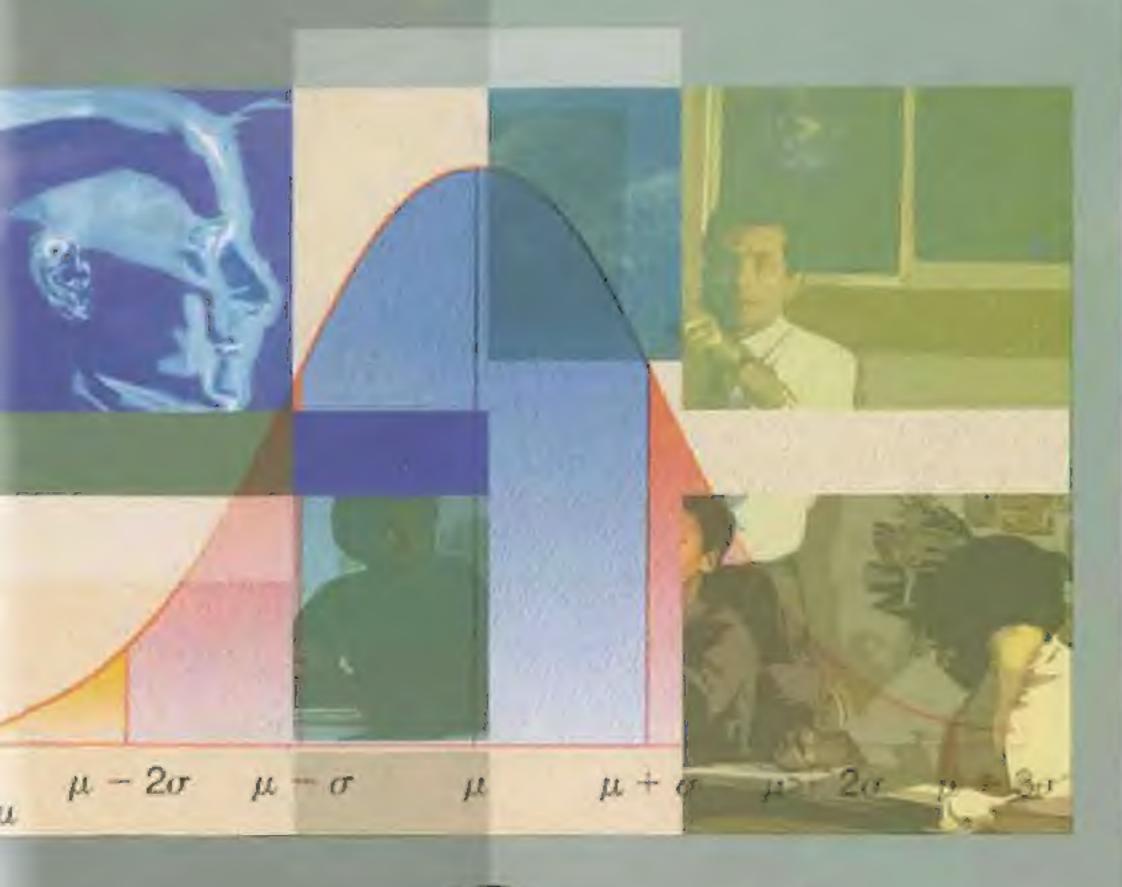
دكتور صلاح أحمد مراد

الأسانيب الإحصائية

في العسلوم

النفسية والتربوية والاجتماعية





الأساليب الإحصائية

في العلوم النفسية والتربوية والاجتماعية

دكتور صلاح أحمد مراد أستاذ علم النفس التربوي كلية التربية جامعة المنصورة



بطاقة فهرسة

فهرسة أثناء النشر إعداد الهيئة المصرية العامة لدار الكتب والوثائق القومية ، إدارة الشنون القنية .

مراد ، صلاح احمد.

الأساليب الإحصائية في العلوم النفسية والتربوية والاجتماعية. تأليف: صلاح احمد مراد.

القاهرة: مكتبة الانجلو المصرية ، ٢٠١١.

۲۰ ه ص ، ۲۷× ۲۶ سیم

رقم الإيداع: ٥٩٥٠

ردمسك :×-۱۷۷۸- م-۱۷۷۸

المطبعة : محمد عبد الكريم حسان

تصميم غلاف: ماستر جرافيك

الناشر: مكتبة الانجلو المصرية

۱۹۵ شارع محمد فرید

القاهرة - جمهورية مصر العربية

(Y . Y) YT90Y7 £T : Lis (T . T) YT91 £TTV : C

E-mail: angloebs@anglo-egyptian.com Website: www.anglo-egyptian.com

تقديم الطبعة الثانية

انتهات وبحمد الله الطبعة الأولى من هذا الكتاب بعد أن أحدثت صدى واسعًا في المجال واهتمامًا بالغًا من الباحثين ومستخدمي الأساليب الإحصائية، كما أثار المحتوى شرون البعض بإعداد مؤلفات أخرى مشابهة، وحاول بعض الزملاء السربط بين ما جاء بالكتاب واستخدام البرامج الإحصائية SPSS وهذا جهد محمود لهم وكذا نود تضمينه لكن حجم الكتاب حال دون ذلك.

وأود أن أسبجل هينا انطباعات القيراء والباحثين لما جاء في محتوى هذا الكيتاب، فقيد وجده الطلاب واضحًا ومفصلاً في الجزء الأول والخاص بأساليب الإحصاء الوصيفي "السيئة فصول الأولى" وهي فعلاً معدة للمبتدئين في دراسة الإحصاء الستربوي والنفسي والاجتماعي، كما أفاد الطلاب بأن الجزء الثاني "من الفصيل السابع وحتى السادس عشر" والخاصة بأساليب الإحصاء الاستدلالي أكثر صحيعوبة، وهي فعلاً صعبة إلى حد ما على طلاب الشعب الأدبية لما تحتويه من معادلات واستنتاجات وعلاقات بين الأساليب الإحصائية.

بينما رأى طلبة الدراسات العليا أن الكتاب مفيد لهم فى فهم البحوث السابقة فى المجال وفى إجراء التحليلات الإحصائية للبيانات البحثية وهذا هو بيت القصيد من الإحصاء الاستدلالي.

وأقدم للقراء والباحثين الطبعة الثانية من كتاب الأساليب الإحصائية بعد تصدحيح بعض الأخطاء المطبعية التي شابت الطبعة الأولى، متمنيًا أن تكون مفيدة لأبنائنا الطلاب وعونًا للباحثين في المجالات التربوية والنفسية والاجتماعية.

والله الموافق ،،،،

دکتور/ مسلاح مسراد أغسطس ۲۰۱۰



بسم الله الرحمن الرحيع

مقسحمة

نحمد الله على نعمائه وفضله وعلى توقيقه لنا فى إنعام هذا الكتاب الذى ظل حبيس الأدراج لأكثر من عشر سنوات ، إلى أن شاء الله وقدر له أن يخرج إلى النور .

وقد تم إعداد هذا الكتاب ليتناسب مع عدد من التخصصات في مجالات العلوم النفسية والتربوية والاجتماعية ، وليكون دليلا ومرشدا ومرجعا للطالب والباحث في هذه المجالات . فهو يعد مرجعا لطلبة مرحلة البكالوريوس والليسانس ودليلا ومرشدا لطلبة الدراسات العليا والباحثين في مجالات العلوم النفسية والتربوية والاجتماعية .

ويتطلب الاستخدام الجيد لهذا الكتاب من قبل الباحثين أن يكونوا على دراية بطرق البحث العلمى والتصميمات البحثية المناسبة لدراساتهم حتى يتمكنوا من اتخاذ القرارات في إختيار الاسلوب الاحصائي المناسب للتصميم البحثي .

ويعتمد التصميم البحثى الجيد على أسس وافتراضات ويستازم امكانات ويدائل ، ويفرض على الباحث إتخاذ قرارات هامة في بعض مراحله دون مساعدة من الآخرين ، وريما يلجأ الباحث إلى طلب المساعدة من المختصين وقت الحاجة إليها . ويجب الحذر من الاستخدام غير الجيد (أو سوء الاستخدام) للأساليب الاحصائية في تحليل البيانات ، فالحاسب الآلي ينفذ مايصدر إليه من أوامر ويجرى تحليل البيانات وفقا لتلك الأوامر والتعليمات ، وماأكثر البيانات والنتائج في البحوث الذي تستخدم أساليبا غير مناسبة لها ، وتؤدى الى قرارات وتعميمات غير صحيحة .

وقد حاولت إعداد هذا الكتاب ليغطى موضوعات عديدة تم إختيارها من تدريسي للعديد من مقررات الاحصاء النفسي والاحصاء التربوي والاحصاء الاجتماعي ، إضافة الى الاحصاء الرياضي والاحصاء المتقدم لطلبة الدراسات العليا في تلك المجالات . وقد تم تنظيم موضوعات الكتاب في سنة عشر فصلا ، حيث تختص الفصول السنة الأولى بالاحصاء الوصفي ، بينما تشتمل الفصول من

السابع وحتى السادس عشر على موضوعات الاحصاء الاستدلالي التي تهم طلبة الدراسات العليا والباحثين .

ويتضمن الفصل الأول المغاهيم الاساسية للاحصاء وعلاقتها بالاساليب الاحصائية الوصفية والاستدلالية ويعالج الفصل الثاني طرق عرض البيانات المختلفة وتوزيعاتها التكرارية ويوضح الفصلان الثالث والرابع مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التستت وطرق حساب كل منها واستخداماتها المختلفة أما الفصل الخامس فقد تم تخصيصه لمعالجة موضوع الانحدار والارتباط الخطي البسيط وطرق حساب معاملات كل منهما للانواع المختلفة من البيانات ، كما يوضح العلاقة بين الانحدار والارتباط الخطي البسيط ، والعوامل المؤثرة على معامل الارتباط وكيفية تقسيره واستخداماته .

ويناقش الغصل السادس سوضوع الاحتمالات والمنحني الاعتدالي وخصائصه والدرجات المعيارية والتائية واستخداماتها

أما الفصول من السابع وحتى السادس عشر فقد خصصت اموضوعات الاحصاء الاستدلالي ، حيث يتعرض الفصل السابع للعينات وطرق اختيارها وصدياغة الفروص وإختبار صحتها ومغاهيم مستوى الدلالة وحدود الثقة وافتراضات الاحصاء الاستدلالي ، ويتعرض الفصل الثامن لاختبار (ت) ومقارنة متوسطى مجموعتين مستقلتين أو غير مستقلتين وحجم التأثير الناتج وكذلك اختبار الفرق بين نسبتين ، بينما يحتوى الفصل التاسع موضوع تحليل النباين وافتراضات الجراء تحليل التباين الاحادي ، وطرق المقارنات المتعددة للمتوسطات وأسلوب الاختيار من بينها ، ويتضمن الفصل العاشر تحليل التباين الثنائي والثلاثي والعاملي ومفهوم التفاعل وخطوات الإجراء ، ويشمل الفصل الحادي عشر تباين النباين الثنائي والثلاثي القياس المتكرر الأحادي والثلاثي ، أما الفصل الثاني عشر فيتناول تحليل التباير القياس المتكرر ، ويوضح الفصل الثالث عشر مفهوم تحليل الانجاه في حالتي تحليل التباين والقياس المتكرر .

ويتضمن القصل الرابع عشر تطيل الانحدار والارتباط المتعدد وطرق حساب معاملاتهما وتفسيراتها وعلاقة الارتباط الجزئى وشبه الجزئى بالارتباط المتعدد، وطريقة التحليل التتابعي Stepwise كما تعرض لتحليل الانحدار والارتباط باستخدام المصفوفات، والارتباط الطبيعي Canonical وتحليل التمايز،

ويتناول الفصل الخامس عشر موضوع تحليل المسار أحادى الانجاه، في حين تناول الفصل السادس عشر عرضا لمفاهيم التحليل العاملي الاستطلاعي والتوكيدي، وطرق التحليل العاملي، ومناخل تحديد عدد العوامل وطرق التدوير وحساب درجات العوامل.

كما يحتوى الكتاب على مجموعة من الملاحق التي نرى أنها ضرورية · للاستخدام مع أساليب التحليل الاحصائي الموضحة في هذا الكتاب .

ونأمل أن يكون هذا الكتاب عوناً للطلبة والباحثين ، وهادياً لهم على طريق البحث العلمي ، كما نأمل أن نكون قد عرضنا ووضحنا شيئاً مفيداً ونافعاً .

والله الموفق ،،

دكستور صسلاح مسراد أغسطس ۲۰۰۰



محتوي الكتاب

الصفحة

الموضوع

-	مقدمة
N	القصل الأول - الاحصاء والمقاهيم الأساسية
٣	– معنى الاحصاء
٤	- تاريخ الاحصاء
٧	- أهمية الاحصاء في البحث العلمي
9	- المتغيرات
11	- المتغيرات المنصلة والمنفصلة
31	- مستويات القياس
14	* القياس الاسمى
11	* القياس الترتيبي
10	* القياس الفترى
rt	* القياس النسبي
١A	علاقة القياس بالاحصاء
19	 علاقة مستويات القياس بالأساليب الاحصائية
۲*	- الاحصاء الرصفي
۲۱	- الاحصاء الاستدلالي
24	القصل الثاني - تبويب وعرض البيانات
40	- التوزيعات التكرارية
Y 7	* عرض البيانات الاسمية والترتيبية
۲.	* عرض البيانات الفنرية والنسبية
TY	* المضلع التكراري
4	- التوزيع التكراري المتجمع
44	* التوزيع التكراري المتجمع الصاعد
13	* الترزيع التكراري المتجمع الهابط

٤٥	القصل الثالث - مقابيس النزعة المركزية	
٤٧	أولاً - والمتوسط الحسابي	
£A\	 المتوسط الحسابي للدرجات العادية 	
19	- المتوسط المسابي للبيانات المبوية	
£9	* الطريقة العادية	
٥١	* طريقة الانحراقات	
٣٥	* طريقة الانحرافات المختصرة	
۵٦	- خصائص المتوسط الحسابي	
۵٩	- المتوسط الحسابي المرجح	
71	ثانياً – الوسميط ثانياً – الوسميط	
ጎ ۳	* حساب الوسيط للبيانات المبوية	
14	* حسانب الوسوط باستخدام الرسم	
V+	* استخدامات الرسيط	
V1	ثالثاً – المنسوال	
٧١	* مترق حساب المتوال للبيانات المبوية	
FV	- العلاقة بين المتوسط والوسيط والمنوأل	
VA	- الوسط الترافقي	
۸٠	- الوسط الهندسي	
۸۳	القصل الرابع - مقابيس التشتث	
٨٥	- المدى - المدى	
۸٦	 الاتحراف المعياري 	
٨٩	- حساب الاتحراف المعياري من الدرجات العادية	
94	– الانحراف المعياري لمجموعتين	
44	- خصائص الانحراف المعياري	
9.5	- حساب الانحراف المعياري للبيانات المبوبة	
9.5	* طريقة مراكز الفئات	
. 44	* طريقة الانحرافات عن المتوسط الحسابي	

4.8	* طريقة الانحرافات عن وسط فرضى
1	* طريقة الانحرافات المختصرة
1.5	- تقدير الاتحراف المعياري للمجتمع
115	- نصف المدى الربيعي
154	- حساب نصف المدى الربيعي البيانات المبوية
118	المنينيات المنينيات
111	- معامل الالتواء
114	– معامل التفرطح
114	- النحويلات
111	الفصل الخامس- الانحدار والارتباط الخطى البسيط
111	أولاً - الانحدار الخطى البسيط
177	* معادلة الانجدار الخطى البسيط
144	* معادلة انحدار س على ص
14.5	 شرى لايجاد معادلة الانحدار
141	 العلاقة بين معادلتي الانحدار
17°V	- دقة التقدير
144	ثانياً - الانحدار الخطى البسيط للبيانات المبربة
121	ثالثاً - الارتباط الخطى البسيط
NEA	* حساب معامل الارتباط الخطي البسيط
104	- العلاقة بين الانعدار والارتباط الخطى البسيط
100	حساب الارتباط الخطى البسيط للبيانات المبوية
104	 تأثير التباين وحجم العينة على معامل الارتباط
10A	 تفسير معامل الارتباط
17.	رابعاً - معامل ارتباط الربتب
174	- العلاقة بين إرتباط سبيرمان وارتباط بيرسوني
111	- استخدامات معامل الارتياط

177	الفصل السادس - الاحتمالات والمنحنى الاعتدائي
119	- الاحتمالات
۱۷٤	- منحنى التوزيع الاعتدالي
171	- خصائم المنحني الاعتدالي
174	 الدرجة المعيارية
14+	- استخدامات الدرجة المعيارية
141	– الدرجة التائية
YAY	 الدرجة التائية المعدلة
144	- نسبة الذكاء الانحرافية
1.45	- التساعيات
١٨٤	- المدينيات المدينيات
14+	- ترزيع ذي المدين
194	– توزیع مربع کا ی ۔
	القصل السابع - الاستدلال الاحصائي واختبار القروض
	- العينات
Y * *	تحديد مجتمع الدراسة
	- مرق اختيار العينات
Y+ Y	* المعاينة العشوائية
	* المعاينة العشوائية الطبقية
* £	* المماينة العشوائية العنقودية
۲۰۵	* المعاينة المنتظمة
4.0	* المعاينة المقصودة
Y+0	- حجم العينة المناسب
	- الفروض
711	– أنواع الغروض
	* القرض الصفرى
(11	* الفرض الموجه

1	* الفرض غير الموجه
*11	– اختبار صحة الفروض
710	- قرة الاختبار الاحصائي
717	- مثال لاختبار صحة الفروض
YYA	- مستوى الدلالة
***	- حدود الثقة
***	- القرار في اختبار صحة الفروض:
777	- الخطأ المعياري
440	- درجات الحرية
777	- افتراضات الاحصاء الاستدلالي
771	القصل الثامن اختبار الغرق بين متوسطين
777	- مقارنة متوسط عينة بالمجتمع
YTV	 اختبار الفرق بين متوسطى عينتين مستقلتين
۲ ۳۸.	 الحالة الأولى - إذا كانت العينتان متجانستين
481	 الحالة الثانية – إذا كانت العينتان غير متجانستين
Yio	- حجم التأثير
K3Y	- قوة اختبار (ت)
419	- اختبار القرق بين متوسطي عينتين غير مستقلتين
104	- استخدامات أخرى لاختبار (ت)
400	إختبار الفرق بين نسبتين اختبار الفرق بين نسبتين
YOV	* مقارنة نسبة عينة بالمجتمع
109	 اختبار الفرق بین نسبتین مستقانین
(14	* اختبار الفرق بين نسبتين مرتبطتين
74	القصل التاسع - تحليل التباين
(TV	- افتراضات تحليل التباين معتب التراضات التباين معتب التراضات التباين
Y*	- ترزیع (ف)
Υ۱	- تحليل التعادي الاحادي

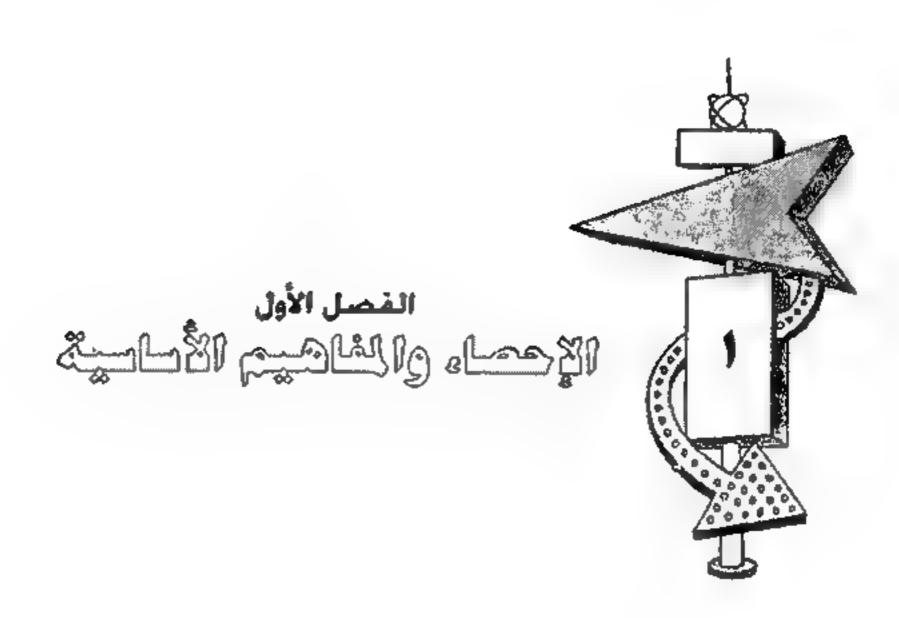
YVA	- حجم التأثير
۲۸۰	- المقاربات المتعددة المتوسطات
	- القروق بين طرق المقاربات المتعددة في صيط خطأ النوع
YAY	الأول
791	- مقارنة الطرق المختلفة
448	- إختيار الطريقة المناسبة من طرق المقارنات المتعددة
4.1	القصل العاشر - تحليل التباين الثنائي والثلاثي والعاملي
۲- ٤	- التفاعل
T. V	– خطوات تحليل النباين الثنائي
777	- تعليل التباين الثلاثي والعاملي
440	خطوات تعليل النباين الثلاثي
770	القصل الحادي عشر - تحليل تباين القياس المتكرر
45.	أولاً - تحليل بيانات القياس المنكرر المجموعة واحدة
٣٥٠	تَانياً - تعليل تباين القياس المتكرر المجموعتين أو أكثر
700	ثالثاً - تحليل تباين القياس المتكرر الثلاثي (المحالة الأولى)
204	رابعاً - تعليل تباين القياس المتكرر الثلاثي (العالة الثانية)
471	القصل الثاني عشر - تحليل التغاير
410	– إفترامنات بتمليل النغاير إفترامنات بتمليل النغاير
441	أولاً - تحليل التغاير الاحادى
۳۷۲	- اختبار شرط تجانس معاملات الانحدار
TV£	ثانياً – تحليل النغاير الثنائي
٣٨٢	ثالثاً – تحليل التغاير في حالة القياس المتكرر
	رابعاً - تطيل التغاير في حالة القياس المتكرر مع قياسات مختلفة
TAT	للمتغير الخارجي
242	القصل الثالث عشر - تطيل الاتجام
790	أرلاً – حالة تحليل التباين
	- طريقة أخرى لإختبار إنجاء العلاقة بين متغيرين

2.0	ثانياً - حالة تحليل تباين القياس المتكررنانياً - حالة تحليل تباين القياس المتكرر
£1+	- طريقة أخرى
٤١٣	الفصل الرابع عشر - تطيل الانحدار والارتباط المتعدد
٤١٦	- اختبار دلالة معامل الارتباط البسيط
£19	- اختبار الفرق بين معاملي إرتباط
241	- اختيار دلالة معامل الانحدار
272	- الانحدار والارتباط المتعدد
277	 الافتراضات الاساسية للانحدار والارتباط المتعدد
277	 علاقة الارتباط الجزئي وشبه الجزئي بالارتباط المتعدد
133	 تحليل الانحدار والارتباط المتعدد باستخدام الدرجات الخام
433	- إختيار المنبئات بطريقة التحليل المنتألى
20+	- تفسير معاملات الانحدار والارتباط المتعددن
107	 تحليل الانحدار والارتباط المتعدد باستخدم المصغوفات
804	- مقلوب المصنفوفة
£ov	- طريقة دوير لمقلوب المصافوفة
109	- الارتباط الطبيعي الارتباط الطبيعي
ደካነ	- تحليل التمايز
277	القصل الخامس عشر - تحليل المسار
£ "\Y	- النموذج احادى الانجاه
279	- النموذج أحادى الانجاه لثلاث متغيرات
173	 النموذج أحادى الاتجاه لأربعة متغيرات
٤٧٩	القصل السادس عشر - التحليل العاملي
£ A£	– خنض عدد المتغيرات
£AY	- مفهرم التكرين
111	- مكونات التباين
191	- التحليل العاملي الاستطلاعي والتوكيدي
198	- طرق التحليل العاملي الاستطلاعي ،

191	* طريقة المكونات الأساسية
3.73	* طريقة العرامل الأساسية
290	 الطرق الأخرى التحايل العاملي الاستطلاعي
897	– عدد العوامل
 	* المدخل الرياضي المدخل الرياضي
197	* المدخل الاحصائي
£9V	* مدخل التكوين العاملي
199	- تدوير العوامل
* * *	* التدوير المتعامد
0.1	* التدوير المائل التدوير المائل
0.4	- درجات العوامل
0.1	- التحليل العاملي التركيدي
0.7	 نموذج عوامل الدرجة الأولى في التحليل التوكيدي
۵ ٠ ٩.	- نموذج عوامل الدرجة الثانية في النحليل التوكيدي ········
011	لعراجع :
017	لملاحق :لملاحق
	- ملمق رقم (۱)
019	جدول توزيع المنحني الاعتدالي
	- ملحق رقم (۲)
944	جدول دلالة معامل إرتباط بيرسون
	- ملحق رقم (۳)
977	جدول دلالة معامل إرتباط الرتب
	– ملحق رقم (٤)
DYE	جدول تحويلات فيشر لمعاملات الارتباط
	– ملحق رقم (٥)
۲۲٥	جدول توزيع (ت)
•	- ملحق رقم (۲)

644	جدول توزيع (ف)
	- ملحق رقم (۷)
٥٣٥	جدول توزيع مدى المقاربات المتعددة
	- ملحق رقم (۸)
۹۳۹	جدول توزيع ف العظمي لإختبار التجانس
	- ملحق رقم (٩)
٠٤٠	القيم الحرجة لإختبار كوكران لتجانس التباين
	ملحق رقم (۱۰)
051	جدول توزيع مربع كأى

	•	
-		



الغصل الآول الإحصاء والمقاهيم الأساسية

معنى الإحصاء

بقصد بالاحصاء العد أو التعداد أو عدد الأشياء أو جمع بيانات عنها ،وهو يشير إلى إحصاء السكان بمعنى عدد السكان في وقت معين ، وكلمة أحصى تعنى عد وعلم عدد الأشياء وربما خصائصها.

وبذلك تعنى هذه الكلمة جمع البيانات بالإضافة إلى تلخيص وتنظيم وتحليل البيانات وعرضها في جداول والتوصل إلى استنتجات عن معنى البيانات ، وعادة ما تكون هذه الاستنتاجات في شكل تنبؤات ،

والمهمة الأولى للإحصاء هي تعريف المجتمع المقصود واختبار عينة ممثلة له .

ويستخدم الإحساء في العلوم المختلفة لتوضيح البيانات وتلخيصها ، فهو يستخدم في العلوم الإنسانية والعلوم الطبية والهندسية والزراعية ، والعلوم الأساسية ، وفي مجال الصناعة وغيرها ، ولا يكاد يخلو علم من العلوم من استخدام الإحساء في بحوثه وتطبيقاته العملية.

والإحساء فرع من فروع العلم التي تتعامل مع البيانات وتحليلها وتنظيمها للإجابة عن التساؤلات والاستدلال منها ، وبذلك يستخدم الإحصاء في فهم الكثير من المشكلات . واحياناً يساء استخدام الإحصاء في عرض البيانات بشكل خاطئ أو خادع للاستدلال . ويجب دائماً أن نفكر في الإحصاء كوسائل لها وظيفتين أساسبتين هما : الوصف والتفسير .

ويقسد بالرصف اعطاء صورة واضحة للظاهرة عن طريق العرض المناسب للبيانات التي توضح الصورة واستخدام بيانات مثل نسبة البطالة ومتوسط الأجرر ومعدل المرضي ومتوسط عدد الأبناء في الأسرة ومعدل الطول والوزن والعمر وغيرها، وهي بيانات تصف متغيرات معينة . أما النفسير فيعني

إعطاء معنى للبيانات والتوصل إلى أسباب الأحداث . فإذا قانا أن أحمد لا يرغب في القراءة لأنه لا يستطيع النطق الصحيح ، وسعيد رسب في الامتحان لأنه صعيف ، وعلى يحب الحفلات لأنه اجتماعي . فكل هذه تفسيرات ولكنها تصف الفرد ولا تفسر المعنى ، وبالتالى فهي تسير في دائرة مغلقة ، بيدما التفسير يستلزم كسر هذه الدائرة المغلقة وبحث صلتها بشئ آخر خارجها .

تاريخ الإحصاء

يرجع تاريخ الإحصاء إلى القرن السابع عشر (منذ حوالى 300 سنة) عندما الهتم الانسان بفهم الاحتمالات (Sprinthall, 1994: 11-12). وقد استخدم الإنسان الأول الأرقام وكان لديه نظام للعدد ، كما استخدم نرد (زهر) الطاوئة منذ أكثر من 3000سنة قبل الميلاد ، وربما خاف الانسان قديماً من التفكير في الإحتمالات لا عتقاده بأن كل شئ من عند الله ، ولا يجب التفكير في أي شئ يتعلق بحدوث الأحداث ، وكان من السهل عليه التحدث بالقدرية بدلاً من الاهتمام بدراسة احتمالات حدوثها لأن ذلك يعنى الإلحاد والكفر ،

وقد ذكر سيسرو Cicero قبل الميلاد بخمسين عاما ، أن الأحداث قد تكون نتيجة الحظ ، فإذا رميت أربع زهرات طاولة فإن المصمول على نفس الرقم يكل منها يعد رمية حظ ، ولكن إذا فعلت ذلك مائة مرة وظهرت رمية الحظ في المائة مرة فهل يعد ذلك مصادفة ؟ بالطبع لا ، لأن ذلك يحدث بأمر الله ، وكان تعبير ميسرو يدل على تفكير الناس في ذلك الوقت (Sprinthall, 1994: 11) .

كما ذكرت سانت أوجستين Augustine عمام ٥٠٠ بعد الميلاد ، أن لاشئ بحدث بالمسدفة وانما كل شئ محكوم بإرادة الله ، وإذا قيل بوجود أحداث عشوائية فإن ذلك يرجع إلى جهل الناس وليس للأحداث ذاتها (24) David, 1962: 24) .

وحتى الآن يغضل الكثيرين عدم الاهتمام بالاحتمالات وانما يفصلون البحث عن الحظ وقراءة ذلك في الصحف اليومية ، مع أنه يتعارض مع القدرية كما يتعارض مع مفهوم الاحتمالات ، فإذا كان حظك اليوم مكسبا ماديا فهل يحدث ذلك فعلا ؟ أم أنه مرتبط بما يفعله القرد في عمله وحياته ، ومن الواضح إذا تعرض الفرد في يومه إلى أعمال معينة فقد يكسب أو يخسر ، وإذا لم يخرج من منزله ، فقد يحدث ذلك أيضا ، ولكن ما إحتمال حصوله على المكسب المادى ؟ لا أحد يستطيع الإجابة عن هذا السؤال ، كما أن السماء لا تمطر ذهباً ولافضة .

ومعنى هذا أن مشاركة الفرد في أعمال قد تؤدى إلى مكسب ، وعدم المشاركة قد لا يؤدي إلى أي شئ .

ويدل هذا على أن احتمال المكسب يكون مرتفعاً في حالة المشاركة في الاعتمال عنه في حالة عدم المشاركة . وهذا هو المقصدود بالإحتمالات وهي لا تغيير من القدرية ، ولكن الإهتمام بالإحتمالات قد يشبجع المشاركة في اداء الأعمال.

وبالطبع لا ننصح أى فرد بأن يترك أمور حياته تسير طبقاً لقراءة النجوم أو حظك اليوم ، وانما يخطط لأعماله ويؤدي ما يستطيعه دون تراكل.

والحدث الذي أدى لمواد علم الإحصاء كان في فرنسا خلال القرن السابع عشر الميلادي ، عندما كان الفارس دى مير (Chevalier de Mere) ، المقامر المشهور قد خسر في المقامرة ، وأراد معرفة سبب خسارته هل هي من سوء المشهور قد خسر في المقامرة ، وأراد معرفة سبب خسارته هل هي من سوء الحظ، أم أن توقعاته لم تكن صحيحة ، وطاب من صديقه عالم الرياضيات الفرنسي بليس باسكال (Blease Pascal) النصيحة ، واكتشف دى مير أنه كان يراهن مراهنة خاسرة فعلاً ، ويعد باسكال أبو نظرية الاحتمالات ، وكان هدفه من دراستها مساعدة صديقة دى مير لكسب الرهان (Sprinthall, 1994: 11) .

وقد ذكر المؤرخون لعلم الإحصاء أن القفزة الأولى فعلاً كانت بناء على أعمال لابلاس (Laplace)، وهو صاحب نظرية في الإحتمالات .

بينما كانت القفزة الثانية لأعمال جاوس (Gauss) الذي اهتم بتقدير معالم المجتمع في مقاييس النزعة المركزية ، وتوصل إلى معادلة المنحنى الاعتدالي ، وقد عمل كل من لابلاس ، وجارس ، وبواسون Poisson على حدة هذا المجال ، وتوصل كل منهم إلى نظريات عن تقدير معالم المجتمع . (Hald, 1998)

وقد استخدم فرانسيس جالتون (Francis Galton) أساليب إحصائية لدراسة الوراثة ، وقد حلل خلال الفترة ١٨٦٩ – ١٨٩٠ العديد من البيانات لتوضيح العلاقة بين السمات الإنسانية عبر الأجيال ، ووضع لنفسه طريقة لمقارنة السمات الإنسانية بترتيب الأفراد على سمتين ، والتعرف على الوضع النسبي لكل فرد بالمقارنة بالآخرين ، حيث كان اهتمامه مركزاً على معرفة الفروق بين الأفراد ، وقد دفعت أفكار جالتون إلى استثارة كل من إدج ورث (Edgewarth) وبيرسون) وقد دفعت أفكار جالتون إلى استثارة كل من إدج ورث (Yule) ونيرسون رياضية عن الإنحدار والإرتباط ،

أما القفزة الثائثة للإجصاء فكانت على يد بيرسون الذى تأثر بكل من جالتون ، ولدون (Weldon) ، حيث شارك مع ولدون فى تحليل بياناته لتحقيق نظرية دارون عام 1892 . وأدى هذا إلى تحول فى حياة كارل بيرسون حيث أهنم بدراسة الإحصاء الرياضى وطوق تحليل البانات . وأجرى بيرسون العديد من الدراسات فى العزوم وتقدير معالم المجتمع ، واحتمالات توزيع ذى الحدين ، والمعادلات التفاضلية للاحتمالات .

وتوصل بيرسون إلى معادلة لحساب معامل الإرتباط الخطى بين متغيرين في أواخر القرن الثامن عشر ، كما توصل إلى معادلة كالا (مربع كاى) عام ١٩٠٠ ، وأجرى دراسة شهيرة عن السطوح والفراغ عام ١٩٠١ ، كانت هي الأساس لأسلوب التحليل العاملي المعروف بأسم (Principal axes) . كما ساهم ييل بدراسات عن الارتباط الجزئي والإرتباط المتعدد،

وقد سارع سبيرمان عالم النفس المشهور إلى إجراء دراسة نفسية متبعاً فيها الطريقة الجديدة المتحليل العاملي ونشر نظرينه للنكرين العقلي عام ١٩٠٤ تحت إسم نظرية العامل العام

وكانت القفزة الرابعة للإحصاء في بداية القرن العشرين أيضاً (خلال فثرة أعمال بيرسون)، وعندما طلبت شركة (Guinness) المنتجة للبيرة من عالم الرياضيات وليام جوست (William Gosset) عام ١٩٠٦ أن يجرى دراسة عن إمكانية إختيار عينة من أفراد المجتمع في مدينة دبلن (Dublin) بأيراندا لتذوق البيرة وتعميم النتائج على المجتمع .

وقد توصل جوست (Gosset) عام ۱۹۰۸ إلى معادلة لمقارنة أداء العينة مع المجتمع بدرجة جيدة من الدقة ، وقد سمى معادلته باسم (Student) والتى تعرف باسم اختبار (ت) ، ووضع جوست برهاناً لنظريته عام ۱۹۱۲، وانتقده بيرسون ، ولكن فيشر (Ronald Fisher) طور البرهان ونشسره بعد ذلك عام ۱۹۱۵ (Hald, 1998) .

وكان النطور الخامس للأحصاء على يد العالم الإنجليزي فيشر (Fisher) ، الذي أجرى دراسته عن تحليل النباين خلال عام ١٩٢٠ ونشرت عام ١٩٢٢، وهي تعميم لاختبار (ت) بناء على مفهوم درجات الحرية . وقد ذكر فيشر أنه استفاد من أعمال هلمرت (Helmert) عن توزيع متوسط وتباين العينه وانحرافها عن الترزيع الاعتدالي (Hald, 1998).

وقد توالت الدراسات منذ أفكار باسكال ولابلاس وبيرسون وجوست وفيشر في الإحصاء الرياضي ، ولكن الأساليب التطبيقية لنظريات الاحصاء الرياضي كانت نأتي بعد فترة زمنية لا نقل عن عشرون عاماً من بداية تلك النظريات واقتناع الاحصائيين بها . ولا تزال البحوث في مجال الإحصاء الرياضي والتطبيقي - مثل فروع العلم الأخرى - في تطور مستمر لوضع الأفكار موضع التطبيق ، وحل المشكلات الفعلية في المجالات المستخدمة للأساليب الإحصائية وقد تزايد الاهتمام الآن في مجال أساليب تحليل المتغيرات المتعددة الإنسانية . ودراسات العلوم الإنسانية .

أهمية الإحصاء في البحث العلمى:

العم هو مجموعة من الحقائق والنظريات المترابطة ، وهو يحدد علاقة الغرد بما يحيط به من الظواهر الطبيعية ، وبزيادة التقدم العلمي تزداد الحقائق والنظريات التي تم التوصل إليها واختبارها ، والتي تساعد على فهم ما يحيط بالغرد بدرجة أكبر وتوضيح له الصعاب وإمكانية النغلب عليها .

ويقوم الباحثون بإجراء العديد من البحوث العلمية التي تستخدم الوسائل والأساليب الإحصائية المختلفة التي تساعد في فهم المشكلات فهما دقيقاً وموضوعياً. حيث يتم الحصول على بيانات ونتائج أثناء إجراء الدراسة والتي تستخدم في اختبار صحة الفروض أو الإجابة عن التساؤلات ، ولايتم ذلك إلا بإستخدام الأساليب الإحصائية .

ويبدأ الباحث عادة بمشكلة معينة يرغب في دراستها للإجابة عن بعض التساؤلات ، فيحدد المشكلة ويصنع التساؤلات في صنوء ما هو متوفر لديه من معلومات مرتبطة بالمشكلة ، ولا يستطيع أي باحث إجراء دراسة جيدة مالم يكن متخصصاً في المجال ولدية حساسية للاغرات في هذا المجال ويعرف مابه من مشكلات تتعلق بالحقائق العلمية في المجال ، ومعرفة الباحث بمشكلة معينة تدفعه لمحاولة توضيحها ورؤية ما يحيط بها من عوامل وظروف ، ويبذل الجهد لمحاولة التوصل إلى حل أو عدة حلول المشكلة فيؤدى به ذلك إلى وضع فروض للدراسة والاختبار بناء على ما هو مترفر من معرفة ومعلومات.

ويكون الهدف الدالى الباحث هو كيفية الثبات صحة تلك الفروض التى رضعها كحلول مقدرحة للمشكلة (أو كناتج متوقع من الدراسة) فيقوم بجمع

بيانات بإستخدام أدوات قياس مناسبة للمتغيرات . ثم يواجه الباحث مشكلة كيفية التعامل مع البيانات التي جمعها وكيفية استخدامها في اختبار صحة الغروض ، وهذا يأتي دور الأساليب الإحصائية المختلفة والتي تعارن الباحث في الإستخدام = المناسب لبياناته لاختبار صحة الفروض أو الإجابة عن التساؤلات .

والأساليب الإحصائية هي الرسيلة الرحيدة الذي يستطيع بها الباحث ، أياً كان مجال تخصصه تحليل البيانات واختبار صحة فروض دراسته والتوصل إلى النتائج.

ومهما كان التخصص في العلوم الإنسانية أو الطبية أو الزراعية أو الهندسية وغيرها ، فإنها تستلزم استخدام الأساليب الإحصائية لمعالجة البيانات و اختبار صحة الفروض والتوصل إلى النتائج ، وبالطبع ، يتم في كل دراسة جمع بيانات لمحاولة تقديم حل المشكلة أو إجابة عن النساؤلات ، وتلك البيانات في حد ذاتها لا تقدم الحل ولا تجيب عن التساؤلات إلا إذا تم تعليلها بالأساليب الإحسائية المناسبة .

ولا يعنى هذا أن الأساليب الإحصائية هي كل شئ في البحوث وهي التي تقوم بما لا تستطيعه العلوم الأخرى اولكنها وسائل مساعدة للباهث لتنظيم البيانات وتحليلها والإجابة عن تساؤلات دراسته أو اختبار صحة فروضه .

ومن ثم فإن الإحصاء وأساليبه هام للبحوث في معظم مجالات العلوم المختلفة مثل أهمية الملح للطعام وأهمية الفلسفة للعلوم وأهمية اللغة للتعبير عن الرأى والفكر ، وكذلك تكون أهمية الإحصاء لمعالجة البيانات والإجابة عن التسازلات أو اختبار صحة الفروض ، ويعنى هذا أنه من الصروري للباحثين الالمام بالأساليب الإحسائية واستخدامها في الوقت المناسب والموقع المناسب لتحليل البيانات المناسبة للإجابة عن السؤال أو اختبار الفرض ، وتكرار كلمة المناسب هذا مقصودة لأنه على الباحث معرفة ما يستخدمه في تحليل بياناته ومدى مناسبة ذلك لدراسته ، فمن غير المعقول أن يضع الباحث بيانات ونتائج لايعلم من أين جاءت وكيف تم الحصول عليها ، ومن ثم لايعلم كيفية الاستنتاج منها وربما يؤدي هذا إلى استنتاجات وتقسيرات خاطئة ، وهذا هو الحال في العديد من البحرث خاصة في العلوم الإنسانية ،

وتستخدم الأساليب الإحصائية في معظم البحوث العلمية خاصة تلك التي تجمع بيانات عن الظاهرة موضغ الدراسة ، ويبدو هذا واضحا في مجالات العلوم

الإنسانية والعلوم الطبية والعلوم الزراعية والعلوم الأساسية ، كما تستخدم في مجالات الصناعة والتجارة والإقتصاد والتخطيط وغيرها من المجالات التي تعتمد على الأرقام وتعالجها بطرق مختلفة ، وهذه المعالجات تستخدم أساليب لحصائية مختلفة . فإذا ما كان الأسلوب الإحصائي المستخدم غير مناسب ، فقد يؤدي هذا إلى استنتاج خاطئ ، وتكمن الخطورة في اتخاذ قرار يعتمد على هذا الاستنتاج الخاطئ . وما أكثر القرارات التي تعتمد على بيانات ونتائج البحوث ، ولا يكون الخطأ في هذا الشأن راجعا إلى متخذى القرار وحدهم ، وإنما على من قاموا بإجراء البحوث وما توصلوا إليه من استنتاجات وتفسيرات وتوصيات غير صمحيحة أو غير مناسبة .

المتغــــيرات :

المتغير هو مفهوم يعبر عن الاختلافات بين عناصر فئة معينة مثل النوع (الجنس) ، والتحصيل ، والدافعية ، والمستوى الاقتصادى – الإجتماعى ، وكذلك الانفعال وأسلوب المتشئة وغيرها . ونلاحظ ضرورة اختلاف عناصر الفئة لكى نطلق عليها اسم متغير مثل الحالة الإجتماعية ، أما إذا كانت العناصر من نفس النوع فإن هذه الخاصية تعد مقدار ثابتا وليست متغيرا ، ومثال ذلك إجراء دراسة على الذكور فقط ويعنى هذا أننا نثبت متغير الجنس (أى يصبح مقدار ثابتا) . وبذلك يمكن تعريف المتغير بأنه اختلاف الأفراد في قيم أو درجات خاصية معينة . ويهتم الباحثون بدراسة المتغيرات المختلفة وكذلك دراسة الثوابت .

وتوجد أنواع مختلفة من المتغيرات الكمية والتصنيفية ، فالمتغير الكمى هو الذي يأخذ قيما متعددة على متصل من أقل قيمة إلى أكبر قيمة مثل الطول والوزن ودرجات إختبار معين ، أما المتغير التصنيفي فهو الذي لا يختلف في الدرجة وإنما في النوع مثل الديانة والمهنة وطريقة التدريس وأسلوب الإدارة وغيرها.

ويهتم الباحثون بدراسة المتغيرات الكمية والتصنيفية والتي يطلق عليها مسميات أخرى مثل المتغيرات المستقلة والتابعة والضابطة والخارجية .

والمتغيرات المستقلة هي التي يهتم الباحث بدراسة أثرها على متغيرات أخرى تابعة في البحوث التجريبية أو شبه النجريبية ، حيث تسمى المتغيرات المستقلة بالمتغيرات التجريبية أو المعالجات ، أما المتغيرات النابعة فهي التي نتأثر بمتغير تجريبي أو مستقل ، وبذلك تعتمد طبيعة المتغيرالتابع على مدى تأثره بالمتغير المستقل،

والمتغيرات الخارجية هي متغيرات لا يهتم الباحث بدراستها ولكنها قد تؤثر على متغيرات الدراسة المستقلة أو النابعة أو كليهما . فإذا أهتم الباحث بدراسة أحد أو بعض المتغيرات الخارجية فإنه يصبح متغيرا مستقلا أو تابعا . أما إذا حاول عزله أو ضبطه فإنه يصبح متغيرا منابطا .

وعند تفسير الظواهر فإننا نفسر المتغيرات النابعة تحت شروط المتغيرات المستقلة . ومعنى هذا أن التفسير يتطلب شرح علاقة المتغيرات المستقلة بالمتغيرات التابعة التي تتغير تبعا للمتغيرات المستقلة . ومثال ذلك علاقة المتخير بمرض السرطان حيث يؤكد الأطباء أن التدخين يؤدى إلى سرطان الرثة وإلى أمراض أخرى . ويكون المتغير المستقل هنا هو التدخين والمتغيرات التابعة هي الأمراض المختلفة .

وكذلك عند دراسة علاقة اختبارات القبول للجامعة بالتحصيل الأكاديمى حيث تدل الدراسات على أن اختبارات القبول للجامعة لها قدرة على التنبؤ بالتحصيل الدراسي في الجامعة ، وتكون اختبارات القبول هي مقاييس للمتغيرات المذبلة (المستقلة) والتحصيل الجامعي هو المتغير التابع ، ويعني هذا أن الدرجات المرتفعة على اختبارات القبول تؤدى إلى الحصول على درجات مرتفعة في التحصيل الجامعي ،

وفى البحوث غير التجريبية فإننا لا نعطى للمتغيرات الأسماء السابق الاشارة إليها (المستقلة والتابعة) وإنما نكون كلها متغيرات فى الدراسة أو متغيرات خارجية . ففى البحوث المسحية ، والوصفية ، والارتباطية ، والتحليلية ، لانبحث عن السبب والنتيجة ، مثلما يحدث فى البحوث التجريبية التى يتم فيها بحث أثر متغير مستقل (معالجة) على متغير تابع ، وإنما يكون الاهتمام بدراسة المتغيرات المتصلة بظاهرة معينة لفهم الظاهرة وتفعيرها أو للكشف عن علاقات المتغيرات بالظاهرة أو أسباب حدوث الظاهرة وتفعيرها أو للكشف عن علاقات

وعند دراسة ظاهرة تربوية أو نفسية أو اجتماعية يواجه الباحث العديد من المتغيرات المرتبطة بالظاهرة ، فيحاول دراسة بعض هذه المتغيرات واغفال البعض الآخر وبتك المتغيرات التي يغفلها الباحث هي متغيرات خارجية لا يستطيع التحكم فيها ولا يقوم بدراستها . وهذه المتغيرات الخارجية هامة جدا في تفسير نتائج الدراسة التي لاتتفق مع توقعات الباحث ، كما أنها هامة جدا عند الاستنتاج من نتائج العينة وتعميمها على مجتمع الدراسة .

التغيرات المتصلة والمنفصلة :

قد نطق على المتغيرات أسماء أخرى مثل المتصلة Continuous المنفصلة Discrete حسب طبيعة قيم المتغيرات ، فإذا أجرينا تجرية على الأطفال التصنيف مجموعة من المكعبات حسب اللون ، فإن عدد المكعبات الني يتم تصنيفها صحيحا تأخذ القيم ٢ ، ٢ ، ٣ ، ، ١٠ مثلا ، وتكون درجة كل طفل هي عددا صحيحا ، وبالتالي يكون هذا المتغير متغيرا منفصلا (متقطعا) أما إذا حسبنا الوقت المستغرق في عملية التصنيف بالدقيقة و الثانية وربما كسور الثانية ، فإن الزمن المستغرق لكل طفل يكون قيما صحيحة أو كسرية ، وهنا يكون المتغير متصلا.

ومعنى هذا أن قيم المتغيرات المتصلة ليست أعداداً صحيحة فقط ، واتما تشمل الكسور أيضا ، ويكون لهذه الكسور معنى مألوف ، بينما المتغيرات المنفصلة تتكون من أعداد صحيحة لأن الكسور هنا ليس لها معنى ،

والمنفيرات المنصلة هي منفيرات كمية حيث نعثل قيم المتغيرات فروقاً في الدرجة على منصل واحد هو منصل المتغير ، وكذلك المنفيرات المنفصلة هي متغيرات كمية حيث تكون قيم المنفير هي درجات صحيحة تدل على نفير في الدرجة .

وتقوم الأساليب الإحصائية بإجراء العمليات الحسابية الأساسية على كل من المتغيرات المتصلة والعنقصلة ، وينتج عن ذلك قيماً إحصائية صحيحة أو كسرية وبالتالى فإننها تتعامل هنا مع المتغيرات المتصلة فقط . ومعنى هذا أن المتغيرات الترتيبية هي متغيرات كمية ، حيث يمكن وضع قيم المتغير على متصل يوصنح العلاقة بين تلك القيم المختلفة ، ولكن لا نستطيع إجراء العمليات الحسابية مع هذه المتغيرات الترتيبية لأن كل رتبة تمثل فئة ولا يوجد معنى لكسور الرتبة أو الغلة .

مستويات القياس ،

قدم ستيفنس (Stevens, 1951) أربعة أنواع أو مستسويات للقيساس (Pedhazur & Schmelkin, 1991) مرتبة تصاعديا من البسيط إلى الأكثر وضوحا وهي القياس: الأسمى ، والترتيبي ، والفترى ، والنسبى ، وقد وضح ذلك عام ١٩٥٩ حيث عرض أنواع القياس مرتبطة بالتحويلات المناسبة لها ، وسوف نوضح ذلك مع كل نوع من أنواع القياس ،

: Nominal Scale القياس الاسمى -- القياس

يعبر القياس الأسمى عن إعطاء أرقام أو رموز للمتغيرات الاسمية ، وستخدم الأرقام لتحل محل الأسماء أو الرموز الدالة على المتغيرات . ومثال القياس الاسمى إعطاء أرقام تدل على متغيرات مثل النوع والتخصص ومحل الإقامة وغيرها، وهذه الأرقام ليس لها قيمة سوى أنها بديلة عن الأسماء ، ومثال ذلك أرقام السيارات فهى تدل على نوع كل سيارة بذاتها ، ولا يعنى الرقم الكبير أن السيارة أفضل من تلك التى يدل عليها رقم صغير ، ولكن الأرقام هنا بديلة للأسماء ،

وتصنيف الأشياء هام جدا في حياتنا ، وقدرتنا على مواجهة مثيرات الحياة بردى بنا إلى محاولة تصنيف الأشياء ، وعزل ما لا يدخل في التصنيف إلى تصنيفات أخرى ، فنحن نصنف الأشياء والنبانات والأحداث ، وكذلك الحقائق العلمية ، وبعضها يبدو بسيطا وطبيعيا بينما البعض الآخر معقد بدرجة كبيرة وقد نختلف في تصنيفها .

فعندما نصنف الأفراد حسب الجنس ، فالقاعدة بسيطة وطبيعية وواضعة وهي اما ذكورا أو اناثا ، وعلى العكس من ذلك تصنيف البشر طبقا لسمات الشخصية ، وهي تحتاج إلى قاعدة محددة لتحديد السمات وكيفية التعرف عليها ، ويتم التصنيف بعد ذلك طبقا لكل سمة أو لمجموعة من السمات ، ويبدو أن هذا التصنيف معقد إلى حد ما وغير واضح ،

ويوضح التصنيف ، سواء كان بسيطا أو معقدا ، مفاهيم علمية أو متغيرات مثل المستويات الإقتصادية - الإجتماعية ، والجماعة التي ينتمي إليها ألفرد ، والديانة ، ومحل الإقامة . وعندما نستخدم مثل هذه المتغيرات في البحوث العلمية يكون التصنيف جزءا هاما معتمدا على أسس نظرية ومنطقية في البحوث .

وقد يذكر بعض المتخصصين أهمية مستوى القياس الاسمى ويعتبرونه مستوى مبدئيا بسيطا ولا يعد من مستويات القياس ، إلا أن هذا المستوى هام جدا المستويات النائية له ،

ويستازم مستوى القياس الاسمى أن يكون تصديف فدات المتغيرات أو الأشياء في مجموعات مستقلة ، ويعنى ذلك أن كل مفردة تنتمى إلى فئة واحدة واتنا تصنف جميع المفردات في الفدات المحددة ، فمثلا تصديف الأفراد طبقا لإنتماءاتهم الدينية ، فيكون لكل فرد ديانه واحدة فقط ، وكذلك حسب الجنسية يكون لكل فرد جنسية واحدة محددة ، وقد يكون بعض الأفراد مزدوجي الجنسية ، وهؤلاء نضعهم في فئة أخرى وهي فئة إزدواج الجنسية حتى تكون الفئات مستقلة عن بعضها البعض .

وأحيانا نستخدم فئة إضافية لفئات المتغير الاسمى عندما لا نستطيع تصنيف بعض الأفراد أو الأشياء أو المفردات في الفئات المتاحة .

وبعد تصديف الأفراد أو المفرادت إلى فئات مختلفة فإننا نتعامل معها على أنها مختلفة في النوع وليس في الدرجة . ومعنى ذلك أن فئات القياس الاسمى ليست مرتبة ، فعصوبة النادى الأهلى لا تزيد أو تنقص عن عصوبة نادى الزمالك، ولكنهما مختلفان عن بعضها في الاسم (النوع) ، والخاصبة الأخرى للقياس الاسمى هي أن جميع مفردات كل فئة متساوية بغض النظر عن دور كل مدهم في تلك الفئة ، فجميع أعضاء نادى معين يعاملون ممعاملة واحدة وينفس الطريقة رغم إختلافهم في أدوارهم داخل النادى أو خدماتهم أو جنسهم أو وظائفهم الخارجية أو أي متغيرات أخرى ،

والفئات المستخدمة لتصنيف الأفراد أو المفردات يجب أن يكون لها معنى ، أو تكون مفيدة للهدف من التصنيف ، ولذلك بعد التصنيف أحد مستويات القياس، والقياس وسيلة وليس نهاية ، ويمكن تحديد معنى أو فائدة القياس من خلال أسس نظرية أو عملية ، واختلاف التعريف يوضح قواعد مختلفة تؤدى إلى اختلاف تصنيف نفس الأفراد أو المفردات ، ومثال ذلك تصنيف الأفراد طبقاً للنوع ، واختلاف فئات النوع تؤدى إلى اختلاف التصنيف .

واستخدام الفئات أو نظام التنصيف يؤدى إلى قياس اسمى ، حيث نعين الكل فئة من الفئات أى رقم بديل المسمى الفئة ، ولا يهم ماهية الرقم طالما أننا نستخدم أرقاما مختلفة للفئات المختلفة ، وبالرغم من حرية استخدام الأرقام لتدل على فئات فمن المفضل أن نستخدم ١ ، ٢ فى حالة فئتين ، وقد يستخدم البعض (صفر ، ١) لنفس الحالة . فمثلا النوع (ذكر ، أنثى) نستخدم بدلا منهما (١, ٢) ، وقد نستخدم مثلا ١ ، ٢٠ فليس لذلك أى معنى آخر سوى أنه بديل لاسم وقد نستخدم مثلاً الدائمة على الفئات غير قابلة لإجراء العمليات الحسابية الجنسين . وهذه الأرقام الدائمة على الفئات غير قابلة لإجراء العمليات الحسابية الأربع ، فلا يجوز جمع أرقام الجنسين أو الديانات أو الجنسية حيث لا معنى لذلك الجمع . واستخدام الأرقام كبديل للفئات هو السهيل التعرف على الفئات ، وكذلك النسميل التحليلات الإحصائية للمتغيرات الأخرى ، ومن أمثلة متغيرات القياس الاسمى التخصص ، والحالة الإجتماعية ، ونوع السيارة ، والديانة ... وغيرها .

Y - القياس الترتيبي Ordinal Scale:

يستخدم مع المتغيرات التى يحكم فداتها تدرج فى المستوى من الأقل للأعلى مثل الدرجة الوظيفية . وتحدد فى القياس الترتيبي أرقام للأفراد أو المفردات لندل على ترتيبهم فى خاصية معينة . فإذا كان شخص ما حسن المظهر أكثر من شخص آخر فإننا نعطيه رقم ٢ بينما نعطى الآخر رقم ١ ولاتدل هذه الأرقام على حجم الفرق بينهما وإنما تدل على علاقة أكبر من أو أقل من . ولذلك فإن القياس الترتيبي يهتم بترتيب الأفراد أو المفردات طبقا للزيادة أو النقص فى الخاصية المستخدمة الترتيب ، فيمكن أن تكون (أ) أكبر من (ب) فى الخاصية ونضع كلا منهما فى موقعها المناسب . أما إذا كانت (أ) تساوى (ب) فى الخاصية الخاصية فإننا نضعهما فى رتبة واحدة ، وبالمثل إذا كانت أ > ب، ب > ج ، فتكون أ > ج ، حيث اننا نهتم بالعلاقة أكبر من أو أصغر من فى القياس الترتيبي ، فتكون أ > ج ، حيث اننا نهتم بالعلاقة أكبر من أو أصغر من فى القياس الترتيبي ،

ولكن إذا ذكر ان النادى (أ) هزم النادى (ب) ، والنادى (ب) هزم النادى (ب) النادى (ب) هزم النادى (ب) ا

ولانتأثر الأرقام المستخدمة في ترتيب الأفراد أو المفردات باصافة رقم ثابت أو المندوب في رقم ثابت أو المندوب في رقم ثابت ، حيث أن الرتبة نظل كما هي مستقلة عن تلك العمليات الثابتة .

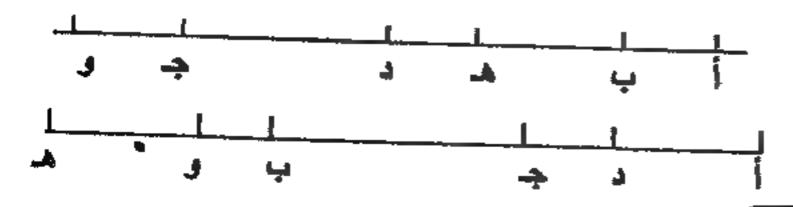
ففى حالة المستوى الاقتصادى (منخفض ، ومتوسط ، ومرتفع) يمكن أن تستخدم ١ ، ٢ ، ٣ لندل على المستويات ، وإذا ضرينا كل منها في خمسة أو أمنفنا لكل منها عشرة فلا تتغير المستويات ،

. وإذا كان لدنيا مجموعتين من الأفراد بكل منهما سنة أفراد ورتبناهما طبقا الطول ، وكان الترتيب كما يلى :

أيب يهدندو

أعدعجت عيب عوعف

وإذا وضعنا الأفراد السنة في كل مجموعة على متصل قد يكون كما يلي :



وقد يتمنح من الترتيب قرب أو تباعد بعض الأفراد ، ولكننا لا نستطيع. معرفة الفرق بين أى رتبتين متئاليتين ، كما اننا لا نستطيع مقارنة رتب الأفراد في المجموعتين حيث لايكون اذلك معنى ، فمثلا الفرد رقم ٢ في المجموعة الأولى لا يتساوى مع الرتبة ٢ في المجموعة الثانية . وريما يكون أقصر فرد في المجموعة الثانية .

ويمكن إعادة النظر في تربيب المجموعتين بطريقة أخرى في حالة ذاتية التقدير للخاصية المستخدمة في التربيب ، ومثال ذلك تربيب اثنين من المحكمين لأداء ستة أفراد في لعبة رياضية فسوف تختلف تربيباتهما ، وكذلك تربيب عدة أنواع من الأطعمة ، أو تربب عدة اعلانات تلفزيونية من قبل اثنين من المتخصصين حيث تربيب تلك الاعلانات طبقا لأفضلية بعضها على الآخر ولكن لا يحددا قيمة كل منها ، وقد نلاحظ اختلاف المتخصصين في ذلك طبقا لما يراه كل منهما وفي ضوء معايير معينة ، ومن أمثلة متغيرات القياس التربيبي المرحلة التعليمية ، والدرجة الوظيفية ، وتربيب الميلاد ، وغيرها .

ويعد القيباس الترتيبي مقيدا في حالة دراسة الفروق بين الأفراد أو التفضيلات وما شابه ذلك

" - القياس الفترى Interval Scale - ٣

يستخدم القياس القنري مع العديد من المنغيرات النفسية والإجتماعية مثل الانجاهات المختلفة ، والتحصيل ، وسمأت الشخصية ... وغيرها .

ونستخدم في هذا المستوى الإرقام انعبر عن الفروق بين الأفراد أو المفرادت بالأصافة إلى ترتيبها ، وتكون للأرقام معنى يرتبط بالخاصية المقاسة ، ويمعنى آخر فإن هذا النوع من القياس يستخدم وحدات قياس توضح معنى للفروق بين المفردات حيث يمكن مقارنة الفروق أو تحويلها إلى نسب مدوية .

وأفضل مثال نهذا النوع من القياس هو درجات الحرارة ، فمثلاً درجة حرارة ، همثلاً درجة حرارة ، همئوية بعشر درجات ، لأن وحدات القياس أنها أكثر من ٤٠ مئوية بعشر درجات ، لأن وحدات القياس ثابئة ، كما أن الفرق بين ٥٠ ، ٤٠ يساوى الفرق بين ٨٠ ، ٧٠.

ويكون القياس الفتري ثابتاً في حالة التحويلات الخطية (ص = أ+ ب س) حيث يمكن تحويل درجة الحرارة العدوية إلى فهرنهيتية باستخدام الثابت ٣٢ والنسبة بين الدرجتين هي ١٠٨٠

فالدرجة المتوية $00 = 17 + 1.0 \times 100 = 147$ فهرتهيت والدرجة المتوية $00 = 147 + 1.0 \times 100 = 100$ فهرتهيت

ونلاحظ أن صغر القياس في الدرجات المئوية هو صغر ، أما في الدرجات الفهرنهيئية فهو ٢٧، ومن ثم فإن صغر القياس في القياس الفترى هر صغر اعتباري . ولذلك لا نستطيع تحويل درجات الحرارة الي نسب مدوية لأننا أضفنا مقدار ثابتا إلى الندريج . وقد وجدنا أن الدرجة ٥٠ منوية أصبحت ١٢٢ فهرنهيئية والدرجة ٥٠ منوية أصبحت ١٢٢ فهرنهيئية تساوى خارج قعمة ١٢٢ على ١٠٤ والمبب في ذلك هو تغير صغر القياس ،

وإذا أخذنا مثالا آخر من العلوم السلوكية ، فاذا كان الدينا فردين حصل الأول على درجة ذكاء ١٠٠ والثانى ٥٠ ، وصفر القياس اعتبارى لكنه لا يسارى الصغر ، حيث لا يمكن تعريف درجة ذكاء الأول تساوى صغر (ولا معنى الها) . فإذا رغبنا فى مقارنة الفردين فلا يمكن القول بأن ذكاء الأول ضعف الثانى ، ونفس الشئ فى حالة درجات الاختبارات التحصيلية . فإذا حصل طالب على درجة ٥٥ فى اللغة العربية وحصل طالب آخر على ١٥ ، فمن الواضح أن درجة الطالب الأول أعلى من الثانى ، ويمكن أن نستنتج أن الطالب الأول أجاب عن أسالة تعادل ثلاثة أمثال الطالب الثانى ، ولكن هل تعنى الدرجة صفر أن الطالب لا يعرف شيئا؟، وبالطبع يصحب أن يكون مستوى الطالب فى اللغة العربية صفرا موانما يمكن القول أن اسئلة الاختبار غير مناسبة المستوى الطالب الذى حصل على الصغر

رمن أمثلة القياس الفترى درجات الاختبارات أو مقاييس الاتجاهات ، ومقاييس الاتجاهات ، ومقاييس الأناء في العل وغيرها .

: Ratio Scale انقياس النسيي -٣

يختلف القياس النسبى عن القياس الفترى في أمرين هما : صفر القياس ،
والنسبة بين أي درجتين في القياس لا تخمد على الرحدات المستخدمة . ومعنى
هذا أن القياس النسبى يتحقق إذا تحققت شروط القياس الفترى بالإصافة إلى رجود
صفر حقيقي القياس يعنى عدم وجود الصفة المقاسة . كما أن النسبة بين أي
درجتين ثابنة حتى لو صربت في مقدار ثابت .

ومن أمثلة القياس النسبي قياس الطول والوزن ، ففي قياس الطول إذا كان. طول شيّ ما يساري ١٢٠ وحدة (مثل السنتيمتر) فإنه يكون أطول أربع مرات من شئ آخر طوله ٣٠ وحدة (أر سنتيمتر) - ولا تنغير هذه النسبة إذلكان ألقياس بالمدر أو الديسمتر أو الماليمتر - وكذلك إذا كان وزن جسم هو ١٠ كجم فإنه يكون أتقل خمس مرات من جسم آخر وزنه ١٢ كجم مهما كانت وحدة الوزن المستخدمة بالجرام أو الرطل.

ومعنى هذا أن أى تحويل لوحدات القياس النعجي لا يغير من النسبة ، فيمكن مشرب الوحدة في ١٠٠٠ أو ١٠٠ و قممتها على ٢٠٢ دون أى تغير ، كما أن هذا القياس يظل كما هو دون تغير ،

أما إصافة مقدار ثابت إلى وحدات القياس فيردى إلى تحريك صغر القياس ،
ومن ثم تتغير نصبة الدرجات المحولة . فإذا كان طول فرد ما ١٦٠ سم ، وصرينا
الرقم في ١١ (ليصبح القياس بالماليمتر) أو قسمناه على ١٠٠ (ليصبح القياس
بالمتر) فلا يحدث أى تغير في الطول . بينما إذا وقف الفرد على صندوق إرتقاعه
٥٥ سم بجوار المقياس فإن الطول يتغير بقدار إرتفاع الصندوق.

فإذا وقف جميع الأفراد على هذا الصندوق عند قياس أطوالهم فإن الأطوال جميمها تقدرك و ١٦٠) قد تغير إلى ٢١٠ والثاتى جميمها تقدر إلى ٢١٠ والثاتى (١٧٠) يتغير إلى ٢١٠ مما يغير نسبة الأطوال ، لأن النسبة

ومن أمثلة القياس النسبى فى الطوم الإنسانية قياس زمن رد الفعل . أما الكثير من مستويات القياس فى العاوم الإنسانية فإنها تعتمد على مستويات القياس الأخرى السابق توضيحها ، حيث أننا نقيس الخصائص الإنسانية بطريق غير مباشر مثل قياس الإنجاء نحوشئ ما ، أو قياس نمط التفكير حيث يتم بطريق غير مباشر ، ويكون مستوى القياس المستخدم غالبا هو القياس الفترى أو الترتيبي ، ونادرا ما نستخدم مستوى القياس النسبى فى العلوم الإنسانية .

ونود الإشارة هنا إلى وجود مشكلتين في قياس المنغيرات المنصلة (الغنرية والنسبية) ، احداهما نتعلق بدقة القياس حيث نلجاً في كثير من الأحيان إلى النقريب ،

فعند قياس أطوال الأفرادغالبا ما نقرب للطول إلى أقرب منتيمتر ، ونحصل على أطوال الأفراد وكأنها بيانات لمنغير متقطع ، إلا أننا من الناهية النظرية نعترف بأن الطول متغير منصل ، وظَاهرة النقريب إلى أقرب منتيمتر تجعنا نعتبر

الطول المقابل لـ ١٦٠ سم معذلا لجميع الأطوال بين ١٥٩،٥ سم وحتى ١٦٠،٥ سم .

والمشكلة الثانية تنطق بالظواهر التي لا يمكن اخصاعها للقياس المباشر ، ومعظم الظواهر في الطوم الإنسانية من هذا النوع ، فعلى سبيل المثال عند قياس سمات الأفراد مثل الذكاء ، فإننا لا نستطيع قياسة قياسا مباشرا وانعا نلجأ إلى استخدام الاختبارات لقياسه بشكل غير مباشر . ورغم انفاق علماء النفس على أن الذكاء سمة أو متغيير متصل ، إلا أن القيم التي تعبر عنه والناتجة عن طريق الإختبارات تكون قيما متقطعة ، ولذلك فإننا نعتبر نسبة الذكاء ١٠٩ تعنى انها تقع في الفترة ما بين ١٠٨ ، ٥٠٠ ، ١٠٩ .

ونلاحظ من المثالين السابقين أن قياس السابقين أن قياس سمة الطول والذكاء عبرنا عن كل منهما باعداد نمذل كل منها قنرة ما . وهذه الفترات التي تمتد نصف وحدة أقل من العدد الناتج عن القياس ، كما تمتد نصف وحدة أعلى من العدد المقاس تسمى بالحدود الحقيقية والتي تجعل درجات المتغير المقاس متصلة وليست منقطعة ، وإن كان القياس التقريبي يجعلها وكأنها متقطعة .

علاقة القياس بالإحصاء :

بختلف القياس عن الإحصاء حيث أنهما مفهومين مختلفين ، ولكل منهما معنى وإجراءت مختلفة ، ويقصد بالقياس تعيين أرقام أو مستويات مختلفة للصفة المقاسة بإختلاف الأفراد أما الإحصاء فهو يستخدم هذه الأرقام أو المستويات ويتعامل معها بأساليب معينة تناسب مشكلة الدراسة أو تساؤلاتها ، وقد بخلط البعض بين مفهومي القياس والإحصاء ، خاصة أولئك الذين لا يحبون التعامل مع الأرقام والمعادلات الرياضية ،

وبذلك يعد القياس هو عملية التوصل إلى الأرقام التى نستخدمها فى التحليلات الإحصائية . فيقوم الباحث بقياس المتغيرات مثل الذكاء والتحصيل الدراسي والمستوى الاقتصادي -- الإجتماعي وغيرها ، ثم يستخدم الأرقام التي يحصل عليها في إجراء التحليلات الإحصائية لوصف الظاهرة أو تفسيرها ،وفى إختبار صحة الفروض المتعلقة بالظاهرة .

ومن هذا فإن الأرقام المستخدمة تؤثر على التحليلات الإحصائية ، فإذا كانت الأرقام دقيقة وتدل على الصفة المقاسة دون تحيز ، فإن التحليلات الإحصائية تتعامل مع أرقام دقيقة وجيدة ، ويذلك لا نستطيع أن نقرر بأن فهم

وتفسير النتائج مستقل عن أدولت القياس المستخدمة . وإذا استخدام الباحث أدوات عير جيدة ، وكانت الأرقام لا معنى لها ، فإن تعليل تلك الأرقام يؤدى إلى نتائج لا معنى لها أيضا . وحتى إذا استخدم الباحث الأساليب الإحصائية المعقدة مثل تعليل النمايز وتعليل النباين متعدد المتغيرات ، فإنها لا تعطى معنى النتائج طالما أن الأرقام المستخدمة لا معنى لها - ومن أمثلة الأرقام التي لا معنى لها أحيانا ، استخدام المجموع الكلى لدرجات الاختبار بجانب الدرجات الجزئية في التحليل العاملي أو الارتباط المتعدد . وقد يقع في هذا الشرك كثير من الباحثين دون أن يدروا بأنهم يرتكبون خطأ جسيما يتعلق بمقلوب مصفوفة الإرتباط .كما أن حساب مدوسط متغيرات إسمية أو ترتيبية مثل النوع والمستوى التعليمي تعد أرقاما لا معنى لها ولا يجب استخدامها .

علاقة مستوبات القياس بالأساليب الإحصائية :

تختلف آراء العلماء حول هذا الموضوع ، ويرجع تاريخ هذه المشكلة إلى ما عرضه ستيفنس عام ١٩٥١ عن مستويات القياس السابق توضيحها ، فقد أوضح ستيفنس أنه يجب عدم حساب المتوسط الحسابى والإنحراف المعيارى لدرجات مستوى القياس الاسمى والترتيبي .

وقد ناقش كثير من العلماء علاقة مستويات القياس بالأساليب الإحصائية حيث يدافع بعضهم عن وجهة نظر ستيفلس بينما ينتقده البعض الآخر ، والمهم هو الختيار الأسلوب الإحصائي المناسب للبيانات شريطة أن يكون لذلك معنى مفهوم وراصنح بغض النظر عن الدفاع عن رأى أو معارضته ، فعثلا يمكن حساب متوسط عدد الأبناء في عينة الدراسة ويكون لذلك مستى مفهوم بينما متوسط النوع (الجنس) لا معنى له ،

ونستنتج من ذلك أنه إذا كانت مستويات القياس إسمية أو ترتيبية فلا نستطيع حساب المتوسط والإنحراف المعيارى ، وبالقالى نبتعد عن استخدام الأساليب الإحصائية البارامترية (المعلمية) التي تعتمد على التوزيع الاعتدالي والتوزيعات المشابهة له ، أما إذا كانت مستويات القياس فترية أو نسبية فيمكن استخدام جميع الأساليب الإحصائية البارمترية واللابارامترية ،

ويقصد بكلمة بارامتر Parameter معلم (وهو متغير) المجتمع ، فالمتغير خاصية من خصائص العينة ، أما في المجتمع فيسمى المعلم، فمتوسط ذكاء العينة هو متوسط لمتغير الذكاء ، أما مترسط ذكاء المجتمع فهو معلم من معالم المجتمع .

وبالطبع لا نستطيع حساب معالم المجتمع (مثل المتوسط والانحراف المعيارى في المجتمع) ، لأننا تجرى البحوث على عينات من المجتمع وتحاول أن نستدل منها والتعميم على المجتمع الأصلى،

والإحساء البارامترى (المعلمي) هو الذي يعتمد على معالم المجتمع .
وحيث أن توزيع أي خاصية في المجتمع من الضواص الطبيعية هو توزيع اعتدائي، فيكون المنحني الاعتدائي هو الأساس في دراسة تلك الخاصية . ويعتمد توزيع المنحني الاعتدائي على معلمين هما المتوسط المسابي والانصراف المعياري. وبالتائي فإن الأساليب الإحصائية التي تشترط التوزيع الإعتدائي للبيانات هي أماليب بارامتراية ، ومن أمثلتها الارتباط الخطي ، واختبار (ت) وتحليل التباين وغيرها .

أما الأساليب الإحصائية التي لا تشترط أي ترزيع للبيانات فهي الأساليب الإحصائية اللابارامترية Non-Parametric ، ومن أمثلتها التكرارات ، والنسب المثوية ، ومربع كاي ، واختبار مان وتيني وغيرها .

والاختيار بين الأساليب البارامترية واللابارامترية يمتمد على كل من عمستوى القياس وتوزيع البيانات وحجم العينة . فغي حالة القياس الأسمى أو الترتيبي نستخدم الأساليب الإحصائية اللابارامترية ، أما في حالة القياس الفترى أو النسبي مع توفر شرحد التوزيع الاعتدالي البيانات فنستخدم الأساليب الإحصائية البارامترية . وبالإضافة إلى ذلك إذا كان حجم العينة ضغيرا فإننا نستخدم الأساليب الإحصائية الإبارامترية مهما كان مستوى القياس في جمع البيانات .

الإحصاء الوصفي Descriptive Statistics

يشير الإحصاء الوصفى إلى مجموعة من المفاهيم والأساليب التى تستخدم فى تنظيم وتلخيص وعرض مجموعة من البيانات بهدف إعطاء فكرة عامة عنها.

ويعطى الرحصاء الوصفى ملخصا جيدا لمجموعة من المعلومات أو البيانات مثل متوسط نكاء عينة من الطلبة أو عدد مرات فوز فريق كرة خلال الموسم ، أو عدد حوداث المور خلال شهر معين وغيرها من الأمثلة التي تعطى فكرة عامة عن الموضوع ،

كما أن الإحصاء الوصغي هو الأرقام التي تصف موقف هام مثل نسبة

البطالة ، ومتوسط الأجور ، ومعدل المرض ، وعدد السيارات المباعة في شهر معين، وعدد الأطفال في الأسرة المتوسطة ، ومعدل الطول والوزن والعمر وغيرها.

ولكن هذه الأرقام التي تقدم فكرة عامة عن الموقف أو الموضوع لا توضح معلومات أخرى ، ولا تجيب عن تساؤلات مرتبطة بالموقف أو الموضوع .

فإذا كانت نسبة البطالة ١٠ ٪ عام ١٩٩٠ ، فلا تعنى هذه النسبة أنها محسوبة من عدد السكان أو من قوة العمل ، أو أنها تتضمن القطاعين العكومى والضاص . وكذلك الصال عن مستوسط الأجرر وعدد الحوادث وغيرها من الموضوعات التي تنطلب معلومات إضافية للوصف والتوضيح أو تحديد المقصود بالمعلومات المعطاة ،

وإذا كانت نسبة البطالة ٩ ٪ عام ١٩٩٥ ، فلا تعنى أنها أقل من النسبة عام ١٩٩٠ ، فريما يرجع السبب لزيادة السكان أو زيادة حجم قوة العمل المنسوب إليها البطالة . ومعنى هذا أن المعلومات التي تقدم لوصف مجموعة البيانات تعتمد على الهدف من الوصف والأسئلة المطلوب إجابتها في الموضوع ، فقد يكون المطلوب عرض بيانات عن أعمال العاطلين أو مؤهلاتهم أو أعدادهم في كل مدينة وغير ذلك من المعلومات التي تغيد في توضيح النسبة وتحيد الاستنتاج منها أو تفسيرها.

ويمكن ان تكون بيانات المتغيرات في صورة كمية أو تصنفية (إسمية أو ترتيبة) مثل درجات الاختبارات أو الجنسية أو ترتيب الميلاد ، ولكن الأساليب الإحسائية الوسفية تختلف بإختلاف طريقة قياس المتغيرات ، وبالتالي فإن أساليب تلخيص وعرض البيانات تختلف بإختلاف مستريات القياس .

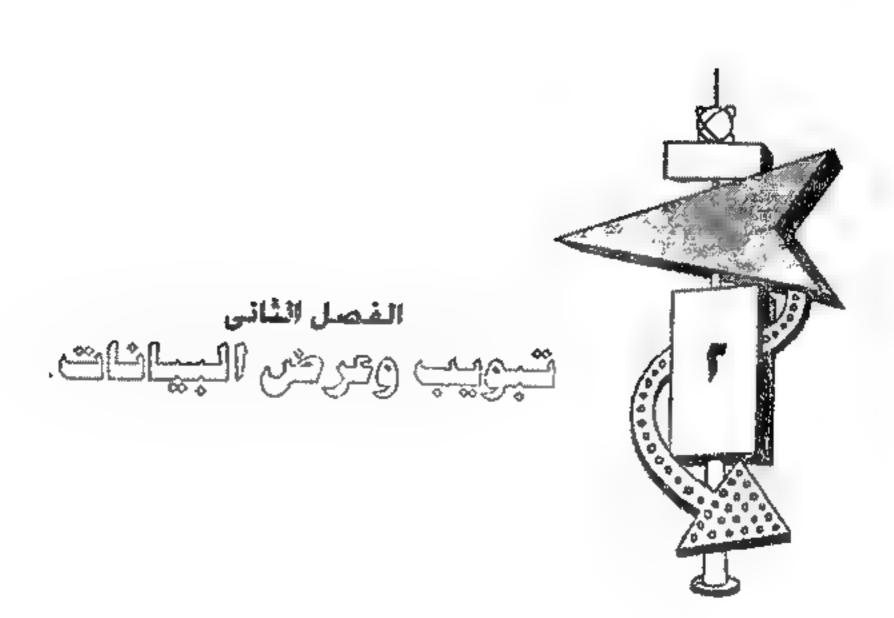
ويهدف الإحصاء الوصفى إلى تلخيص البيانات فى جداول أو رسوم بيانية (أو مصورة) أو قيم رقمية مثل المتوسط والوسيط والمنوال وغيرها من مقاييس النزعة المركزية ومقاييس النشنت أو العلاقات، وسوف نعرض فى الفصول التالية للأساليب الإحصائية الوصفية.

: Inferntial Statistics الإحصاء الإستدلالي

يشير الإحصاء الإستدلالي إلى مجموعة الأساليب المستخدمة للتوصل إلى استنتاجات من بيانات العينة الى المجتمع الأكبر . وبذلك فهو يشير إلى طرق الإستدلال عن المجتمع من بيانات العينة ، وحيث أن الغرض من البحوث في

العلوم الإنسانية هو التوصل إلى إجابات عن أسلة تخص السلوك الإنساني ، فعلى الباحث أن يحاول التأكد من صحة الإجابات في المجتمع ، وبالطبع لا يستطيع أي باحث دراسة المجتمع كله (إلا إذا كان صغيرا) ، ولذلك يقوم الباحث باستنتاج خصائص المجتمع من بيانات العينة ويعتمد صدق الإستدلال من العينة إلى المجتمع على درجة تمثيل العينة المجتمع .

وسوف نعرض في الفصول السابع ، والثامن ، والتاسع ، والعاشر ، الأساليب الإحصائية الإستدلالية .



الفصل الثانس تبويب وعرض البيسانات

تهتم البحوث عادة بجمع بيانات عن المتغيرات في صورة رقمية أو وصفية. واستعراض تلك البيانات بعطى انطباعا طفيفا للياحث عن الدراسة . ويستلزم فهم البيانات أن يتم عرضها أو تصنيفها في صورة تسمح بهذا الفهم وتساعد في تفسير البيانات ، وأحيانافي صورة توزيعات تكرارية تساعد الباحث في فهم خصائص البيانات ، وسوف تعرض في هذا الفصل أساليب تصنيف رعرض البيانات في توزيعات تكرارية وتمثيلها بيانيا ، وسوف نوضح الفروق بين تلك النوزيعات .

التوزيعات التكرارية :

تستخدم النوزيعات النكرارية بقصد نبسيط البيانات وعرضها في صورة مناسبة نيسر فهم البيانات وإجراء العمليات الإحصائية بسهولة . فإذا كانت لدينا بيانات عن ١٠٠٠ فرد فإن كتابة بيانات جميع الأفراد لا تعكنا من فهم البيانات ولكن محاولة تجميع الأفراد أو بياناتهم في مجموعات نظل من مساحة عرض البيانات أو تختصرها بشكل يمكن من فهم تلك البيانات ، فإذا أمكن تلخيص بيانات ألف فرد في صفحة واحدة فإن هذا يسهل أمر فهم تلك البيانات ، وتكون المشكلة أكبر لو كان لدينا بيانات عن عدة آلاف من الأفراد مما يستلزم تلخيص بياناتهم عني يمكن فهمها والتعامل معها ،

وبالمثل إذا كان لدينا بيانات عن إنتاج مصنع من المصانع لكل يوم أو ريما لكل ساعة فإن الأمر يحتاج إلى نوع من تنظيم البيانات أو تلشيصها حتى بمكن فهمها . وكذلك الأمر إذا كانت البيانات عن مشجعي بعض الأندية الرياضية أو أعضاء الأحراب المياسية أو نزلاء المستشفى خلال عام وغيرها من البيانات الني تحتاج إلى طريقة معينة للعرض حتى يمكن فهمها.

وتختلف طريقة عرض البيانات باختلاف مستوى القياس ، فالبيانات الاسمية والترتيبية بتم عرضها بطريقة مختلفة عن البيانات الفترية والنسبية . وكما

أشرنا سابقاً فإن البيانات الاسمية والترتبيبة يمكن عرضها في شكل تكرارت ونسب منوية ، بينما البيانات الفترية والنسبية يمكن عرضها بطرق متعددة بما في ذلك النكرارت والنسب المنوية وكذلك حساب إحصاءات أخرى مفيدة في تلخيص ، وعرض البيانات وفهمها،

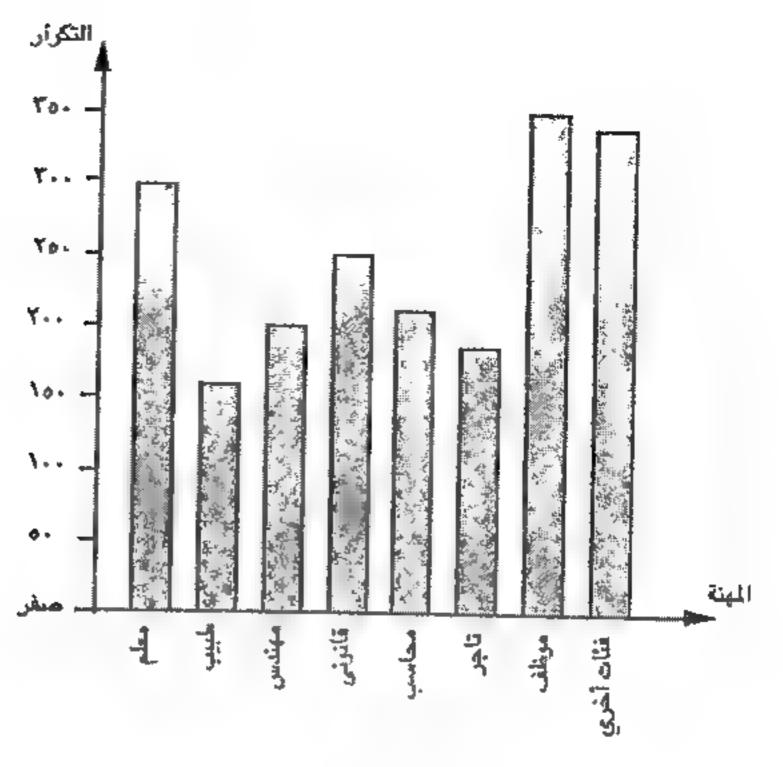
ومن الجدير بالذكر أن نوضح أن مستويات القياس ترتبط بنوع المتغيرات ، فالمتغيرات المتقطعة هي متغيرات تصنيفية ويمكن أن تقاس على المستويين الاسمى والترتيبي ، بينما المتغيرات المتصلة يمكن قياسها بالمستويين الفترى والنسبي ، وقد يتم في بعض الأحيان استخدام بيانات متقطعة مقاسة بالمستوى الفترى وانسبى .

(أ) عرض البيانات الاسمية والترتيبية :

تهتم البيانات الاسمية والنرتيبية بأنواع معينة أو فئات أو تصليفات للأشياء، ولذلك فقد تستخدم مع المتغيرات النصنيفية مثل متغير المهنة أو اللوع وكذلك الدرجة الوظيفية أو ترتيب الميلاد . وإذا تم جمع بيانات عن مثل هذه المتغيرات فإن طريقة عرضها تكون في شكل جداول تتضمن تكرارت أو نسب مدوية أو كثيهما . ومثال ذلك عرض بيانات عن مهنة أعضاء أحد الأندية الرياضية ويكون ذلك في صورة تكرارات أو نسب مدوية كما هو موضح في التوزيع التالي لعدد من أعضاء النادي.

جدول توزيع تكراري (٢-١) عن مهن أعضاء النادي

النسب المثوية	المدد التكراري	المهنة
% 10,00	٣٠٠	معلم
2400	174	طبيب
Z 14, 44	4++	مهندس
X 14,00	70.	فانونى
Z 10, YO	710	محاسب
7 A, YO	140	تاجر
% 14,00	70.	موظف
Z 14, · ·	72.	فنات أخرى
Z 1++,++	Y	المجموع



شكل (۲ -- ۱) تكرارات مهن أعضاء النادي

ويدل العمود الأول بالجدول على أنواع أو فدات المهنة ، والعمود الثاني على العدد أو التكرار في كل مهنة ، أما العمود الثالث فيدل على النسبة المدوية التكرار كل مهنة ،

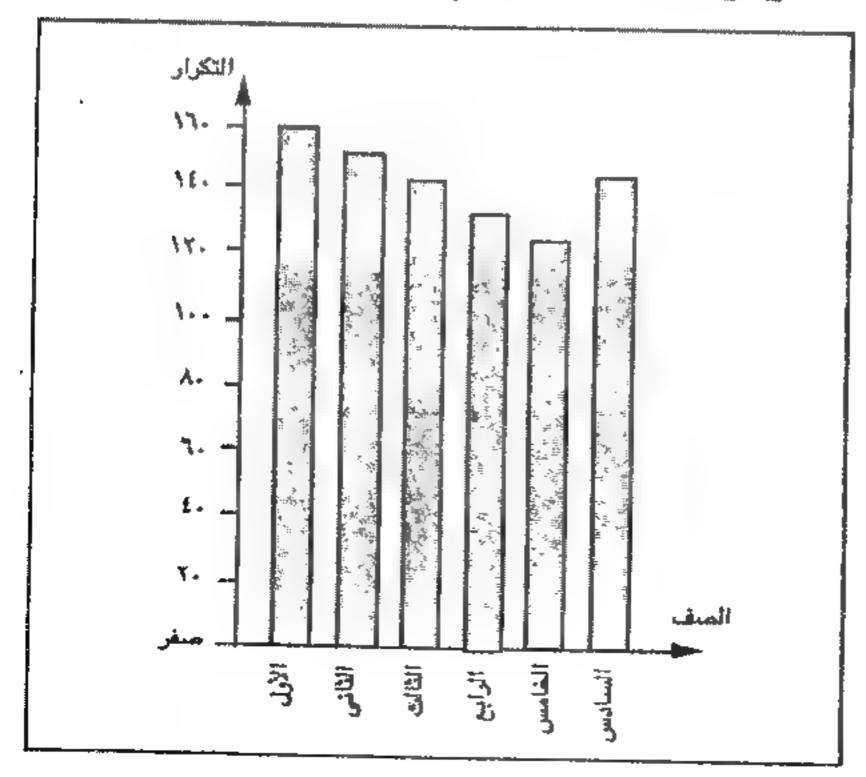
وقد تم حساب النسبة المدوية لكل مهنة بقسمة النكرار على المجموع الكلى ثم المضرب في ١٠٠ ، ويمكن تمذيل جدول (٢-١) برسم بياني كما بالشكل (١٠٠١).

وفى حال القياس الترتيبي يتم عرض البيانات بنفس الطريقة السابقة حيث نضع الرتب في العمود الأول والتكرار في العمود الثاني وكذلك النسب المتوية في العمود الثالث والتي تحسب بنفس الطريقة المذكورة سابقاً. ومثال ذلك عرض بيانات عن تلاميذ مدرسة ابتدائية كما يلي:

جدول توزيع تكراري (٢ - ٢)عن تلاميذ مدرسة إبتدائية

النسب المدرية	العدد التكراري	الصف
% 1A, A9	17+	الأول
% 14,44	17.	الثاني
% 13,5V	101	النالث
10,07	15.	الرابع
% 10,00	150	الخامس
% NT, NN	150	السادس
% y,.y	4++	المجموع

ويمكن تمثيل هذا الجدول في رسم بياني كما هو موضح في شكل (٢-٢)



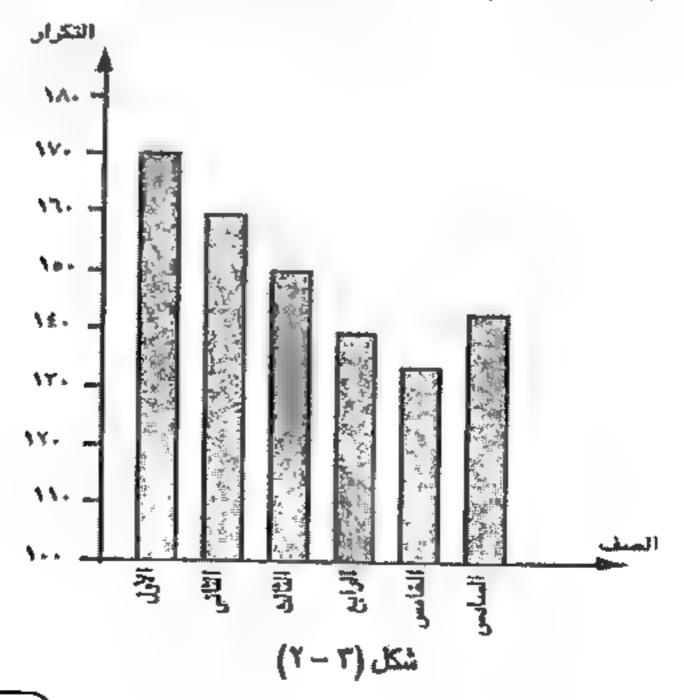
شكل (٢ - ٢) أعداد تلاميذ مدرسة إيتدائية

لاحظ أن مجموع النسب المثوية ٢٠٠،٠١٪ وإذا كانت النسب المثوية مقرية الى ثلاثة أرقام عشرية فإن مجموع النسب المثرية سيكون ٢٠٠،٠١٪ أنظر جدول (٣-٢).

جدول التوزيع التكراري لطلية مدرسة أبتدائية (٢ - ٣)

ألنسب للمارية	العدد التكراري	الصف
Z 14,449	17-	الأول
% 1V, VYA	17.	الذائي
% 13,33Y	104	انثانث
10,00%	15+	الرابع
7 10,00	170	الخامس
% 13,111	150	السادس
7. 3	9	المجموع

ويمكن تمثيل جدول (٢ - ٢ أو ٢ - ٣) بطريقة أخرى كما بالشكل (٢ - ٣):



لاحظ أننا بدأنا تدريج المحور الرأسى (التكرار) في شكل (٢ -٣) بالعدد. وعشرة لكل ١ سم بينما في شكل (٢ -٢) بدأنا بالصغر ثم ٢٠ لكل ١ سم ومن الممكن استخدام أي رقم مناسب في تدريج المحور الرأسي بعا بساعد على توضيح ودقة الشكل.

وقد نمثل بيانات الجدول النكراري بشكل آخر بإستخدام دائرة بدلاً من التمثيل البياني . ويكون مركز الدائرة هو الأساس وتحسب زاوية لكل فئة بإستخدام التكرار النسبي المئوى وضربه في ٣٦٠° فتنتج الزاوية المركزية ثم نمثل كل فئة بقطاع دائري .

(ب) عرض البيانات الفترية والنسبية :

يتم عرض البيانات الفترية والنسبية في جداول توزيع تكرارى بقصد تبسيط البيانات وتقديمها في صورة مناسبة لفهمها وتيسير الاستنتاج منها وإجراء العمليات الإحصائية المطاوبة . وغالبا ما يقوم الباحث بجمع بيانات عن المتغيرات بتطبيق اختبارات أو مقاييس أو استخدام مقاييس الترمومتر والميزان وغيرها ، ومن ثم فإن البيانات تكون في المستوى الفترى أو النسبي . وتكون الخطوة التالية بعد جمع البيانات في صورة رقمية هي تبسيط البيانات وعرصها في جداول وإجراء العمليات الإحصائية اوصف الظاهرة أو الإجابة عن تساؤلات الدراسة .

فإذا قام باحث بجمع بيانات عن ١٠٠٠ فرد فإنه لا يستطيع عرض البيانات كما تم جمعها أي بكتابة بيانات الألف فرد ، وإنما يجب عليه تلخيص البيانات وعرضها في جدول يسمى جدول التوزيع التكراري ،

فإذا كانت درجات • ٤ فرد على اختبار للذكاء هي : ٨١-١٣-٧٥-٩٣-٥٦ ١١-٨٧-٧٩-٨١-٧٢-٧٦-٨٣-٥٣-١٥-٩٢-٨٩-٧٩-٧١ -٨٥-٥٥-٨٦-١٨-٦٢-٨٥-٧٤-٧٧-٧١-١٧-٨٦-٨٦-٣٧-٥٥-٥٧ -٧٦ -٩٠ فيمكن أن ننظم هذه الدرجات في جدول تكراري حيث نرتب الدرجات نصاعديا (أو تنازايا) ونحسب نكرار كل درجة ويكون ذلك كما يلي :

التكرار	الدرجة	التكرار	الدرجة
:		١	۳۵
:		_	٤٥
•		١	00
1	9.6	_	70
1	90	١ ،	٥γ

ولكن هذا الترتيب يحتوى على درجات غير موجودة في البيانات المدونة أعلاء مثل الدرجات ٤٥، ٥٦ وغيرها ، كما أن عرض البيانات بهذه الطريقة يكون مطولاً لاننا سنكتب تحت عمود الدرجة جميع الدرجات من ٥٣ وحتى ٩٥ .

ولذلك فإن الطريقة المختصرة لعرض البيانات هي تجميع الدرجات في فئات ، بحيث تحتوى كل فئة على عدة درجات مثل (٥٣ إلى ٥٦) تمثل فئة الدرجات ٥٣ ، ٥٤ ، ٥٥ ، ٥٦ ويكون طول هذه الفئة = ٤ درجات ، ويلاحط أن هذه الفئة غطت الدرجتين الخاليتين ٥٤ ، ٥٦.

ومعنى هذا أندا نكون جدول التوزيع التكرارى ليشمل ععودين هما : الفئات وتكرارات درجاتها . ومن الجدول السابق فإن الفئة ٥٣ إلى ٥٦ تحضوى على تكرارين فقط وهى بديئة عن الدرجات (٥٣ ، ٥٥ ، ٥٥ ، ٥٥) وبالمثل لبقية الفئات حتى الفئة (٩٣ – ٩٩) . ومن الملاحظ أن عدد الفئات إحدى عشر وطول كل فئة هو أربع درجات ، ويعتمد تحديد عدد الفئات وطول الفئة على مدى الدرجات . ويحسب المدى بالفرق بين أكبر وأقل درجة + ١ ، وفي مثالنا هذا يكون المدى مساويا ٥٥ – ٥٠ + ١ = ٤٠.

وبعد ذلك نبحث عن عدد الفئات وطول الفئة بشرط أن حاصل صربهما يكون أكبر من أو يساوى المدى ، ومن ذلك فإن المدى (أو أكبر منه) قد يتحقق . من حواصل الصرب التالية : ٢٢ ×٢٠ ، ١٥ ×٣ ، ١١ × ٤ ، ٩ × ٥ ، ٨ × ٢

جدول توزيع تكراري (٢ - ٤) لدرجات ذكاء مجموعة من الأفراد

·			
النسبة المثرية	التكـــرار	العلامـــات	الفات
7. 0	٧	//	07-07
% 0	Y		٧٠ - ٥٧
% Y, o	٣	111	78-71
% V, o	٣	///	٦٨- ٦٥
Z Ye	٤.	////	YY 14
Z 14,0	٥	++++	٧٦ – ٧٣
% 14,0	٧	// ////	۸۰ – ۷۷
% 10	7	/ - 	AE - A1
	The second secon		ı

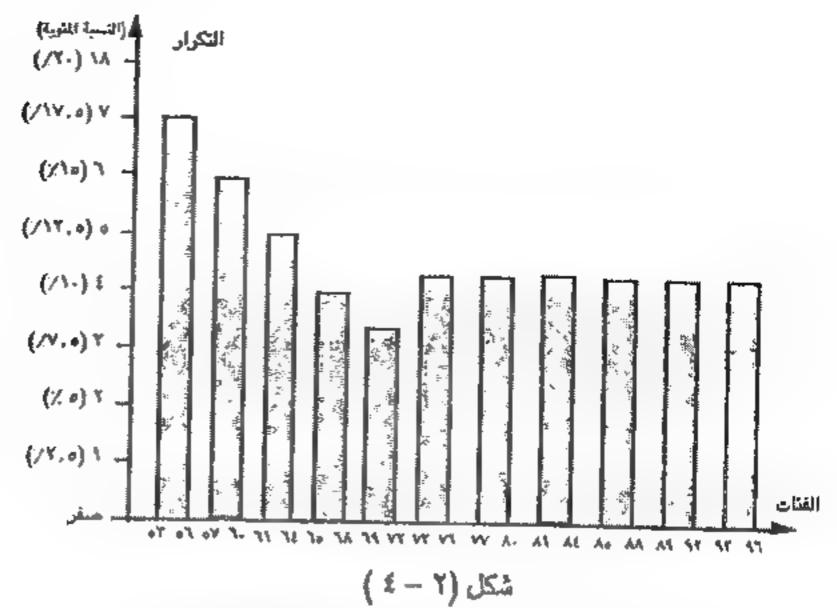
% Y, o	٣	///	۸۸ – ۸٥
% Y, 0	٣	111	94-49
7. 0	Y	//	97 - 98
7. 1	٤٠	٤٠	المجموع

وقد اخترنا الحل الثالث ٢١١ ، ومن الممكن اختيار أى حل آخر لأن كل منها يحقق الشرط ، ولكن العدد المناسب الفنات والذى يدل على تلخيص البيانات يتراوح بين ٥ ، ١٥ فقة حتى يمكن عمل جدول التوزيع التكراري في صفحة واحدة ويحتوى على معلومات مفيدة .

وقد يختار البعض عدداً من الفئات أقل من خمس وهو بذلك سيفقد بعض البيانات بتقديم توزيع مختصر جداً وقد يكون مضلاً . وقد يختار البعض الآخر عدداً أكبر من ١٥ فئة وهو بذلك قد يضع الجدول في أكثر من صحفة واحدة .

وبناء على ماسبق فإن الحاول التى نرى أنها مناسبة هي : $11 \times 3 \cdot 9 \times 0$ 1×7 وقد اخترنا الحل $11 \times 3 \cdot 1$ أى أن عدد الفئات = 11 وطول كل فئة = 2 وبداية الفئة الأولى هي أقل درجة (70) ونكون الفئة الأولى هي (70 - 70) والفئة الثانية (70 - 70) وهكذا حتى الفئة الأخيرة (70 - 70) منصع تحد عمود العلامات علامة لكل درجة ومن الواضح أن الفئة الأولى (70 - 70) الفئة الثانية (70 - 70) وضعنا أمامها علامتين (70 - 70) وضعنا أمامها علامتين (70 - 70) الفئة الثالثة بها الفئة الثالثة بها الفئة الثالثة الثانية (70 - 70) وضعنا أمامها علامتين (70 - 70) وهكذا حتى الفئة الأخيرة أمامها علامتين (70 - 70) وهكذا حتى الفئة الأخيرة أمامها علامتين (70 - 70) وهكذا حتى الفئة الأخيرة أمامها علامتين (70 - 70) وهكذا حتى الفئة الأخيرة أمامها علامتين (70 - 70)

أما عمود التكرار فهو عدد العلامات وهي : ٢ للفئة الأولى ، ٢ للثانية وهكذا والمجموع الكلى للتكرارات = ٠٠ وهو عد د الدرجات التي وضعاها في الجدول التكراري . ويمثل العمود الأخير في الجدول النسبة المدوية للتكرار وهي خارج قسمة تكرار كل فئة على المجموع الكلي (٠٠) وضرب اللتائج في مائة كما سبق توضيحه في جدول جدول (٢ - ١ ، ٢ - ٢) ويمكن تمثيل الجدول التكراري السابق بالشكل النالي :



ويتصح من شكل (٢-٤) أننا مثلنا جدول التوزيع التكرارى (٢-٤) على شكل مستطيلات ، وهو مايسمى بالمدرج التكرارى . كما يتصح أنه ممتد من الدرجة الأقل (٥٣) وحتى أعلى درجة (٥٦) للفئة الأولى ، وكذلك للفئات الثانية والثالثة وحتى الفئة الأخيرة (٩٣) حيث نمثل حدود الفئة عرض المستطيل أما طوله فهو التكرار المقابل لكل فئة (أو النسبة المتوية للتكرار) .

ونلاحظ من الشكل (٢ - ٤) أن الفدات متساوية الطول (عرض المستطيل) . ولا يحدث هذا دائما وإنما يمكن عمل توزيع تكراري غير متساو الفئات ، وذلك حسب الهدف من النوزيع .

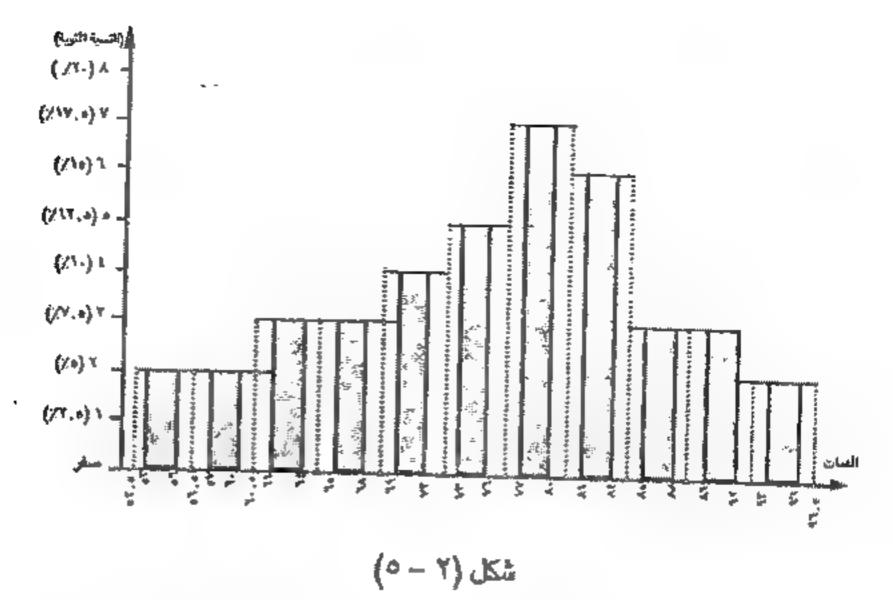
كما نلاحظ من الشكل (٢-٤) أن المستطيلات منفصلة عن بعضها البعض أي أن المتغير غير منصل (منقطع) ، ويجدر الإشارة إلى أنه إذا كان المدى صغيرا فلا داعى لتكوين فلات بل نستخدم كل درجة لتمثل فئة مستقلة . كما أن الأساليب الإحصائية تنطلب توزيعات منصلة وليست متقطعة . ويعنى هذا أننا في حاجة إلى تعديل شكل (٢-٤) ليمثل توزيعاً منصلاً .

ويتضح من الشكل أن المسافة بين المستطيلات هي درجة واحدة (٥٦ -- ٥٧) ، (٦٠ - ٢٠) وهكذا - ولذلك فإن تعديل التوزيع يعنى أننا سنقسم هذه . الدرجة إلى نصفين أحدهما يضاف إلى نهاية قاعدة المستطيل الأول لتصبح ٥٦٠٥

بدلاً من ٥٦ ، وكذلك بداية قاعدة المستطيل الثانى لتصبح ٥٦,٥ بدلاً من ٥٥ . وهكذا مع بقية المستطيلات ، ومن ثم فإن جدول التوزيع التكرارى (٢ – ٤) والشكل الذي يمثله (٢ – ٤) سيحتويان على الحدود الجديدة للفلات التي تعدل التوزيع المتقطع إلى توزيع متصل . وهذه الحدود الجديدة تسمى بالحدود الحقيقية للفلات . ومن الجدير بالذكر أن التعديل للتوزيع المتقطع إلى توزيع متصل يحدث فقط في حال وجود جدول توزيع تكرارى متقطع ونرغب في تعديله إلى توزيع نكرارى متصل أما أذا كانت لدنيا الدرجات الأصلية فيمكننا تكوين جدول توزيع نكرارى مقصل من البداية (سوف نعرض ذلك في جدول لاحق) . والآن يتضح من الجدول (٢ – ٥) والشكل (٢ – ٥) كيف يتم تعديل التوزيع المتقطع إلى توزيع متصل منصل .

جدول (٢ - ٥) توزيع تكراري معدل إلى توزيع منصل

النسبة المئوية	التكرار (ت)	الحدود المقيقية الغنات	الفنائ
% 0	4	07,0-07,0	70-70
% 0	۲	7.,0-07,0	7 oy
% Y,0	٣	78,0 70,0	75-71
% V, o	٣	٦٨,٥- ٦٤,٥	٦٨ – ٦٥
Z 1+	٤	۷۲,۵ – ۲۸,۵	٧٢ – ٦٩
% 17,0	٥	Y1,0 - Y1,0	V7 - V7
% 14,0	Y	۸۰,۰ ۷٦,۵	۸۰ – ۷۷
% 10	٦	Λ ξ, ο − Λ ∗, ο	A£ - A1
% V, o	٣	۸۸,٥ - ۸٤,٥	AA A0
/, v,o	*	۹۲,0 - ۸۸,٥	94 – 49
% •	۲	97,0 - 97,0	97 - 97
/. \.	٤٠		المجموع



ويتضح من شكل (٢ - ٥) اتصال المستطيلات ببعضها ، كما يلاحظ أن حدود الفشة الأولى هي ٥٢،٥ - ٥٦،٥ حيث تم إضافة نصف وحدة إلى الحد الأيمن (٥٦) وطرح نصف وحدة أيضا من الحد الأيسر (٥٦) فأصبح ٥٢،٥ وهكذا في بقية الفئات . وكما ذكرنا فإن هذا التعديل يتم لتحويل التوزيع التكرارى المتقطع إلى توزيع متصل.

أما إذا توفرت الدرجات الأصلية فنستطيع من البداية عمل توزيع تكرارى منصل فإذا أخذنا المثال السابق ودرجاته الأصلية المبيئة في صد ٣٠ فإن التوزيع التكراري المتصل بمكن أن يكون كما يلى:

إذا كان عدد الغنات = ١١ ، طول الفئة = ٤ ، وبداية الفئة الأولى ٣٥

جدول (۲-۲) توزیع تکراری متصل

النسبة المئوية	التكسرار	حدرد القسئات
% 0	Y	٥٧ – أقل من ٥٧
% •	Y	٥٧ – أقل من ٢١
% V,0	۲	٦٦ – أقل من ٦٥
% V,0	٣	۲۵ – أقل من ۲۹
X 1+	٤	79 – أقل من ٧٢
% 14.0	٥	۷۷ – أقل من ۷۷
% 14,0	Y	۷۷ – أقل من ۸۱
% 10	٦	۸۱ – أقل من ۸۵
% Y, D	۳	۸۹ – أقل من ۸۹
% Y, o	٣	۸۹ – أقل من ۹۳
% 0	Y	۹۲ – اُقل من ۹۲
1	ź٠	المجموع

ونلاحظ من جدول (٢ - ٦) إتصال الفدات وعدم وجود فجوات بين نهاية الفدة وبداية الفئة النائبة لها ، وهكذا في جميع الفدات حتى نهاية الجدول. كما نلاحظ أن نهاية كل فئة تحتوى كلمات : أقل من ...، والتي عادة ما يتم حذفها وتكرن حدود الفئة الأونى هي (٥٣-) ، حدود الثانية (٥٧-) ، وهكذا..

ويعنى هذا أن الغثة الأولى تبدأ بالدرجة ٥٣ والشرطة والفراغ التالى لها يعنى أن الفئة مستمرة حتى أقل من بداية الغئة الثانية وهى (٥٧). وبالمثل الفئة الثانية تبدأ بالدرجة (٥٧) ومستمرة حتى أقل من بداية الغلة الثالثة وهي (٦١).

وتصبح حدود الفنات بالجدول كما يلى:

-07
eV
- 71
•
•
•
٩٢ – أقل من ٩٧

ومن الملاحظ أننا ذكرنا فقط نهاية الفئة الأخيرة ، والسبب في ذلك هو أن نغلق الفئة ولانتركها مفتوحة ، ومعنى هذا أيضا أنه قد توجد جداول تكرارية مفتوحة النهاية أو البداية أو كليهما ، ويحدث هذا كثيرا في الجداول التكرارية مثل الجداول السكانية إذا لم نعرف أقل عمر زمنى أو أكبر عمر زمنى أو كليهما في جداول تعداد السكان ، وكذلك في حالة مستويات الدخل فقد تكون الفئة الأولى (أقل من ٥٠٠) والفئة الأخيرة ٢٠٠٠ فأكثر ، وفي مثل هذه الفئات لا نستطيع حساب مركزها ، ومن ثم لا نستطيع حساب المتوسط الحسابي ، وتستخدم جداول التوزيع التكراري في التعرف على شكل التوزيع وكذلك لحساب المتوسط الحسابي المتوسط الحسابي وبعض المقابيس الإحصائية الوصفية ،

المضلع التكبراري:

ذكرنا سابقا أنه يمكن نمشيل جدول التوزيع التكرارى بشكل رسم بيانى يتضمن مستطيلات تدل على فئات التوزيع وتكراراتها ، ومن الممكن حساب مركز لكل فئة من فئات التوزيع . ومركز الفئة هو القيعة الوسطى للفئة أو قيعة منتصف الفئة . ويكون مركزالفئة الأولى في مثالنا السابق جدول (٢-٢) هو ٥٥ وقد نتجت هذه القيمة من المعادلة : مركز الفئة = (بداية الفئة + نهاية الفئة) ÷ ٢ .

$$00 = \frac{11^{1}}{Y} = \frac{0Y + 0Y}{Y} = \frac{11X}{Y} = \frac{1$$

وبذلك يتكون لدينا عمود في جدول النوزيع التكراري يسمى مراكز الفنات (أنظر جدول ٢ - ٧)

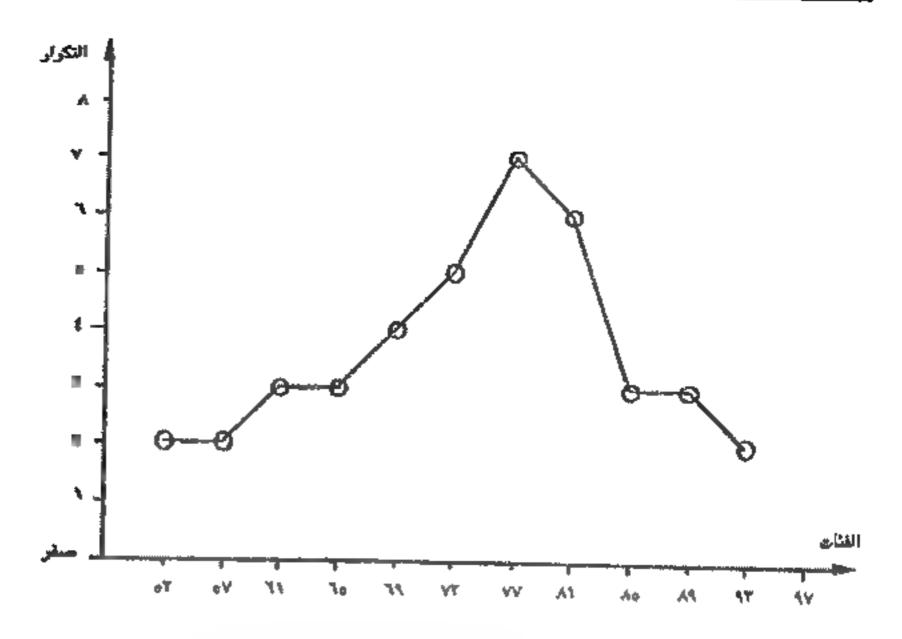
وإذا مثلنا مراكز الفدات وتكرار كل منها في رسم بياني ، ثم قمنا بتوصيل مراكز الفدات فينتج لنا المضلع التكراري (شكل ٢ - ٧)

أما إذا مهدنا الخطوط المنكسرة في المصلع التكراري فينتج لنا المنحنى التكراري، وهذا هو المطلوب توضيحه دائما ، منحنى التوزيع التكراري ، ولكن المضلع التكراري أسهل وأدق في رسمه عن المنحنى التكراري والذي نستخدمه في المكم على نوع توزيع البيانات ،

ويستخدم المنحنى التكرارى فى التعرف على شكل توزيع مجموعة من البيانات (الدرجات)ومدى اقترابه من التوزيع الإعتدالى ، فهناك منحنى ملتوى نحو اليمين أو اليسار ويكون الالتواء موجبا إذا كان الطرف الأيمن اطول ، وسالباً إذا كان الطرف الأيسر هو الأطول كما يوجد منحنى على شكل حرف (Ū) حيث نكون النكرارات مركزة عند الطرفين ، ومنحنى على شكل (ل) حيث يكون أعلى تكرار عند طرف واحد ، ومنحنى متعدد القمم ، إلا أن أهم الترزيعات التكرارية هو المنحنى الاعتدالى.

جدول (۲ - ۷) توزیع تکراری بنصمن مراکز الفنات

مركز الفئة (س)	التكرار (ت)	الفئة (ف)
00	۲	04
٥٩	Y	- ov
77	۳	- 71
٦٧	۳	- To
٧١	٤	— ٦٩
٧٥	٥	- YT
Y 9	٧	- YY
۸۳	٦	- A1
۸٧	٣	- \ 0
41	٣	- A1
۹۵	۲	94- 92
	٤.	المجموع



شكل (٢ - ٧) المضلع التكراري

لاحظ أنه إذا كان المدى صغيراً واستخدمنا كل درجة على أنها فلة فيكون مركز الفلة هو زيادة نصف درجة على كل منها . فإذا كانت الفدات هي ٥٠ ، ٥٤ ، ٥٥ ، ٥٤٥ ، ٥٥٥ وهكذا .

التوزيع التكراري المتجمع

إذا رغبنا في معرفة عدد الحاصلين على درجات أقل من ٦٠ في جدول (٢ - ٣ أو ٢ - ٧) فإننا لا نستطيع الحصول على إجابة مباشرة ، وإنما نتفحص الجدول ثم نقرر أن التكرارت ٢ ، ٢ ، ٣ في بداية الجدول جميعها ذات درجات أقل من ٦٠ ، وبالتبالي فإن عدد الصاصلين على أقل من ٦٠ هو ٧ . وكذلك عدد الحاصلين على درجة ٨١ فأكثر هم ١٤ نتيجة جمع التكرارت ٢ - ٢ + ٢ + ٢ في نهاية الجدول ، ولتسهيل هذا الأمر نقوم بعمل جدول تكراري متجمع صاعد أو هابط .

(أ) التوزيع التكراري المتجمع الصاعد:

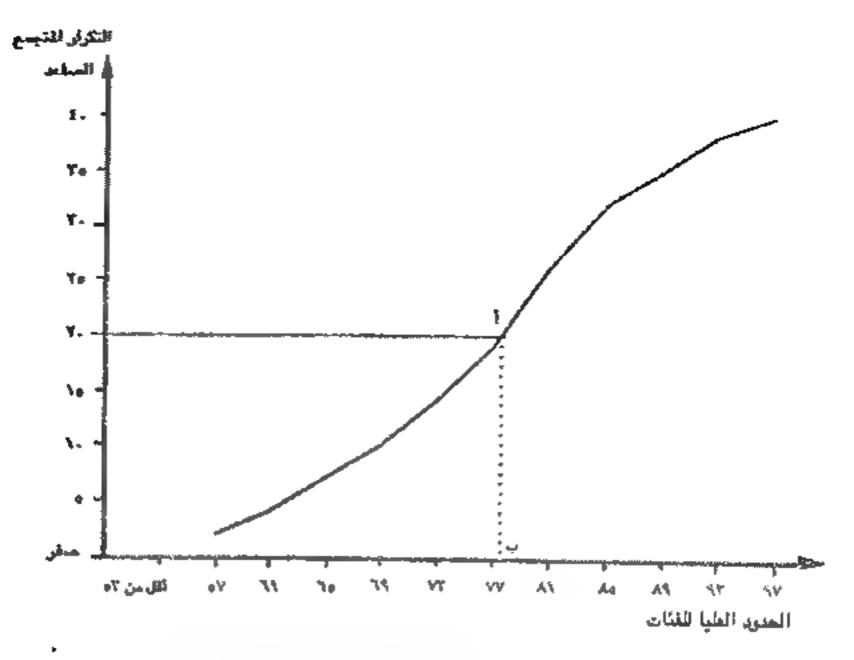
إذا أردنا اعداد جدول توزيع تكرارى متجمع صاعد للجدول (٢ - ٦ أو ٢ - ٧) فإ ننا نكرن جدول جديد نستخدم فيه الحدود العليا للفات ثم نجمع التكرارات

تصاعدیاً کما فی الجدول (۲ – ۸) . حیث نجد أن أول الحدود هو أقل من ۵۳ و و کرارها صغر لأنه لا توجد درجة أقل من ۵۳ . ثم یلیها أقل من ۵۷ وهو الحد الأعلی للفئة الأولی ویکون التکرار هو ۲ ، وبعدها أقل من ۲۱ (الحد الأعلی الفئة الثانیة) ویکون تکرارها هو مجموع تکراری الفئتین الأولی والثانیة (فی جدول ۲ سـ ۲ أو ۲ سـ ۷) وهو Y + Y = 3 ، وهکذا فی بقیة الحدود العلیا للفشات کما هی موضحة فی جدول (Y - Y) ، وتکون الفئة الأخیرة (أقل من ۹۷) وبالطبع جمیع الدرجات بالجدول (Y - Y) ، وتکون الفئة الأخیرة (أقل من ۹۷) وبالطبع الصاعد ثلغنة الأخیرة هو ۶۰ .

ويوضح العمود الأخير في جدول (٢ - ٨) التكرار المتجمع الصاعد النسبي أو المئوى ، ويتم حسابه بقسمة كل تكرار منجمع صاعد (ت.م ، ص) على المجموع الكلى المتكرارت (٤٠) وضرب الناتج في مائة فينتج لنا النسبة المئوية أو التكرار المتجمع الصاعد النسبي أو المئوى .

جدول (٢ - ٨) التوزيع النكراري المتجمع الصاعد (ت. م . ص)

جدول (۱۱ - ۸) التوريع التدراري المدجمع الطالقة (۱۰ - ۸)			
المتجمع الصاعد	التكرار المتجمع	المدود العليا	
النسبي	الصاعد	للفئات	
صفر	صنفر	آهل من ۵۳	
% 0	۲	أقل من ٥٧	
Z V+	£	أقل من ٦١	
% 1V, 0	٧	أقل من ٦٥	
7.40	3+	أوّل من ٦٩	
7.40	1£	أقل من ٧٣	
% £ Y, 0	19	أقل من ٧٧	
7.70	Y7	أقل من ٨١	
7.A•	***	أقل من ٨٥	
%AV, ≎	To.	أقل من ۸۹	
7.90	۳۸	أقل من ٩٣	
Z1	٤٠	أقل من ۹۷	



شكل (٢ - ٨) المنحني المتجمع الصاعد

ويمكن تمثيل جدول (٢ - ٨) برسم بيانى ، حيث يدل العحور الأفقى على الحدود العليا للفئات بينما المحور الرأسى للتكرار المتجمع الصاعد ، ويوضع شكل (٢ - ٨) المنحنى التكرارى المتجمع الصاعد وهو بشبه الحرف (ر) -

وإذا رسمنا خطأ موازياً للمحور الأفقى عند التكرار المتجمع الصاعد ٢٠ فإنه بقطع المنحنى المتجمع الصاعد في نقطة (أ) فإذا أنزلنا منها عموداً على المحور الأفقى فإنه يقطعه في النقطة (ب) وهي ندل على قيمة الوسيط ، وبالمثل يمكن حساب الارباعيات والمئينيات من المنحنى المتجمع الصاعد (أو الهابط) وسوف نوضح ذلك في الفصلين الثالث والرابع ،

(ب) التوزيع التكراري المتجمع الهابط:

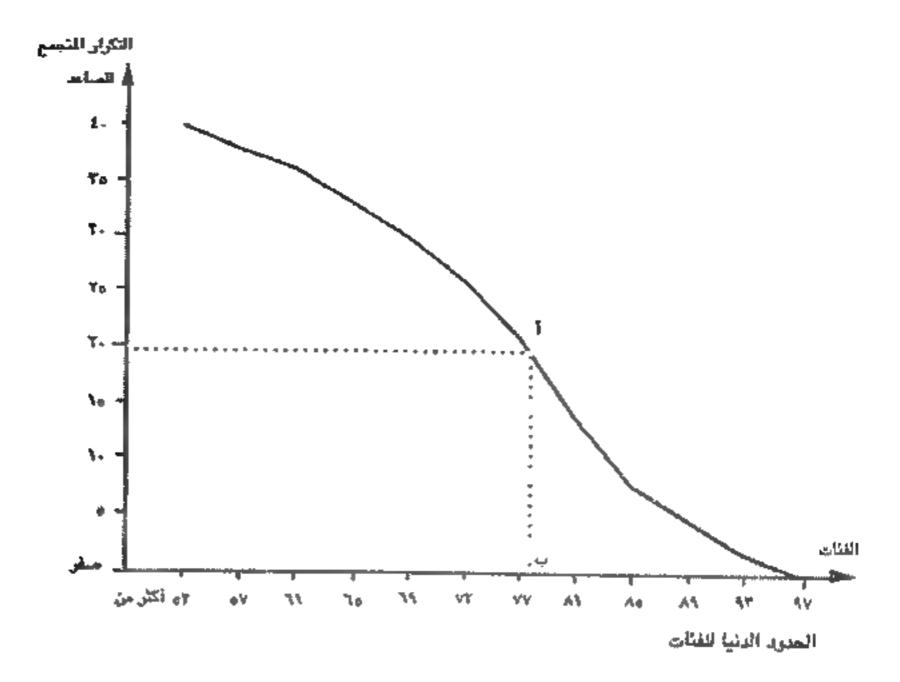
يتطلب اعداد التوزيع التكراري المتجمع الهابط خطوات مشابهة لما سبق في اعداد التوزيع التكراري المتجمع الصاعد ، ففي هذا الجدول نحدد الحدود الدنيا للفشات ، وهي للفشة الأولى ٥٣ فأكثر ، وإذا فحصنا جدول (٢-٢) فأن التكرارت للدرجة ٥٣ فأكثر تكون جميع تكرارت جدول (٢-٢) وهي تساوى (٤٠) . أما الحد الأدنى للفئة الثانية فهو ٥٧ فأكثر ، ويكون التكرار المتجمع لها هو

 2 - 2 - 2 المجمع والكلى أننا طرحنا تكرار الفلة الأولى وهو (2) من المجمعوع الكلى التكرارت (2) . وبالمثل الحد الأننى الفئة الثالثة هو 2 فأكثر ويكرن تكرارها المتجمع 2 2 - 2 وهكذا لبقية الفئات حتى الفئة الأخيرة . ويوضح جدول (2 - 2) التوزيع التكراري المتجمع الهابط (2 م هـ) للجدول (2 - 2) ، كما يتبين من الجدول (2 - 2) أيضاً النسبة الملوية للتكرار المتجمع الهابط .

جدول (۲-۹) التوزيع التكراري المتجمع الهابط (ت م هـ)

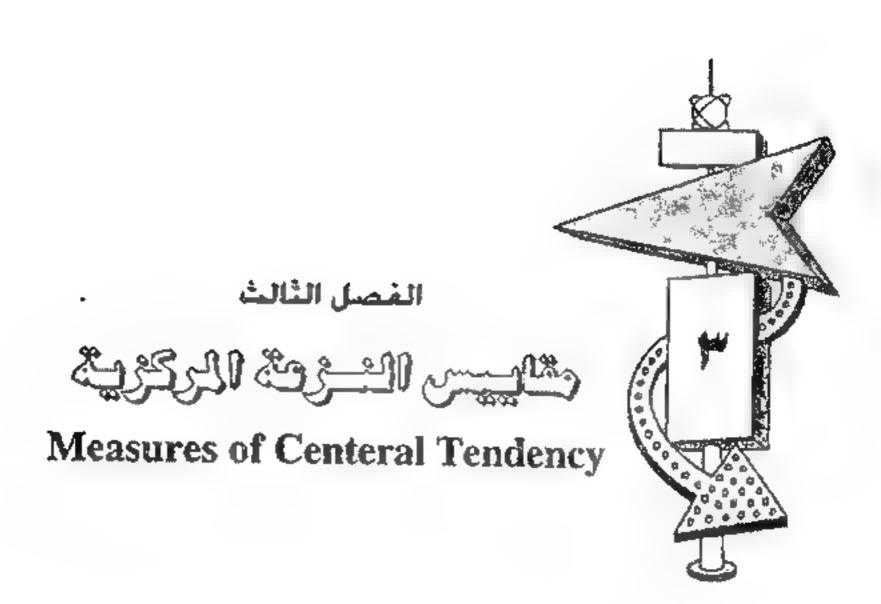
المتجمع الهابط النسيس	التكرار المتجمع الهابط	الحدود الدنيا للفئات
71	٤٠	٥٣ قأكثر
7.90	۳۸	۷٥ فأكثر
7.9.	77	٦٦ فأكثر
% AY, 0	177	٥٦ فأكثر
%. Vo	۳۰	٦٩ فأكثر
7.70	**	٧٣ فأكثر
ZAY, o	71	٧٧ فأكثر
7.40	15	٨١ فأكثر
ZY-	Α [٥٨ فأكثر
X 14, 0		٨٩ فأكثر
χο.	۲	٩٣ فأكثر
مسقر	صفر	۹۷ فأكثر
	صعر.	۳۷ فاکتر

ويمكن تمثيل جدول (٢ - ٩) برسم بياني ، حيث يدل المحور الأفقى على الحدود الدنيا للقدات بينما المحور الرأسي للتكرار المتجمع الهابط ، ويوضح شكل (٢ - ٩) المنحنى التكراري المتجمع الهابط ،



شكل (٢ – ٩) المنحنى المتجمع الهابط

ويستخدم التوزيع التكرارى المتجمع الصاعد (أو الهابط) في حساب الوسيط و الارباعيات والمئينات حسابياً أو من المنحنى ، كما يستخدم أيضاً في حساب المعايير المئينية للاختبارات والمقاييس وسوف نوضح ذلك فيما بعد .



الفصل الثالث مقاييس النزعة المركزية

ناقشنا في القصل السابق كبفية تلخيص وعرض البيانات في جداول توزيع تكراري وكيفية تمثيلها بيانيا . وسوف نوضح في هذا القصل كيفية وصف البيانات بطريقة أخرى عن طريق بعض خصائصها الوصفية والتي تسمى بمقاييس النزعة المركزية . ويقصد بالنزعة المركزية ميل البيانات إلى التجمع في منطقة متوسطة (مركز) للتوزيع ولذلك فقد سميت بمقاييس النزعة المركزية . ومن المألوف أن تكون البيانات متجمعة في الوسط (المركز) . والمنوسط الدسابي هو أحد مقاييس النزعة المركزية والذي يعتمد على مجموع البيانات وقسمتها على عددها ، ومن ثم فان البيانات التي لايمكن جمعها أو ليس لجمعها معنى (البيانات الاسمية فان البيانات الدي يعتمد على المتوسط الحسابي لها وفي هذه الحالة نستعيض عن المتوسط الحسابي بقاييس أخرى للنزعة المركزية وهي الرسيط والمنوال . وهناك بمقاييس أخرى للنزعة المركزية وهي الرسيط والمنوال . وهناك بمقاييس أخرى للنزعة المركزية وهي الرسيط والمنوال . وهناك المتوسط المتابي أخرى للنزعة المركزية وهي الرسيط والمنوال . وهناك المتوسط المتابي أخرى للنزعة المركزية وهي الرسيط والمنوال . وهناك المتوسط المتابي المتوسط المنابي مختلفة .

وأكثر مقاييس النزعة المركزية استخداما هى المتوسط الحسابى ، وهو المقياس المناسب في حال البيانات الرقمية (الفترية) والنسبية ، أما الوسيط والمنوال فهما مناسبان للقياس الترتيبي والأسمى كما يمكن استخدامهما مع القياس الفتري والنسبي .

أولا : التوسيط الحسبابي : Arithmetic Mean

هو أكثر المقاييس الإحصائية استخداما في الدراسات والبحوث وفي الحياة العادية ، فأى بيانات يمكن جمعها يكون لها متوسط أو قيمة متوسطة للتعبير عنها . ومن الممكن وصف البيانات وصفا سريعا عن طريق المتوسط ، ويحسب المتوسط الحسابي طبقا لطبيعة البيانات ، ويستلزم ذلك أن تكون البيانات مقاسة بالمستوى الفترى أو النسبي . فليس من السهل حساب المتوسط لأسماء الطلاب أو متوسط لون

العين أو متوسط أسماء المحافظات أو متوسط الصف الدراسى ،ولكن من السهل حساب متوسط درجات مجموعة من الأفراد على اختبار الذكاء أو اختبار تحصيلي.

ويمكن حساب المتوسط الحسابي للدرجات العادية (الخام) وكذلك لأى نحويل لتلك الدرجات مثل البيانات المبوية في جداول تكرارية، ولكن بيانات القياس الترنيبي أو الاسمى لايجوز حساب المتوسط الحسابي لهاحيث لايكون له معنى،

(أ) حساب المتوسط الحسابي للدرجات العادية (الخام):

وإذا رمزنا للدرجات بالرمز (س) ولعدد الدرجات بالرمز (ن) فيكون مجموع الدرجات - مجموع س (أو مجه س)

مع العلم أن (محصر س) يعنى مجموع كل الدرجات المطلوب حساب منوسطها الحسابي ،

ويستخدم هذا الرقم ٧٥,٨ لوصف مجموعة الدرجات المذكورة.

وبالمثل إذا كان لدينا درجات عددها آلف درجة فإننا نتبع نفس الطريقة لحساب متوسطها الحسابى ، وبالطبع إذا كان عدد الدرجات كبيرا فأننا ندخل البيانات فى الحاسب الآلى ونستخدمه فى إجراء أى تحليل للبيانات ، أما إذا كان عدد الدرجات قليلا كما فى المثال الموضح فى بداية هذه الصفحة فيمكن حساب المتوسط الحسابى يدويا أو باستخدام الآلة الحاسبة ،

(ب) حساب المتوسط الحسابي للبيانات المبوية :

(١) الطريقة العادية (طريقة مراكز الفتات) :

يتم حساب المتوسط الحسابي للبيانات المبوبة (في صورة جدول توزيع تكراري) باستخدام نفس القانون : مجموع الدرجات مقسوما على عددها . ولكن هذا الأجراء أكثر تعقيدا مما سبق لوجود فئات وتكرارات في الجدول ، وفي حقيقة الأمر فأننا نستخدم نفس الطريقة السابقة لان المتوسط الحسابي في الحالتين هو ناتج قسمة مجموع الدرجات على عددها .

وفي المشال البسيط للدرجات : ٤ ، ٩ ، ٥ ، ٤ ، ٢ ، ٧ ، ٥ فنجد أن مجموع هذه الدرجات = ٤٨ والمتوسط الدسابي = ٢٠ وهذا المجموع هو في المقيقة يساوى :

 $(3 \times 1) + (9 \times 1) + (9 \times 1) + (1 \times 1) + (1 \times 1) + (1 \times 1) + (1 \times 1)$ وذلك لأن الدرجة (3) تكررت مرتين وكذلك الدرجة (9) ويكون المجموع. مساويا (٤٨) وهي نفس الطريقة المتبعة في جداول التوزيع التكراري .

وإذا استخدمنا المثال السابق لجدول التوزيع التكرارى (جدول ٢ - ٤) لحساب المتوسط الحسابي فاننا نحسب مجموع درجات كل فئة وهو حاصل ضرب مركز الفئة في تكرارها ، وهنا نفترض أن تكرار كل فئة له نفس القيمة وهي مركز الفئة (لاحظ أن هذا الافتراض سيؤدي إلى مجموع درجات تقديري)، ولهذا تسمى طريقة مراكز الفئات .

ويكون مجموع درجات الفئة الأولى مساوية ٢ × ٥٥ (النكرار × مركز الفئة) ، ومجموع درجات الغئة الثانية مساويا ٢ × ٥٥ والغئة ٣ × ٦٣ وهكذا حتى الفئة الأخيرة ٢ × ٩٥ (جدول ٣ -- ١) .

ويكون مجموع الدرجات كلها

77 x 7+ 09 x 7+ 00 x 7=

T+0Y = 90 x Y + ...

- مجموع تكرار كل فئة × مركز تلك الفئة

= مجه (ت×س)

جدول (٣ - ١) حصاب المترسط الحسابى بالطريقة العادية (مراكز الفئات)

مجموع درجات الفئات (س × ت)	مركز الفئة (س)	التكـــرار (ت)	الفـــــئة (ف)
11: - Y × 00	00	۲	- 07
11A = Y × 09	69	۲	ov
$1 \wedge 9 = 7 \times 77$	7.1	٣	- 71
7* \ == 1 * 7	٦٧	٣	10
YA £ = £ × Y)	٧١	٤	- 11
740 = 0 × 40	Yo	٥	- Y٣
997 = V × V9	V9	٧	- Y Y
" £9A = "1 × A"	۸۳	٦	- 41
Y71 = T × AY	AY	٣	- 40
777 = 77 × 91	41	٣	- ۸۹
19 7×90	90	۲	94- 94
7.57		٤٠	المجموع

ویکرن المترسط الحسابی =
$$\frac{\text{مجموع الدرجات}}{\text{عددها}} = \frac{\text{مجہ (س × س)}}{\text{عددها}}$$

$$= \frac{\text{عددها}}{\text{۲۰۰۲}} = \frac{\text{۲۰۰۲}}{\text{۲۰,۲=}}$$

وهذه الطريقة لحساب المتوسط الحسابى من الجدول التكرارى تسمى بالطريقة العادية أو طريقة مراكز الفئات . ونلاحظ أن مجموع الدرجات من الجدول التكرارى (٣٠٥٢) مختلف عن المجموع الحقيقى للدرجات الفعلية وهو الجدول التكرارى (٣٠٥٢) مختلف عن المجموع الحقيقى للدرجات الفعلية وهو ٣٠٣٢ ، والسبب في ذلك كما ذكرنا أنه في كل فئة نفترض أن تكراراتها لها نفس الدرجة وهي مركز تلك الفئة . ومن هذا فإن المتوسط الحسابي من الجدول التكراري تقريبيا وليس دقيقا مثل المتوسط الحسابي للدرجات الفعلية .

وبالطبع هذه القيمة (٧٥,٨) مختلفة عن المتوسط الحسابى البيانات المبوبة لا (٧٦,٣). ونود الإشارة إلى أن المتوسط الحسابى المحسوب البيانات المبوبة لا يكون دائما مرتفعا عن المتوسط الحسابى للدرجات الفعلية ، وإنما هما قيمتان مختلفتين ويرجع السبب فى ذلك إلى الافتراض بان مركز كل فئة هو درجة موحدة لتكرارات تلك الفئة .

(٢) حساب المتوسط الحسابي بطريقة الانحرافات:

يتضح من استخدام الطريقة العادية في حساب المتوسط الحسابي كثرة العمليات الحسابية وذلك لكبر الأرقام المستخدمة في عمليات الضرب ، وإذا كأن مركز الفئة يحتوى على كسور فسوف بزداد التعقيد صعوبة ، ولذلك فأن الانحرافات تعتمد على اختصار عمليات الضرب بتصغير مركز الفئة ، ويتم ذلك عن طريق افتراض قيمة معينة تسمى ، الوسط الفرضى ، ثم نطرح هذا الوسط الفرضى من جميع القيم (مراكز الفئات) فتنتج الانحرافات (ح) التى نستخدمها بعد ذلك في الإجراءات الحسابية .

واللَّاخذ مثلا على ذلك للدرجات العادية (الخام) التالية :

111 . 117 . 117 . 110 . 110 . 10 . 117 . 115 . 109 . 117

وإذا طبقنا طريقة الانحرافات (الوسط الفرضى) على هذا المثال ، فأننا نفرض أن قيمة الوسط الفرضى = ١٠٠ ، ومن الممكن استخدام آى قيمة أخرى (١٧٠ ، ١٨٠ ، ١١٠ مثلا) ثم نطرح قيمة الوسط الفرض (١٠٠) من جميع الدرجات فننتج الانحرافات النالية : ۱۱، ۱۲، ۱۲، ۱۵، ۱۲، ۱۲ ، ۱۱ ومجموعها ۱۲۰ ونصسب متوسط الانحرافات = ______ ۱۲۰ ___ ۱۲۰

ويكون المتوسط الحسابي للدرجات الأصلية = الوسط الفرضى + متوسط الانحرافات = ١٢،٥+١٠٠ وهي نفس القيمة التي حصلنا عليها للمتوسط الحسابي من جمع الدرجات الأصلية قبل حساب الانحرافات ،

ونتبع هذه الطريقة ذاتها في حالة الجداول التكراية ، وسنقوم بحساب المتوسط الحسابي للبيانات في جدول (٣ - ١) بطريقة الانحرافات ، ويوضح جدول رقم (٣ - ٢) عمليات حساب المتوسط الحسابي بطريقة الانحرافات .

جدول (٣ - ٢) حساب المتوسط المسابي بطريقة الاتحرافات

ح×ت	الانحرافات	مركز الفئة	التكرار	الفئة
	(5)	(Jr)	(ت)	(i
$£A -= Y \times Y£ -$	Y£	٥٥	۲	07
£ •- = Y × Y •	۲۰	٥٩	۲	- 07
= 1° 1 × 7° ≈ − 1 12	17-	7.5	٣	-71
7"1- → 1" × 1 Y -	14-	٦٧	٣	to
-4×3 YY	۸	٧١	٤	- 44
7 • • × £ -	ź —	٧٥	٥	– Y۳
مسقر × ۷ ≔ مسقر	مفر	(V9)	٧	- ٧٧
Yi = lxi	£ +	۸۳	٦	- 41
7£ = 7"× A	A +	۸۷	٣	- 40
77=7×17	17+	41	٣	- 49
71 × 7 = 77	17+	90	Y	97-97
44 \$-			٤٠	المجموع
117+	- 1			·
1.4				İ
				1

وقد افترضنا أن الوسط الفرضى هو ٧٩ ، والسبب فى ذلك أنه عادة ما تكون قيمة الوسط الفرضى مساوية لمركز فئة أكبر تكرار ، وبالطبع يمكن لخنيار أى قيمة من قيم مراكز الفئات كوسط فرضى ، ولكن اختيار مركز فئة أكبر تكرار يختصر أكبر عملية ضرب ويحولها إلى الصفر ، وهذا هو المنطق فى استخدام طريقة الانحرافات (لإختصار العمليات الحسابية) .

فإننا اخترنا مركز الفئة ٧٩ كوسطا فرضيا فاننا نضع دائرة حوله ، ثم تبدآ في طرح قيمته من جميع مراكز الفئات على النحو التالى : (٥٥ – ٧٩ ، ٥٥ - وه ، ٩٥ ، ٧٩ – ٩٥ ، ٧٩ – ٩٥ ، ٧٩ – ٩٥ ، ٧٩ ، ... وهكذا حتى ٩٥ - ٧٩) وتكون الانحرافات الناتجة بالسالب في بداية الجدول وحتى الصغر أمام الوسط الفرضى ، ثم بالموجب بعد ذلك كما هي موضحة بالجدول (٣ - ٢) .

ثم نحسب حنواصل ضرب التكرارات في الانحرافات (ح×ت) وهي : ٢٤ × ٢ للفئة الأولى ، - ٢٠× ٢ للفئة الثانية وهكذا ، ثم نجمع حواصل المضرب فيلتج لنا - ٢٠٤ + ٢١٦ - ١٠٨ ، ويكون المتوسط الحسابي = المتوسط الفريضي

+ متوسط مجموع الانحرافات في تكرارتها م = وف + مجد (ح × ت) ...

وهى نفس القيمة التي حصانا عليها بالطريقة العادية

(٣) حساب المتوسط الحسابي بطريقة الانحرافات المختصرة :

للحظ في جدول رقم (٣ - ٢) أن انحرافات مراكز الفقات عن الوسط الفرصني تأخذ القيم -٢٤ ، - ٢٠ ، - ٢١ ، وهكذا . وهذه الانحرافات يمكن اختصارها إذا قسمنا كل منها على ٤ وهو طول الفئة (في حالة الفئات المتساوية الطول فقط) . فإذا قسمنا الانحرافات على الرقم ٤ فينتج لنا أنحرافات مختصرة (ح) وهي - ٢، - ٥ ، - ٤ ، هكذا ، ثم نجري حساصل صحرب هذه الانحرافات المختصرة في تكراراتها كما بالجدول (٣ - ٣) ، ويكون المتوسط الحسابي = الوسط الفرضي + متوسط مجموع الانحرافات المختصرة × طول الفئة

$$= e^{i\omega} + \frac{n \leftarrow (-\infty)}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{n \leftarrow (-\infty)}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty} \times U \left(\frac{\log U}{\log U} \right)$$

$$= e^{i\omega} + \frac{(-\sqrt{Y})}{n \rightarrow \infty}$$

وهي نفس القيمة التي حصانا عليها سابقاً من الطريقتين العادية والإنحرافات جدول رقم (٣ - ٣) حساب المتوسط المسابي بطريقة الانحرافات المختصرة

The state of the s			-	
ح × ٽ	(z)	مركز الفدة (س)	التكرار (ت)	الفلة (ف)
. 14-	ነ		٧	- 07
1	۵		٧	- ov
18	٤		٣	"11
۹	٣-		7"	_ \o
۸	۲		٤	-39
ے د	١		٥	٧٣
مسفر	مشز	(Y9)	٧	٧٧
٦	1+		٦	- 41
7	۲+		٣	- 10
4	٣+		٣	19
٨	٤+		۲	۹۷ – ۹۳
YV			٤٠	المجموع

ويمكن إجمال خطوات حساب المتوسط المسابى من جدول التوزيع التكرارى بطريقة الانحرافات فيما يلى:

- ١ نختار الوسط وهو مركز الفئة المقابلة لأكبر تكرار ، (وهو مركز الفئة السابعة في المثال السابق فيكون وسطنا الفرضي هو ٧٩)
- ٢ نطرح قيمة الوسط الفرضي (٧٩) من جميع مراكز القئات وتضعها في
 العمود المسمى بالانحرافات (ح) ٠
- ٣ نضرب هذه الانحافات في التكرار المقابل لكل منها لنحصل على حراصل الضرب (ح×ت).
- خجمع حواصل الضرب (ح×ت) لنحصل على (مجح ت) ثم تقسم المتاتج على مجموع التكرارات (مجت ت) فينتج مترسط مجموع حواصل ضرب الانحرافات في تكراراتها (مجح ت) مجدت
- ه نحسب المتوسط الحسابي بإضافة الوسط الفرضي إلى مترسط مجموع الانحرافات فيكون المتوسط الحسابي الرسط الفردسي + مجد (ح×ت) مجدت

أما طريقة الانحرافات المختصرة فإنها تختلف فى الخطوة التأنية حيث يمكن حساب الانحرافات المختصرة (ح) مباشرة درن حساب الانحرافات (ح) ويتم ذلك بحساب انحراف مركز فئة أكبر تكرار (عن الوسط الفرضى) والذى يساوى الصفر ، ثم نكتب الانحرافات المختصرة أعلى هذا الصفر وتكون سالبة وهى - ١ ، - ٢ ، - ٣ ، - ٤ ، - ٥ ، - ٢ ، أما اسفل أنصفر فتكون موجبة + ١ ، وهى - ١ ، + ٢ ، + ٤ (لا حظ أن هذا صحيح فقط فى حالة الجداول التكرارية ذات الفتات المتساوية الطول) .

وتكرن الفطرة الناالة هي إيجاد حواصل ضرب الانحرافات المختصرة في تكرارتها والخطوة الرابعة هي إيجاد مجموع حواصل ضرب الانحرافات المختصرة في تكراراتها ثم حساب متوسط الانحرافات المختصرة وهو يساوى مجت ت مجت الما الخطرة الخامسة فيتم فيها حساب المتوسط الحسابي من القانون :

المترسط الحسابي = الوسط الفرضي + مجر ت ت محد ت

ونلاحظ من جدول (٣ - ٣) أنه ايس من الضروري حساب كل مراكز الفئات ، وانما نحسب مركز فئة أكبر تكرار لنستخدمها كوسط فرضى ، ثم نحسب الانحرافات المختصرة وحاصل ضربها في تكرارتها (كما بالجدول) ويكون المتوسط الحسابي

خصائص المتوسط الحسابي :

ذكرنا من قبل أن المتوسط المسابي يستخدم للتعبير عن (أو أوسف) مجموعة من البيانات كما أنه يتسم بعدة خصائص منها:

- ۱ --- إذا صربنا قيمة المتوسط الحسابى فى عدد الدرجات (ن) فإننا نحصل على المجموع الكلى للدرجات ، فإذا طبقنا هذه الخاصية على المتوسط الحسابى الذى قيمته ٦ وعدد الدرجات ٨ فان حاصل صربهما هو ٨٤ ، وهو مجموع الدرجات للمشال (٤،٩،٥،٤ ،٤ ،٤،٢،٧) . وبالمثل فى حال الدرجات المثال الثانى عند حساب المتوسط الحسابى للدرجات العادية ، حيث كان المتوسط الحسابى = ٨٠٥٧ وعدد الدرجات ٤٠ ، فيكون حاصل صربهما كان المتوسط الحسابى = ٨٠٥٧ وعدد الدرجات ٤٠ ، فيكون حاصل صربهما كان المتوسط الحسابى = ٨٠٥٧ وعدد الدرجات ٥٠٠ ، فيكون حاصل صربهما المدودات ٥٠٠ وهو المجموع الكلى للدرجات ٠٠٠ .
- Y e[المناصية الثانية للمتوسط الحسابى هى تأثره بالقيم المتطرفة ، ويقصد بالقيم المتطرفة تلك القيم البعيدة عن أصغر أو أكبر درجة ، وفى المثال الأول المذكور فى الخاصية الأولى فان أكبر درجة هى P ، فإذا فرصنا أن هذه الدرجة هى P 1 فيكون مجموع الدرجات = P + P

الحسابى تغير من ٦ الى ٧٠ ١٠ لتغير الدرجة من ٩ إلى ١٩ وبالمثل فى حال الدرجات المتطرفة الصغرى ، فإذا كانت الدرجة ٤ مساوية للصغر فأن مجموع الدرجات = ٤٠ ويكون المتوسط الحسابى = $\frac{12}{10}$ = $\frac{12}{10}$ وهى قيمة مختلفة كثيرا عن المتوسط الحسابى الأصلى ($\frac{1}{10}$) .

- 2 -مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن متوسطها الحسابی اقل من مجموع مربعات إنحرافها عن أی قیمة أخری ، فإذا نظرنا إلی المثال المذکور فی الخاصیة (T) نجد أن مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن متوسطها الحسابی هو : $(-Y)^{2} + (T)^{3} + (-1)^{4}$

وإذا اقترضنا قيمة أخرى (٥ مثلا) فأن مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن الدرجة ٥ هو :

$$+ {}^{Y}(\circ -7) + {}^{Y}(\circ -\circ) + {}^{Y}(\circ -\circ) + {}^{Y}(\circ -\circ) + {}^{Y}(\circ -\circ)$$

وإذا استخدمنا الدرجة ٧ ، قان مجموع مربعات انصرفات الدرجات عنها هو:

$$+ {}^{Y}(1) + {}^{Y}(1-) {}^{T}(T-) + {}^{Y}(T-) + {}^{Y}(T) + {}^{Y}(T-)$$

(صفر) ^۲ + (-۲) ^۲

= 9 + 2 + 2 + 9 + 1 + 1 + صفر = ٣٢ وهو اكبر من ٢٤.

وبالمثل إذا استخدمنا أي درجة أخرى فان مجموع مربعات انحرافات الدرجات عنها سيكون اكبر من ٢٤ .

ويتضح من ذلك أن مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن متوسطها الحسابي (وهو ٢٤ في المثال) اقل من مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن أي قيمة أخرى .

وتوضح هذه الخاصية أن المتوسط الحسابى هو قيمة مركزية الدرجات، ولذلك يسمى مقياسا للنزعة المركزية (Ferguson, 1971: 48) حيث نجد أن مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن متوسطها الحسابى أقل مايمكن، وعليه نستطيع تعريف المتوسط الحسابى بانه مقياس للنزعة المركزية التي يكون مجموع مربعات انحرافات الدرجات عنها أقل ما يمكن .

ويعد المتوسط الحسابى لأى مجموعة (عشوائية) من الدرجات تقديرا حيدا (غير متحيز) للتموسط الحسابى للمجتمع ، وهو مقياس أكثر دقة من أى مقياس آخر من مقاييس النزعة المركزية (مثل الوسيط والمنوال).

- وتأثر المتوسط الحسابي بعدد الدرجات ، فكلما كان عدد الدرجات كبيرا كلما
 كان المتوسط الحسابي أكثر ثباتا وأكثر تعبيرا عن متوسط المجتمع ، وهذا هو
 ما نعنيه بقدير جيد لمتوسط المجتمع .
- ٣ لا يمكن جمع المتوسطات الحسابية لعدة مجموعات من الدرجات إذا كان عدد الدرجات غير متساو . فمثلا إذا كان المتوسط الحسابي لمجموعة من الدرجات هو ١٠ ، والمتوسط الحسابي لمجموعة أخرى هو ١٢ ، فلا نستطيع حساب متوسط المتوسطين إذا كان عدد درجات كل مجموعة مختلفا عن الأخرى ، وبمعنى آخر لا نستطيع حساب المتوسط الحسابي للمتوسطين إلا إذا علمنا عدد درجات كل منهما ،

وعلى سيبل المثال الدرجات : ٩ ، ٧ ، ٥ ، ٨ ، ٧ ، متوسطها الحسابي = ٧

والدرجات: ٢، ٥، ٢، ٧ متوسطها المسابى = ٥، ولا نستطيع إن نجمع المتوسطين (٧، ٥) أو نحصل على متوسطهما و نعتبره متوسطا حسابيا لدرجات المجموعتين. ولكن ما نستطيع فعله هو الحصول على المتوسط الحسابي المرجح (العوزون) للمجموعتين أو ما يسمى بمتوسط المتوسطات الحسابية.

المتوسط الحسابي المرجح Weighted Arithmetic Mean

وهو يسمى المتوسط الحسابى الوزنى او متوسط المتوسطات الحسابية . فأذا كان لدنيا عدة متوسطات لمجموعات من الدرجات (أو لعينات مختلفة الاحجام) فيمكن ايجاد المتوسط الحسابى العام لنلك المتوسطات .

ويكون المتوسط الحسابي الوزئي لمجموعتين هو:

مجموع درجات المجموعة الأولى + مجموع درجات المجموعة الثانية مجس ١ + مجس ٢ عدد درجات المجموعة الثانية نا + ن٢ عدد درجات المجموعة الأولى + عدد درجات المجموعة الثانية

وحيث اننا ذكرنا في الخاصية الاولى: أن مجموع الدرجات يساوى حاصل ضرب المتوسط الحسابي الوزنى لمجموعتين هو:

عدد درجات المجموعة الأولى × متوسطها الدسابى + عدد درجات المجموعة الثانية × متوسطها الدسابى عدد درجات المجموعة الثانية

وبتطبيق ذلك على المثال المذكور في الخاصية السائسة حيث المتوسط الحسابي للمجموعة الاولى = ٧ وعدد درجاتها = ٦ ، المتوسط الحسابي للمجموعة الثانية = ٥ وعدد درجاتها = ٤ فيكون المتوسط الحسابي للمجموعتين =

وهذا المتوسط المسابي هو بالفعل المترسط المسابي لدرجات المجموعتين معا ، لأن مجموع درجات المجموعتين معا

- (۲+۲+۲+۲) + (۲+0+۲+۲) = ۲۲ ، والمتوسط الحسابي - ۲۲ - ۲۲ - ۲۲ .

وبالمثل في حال وجود منوسطات هسابية لعدة مجموعات (ك) فان المتوسط المسابى العام (الوزني) لنلك المجموعات هو:

أما إذا كان عدد درجات المجموعات متسارن، - ن، - سن فيمكن الحصول على متوسط المتوسطات بطريقة سهلة رهى :

وفي حالة مجموعتين متساويتين في عدد الدرجات مثل:

الدرجات : ٩ ، ٧ ، ٥ ، ٨ ، ٢ مجموعها = ٣٥ ومتوسطها الحسابي = ٧

الدرجات : ٢ ، ٥ ، ٢ ، ٢ ، ٩ مجموعها = ٢٩ ومتوسطها الحسابي = ٨,٥

فإن المترسط الوزنى لهما يساوى أيضا

لاحظ أن نفس الأساوب ينطبق على طرح المتوسطات الحسابية .

ثانيا ؛ الوسيط Median

وهو مقياس آخر من مقاييس النزعة المركزية الشائعة الاستخدام ، والوسيط هو الدرجة الوسطى لمجموعة من الدرجات أو هو النقطة التي تقسم توزيع الدرجات إلى نصفين منساويين بحيث يكون عدد الدرجات التي تسبقها مساويا لعدد الدرجات التالية لها .

وتحسب قيمة الوسيط المجموعة من الدرجات بأخذ الدرجة الوسطى بعد ترتيب الدرجات ترتيبا تصاعديا أو تنازليا .

فإذا كان لدينا مجموعة الدرجات : ١٠، ٨، ٧، ٤٠ فإن الوسيط هو. الدرجة رقم ٣ في الترتيب وهي تساوي ٨٠

أما في مجموعة الدرجات : ١٩، ١٩، ١١، ١١، ١١، ١٢، ١٢، ١١، ١٢، ١٨، ١٨ ع ١٨ فإن الوسيط هو الدرجة رقم ٥ في الترتيب وهي تساوي ١١،

ونلاحظ أن عدد الدرجات في المجموعة الأولى خمس درجات وكمان -1+0 ترتيب الوسيط هو -1+0 أي -1+0 -1

بينما عدد الدرجات في المجموعة الثانية ٩ وكان تربيب الوسيط هو ٥ أي المجموعة الثانية ٩ وكان تربيب الوسيط هو ٥ أي المجموعة الثانية ٩ وكان تربيب الوسيط هو ٥ أي المجموعة الله المرجات فرديا فإن وبصفة إذا عامة كان عدد الدرجات فرديا فإن

وتكون قيمة الوسيط هي الدرجة التي ترتيبها ٢٠٠٠

وبمسفة عامة إذاكان عدد الدرجات زوجيا فيرجد وسيطين ترتيبهما

وفي المثال السابق ن = ٦ فيكرن ترتيب الرسيطين هما

$$\left(1+\frac{7}{Y}\right), \frac{7}{Y}$$
 of $\left(1+\frac{\dot{U}}{Y}\right), \frac{\dot{U}}{Y}$

وهما الدرجتان الثالثة والرابعة وقيمتيهما ٧ ، ١٠ . وبذلك فإن قيمة الوسيط هنا هي مترسط هذين الوسيطين = (٧ + ١٠) أي ٨٠٠ .

أي الدرجتين الرابعة والخامسة في الترتيب وهما ١١، وتكون قيمة الوسبيط هي متوسط الوسيطين $= \frac{1}{y} + \frac{11}{y} = \frac{1}{y}$

كما يمكن حساب الوسيط للبيانات الترتيبية - فإنا كسانت تقيديرات مجموعة من الطلاب هي : معناز ، معناز ، جيد جدا ، جيد جدا ، جيد ، حيد ، حيد ، حيد ، مقبول ، صعيف ، وعدد هذه التقدير الذي ترتيبه

$$V = \frac{1+1r}{r} = \frac{1+ir}{r}$$

وتكون قيمة الوسيط هي التقدير السابع في الترتيب وهو جيد . وبالطبع لا نستطيع حساب المتوسط الحسابي للتقديرات ومن ثم نستعيض عنه بحساب الوسيط.

وإذا كان عدد التقديرات زوجيا فيوجد وسيطين كما ذكرنا من قبل لمجموعة التقديرات فإذا أضفنا للتقديرات السابقة تقدير آخر (ضعيف مثلا) فيكون عدد التقديرات 1 $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{7}$ ، السابع والثامن .

وإذا طبقنا هذا على المثال فيكون الوسيطان هما جيد ، مقبول وبالطبع فإن متوسطهما لا يمكن حسابه لأن القياس الترتيبي لا يجوز جمع بياناته ، ولذلك نقول أن الوسيط يقع بين جيد ومقبول .

حسباب الوسيط للبيانات البوبة :

تختلف طريقة حساب الوسيط البيانات المبوبة عن الدرجات العادية . ففى حال البيانات المبوبة (جداول التوزيع التكراري) لا نستطيع أن نرتب الدرجات التوصل التوصل إلى رتبة الوسيط وقيمته ولكننا نستخدم طريقة أخرى ، وهى في الحقيقة مشابهة لطريقة حساب الوسيط للدرجات العادية .

فإذا أردنا حساب الوسيط ثلبيانات في الجدول التكراري (٢ - ٣) فإننا نقوم أولا بحساب التكرار المتجمع الصاعد (كما بالجدول ٢ - ٨) ، ثم نحسب رتبة الوسيط وهي تساوي نصف مجموع التكرارات أي (مجدت) مهما كان عدد الدرجات فرديا أو زوجيا .

وبعد ذلك نحدد الفئة التي يقع فيها الوسيط ، وهي في معظم الأحوال (وليس دائما) تكون فلة أكبر تكوار ، ثم نطبق القانون لحساب الوسيط ، ويذلك يمكن أن نوجز طريقة حساب الوسيط للبيانات المبوية في الخطوات التالية :

- ١ نستخدم جدول التوزيع النكرارى في إعداد الجدول النكرارى المتجمع.
 الصاعد .
 - ۲ نحسب رتبة دهي مجدت
- ٣ نحدد فئة الرسيط ، وهي الفئة التي تحتوى على (مجت) من التكرارات المتجمعة ، أي الفئة التي تكرارها المتجمع الصاعد أكبر من أو يساوى ربّبة الوسيط ،
 - ٤ نطبق القانون التالي لحساب قيمة الوسيط

قيمة الرسيط = الحد الأدنى لغلة الرسيط + مسلط التكرار المتجمع الصاعد السابق × طول فئة الرسيط تكرار فئة الرسيط متكرار فئة الرسيط جدول (٣ - ٤)

الجدول التكراري المجتمع المساعد

	ت.م.ص	الحدود العايا للفئات	
	مىقر	أقل من ٥٣	
	٧	أقل من ٥٧	
	٤	أقل من ٦١	
	V	اُقل من ١٥٠	1
	١.	أقل من ٦٩	1
	18	أقل من ٧٣	
موقع الوسيط	19	أقل من ۷۷	فلة الوسيط
الوسيط الوسيط	47	أقل من ٨١	
	44	أقل من ٨٥	1
	70	أقل من ۸۹	7
	477	أفل من ٩٣	1
	٤٠	أفل من ٩٣ أقل من ٩٧	7
I			

وبالتالى فإن ترتيب الوسيط يقع بين (ت،م،ص) ١٩ ، ٢٦ أى فى الفئة التى تبدأ ب ٧٧ وتنتهى ب (أقل من) ٨١ . ويكون الحد الأدنى لفئة الوسيط ٢٧٠ ، وطول الفئة عنه ،

$$\frac{e_{in}}{e_{in}} = \frac{(14 - 4)}{(14 - 4)} \times \frac{14 - 4}{(14 - 4)}$$

وبالمثل بمكن استخدام الجدول التكراري المتجمع الهابط (جدول ٢٠ - ٩) في حساب قيمة الوسيط ، حيث نستخدم القانون :

قيمة الوسيط = الحد الأعلى ثفئة الوسيط - تربيب الوسيط - التكرار المنجمع الهابط الثالي × طرل الفئة الوسيط = الحد الأعلى ثفئة الوسيط - تكرار فئة الوسيط

جدول (۳ – ۰) الجدول التكراري العقجمع الهابط

	المهند (الجدون التحريري العنجم	
	ت.م.هـ	الحدود الدنيا للننات	
	٤٠	٣٥ فأكثر	
	۳۸	۷۵ فأكثر	
	177	٦١ فأكثر	
•	44	٥٠ فأكثر	
	۳۰	٦٩ فأكثر	1
:	77	٧٣ فأكثر	1
موقع الوسيط	Y1	٧٧ فأكثر	فلة [-
الوسيط	18	۸۱ فأكثر	فلة الوسيط
:	A	ە۸ فأكثر	
]	٥	۸۹ فأكثر	
	Y	۹۳ فأكثر	

$$\frac{(1\xi - Y \cdot)}{V} = \frac{(1\xi - Y$$

وهى نفس القيمة التي سبق الحصول عليها بإستخدام التكرار المتجمع الصاعد .

ومن الملاحظ أننا نستخدم جدول توزيع نكرارى (جدول ٢ - ٦) في حساب الوسيط ، وهذا الجدول توزيع تكراري متصل .

أما إذا كان جدول التوزيع التكراري غير متصل فإننا نستخدم نفس الطرق السابقة مع استبدال الحد الأدنى لفئة الوسيط بالحد الأدنى الحقيقى لفئة الوسيط وبالمثل في حال التوزيع التكراري المتجمع الهابط نستبدل الحد الأعلى لفئة الوسيط بالحد الأعلى الحدود الأعلى المتجمع الهابط أننا يجب أن نحسب الحدود الحقيقة القنات قبل حساب التكرار المتجمع الصاعد أر الهابط .

مثال (٣) : إذا كان لدينا التوزيع التكراري التالي :

المجموع	**-**	۲9- ۲۷	¥7-Y£	77-71	Y+1A	17-10	الغثات
٥٠		٨	11	١٣	٩	٥	التكرار

فإننا نحسب الحدود الحقيقة الفئات وذلك انحويل التوزيع من توزيع متقطع (حيث توجد فرغات بين ١٧ - ١٨ ، ٢٠ - ٢٢ ، ٢٢ - ٢٤ ،وهكذا) إلى توزيع منصل كما يلى:

جدول رقم (٣ - ٧)

المجموع	TY-F.	¥1-TY	¥7-Y£	77-71	Y+-1A	14-10	التات
٥٠	٤	٨	11	۱۳	4	0	الثكرار
	**,o-*1,0	7 4,0- 74,0	¥ኒው-የኖ,0	YT, 0 Y+, 0		14,0-16,0	الحدرد الحقيقية الغنات

والخطوة التالية هي حساب التوزيع التكراري المتجمع الصاعد والهابط واستخدامها في حساب الوسيط.

جدول توزیع نکراری (۳ - ۸ أ)

	الحدود الحقيقية للفنات	التكرار	النئات
	14,0-18,0	0	14-10
ĺ	Y+,0 - 14,0	٩	Y - 11
\longrightarrow	YY, 0 - Y+, 0	۱۳	77- 71
1	Y7,0 YT,0	11	44 - 4E
	۲۹, ۵ – ۲۲, ۵	٨	Y9 YY
	TT, 0 - T4, 0	£	TY - T+
[٥٠	المجموع

جدول تکراری متجمع هابط (۳-۸جـ)

جدرل تکراری متجمع صاعد (۳-۸ ب)

ث م ۵۰	المدود العليا للفئات		ت،م.ص	الحدرد العليا للفئات
0+	٥,٤٠ فأكثر		۵	أقل من ۱۷٫۵
20	٥ ، ١٧ فأكثر	مواقع الرسيط	١٤	أقل من ۲۰٫۵
٣٦	۲۰٫۵ فأكثر	ا سرسو	۲y	أقل من ٢٣٥٥
۲۳	٥,٣٢ فأكثر		۲۸	أقل من ٢٦٠٥
17	٥ ,٦٦ فأكثر		٤٦	أقل من ۲۹٫٥
٤	٥,٩٧ فأكثر		٥.	أقل من ۲۳٫۵

____ الأمانيب الإحصائية _____

قيمة الوسيط باستخدام الجدول التكراري المتجمع الصاعد

ترتيب الرسيط - النكرار المتومع الصاعد السابق = الحد الأدنى لفئة الرسيط + معادل الفئة الرسيط × طول الفئة

$$\frac{(1\xi - Y\circ)}{(1\xi - YY)} + Y\cdot, \circ =$$

$$\frac{(1\xi - YY)}{(1\xi - YY)} + Y\cdot, \circ =$$

YY, + £ ==

وقيمة الوسيط بإستخدام الجدول التكراري المتجمع الهابط

ترتيب الرسيط - الذكرار العنجمع الهابط التالي الحد الأعلى لفئة الوسيط + تكرار فئة الوسيط × طول الفئة

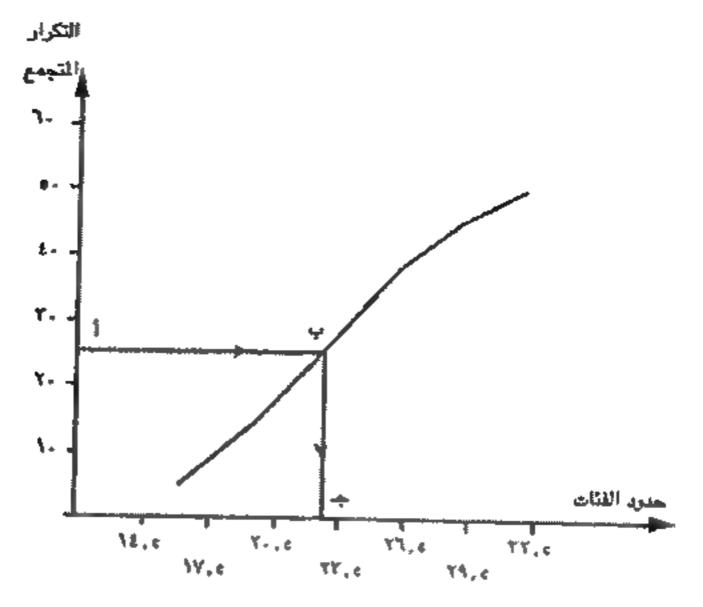
*, £7 -- YT, 0 ==

Yr, + £ -

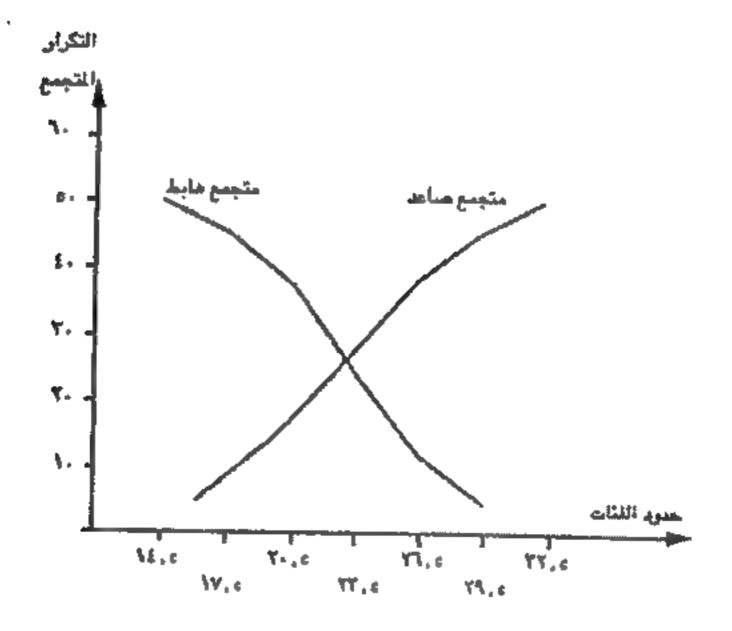
وهي نفس القيمة انسابق الحصول عليها بإستخدام التكرار المتجمع الصاعد.

حساب الوسيط بإستخدام الرسم :

يمكن حساب الوسيط البيانات المبوبة بطريقة أخرى عن طريق رسم المنحنى المتجمع الصاعد أو الهابط أو كليهما معا ، فإذا مثلنا التكرار المتجمع الصاعد وقم (٣ - ٨ ب) فينتج المنحنى المتجمع الصاعد (شكل ٣ - ١) .



شكل رقم (٣ - ١) المنحنى المتجمع الصاعد



شكل رقم (٣ - ٢) المنحنيان المتجمعان الصباعد والهابط

حيث يمثل المحور الأفقى حدود الفئات بينما المحور الرأسى للتكرار المتجمع فإذا رسمنا من النقطة (أ) (وهى تمثل التكرار المتجمع ٢٥ أى ترتيب الرسيط) خطا موازيا لمحور الفئات فإنه يقطع المنحنى المتجمع الصاعد فى النقطة (ب) ، وإذا رسمنا منها عمودا على محور الفئات فإنه يقطعه فى النقطة (ج) ، وتكون النقطة (ج) هى قيمة الوميط رهى أقل من ٢٣٥ (٣٣ تقريبا).

أما إذا مثانا النكرارين المجتمعين الصاعد والهابط معا برسم بياني كما في الشكل (٣-٢)، فإن المنحنيين يتقاطعان في النقطة (ب)، وإذا رسمنا منها خطا موازيا لمحور الفئات فإنه يقطع المحور الرأسي في النقطة (أ) وهي ترتيب الوسيط (٢٥)، أما إذا رسمنا من النقطة (ب) عمودا على محور الفئات فإنه يقطعه في النقطة (ج) وهي قيمة الوسيط (٢٣ تقريباً).

استخدامات الوسيط :

سبق وأن ذكرنا أن الوسيط هو أحد مقاييس النزعة المركزية الشائعة الاستخدام ، وهو يستخدم بدلا من المتوسط الحسابى في حال البيانات الترتبيية (مثل التقديرات أو الدرجة الوظيفية) لأننا لا نستطيع حساب متوسط التقديرات أو الدرجات الوظيفية (وإذا تم الاستعاضة عنها بأرقام وحسبنا متوسطها فلا يكون للمتوسط معنى منطقى) .

فإذا كان متوسط الصف الدراسي لعينة من المدارس هو ٢, ٢ فلا يوجد معنى منطقى لهذه القيمة ، ولكننا إذا حسبنا الوسيط وكان يقع بين الصفين الثاني والثالث فيكون له معنى مقبول ،

كما يستخدم الوسيط في حال التوزيمات التكرارية المفتوحة ، والتوزيع الثكرارى المفتوح هو ذلك التوزيع الذي لا يحدد بداية الفئة الأولى أو نهاية الفئة الأخيرة أو كليهما ، فإذا كانت بداية الفئة الأولى في جدول (T - A) غير محددة (أقل من T - A) غير محددة (أقل من T - A) فلا نستطيع تحديد مركز تلك الفئة وبالتالى يصعب حساب المتوسط الحسابى ، وبالمثل إذا كانت نهاية الفئة الأخيرة غير محددة (T - A) فلا نستطيع حساب مركز الفئة الأخيرة أيضا وبالتالى يصعب علينا حساب المتوسط الحسابى ،

ويستخدم الوسيط أيضا في حال التوزيعات شديدة الالتواء ، ويكون التوزيع مائتو إذا تركزت التكرارات في أحد الطرفين . فإذا تركزت التكرارات نحو الطرف الأصغر (الأول) بكون التوزيع ملتو إلتواء موجبا . أما إذا تركزت التكرارات نحو

الطرف الأكبر (الثانى) يكون التوزيع سالب الالتواء . وإذا لم تتركز التكرارات نحو أى من الطرفين فإن التوزيع يكون توزيعا معتدلا (وسوف تناقش التوزيع المعتدل في الفصل الخامس) - وعندما يكون التوزيع ملتويا فإن الرسيط يعبر تعبيرا صادقا عن البيانات أكثر من المتوسط الحسابى . ولذلك تستخدم الوسيط دائما عند الحكم على المفردات الجبيدة في مقاييس الاتجاهات بناء على آراء المحكمين .

Mode: ثَالِثًا النَّسُوال

هو أحد مقاييس النزعة المركزية المناصبة لمستويات القياس الأسمى ، ويعرف المنوال بأنه القيمة الأكثر شيوعا أو القيمة التي تتكرر أكثر من غيرها . فالدرجات ٢ ، ٥ ، ٢ ، ٧ ليس لها منوال لأن تكرار الدرجات متساو ، حيث تكررت كل منها مرة واحدة . وكذلك التقديرات ممتاز ، جيد جدا ، جيد ، مقبول ، ليس نها منوال حيث أن كل منها تكررت مرة واحدة .

أما الدرجات : ٤ ، ٥ ، ٤ ، ٩ ، ٥ ، ١ ، ١ فأن منوالها هو الدرجة ٤ حيث تكررت ثلاث مرات في حين أن الدرجات الاخرى لم تتكرر سوى مرة واحدة، وكذلك التقديرات : معداز ، جيدجدا ، جيد ، جيد ، مقبول ، يكرن منوالها . هو التقدير جيد الذي تكرر مرتين اكثر من تكرار التقديرات الأخرى .

وقد یکون للبیانات منوالین أو تلاثة وذلك عندما تتساوی تکرارات قیم معیدة مثل : ٤ ، ٥ ، ٥ ، ٤ ، ٥ ، ١ ، ٤ ، ٥ ، والتقدیرات ممتاز ، چید جدا ، چید ، جید ، مقبرل ، مقبرل لها منوالین هما : جید ، مقبول ، وكذلك الحالة الاجتماعیة : منزوج ، أعزب ، منزوج ، مطلق ، أعزب لها منوالین هما : منزوج وأعزب ،

وعندما يكون البيانات أكثر من منوال فلا يجرز حساب متوسطها لأن ذلك يتنافى مع معنى المنوال (القيمة الأكثر تكراراً) ، كما أنه إذا حسب متوسط المنوالين مثلا فقد يكون لقيمة أقل تكراراً ،

طرق حساب المنوال للبيانات المبوية :

توجد عدة طرق لحساب المدوال من البيانات المبوبة ، وكل طريقة تؤدى والى نتيجة مختلفة ، ولذلك فإن قيمة المدوال تقريبية ، وأقل دقة عن الوسيط أو المتوسط الحسابى ،

(أ) إحدى طرق حساب المنوال للبيانات الاسمية هو إستخدام الفئة المقابلة لأكبر
تكرار ، ففى مثال الحالة الاجتماعية الموضحة بالجدول (٣-٩) يكون
المنوال هو : منزوج ويعول ، لأن عدد التكرارات أكثر من الفئات الأخرى .

(جدول ٣ - ٩) العالة الاجتماعية

المجموع	متزوج ويعول		أعزب	منزوج	الفئة
١	٤٠	١.	۲.	۲٠	التكرار

رنفس الشيء ينطبق على البيانات الترتيبية.

أما في حال الدرجات المبوبة في جدرل تكراري مثل الجدول (٣-٧) فإن المنوال يقع في فئة أكبر تكرار (١٣) وهي الفئة الثالثة (٢١-٢٣) ، وهذا يقدر المنوال بعدة طرق أولها مركز فئة اكبر تكرار وهو (٢٢) . وهذه القيمة تقريبية وأقل دقة من الطرق الأخرى التي سوضحها فيما يلي :

(ب) الطريقة الثانية لحساب المنوال من جداول التوزيع النكرارى : وهي تعتمد على استخدام تكرارى الفئتان السابقة والتالية لفئة المنوال) وتستخدم هذه الطريقة القانون التالى :

قيمة المنوال سالحد الأدنى الحقيقى لفئة المنوال + (تكرار الفئة المنوالية - تكرار الفئة السابقة لها) × طول الفئة

(نكرار الفئة الموالية - تكرار الفئة السابقة لها) + (تكرار الفئة المنوالية - تكرار الفئة التالية لها)

وهذه المعادلة لا تستخدم مع البيانات الاسمية الترتيبية ، ويتطبيق هذه المعادلة على جدول (٢٠-٧) فإن القشة المنوالية هي الفشة (٢١ - ٢٢) وحدودها الحقيقة هي (٢٠٠٥ - ٢٠,٥) وتكرارها (١٣) ، أما تكراراً الفئنين السابقة والتالية فهما ٩ ، ١١ وبذلك فإن قيمة المنوال هي

$$\frac{r \times (9-17)}{(11-17) + (9-17)} + 7.0 = \frac{11-17}{(11-17) + (9-17)}$$

$$\frac{17}{7} + 7.0 = \frac{7 \times i}{7+i} + 7.0 = \frac{7 \times i}{7+i}$$

وإذا استخدمنا هذه الطريقة مع بيانات جدول (٢ - ٦) حيث فئة المنوال (٢٠ - ١) فإن :

$$\frac{2x (0-V)}{2x^{2}} + VV = \frac{(V-V) + (V-V)}{(V-V) + (V-V)}$$

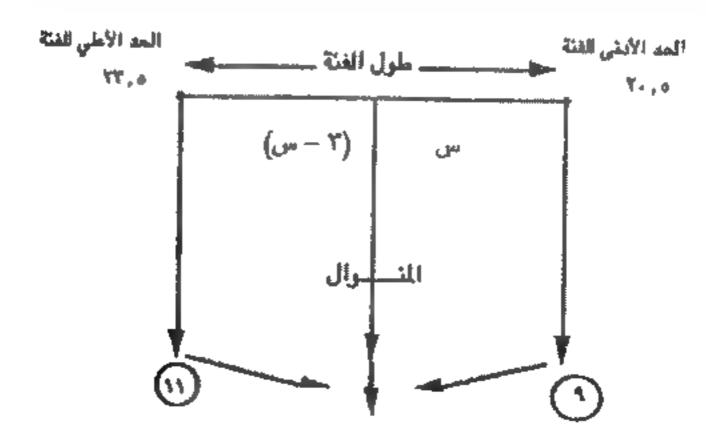
$$= VV + \frac{\lambda}{V}$$

$$= VV + VV = \frac{\lambda}{V}$$

$$= VV + VV = \frac{\lambda}{V}$$

(ج.) الطريقة الثائلة لحساب العنوال من جداول النوزيع التكراري تسمى بطريقة الرافعة وهي أكثر الطرق استخداماً ، كما أنها أفضل تقريب لقيمة العنوال .

وتعتمد هذه الطريقة أيضاً على تكرارى الفئتين المجاورتين لغثة المنوال وتفترض هذه الطريقة أن المنوال قيمة تقع فى فئة اكبر نكرار ويتجاذبها تكرارى الفئتين السابقة والتالية لها بمعنى أنهما قوتان تحاول كل منهما جذب المنوال فى التجاهها ، ويمكن تمثيل هذه الطريقة بيانياً بالشكل (٣ - ٣).



شكل (٣-٣) يمثل طريقة الرافعة لحساب المنوال

وهو يوضح فئة المنوال وبنايتها (٢٠٠٥) ونهايتها (٢٣٠٥) وتكرار فئة المنوال يمثل قوة المنوال لأسفل ، بينما تكرارى الغنتين السابقة (٩) والتالية (١١) هما قوتى جذب لقيمة المنوال (محور الارتكاز) .

وينص قانون الرافعة على أن : القوة × ذراعها = المقاومة × ذراعها ، فإذا كانت إحدى القوتين (٩) وذراعها هو (س) فإن القوة الثانية (١١) وذراعها (٣ - س) وتكون قيمة المنوال = بداية فئة المنوال + قيمة (س)

حیث
$$P \times m = 11 (T - m)$$
 $Pm = 11 - TT = 11 m$
 $Pm = TT - 11 m$
 $Pm = TT = m$
 $Pm = TT = m$
 $Pm = m = m$

وقيمة المنوال = ٢٠٠٥ + ٢٠١٥ - ٢٢، ١٥٠ وهي قيمة مختلفة عن تلك اللي حصلنا عليها من الطريقة الثانية (وهي ٢٢٠٥) .

ويمكن إعادة صياغة طريقة الرافعة بالقانون النالي

قيمة المنوال =

تكرار الفئة السابقة لفئة المنوال × طول فئة المنوال المد الأدنى لفئة المنوال + (تكرار الفئة السابقة - تكرار الفئة التالية)للمنوال

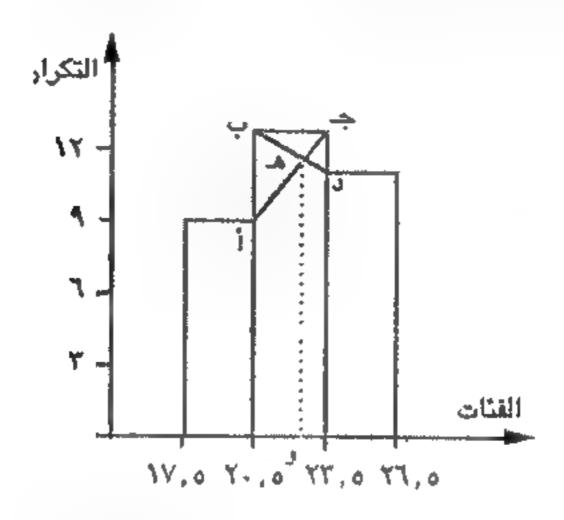
وإذا استخدمنا جدول التوزيع التكرارى (٢ -- ٦) لحساب المنوال بطريقة الرافعة ، حيث فئة المدوال هي (٠ ٧٧ - ٨١) وتكراري الفئتين السابقة (٥) والتائية (٦) فإن :

$$\frac{2 \times 6}{(1+6)} + 40 = \frac{6 \times 3}{(1+6)}$$

$$\frac{7}{11} + 40 = \frac{7}{11}$$

YA,AY = 1,AY + VV =

وهي قيمة مختلفة عن تلك التي حصلنا عليها من الطريقة الثانية ولكن بفضل استخدام طريقة الرافعة . " (د) توجد طريقة رابعة لحساب العنوال باستخدام الرسم ، وهذه الطريقة مشابهة لطريقة الرافعة ، وتعتمد هذه الطريقة على تمثيل فئة العنوال والفئتين السابقة والتالية لها في شكل مستطيلات، ثم توصيل طرفي مستطيل فئة العنوال مع نهاية مستطيل الفئة السابقة ومع بداية الفئة التالية لحساب المنوال ، وباستخدام بيانات الجدول (٢-٧) ، فاذا رمزنا إلى نهاية الفئة السابقة للمنوال بالرمز (ن) وبداية فئة المنوال بالرمز (ب) ونهايتها بالرمز (ج) وبداية الفئة النالية للمنوال بالرمز (م) . ثم نصل وبداية الفئة النالية للمنوال بالرمز (د) (كما بالشكل ٣-٤) ، ثم نصل (أج) ، (بد) ، (بد) ، (بد) .

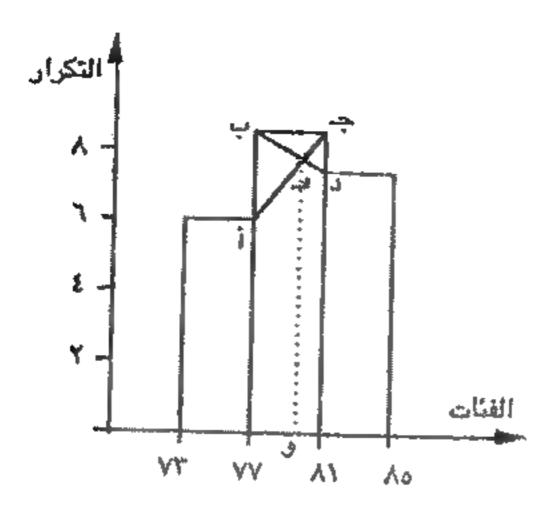


شكل رقم (٣ - ٤) حساب المنوال

ثم نرسم من النقطة (هـ) عمودا على محور الفدات فإنه يقطعه في (و) فتكون هي قيمة المدوال ، ومن الواضح انها اقل من ٢٣،٥ وهي تعادل ٢٢،٣ نقريبا.

وإذا طبقنا هذه الطريقة على بيانات الجدول التكراري (٢ - ٦) فإن الشكل (٣ - ٥) يمثل الفئات الثلاث حيث نجد أن قيمة المدوال بالتقريب هي ٧٩.

ومن الواضح أن قيمة المنوال دائما تقريبية ، حيث تختلف القيم النائجة من الطرق المختلف، وهذا ما يحد من استخدامات المنوال .



شکل رقم (۳-۵)

غير أن المنوال لا يدأثر بالقيم المنطرفة لا عدماده على فئة أكبر تكرار والفئتين المجاورتين لها ، في حين أن المتوسط الحسابي والوسيط يتأثران بالقيم المتطرفة . ولذلك فإن قيمة المنوال تعد أكثر ثباتا واستقرارا في حال وجود قيم متطرفة في التوزيع (ولكن بصفة عامة قيمة المنوال أقل دقة عن المتوسط والوسيط في وصف البيانات)

وقد يوجد في توزيع تكراري أكثر من منوال عندما تتساوى تكرارات فنتين أو أكثر ، ولكن هذا الأمر غير صحيح بالنسبة للمتوسط الحسابي أو الوسيط حيث يوجد للتوزيع التكراري متوسط حسابي واحد ووسيط واحد فقط ، فالمنوال يدل على قمة منحنى التوزيع النكراري وأحيانا يكون للتوزيع أكثر من قمة ولكن له متوسط واحد ووسيط واحد .

العلاقة بين المتوسط والوسيط والمنوال:

حيث أن المقابيس الثلاثة (المتوسط، والوسيط، والمنوال) تستخدم لوصف توزيع واحد، فإنه توجد علاقة تربط بين هذه المقاييس معا، والعلاقة التي تربط بين مقابيس النزعة المركزية الثلاثة هي:

المنوال = 7 × الوسيط - 7 × المتوسط الحسابي

وإذا طبقنا هذه المعادلة على بيانات الجدول (٢-٢) حيث المتوسط

الحسابي = ۲۳, ۲ والوسيط = ۲۲ ، ۲۲

فتكون قيمة المتوال = ٢٣. ١٤ × ٢٣. ٢٢ - ٢٢. ٢٢

 $YY, YY = \xi T, \xi - TY, YY =$

وهي قيمة مختلفة عن القيمة بن السابق الحصول عليهما من الطريقتين التابية والتالثة (٢٢.٥، ٢٢.١٥) ، وكذلك إذا استخدمنا بيانات الجدول (٢-٦) حيث كان المتوسط الحسابي = ٧٦,٣٧ والوسيط = ٧٧,٥٧.

فيكون المنوال = ٣ × ٧٧,٥٧ - ٢ ×٦,٢٧

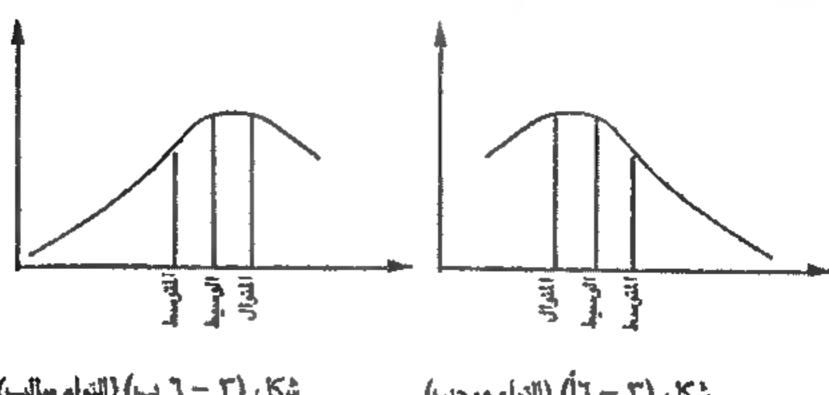
 $A \cdot , 11 = 107, 1 - 777, Y1 =$

وهي قيمة مختلفة أيضا عن القيمتين السابق الحصول عليهما (٧٩.٦٧ ، . (YA, AY

كما أنه توجد علاقة أخرى بين المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال طبقا لتوزيع البيانات فإذا كان التوزيع ملتو التواء موجبا فإن قيمة المتوسط الحسابي تكون أكبرها بينما قيمة المنوال هي أصغرها ، ويقع الوسيط بينهما (أنظر شكل ٣ . (Ît-

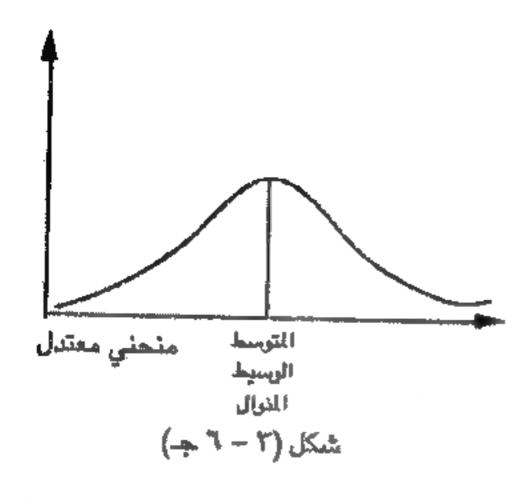
أما إذا كان التوزيع سالب الالتواء فإن قيمة المتوسط للمسابى تكون أصغرها وقيمة المنوال أكبرها ، ويقع الوسيط بين المنوسط الحسابي والمنوال (شكل ٣ - ٦ ب).

أما في حال التوزيع الاعتدالي فإن المقابيس الثلاثة تكون متساوبة وتقسم التوزيع إلى نصفين متماثلين (شكل ٣ - ٦ جـ) .



شكل (٣ - ٦ ب) (التواء سالب)

شكل (٣ - ٢أ) (التراء موجب)



ويعنى هذا انه إذا كان المتوسط الحسابى اكبر من الوسيط يكون الالتواء موجباً حيث يكون الطرف الأطول المنحنى هو الطرف الأيمن من أما إذا كان المتوسط أصغر من الوسيط فيكون الالتواء سالباً المنحدي هو الطرف الأطول المنحدي هو الطرف الأيسر عكما تعتمد قيمة الالتواء عل كما تعتمد قيمة الالتواء عل حسجم الفرق بين المتوسط

الحسابي والوسيط (وكذلك الإنحراف المعياري) -

رابعًا الوسط التوافقي: Harmonic Mean

وهو نوع من المتوسطات أو مقابيس النزعة المركزية الذي يستخدم بكثرة في مجال الاقتصاد ، كما يستخدم في بعض الاختبارات الاحسائية عند مقارنة المتوسطات المتعددة مثلاً ، والوسط التوافقي هو مقلوب الوسط الحسابي لمقلوبات القيم ، أو هو معكوس (مقلوب) المتوسط الحسابي لمعكوسات الدرجات ، ويمعلي آخر إذا رمزنا للدرجات بالرمز (س) وللعدد بالرمز (ن) فإن الدرجات تكون :

أو يمكن القول بأن الوسط التوافقي يساوى عدد الدرجات مقسوماً على محموع معكوسات الدرجات .

ومثال ذلك إذا كانت لدينا مجموعة الدرجات السابقة : ٤ ، ٩ ، ٥ ، ٤ ، ٦ ، $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{$

·, Y· + ·, 18" + ·, 170 + ·, 17V + ·, Y0 + ·, Y· + ·, 111 + ·, Y0

0,077 = A

لاحظ أننا استخدمنا ثلاثة أرفام عشرية أثناء حساب الوسط التوافقي لتكون السنيات الحسابية أكثر دقة ، كما نلاحظ أيضاً أن المتوسط الحسابي لهذه الدرجات كان (٦) وهو قريب من قيمة الوسط التوافقي .

وفي هذه المحالة يكون متوسط الدرجات المحولة ما هو إلا متوسط معكوس الدرجات ،ويكون المتوسط الفعلى للدرجات هو الوسط التوافقي ، ومعنى هذا أننا قد نستخدم الوسط التوافقي في حال التوزيعات الملتوية والتي يكون من المناسب معها استخدام معكوس الدرجة (______) لتحويل التوزيع الملتوى إلى توزيع معندل .

وفى حال البيانات المبوبة فى جداول تكرارية نستخدم نفس الطريقة السابقة لحساب الوسط التوافقي ، ويكون القانون المستخدم هو :

واستخدامات الوسط التوافقي قايلة جداً أو نادرة في العلوم الإنسانية ولذلك فإن كنب الإحصاء لا تهتم به ، ولكننا وضحناه لا ستخدامه في حالة تحويل التوزيعات الملتوية ، كمايستخدم في حالة معدلات التغير في الإحصاء السكاني والارقام القياسية ، وكذلك في حالة المقارنات المتعددة للمتوسطات التي سيأتي ذكرها فيمابعد .

خامستًا الوسط الهندسي : Geometric Mean

وهو نوع آخر من المتوسطات ويستخدم في حالة التوزيعات الملتوية ، ولا · يستخدم في العلوم الإنسانية ، ويستخدم بكثرة في حالة معدلات التغير مثل حساب معدل التغير السكاني بين زمني التعداد ، وكذلك في حالة الارقام القياسية

(أحمد عبادة سرحان ، ١٩٦٨)

والرسط الهندسي هو الجذر النوني لماسل ضرب مجموعة من الدرجات

وإذا افترضنا الدرجات السابقة : ٤ ، ٩ ، ٥ ، ٤ ، ٦ ، ٧ ، ٥ وعددها ٨

وهي قيمة قريبة من الوسط التوافقي لنفس الدرجات وهو ٥,٥٣.

وعادة ما يكون المتوسط الحسابى لمجموعة من البيانات أكبر من الوسط الهندسى ،والوسط الهندسى أكبر من الوسط التوافقي لنفس البيانات (المتوسط الحسابي > الوسط الهندسى > الوسط التوافقي) .



الفصل الرابع مقاييـس التشـــتت

تهنم مقابيس التشتت بالنعرف على مدى إنتشار البيانات أو مدى اختلافها .
فعدد قياس متغير لمجموعة من الأفراد فإن البيانات تتجمع حول مدى معين من
الدرجات أحياناً يكون كبيراً مثل مدى الدخل الذى يصل إلى مئات الآلاف أو
صغيراً مثل مدى الفروق في الطول لمجموعة من طلبة الصف السادس الابتدائي ،
والذي قد لا يتعدى ١٥ سم . وهذه الفروق في البيانات تدل على الفروق بين
الأفراد في مجال العلوم الإنسانية عامة ، ولا يكون وصف البيانات كاملاً
بإستخدام المتوسطات ولكن يجب أن يضاف إليها مقياس آخر عن مدى إنتشار أو
اختلاف البيانات . وقد فيشر أن مفهوم الاحصاء كدراسة لاختلاف (تباين)
البيانات هو نتيجة طبيعة لدراسة عينة من الأفراد كجزء من المجتمع .

فإذا كان متوسط ذكاء مجموعتين من الأفراد هو ١٠٥ فإن هذا لا يعنى أن المجموعتين متشابهتان ، فقد تختلف المجموعتان في الفروق بين أفراد كل منهما ، بمعنى أنهما يختلفان في انتشار الدرجات ، وقد تكون إحدى المجموعتين ممثلة للمجتمع بينما تتضمن الأخرى عينة متحيزة -

وسوف نناقش في هذا الفصل ثلاثة مقاييس للتشنث وهي المدى والإتحراف المعياري ونصف المدى الربيعي ،

السدى: Range

كثيراً ما يستخدم المدي كمقياس سريع لمعرفة إنتشار الدرجات ، والمدى هذا هو القرق بين أعلى وأقل درجة ، وهو بذلك يختلف قليلاً عما ذكرنا من قبل بإضافة واحد إلى الفرق بين أعلى وأقل درجة ، وتستخدم معظم البحوث المدى بالإضافة إلى أحد مقاييس النزعة المركزية توصف البيانات ، ففي الدرجات المدابق ذكرها : ٤ ، ٩ ، ٥ ، ٤ ، ٢ ، ٨ ، ٢ ، ٥ ، يكون المدى هو ٩ - ٤ - ٥ أما الدرجات ١١٢ ، ١١٢ ، ١١٢ ، ١١٢ ، ١١١ ، ١١١ ، ١١١ ، ١١١ ، ١١١ ، ١١١ ، ١١٠ ، ١١٠ ، ويكون المدى هو ١ - ١٠ - ١٠٠ فيكون المدى هو ١ - ١٠ - ١٠٠ فيكون المدى هو ١٠٠ - ١٠٠ - ٩

وتؤثر الدرجات المتطرفة على المدى ، ففى حال وجود درجات منطرفة يمكن إهمال أعلى وأقل درجة ونحسب الغرق بين الدرجتين التاليتين لهما ، وفى المثال المذكور آنفاً إذا كانت الدرجات :

إهمال الدرجتين ١٠٠، ١٣٠، ١٢٠، ١١٠، ١١٠، ١١٠، ١١٠، مثلاً فيمكن إهمال الدرجتين ١٠٠، ١٣٠، لأنهما متطرفتان ولا تصلحان لتحديد المدى، ونستخدم بدلاً منهما الدرجتين التائيتين لهما (١٠٨، ١١٠) لحساب المدى، وهو ما يسمى في هذه الحالة شبيه المدى ويصفة عامة فإن المدى (أو شبيه المدى) مقياس سريع لمعرفة تباين أو اختلاف الدرجات،

الانحراف العياري: Standard Deviation

يعد الانحراف المعيارى أدق مقابيس التشنت للدرجات ذات مستوى القياس الفترى أو النسبى ، وهو أكثر استخداماً في البحوث المختلفة ، فهو يوضح مدى تشئت (نباين) الدرجات ، فإذا تساوى متوسطى مجموعتين من الدرجات فلا يدل ذلك على تساوى المجموعتين وإنما ننظر إلى الإنحراف المعيارى لمعرفة مدى التجانس أو التباين فكلما كان الإنحراف المعيارى صغيراً كلما قل تشتت (تباين) الدرجات وزاد تجانسها . وإذا زاد الإنحراف المعيارى زاد تشتت الدرجات وقل تجانسها .

ويحسب الانحراف المعيارى بعد هساب تباين الدرجات ، هيث أن الانحراف المعيارى يساوى الجذر التربيعي للتباين ، وتباين مجموعة من الدرجات هو متوسط مجموع مربعات انحراف الدرجات عن متوسطها الحسابي ، ولذلك فإن حساب التباين لمجموعة من الدرجات (الفترية أو النسبية) يتم حسب الخطوات التالية :

- ١ حساب المتوسط الحسابي للدرجات (م) .
- ٢ حساب انحراف كل درجة من الدرجات عن المتوسط الحسابي ٣ ٣ س م ١ لاحظ أن مجموع الانحرافات عن المتوسط الحسابي يساري الصغر وهو أحد خراص المتوسط الحسابي،
- ٣ تربيع الانحرافات وجمعها فينتج مجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط الحسابي (مجه ح ٢).
 - ١٤ -- نقسم مجموع مربعات الانحرافات على عدد الدرجات فينتج النباين

ه - لحساب الانحراف المعياري نوجد الجذر التربيعي للتباين مجح ن ويرمز للانحراف المعياري بالرمز ع حيث ع = المجح في ن

جدرل (٤ - ١) لحساب الاتحراف المعياري

مريعات الانحرافات ح ^٢	الانحرافات ح = س - م	الدرجات (س)	مسلسل
£	3 - F = - Y	٤	1
4	T+= 1-9	4	٧
١	0 - 7 = -f	٥	٣
£ ,	3 - 7 = -7	٤	٤
صفر	۲ - ۱ = صفر	٩	۵
٤	Y + = I - A	٨	٦
1	1+=1-V	٧	٧
1	1-=7-0	٥	٨
71	صفر	٤٨	المجموع

1,
$$VT = TV = \frac{Y\xi}{\Lambda} = \frac{Y}{0} = \frac{Y}{0} = VT = TV$$
.

مثال (٢) : إذا استخدمنا الدرجات التالية :

= 111 : 117 : 117 : 11. : 110 : 1 · A : 117 : 118 : 1 · 9 : 117

فيتم حساب الانحراف المعياري كما يلي :

جدول (٤ - ٢) لحساب الانحراف المعياري

مريعات الانحرافات ح [°]	الانحرافات ح - س م	الدرجات (س)	مسلسل
٠, ٢٥	*,0= 117,0- 117	117	١
. 17,70	7,0117,0-119	1+9	۲
۲, ۲۰	1,0+	112	٣
۲۰,۲۵	£, △ +	117	٤
۲۰,۲٥	٤,٥	١٠٨	٥
٦, ₹۵	Y, 0 +	110	٦
٦, ٢٥	۲,۰-	11.	٧
٠,٢٥	*,0+	۱۱۳	٨
17,70	7, 0 +	117	٩
۲, ۲٥	1,0-	111	١.
۸۲,0۰	مسفر	1110	المجموع

ریکون النباین ع =
$$\frac{\lambda Y,0}{0}$$
 = $\frac{\lambda Y,0}{0}$ = $\frac{\lambda Y,0}{0}$ = $\frac{\lambda Y,0}{0}$ = $\frac{\lambda Y,0}{0}$ والانحراف المعیاری ع = $\frac{\lambda Y,0}{0}$ = $\frac{\lambda Y,0}{0}$ = $\frac{\lambda Y,0}{0}$

ويلاحظ من المذال السابق أن العمليات الحسابية أصعب قليلا من المذال الأول بسبب وجود أرقام عشرية في المتوسط الحسابي (١١٢،٥) وتكون العمليات الحسابية أكثر تعقيدا بزيادة الأرقام العشرية . فإذا كان المتوسط الحسابي لمجموعة من الدرجات ١٥،٤٣٣ ، فإن الانحرافات سوف تحتوى على ثلاثة أرقام عشرية ، أما مربعاتها فسوف تحتوى على سنة أرقام عشرية ، وبذلك تتعقد العمليات الحسابية مما ينطلب وجود طريقة أخرى أيسر إستخداماً .

حساب الانحراف المعياري من الدرجات العادية :

وللتغلب على العمليات المسابية المذكورة أنفا فيتم اتباع الخطوات التالية :

٣ - تحسب التباين ع بإستخدام القانون التالى :

وهذا القانون المذكور هو اختصار رياضي للقانون ع = مجـع

وحيث أن مجه س = م × ن فإن :

$$\frac{a + w^{2} - a + w}{0}$$
 $\frac{a + w^{2} - a + w}{0}$
 وتطبيق هذا القانون على بيانات المثال الأول تكون كما يلي : الدرجات (س) هي ٤، ٩، ٥، ٤، ٢، ٨، ٢، ٥ ومجموعها ٤٨.

ومريعات الدرجات (س٢) هي: ١٦ ، ٢٥ ، ١٨ ، ٢٥ ، ١٦ ، ١٤ ، ٩٤ ، ٩٤ ، ٩٤ ،

$$7 = \frac{\lambda}{\Lambda} = \frac{\Lambda}{0} =$$

لاحظ أن هذا الكسر يساوى مجت وهي نفس القيمة السابق الحصول ن مناوى مجت المحسول معليها والانحراف المعياري ع= $\sqrt{7}$

أما تطبيق هذا القانون على بيانات المثال الثاني فتكون على النحو التالي :

جدول رقم (٤ - ٣) لحساب الانحراف المعياري

مربعات الدرجات (س ^۲)	الدرجات (س)	مسلسل
14011	111	1
11841	1 • 9	٧ ۲
17997	115	٣
14.74	117	£
11778	1.4	0
1TYY0	110	۱ ٦
171	11.	\ \ \
17779	115	,
14501	111	4
14441	111	١.
177750	1140	المجموع

$$\frac{(^{7}_{0.4} - ^{3}_{0.4})}{(^{3}_{0.4} - ^{3}_{0.4})}$$
 ع $\frac{(^{3}_{0.4} - ^{3}_{0.4})}{(^{3}_{0.4} - ^{3}_{0.4})}$

ع
$$^{\prime}$$
 = ۵, ۲۵ وهى نفس القيمة السابق الحصول عليها ويكرن الانحراف المحيارى = $\sqrt{3, 40}$ $\sim 1,40$

وقد نلاحظ أن العمليات الحسابية في جدول رقم (٤ - ٣) أكثر تعقيدا وبالطبع يمكن اختصار ذلك إذا وضحنا خصائص الانحراف المعياري.

الانحراف المعياري لجموعتين:

إذا توفر لنا الانحراف المعياري لمجموعتين ع ، ع ونود حساب الانحراف المعياري المشترك للمجموعتين ، فيتم ذلك باستخدام القائون التالى :

١ - لا يتأثر الانحراف المعيارى بإضافة (أوطرح) مقدار ثابت من الدرجات ، بنيما يتأثر المتوسط الحسابى بفس القيمة الاضافة (أو الطرح) . فإذا اعتبرنا المثال الأول ودرجاته هى : ٤ ، ٩ ، ٥ ، ٤ ، ٢ ، ٨ ، ٧ ، ٥ وأضفنا مقدار ثابت لكل درجة وهو (١٠) فنصبح الدرجات : ١٤ ، ١٩ ، ١٥ ، ١٢ ، ١٢ ، ١٢ ، ١٨ ، ١٧ ، ١٥ ومتوسها ١١ .

وتكبون الانصراف ات عن المتوسيط هي : (١٤ - ١٦) ، (١٩ - ١٩) ، (١٦ - ١٩) ، (١٦ - ١٩) ، (١٦ - ١٩) ، (١٦ - ١٩) ، (١٦ - ١٩) ، (١٦ - ١٩) ، (١٦ - ١٩) ، (١٦ - ١٩) ، (١٦ - ١٩) ، (١٦ - ١٩) ، (١٦ - ١٩) ، (١٦ - ١٩) ، (١٩ -

=
$$\frac{3+9+9+1+3+0}{1}$$
 = $\frac{7}{4}$ = $\frac{7}$

رهى نفس القيمة السابق الحصول عليها.

أما إذا أخذنا المثال الثاني حيث الدرجات هي :

۱۱۲ ، ۱۰۹ ، ۱۱۲ ، ۱۱۸ ، ۱۰۸ ، ۱۱۸ ، ۱۱۳ ، ۱۱۳ ، ۱۱۳ ، ۱۱۳ ، ۱۱۱ فإذا طرحنا ۱۰۰ من كل درجة تصبح الدرجات :

رهى نفس القيمة التي سبق الحصول عليها

لاحظ أن المتوسط الحسابي يتأثر بالإضافة (أو الطرح) بنفس المقدار الثابت.

٢ -- أما الخاصية الثانية فهى أن ضرب الدرجات فى (أو قسمتها على) مقدار ثابت ينتج عنه ضرب الانحراف المعيارى فى (أو قسمته على) نفس المقدار الثابت . ولهذه الخاصية كما لسابقتها إثبات رياضى لكننا سنقنصر على المثال فقط . فإذا ضربنا درجات المثال الأول فى خمسة فتصبح الدرجات كما يلى : --

ومجموع هذه الدرجات ~ ٤٨ × ٥ -- ٢٤٠

ellaremed lamber $\frac{YE^*}{\Lambda} = - \Upsilon$

ويعنى هذا أن المتوسط الحسابى تغير من اللي ٣٠، أى بالعنرب في نفس المقدار الثابت. وتصبح انحرافات الدرجات عن المتوسط الحسابى كما يلى: (٢٠-٣٠)، (٣٠-٢٠)، (٣٠-٢٠)، (٣٠-٣٠)، (٣٠-٣٠) ومربعات المربعات الانحرافات: ١٠٠، صغر ١٠، ٥، ٥، ٥ ومجموعها عضفر ومربعات الانحرافات: ١٠٠، ٢٥، ٢٥، ٢٥، ٥٠٠، صغر ١٠٠٠، صغر

= ٥ × ١,٧٣٢ م ١,٧٣٢ ومن الواضح أن النديبة هي صرب الانصراف المعياري السابق الحصول عليه في نفس المقدار الثابت (وهو ٥) ٠

٣ - يتأثر الانحراف المعيارى بالقيم المنطرفة مثل المنوسط الحسابى . فإذا كانت أحد درجات المثال السابق منطرفة مثلا الدرجة ٩ أصبحت ١٩ فإن الانحراف

المعياري تصبح قيمته كما يلي:

الانحــرافــات: - ۲٬۲۰، ۱۱٬۷۰، ۱۰٬۲۰۰، ۳٬۲۰۰، ۳٬۲۰۰، ۲٬۲۰، ۲۰٬۰۰۰، ۱۲۰٬۰۰۰، ۱۲۰٬۰۰۰، ۲٬۲۰، ۲٬۲۰، ۲٬۲۰، ۲٬۲۰، ۲٬۲۰، ۲٬۲۰، ۲٬۲۰، ۲٬۲۰، ۲٬۲۰، ۲٬۲۰، ۲٬۲۰، ۲٬۰۰۰، ۲٬۰۰۰، ۲٬۰۰۰، ۲٬۰۰۰، ۲۰٬۰۰۰، ۲۰٬۰۰۰، ۲۰٬۰۰۰، ۲۰٬۰۰۰، ۲۰٬۰۰۰، ۲۰٬۰۰۰، ۲۰٬۰۰۰،

ويكون الانحراف المعيارى =
$$\sqrt{\frac{10^{\circ}}{\Lambda}} = \sqrt{11.40} = 17.3$$

ويلاحظ أن قيمة الانحراف المعياري للدرجات تغيرت من ١,٧٣ إلى ٥,٢١ عمل ٢,٢٠ إلى

غ -- قيمة الانحراف المعبارى لمجموعة من الدرجات أقل من متوسطها الحسابى
وفى حال التوزيع الاعتدالي للدرجات بكون المتوسط أكبر من ثلاثة أمثال
الانحراف المعباري - وكلما قلت النسبة عن ذلك أدت إلى التواء في توزيع
الدرجات (وسوف نتحدث عن التواء التوزيع في هذا الفصل) -

أما إذا كان الانحراف المعيارى اكبر من المتوسط الحسابى فهذا دليل أكيد على النواء الدوزيع . ويلاحظ أيضا أن مدى الدرجات في التوزيع الاعتدالي يساوي سنة أمثال الانحراف المعياري ، أما النوزيعات الأخرى (غير الاعتدالية) فيكون الانحراف المعياري على الأقل نصف المدى إلا إذا لم يكن هناك تشتت للدرجات (Sprinthall, 1994: 54) .

حسباب الانحراف المعياري للبيانات المبوبة :

يتم عادة حساب الانحراف المعيارى للدرجات (الفدرية أو النسبية) في البحوث كما سبق أن وضحنا ، اما كانت البيانات المتاحة في شكل جدول توزيع تكرارى فيمكن حساب الانحراف المعيارى للتوزيع بأحد الطرق التالية :

أولا : طريقة مراكز القنات :

نستخدم في هذه الطريقة مراكز الفئات في حساب الانحراف المعياري ، رهى تعد الطريقة العادية لحساب الانحراف المعياري ، حيث نفترض في هذه الطريقة أن تكرارات كل فئة تتساوى في الدرجة مع مركز الفئة ،

وبالنالى فإن حاصل ضرب التكرارات فى مراكز الفئات يؤدى إلى المجموع الكلى للدرجات والذى استخدمناه من قبل فى حساب المتوسط الحسابى . وسوف نستخدم هذه الطريقة أيضا لحساب الانحراف المعارى .

وإذا اعتبرنا جدول التوزيع التكراري رقم (٢ - ٧) فاندا نتبع الخطوات التالية لحساب الاتحراف المعياري بطريقة مراكز الفئات ،

١ - نحدد مركز كل فلة من فئات التوزيع (س) .

٢ - نضرب مركز كل فئة في تكرارتها (س × ت) ثم نحسب المترسط الحسابي
 التوزيع .

٣ - نضرب حواصل الضرب في مركز كل فئة فينتج (س × س ت = س ت ت).

٤ - نجمع العربعات (مجـ س٢ ت) ثم نطبق القانون التالي لحساب التباين :

م - نحسب الانحراف المعيارى وهوالجذر التربيعي للتباين ع.
 جدول (٤ - ٤) لحساب الانحراف المعيارى بطريقة مراكز الفئات

س ^۲ ×ټ	س×ت	مرکز الفئة (س)	التكرار (ت)	الفلة
7+0+=11+x00	11.=00×1	٥٥	۲	07
ጎ ባፕΥ	114	٥٩	۲	
114.4	1.49	٦٣	٣	-71
۱۳٤٦٧	۲۰۱	٦Y	۳	~ 40
**178	YA£	٧١	ź	-79
44140	470	٧٥	٥	-44
£TTAV	۳۵۵	٧٩	٧	-77
EITTE	£9.A	۸۳	٦	-۸1

الأساليب الإحسائية .
 the same of the sa

1		1	1		1
	****	771	AY	٣	-40
	YEASY	777	41	٣	-49
1	14.0.	19+	10	۲	44-47
	75777	7007		٤A	المجموع
l					

رالاتمراف المعياري ع = ١٠,٥٢ سـ ١٠,٥٢

ثانيا طريقة الانحرافات عن المتوسط الحسابي:

بمكن حساب الانحراف المعباري للتوزيع التكراري عن طريق انحراف الدرجات عن المتوسط الدسابي ، أو عن طريق انحراف الدرجات عن وسط فرضي (مثل حساب المتوسط الحسابي باستخدام الوسط الفرضي) ،

فإذا اعتبرنا جدول التوزيع التكرارى السابق ، فيمكن حساب الانحراف المعياري عن طريق انحرافات الدرجات عن المتوسط الحسابي باتباع الخطوات

التالية:

- ۱ نحدد مرکز کل فله (س)
- ٢ -- نصرب مركز كل فلة في تكراراتها (ست) ثم نحسب المتوسط الحسابي .
 - ٣ تحسب انحرافات مراكز الفئات عن المتوسط الحسابي (س م)
 - ٤ نربع انحرافات مراكز الفئات عن متوسط الحسابي (س م) "
- ه نضرب مربعات انحرافات مراكز الفئات عن المتوسط الحسابي في تكرارتها (س م) "ت.
- ٦ نوجد مجموع مربعات انحرافات الدرجات [مجه (س م) ت] ثم نحسب

ويوضح جدول (٤ -- ٥) العمليات الحسابية الموضحة بالخطوات الخمس الأولى . جدول (٤ - ٥) لنساب الانحراف المعباري بإستخدام الانحرافات عن المتوسط الحسابي .

رس – م) ^۲ دت	(س-س)	الإنحراف عن المترسط (سرم)	س × ت	مرگز الفئة (س)	ائتگرار (ش)	51 <u>. 1</u> 11
1.7,74	207,719	11,T-=Y1,T-00	11.	40	۲	-07
Ao, Afe	744,74	۱۷,۳-	111	64	. ¥	-67
۷۲۰,۳۷	171,71	17,71	1.41	11"	Y	-11
Y64, EV	A1,11	1,1-	4.1	10	٣	- \a
117,77	YA, -4	a.Y~	SAY	٧١ .	£	-14
A, 1 e	1,34	۸,۲–	TVe	٧٥	0	VT
۵۱٬۰۳	V,Y4	Y,V+	700	V1.	٧	-٧٧
771,72	11,49	٦,٧+	ENA	A٣	٦	-41
717,14	118,24	1-,7+	771	AV	۳	-Ao
724,77	111,-1	1£,V+	TVT	11	٣	-44
131,TA	YE4,74	1 A, V+	11.	10	۲	44-47
£EYA,£		همان	Y.0Y		٤٠.	المجموح

التباین = مجد (سمر) ت مجدت
$$\frac{34743}{4} = \frac{11,71}{4}$$
 (وهی نفس النتیحة السابقة) مجدت مجدت $\frac{34}{4} = \frac{11,71}{4}$

ثالثًا : طريقة الانحرافات عن وسط فرضى :

سبق استخدام طريقة الانحرافات عن وسط فرصني لحساب المتوسط الحسابي لجدول توزيع تكراري . وهذا نطبق نفس الطريقة لحساب الانحراف المعياري للتوزيع التكراري الموضح آنفا . وتعتمد هذه الطريقة على خطوات مشابهة للخطوات المذكورة في الطريقة السابقة ونوضحها فيما يلي:

- 1 نحدد مرکز کل قلة (س)
- ٢ نختار وسطا فرصنيا (و ف) ويفضل أن يكون مركز الفئة المقابل لاكبر تكرار.
- ٣ -- نطرح الوسط الفرضى من مراكسز الفئات للحصول على الانحرافات
 ح -- س-وف
- ٤ نضرب انحراف كل فئة عن الوسط الفرضى في تكراراتها (ح ت) ونحسب مجموعها.
 - ٥ نحسب متوسط الانحرافات م ح ويساوى مجدت محدث
- تهندرب مربع انحراف كل فلة عن الوسط الفرصني في تكراراتها (ح٢ ت)
 وتحسب مجموعها .
 - ٧ نحسب التباين باستخدام القانون

جدول رقم (٤ - ٦) لحساب الأتحراف المعياري باستخدام الأنحرافات عن وسط فرضي.

ت× ^ا ر	υ×τ	الاتحراف عن الرسط الفرشيي (ع)	مركڻ القئة (س)	التكرار (ت)	353JI
7477	£A -	Y£ -	04	۲	-64
A÷-	٤٠	۲. –	01	*	-aV
vu	£A -	-71	٦٣	٣	-71
ETY	r1-	\Y	w	*	- 70
FoY	YY	۸-	٧١	٤	-74
Α.	۲۰ –	£-	٧٥	•	-٧٢
مىقر	مىئر	صقر	V4	٧	-77
11	3.4	£ +	A٣	٦	-۸\
797	3.4	A+	۸V	۲	Aa
2773	77	17+	41	۳	-49
914	TY	17.+	10	۲	4٧-4٣
£YY+	117+ -315			٤.	المجموع

متوسط الانحرافات عن الوسط الفرضي (مح) =
$$\frac{-4.4}{0.3}$$
 = -4.4 مرومكن حساب المتوسط الحسابي وهو = الوسط الفرضي + مح -4.4 = -4.4

ويكون الانحراف المعياري ع = ٧ ١١٠,٧١ - ٢٥,٥١

رابعا : طريقة الانحرافات المختصرة :

سبق المديث عن استخدام طريقة الانحرافات المختصرة في حساب المتوسط المسابى للتوزيع التكرارى ، ونستخدم نفس الطريقة لحساب الأنحراف المعيارى في حال التوزيع التكرارى ذو الفئات متساوية الطول ، وما يلى موجز خطوات حساب الأنحراف المعيارى بهذه الطريقة :

- ١ تحدد مركز كل فئة (س)
- ٢ نختار وسطا فرصيا (مركز المقابل لأكبر تكرار)
- ٣ نطرح الرسط الفرمني من مركز كل فئة فتنتج الانحرافات (ح)
- ٤ نقسم الانحرافات على طولِ الفئة (في حالة الفئات متساوية الطول) فتنتج الانحرافات المختصرة (ح) .
- ٥- نحسب حاصل ضرب الانحرافات المختصرة في تكرارات الفلات (حُت) ونجمعها
- γ -نمنرب الانحرافات المختصرة (ح) في هاصل المنرب (ح ت) لكل فئة فينتج (ح γ ت) لكل الفئات ،
 - ٧ -- نطبق القانون لحساب التباين ثم الأنحراف المعيارى •

حيث م ح هو متوسط الأنحرافات المختصرة، لا مربع طول الفئة وفيما يلى تطبيق هذه الطريقة على جدول التوزيع التكراري المستخدم في الطريقة السابقة

جدول (٤ - ٧) لحساب الانحراف المعياري باستخدام الأنحرافات المختصرة

⇔× v _C	a×⁄c	الاتحرافات المقتصرة (ح/)	الاتحراف عن الرسط الفرضي (ح)	مركز اللئة (س)	التكرار (ت)	الثيثة
VY	17 -= Y x 1	1-	¥\$	00	۲	-54
0.	1= Y x o-	5	٧. –	٥٩	۲	-oY
£A.	17-	٤-	17 -	74	۳	-71
77	₹	۲-	14	٦٧	٣	ه۲
17	۸-	۲–	A -	٧١	1	-14
	p —	1	£-	Vo :	9	-VY
منتر	ستقن	مىئر	وسقر	٧١.	٧	-٧٧
1.3	14	1+	£+	۸۳	٦	-41
14	٦+	Y+	A 4	AV	*	As
٧٧	4+	۲4	1Y+	- 33	٣	-84
77	A+	£+	17.+	10	٣	47-47
440	** + ** +				£.	المجموع

ثم نحسب متوسط الانحرافات المختصرة (م ح) =
$$\frac{A+c}{c}$$
 = $\frac{A+c}{c}$ = $\frac{A+c}{c}$ = $\frac{A+c}{c}$. $\frac{A+c}{c}$.

وهى نفس القيمة التي سبق الحصول عليها

لاحظ أنه يمكن اختصار الخطوئين ٢ ، ٤ في حساب الانحراف المعيارى بطريقة الانحرافات المختصرة كما حدث مع حساب المتوسط الحسابي في الفصل السابق ، ويتم ذلك بإختيار الوسط الفرضي (٢٩ مثلاً) ولا نحسب انحرافات مراكز الفئات عن الوسط الفرضي وإنما نحسب الانحرافات المختصرة مباشرة (ح) بكتابة صفر أمام الوسط الفرضي وفي عمود الانحرافات المختصرة ، ثم نكتب المنابة صفر أمام الوسط الفرضي وفي عمود الانحرافات المختصرة ، ثم نكتب من الانحرافات المختصرة . وهي في الحقيقة نائجة عن حساب انحرافات مراكز الفئات عن الوسط الفرضي ثم قسمة هذه الانحرافات على طول الفئة . ونشير مرة أخرى أن هذه الطريقة لا تصلح مع جدوال التوزيع التكراري المختلفة في طول الفئة ، ونشير مرة الخرى أن هذه الطريقة لا تصلح مع جدوال التوزيع التكراري المختلفة في طول الفئة ، بمعنى أن طول الفئة الأولى (أو غيرها) لا يساوي طول فئة أخرى بالجدول فإختلاف طول أي فئة بالجدول التكراري يؤدي إلى فئات غير متساوية الطول.

ونشير أيضا إلى أن حساب الانحراف الممعيارى من جداول التوزيع التكرارى يؤدى إلى نتيجة غير دقيقة (كما أشرنا في حالة المتوسط الحسابي) مما

أدى إلى اقتراح شيبرد sheppard معامل التصحيح للانحراف المعيارى . وهو طرح لن النهواء المعيارى . وهو طرح لن من قيمة التباين المحسوب من الجدول التكرارى حتى نحصل على تقدير اكثراً دقة للانحراف المعيارى المحسوب لنفس الدرجات الأصلية قبل وضعها في جدول توزيع تكرارى .

وننصح الباحثين بعدم استخدام جداول التوزيع التكراري لحساب مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشنت إلا في حالة عدم توافر بنانات فعلية.

وإذا طبقا معامل التصحيح لتقدير الانحراف المعيارى لبيانات التوزيع التكراري المذكور نحصل على:

$$|V| = \frac{V(\xi)}{V(\xi)} - V(\xi) - V(\xi) = V(\xi)$$
 $|V| = V(\xi) - V(\xi)$
 $|V| = V(\xi)$
 $|V| = V(\xi)$
 $|V| = V(\xi)$
 $|V| = V(\xi)$

تقدير الانصراف للعياري للمجتمع ا

سبق توضيح طريقة حساب الانحراف المعيارى لمجموعة من البيانات (الفترية أو النسبية) ،وهو يعد مقياسا النشتت لعينة الدرجات المستخدمة .

أما إذا رغبنا في معرفة الانصراف المعباري للمجتمع فإننا نستخدم مفهوم درجات الحرية في حسابه (وهي عدد مفردات العبنة ناقصا عدد القيود وهو المتوسط الحسابي لأننا نحسب الانحرافات عن المتوسط الحسابي)

وقد ثبت رياضيا أن الانحراف المعيارى للعينة يعد تقديرا متحيزا للانحراف المعيارى للعينة يعد تقديرا متحيزا للانحراف المعيارى للمجتمع . ومعنى هذا اننا نستخدم درجات الحرية (ن - ١) بدلا من حجم العينة (ن) في حساب الانحراف المعيارى الذي يعد مقياسا لنشت الدرجات في المجتمع .

ويصبح القانون المستخدم لتقدير الاتحراف المعياري للمجتمع هو:

للبيانات المبوية.

ويكون الانحراف المعياري (للمجتمع) من التوزيع التكراري السابق (جدول ٢-٧)

$$1.77 - 117.00 = \frac{2274.2}{79} = \frac{2274.2}{1 - 21} = 200,777 = 2.50$$

ويستخدم الانحراف المعياري عند المقارنة بين المجموعات، كما يستخدم الستخدم الانحراف المعياري عند المقارنة بين المجموعات، كما يستخدم الستعرف مدى انتشار ظاهرة اجتماعية باستخدام المتوسط ٢ ع (أو ١ ع) حسب الظاهرة وشكل التوزيع التكراري للدرجات،

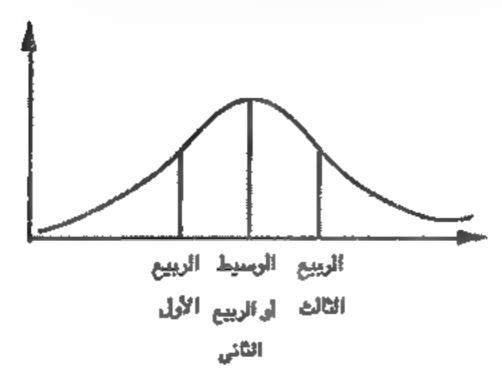
نصف المدى الربيعي: Semi-Interquartile Range

يعد نصف المدى الربيعى أحد مقاييس التشت التى تستخدم لهى حالة المنوزيعات الملتوية. والمدى الربيعى هو لمتداد للمدى الذى وضعناه من قبل، فقد نكرنا أنه في حالة الدرجات المنظرفة يمكن حساب المدى بعد هذف الدرجات المستطرفة. وقد يكون هناك أكثر من درجة متطرفة، مما أدى أدى إلى استخدام المستطرفة، وقد يكون هناك أكثر من درجة متطرفة، مما أدى أدى إلى استخدام المسعن الحساب شبيه المدى بحنف ١٠٪ من الدرجات المرتقعة و١٠٪ من الدرجات المرتقعة و١٠٪ من الدرجات المرتقعة و١٠٪ من الدرجات المرتقعة و١٠٪ من الدرجات المنخفضة، ويسمى هذا بالمدى المئينى وهو الفرق بين الدرجتين اللتين تمثلان ٩٠٪، ١٠٪، وتطبق نفس الفكرة مع المدى الربيعى حيث أن المدى الربيعى هو الفرق بين الربيع الأول التوزيع،

والربيع الثالث هو الدرجة التي يمكن استخدامها في تقسيم التوزيع إلى قسمين أحدهما هو الربيع الأعلى من الدرجات والثاني هو الثلاثة أرباع الأولى والربيع الأولى هو الدرجة التي يمكن استخدامها في تقسيم التوزيع إلى قسمين أحدهما هو الربع الأدني والثاني هو الثلاثة أرباع الأعلى . كما يعد الوسيط هو الربيع الثاني ، وهو الدرجة التي تستخدم في تقسيم التوزيع إلى قسمين متساويين كل منهما يمثل ٥٠٪ من التوزيع .

وأحدانا نستخدم مصطلح الأرباعي الأنثى (أو الأول) بدلاً من الربيع الأول ومصطلح الأرباعي الأعلى (أو الثالث) بدلاً من الربيع الثالث.

وإذا استخدمنا قيم الربيع الأول والوسسيط (الربيع الشانى) والربيع الشائل ورمسمنا خطوط رأسية عندها فإن التوزيع ينقسم إلى أربعة أقسام كل منها يمثل ٢٥٪ من درجات التوزيع (كما بالشكل ٤ - ١).



شكل (٤ - ١)

ويعد المدى الربيعي هو الفرق بين قيمتى الربيع الثالث والربيع الأول ، أما نصف المدى الربيعي فينتج من قسمة هذا الفرق على اثنين ، ويعد نصف المدى الربيعي مقياس هام التشتت في حالة التوزيعات الملتوية وفي حالة البيانات الترتيبية ، ويتطلب حساب نصف المدى الربيعي معرفة قيمة كلاً من الربيع الأول والربيع الثالث.

مثال (١):

فإذا استخدمنا الدرجات : ٤ ، ٩ ، ٩ ، ٤ ، ٥ ، ٩ ، ٥ فإن حساب الربيع الأول والربيع الثالث يتم بإستخدام نفس الطريقة الموضحة من قبل لحساب الوسيط وهي :

١ -- ترتيب الدرجات ترتيبا تصاعديا (أو تنازليا)

٢ - نحسب رتبة الربيع وهى ٢٥ ٪من عدد الدرجات الربيع الأولى ،
 ٢٥٪من عدد الدرجات للربيع الثالث.

٣ - نحسب قيمتى الربيع الأول والربيع الثالث بإستخدام القانون الخاص
 بذلك (وهي نفس فكرة حساب الوسيط)،

وبنطبيق هذه الخطوات على الدرجات الموضحة فإن ترتيب الدرجات تصاعديا هو 3 ، 3 ، 6 ، 7 ، 7 ، 7 ، 9 وقد سبق حساب الوسيط لهذه الدرجات حيث كانت رتبة الوسيط هي $\frac{v}{\gamma} = \frac{\Lambda}{\gamma} = 3$ وتحدد وجود وسيطين , هما الدرجتين الرابعة والخامسة وهما : $\binom{0}{\gamma}$.

وتكون قيمة الوسيط هي متوسط هانين الدرجتين - ٥٠٥ مـ ٥٠٥ وبنفس الطريقة نحسب رتبة وقيمة الربيعين الأول والثالث.

رتبة الربيع الأول = ٢٠٪ من عدد الدرجات = ٨×٢٥ وتكون قيمة الربيع الأول هي متوسط الدرجتين الثانية والثالثة (٤،٥) وهي ٤٠٥ = ٥٤٤

 $7 = A \times \frac{70}{100}$ الما رتبة الربيع الثالث فهى $\frac{70}{100}$ من عدد الدرجات

وتكرن قيمة الربيع الثالث هي متوسط الدرجتين السادسة والسابعة (وهما ٧٠٥) = ١٠٠٠ بـ ٥٠٠٠

وبالتالي فان المدى الربيعي - الربيع الثالث (٣٠٠) - الربيع الأول (١٠٠)

ونصف العدى الربيعي - الربيع الثالث (١٦٠) - الربيع الأول (١٠١)

$$1,0=\frac{Y}{Y}=\frac{\xi,0-Y,0}{Y}=$$

مثال (٢) :

وإذا استخدمنا درجات المثال الثاني وهي:

111.117.118.118.110.114.117.112.116.114.117

فان ترتيب الدرجات تصاعديا هو:

117. 117. 110. 112. 117. 117. 111. 111. 111. 1.4. 1.4.

وتكون قيمة الربيع الأول هي متوسط الدرجتين الثانية والثالثة

 $V,0 = 1 \cdot \times \frac{V_0}{100} = \frac{V_0}{100} \times V_0 = V_0$ وكذلك رتبة للربيع الذائث

وقيمة الربيع الثالث هي متوسط الدرجتين السابعة والثامنة

مثال (٣) :

إذا كان عدد الدرجات فردى مثل : ١٢ ، ١٢ ، ١٥ ، ١٥ ، ١٦ ، ١٨ ، ١٦،

وقيمة الربيع الأول تقع بين الدرجتين الثانية والثالثة ، وتحسب القيمة بطريقة الاستمكال وهي :

قيمة الربيع الأول = قيمة الدرجة الثانية + الفرق بين الدرجئين الثالثة والثانية × (ترتيب الربيع - ٢)

وتكون قيمة الربيع الثالث تقع بين الدرجين الثامنة والتاسعة

وهي = قيمة الدرجة الثامنة + الفرق بين الدرجنين الساسعة والشامنة (ترتيب الربيع - ٨)

$$(\Lambda - \Lambda, \Upsilon \circ) (\Upsilon \circ - \Upsilon) + \Upsilon \circ =$$

$$Y, AVO = \frac{0, VO}{Y} = \frac{15, 0 - Y*, YO}{Y} = CVA, Y$$

لاحظ أن القانون المستخدم هو نفس القانون المستخدم في حالة البيانات المبوية (باستخدام طريقة الاستكمال)

حسباب نصف الدى الربيعي للبيانات اللبوية :

يمكن حساب نصف المدى الربيعى للبيانات المبربة فى جدول توزيع تكرارى حيث نتبع نفس الخطوات المحددة من قبل لحساب الوسيط ، كما نستخدم نفس قانون الوسيط مع استبدال كلمة الوسيط بالربيع الأول أو الشالث والخطوات هي:

١ - نستخدم جدول التوزيع في إعداد الجدول التكراري المتجمع الصاعد .

٣ - تحدد قلة الربيع وهي التي تحتوي على التكرار المنجمع

٤ - نطبق القانون لحساب قيمة الربيع

قيمة الربيع الأول - المد الأدنى لفئة الربيع الأول +

(ترتيب الربيع الأول - التكرار المتجمع الصاعد السابق × طول الفئة تربيب الربيع الأول تكرار فئة الربيع الأول

وكذلك قيمة الربيع الثالث = الحد الأدنى لفئة الربيع الثالث + (ترتيب الربيع الثالث - ت ، م ، ص ، السابق) × طول الفئة ترتيب فئة الربيع الثالث

مشال (۱) : ولحساب قيمة الربيع الأول والربيع الثالث من الجدول التكراري المتجمع الصاعد المستخدم في حساب الوسيط (جدول ٣ - ٤)

جدول (٤ - ٨) الجدول التكراري المتجمع الصباعد

	ت ، م، ص	الحدود العايا للفئات
	مسقر	أقل من ٥٣
	۲	أقل من ٥٧
	٤	أقّل من ٦١
ا فئة الربيع	٧	أقل من ٦٥
الأول L	1.	أقل من ۲۹
	11	أقل من ۷۳
	19	أقل من ۷۷
ا فئة الربيع	Y1	أقل من ٨١
الثالث _	44	أقل من ٨٥
	40	أقل من ۸۹
	474	أقل من ٩٣
	£+	أقل من ٩٧

وتكون فئة الربيع الأول هي الفئة التي تبدأ من ٦٥ وحتى أقل من ٦٩ ، لاحظ أن التكرار المتجمع الصاعد ١٠ موجود بالجدول ومن ثم تكون قيمة الربيع الأول =

$$= cF + \frac{(*! - \forall) \times 3}{7}$$

$$79 = \frac{7 \times 3}{7} = 97$$

وكذلك ترتيب الربيع الثالث - ٧٥ × مجـ ت

وهو يقع بين التكرارين المتجمعين الصاعدين (٢٦ ، ٣٦) وتكون فئة الربيع الثالث هي الفئة تبدأ من ٨٥ وحتى اقل من ٨٥

$$\frac{\xi \times (\Upsilon^{3}-\Upsilon^{4})}{\eta} + \Lambda^{1} = \frac{(\Upsilon^{3}-\Upsilon^{4}) \times \xi}{\eta}$$
قيمة الربيع الثالث = $1 + \frac{(\Upsilon^{3}-\Upsilon^{4}) \times \xi}{\eta}$

$$AT, TV = Y, TV + A1 = \frac{\xi \times \xi}{T} + A1 =$$

وتستطيع حساب نصف المدى الربيعي وهو

$$V,TT = \frac{12,7V}{Y} = \frac{79 - AT,7Y}{Y} =$$

وكذلك يمكن استخدام الجدول التكراري المتجمع الهابط في حساب الربيع الأول والثالث ، حيث تكون قيمة الربيع من الحد الأعلى لفئة الربيع -

أما نرتيب الربيع الأول هذا فيتم حسابه طبقا المترتيب (من الأسفل للأعلى). فتكون رتية الربيع الأول (هي أول ٢٥ ٪ من التكرارت) إذا بدأنا من الأعلى وتكون عند ٧٥٪ من التكرار وهي تساوي ٢٥ ـ × ٢٠ = ٣٠

وتربيب الربيع الثالث (عكس ذلك) عند ٢٥ من التكرارات =

- ٢٥ - ٢٥ ما ١٠٠ وهي - ١٠٠ وهي - ٢٩ (كما سبق وتقع قيمة الربيع الأول في الفئة (٦٥ - ٦٩) وهي - ٢٩ (كما سبق حسابها) أما قيمة الربيع الثالث فتقع من الفئة (٨١ - ٨٥) وهي

1, TT -- A0 --

- ٨٣, ٦٧ (وهي نفس القيمة التي حصانا عليها سابقا)

مثال (٢) :

جدول (٤ - ٩) جدول التوزيع النكراري

المدرد المقيقة للغنات	التكرار	النتات
14,0-15,0	٥	14-10
Y+,0 - 1V,0	٩	Y+-1A
YT,0 - Y+,0	۱۳	77-71
Y7,0 — YY,0	11	37-77
۲۹,० – ۲٦,०	٨	۲9- YY
77,0 - Y9,0	٤	7°Y-7°

جدول (٤ – ١٠) الجدول النكراري المتجمع الصاعد

ت،م.من	الحدود العليا للقثات
٥	أقل من ١٧,٥
١٤	أقل من ۲۰٫۵
YY	أقل من ۲۳٫۰
۳۸	أقل من ۲۲٫۵
٤٦	أقل من ۲۹٫٥
۵۰	أقل من ٢٢,٥

وتكرن رتبة الربيع الأول بين ت .م . من (٥ ، ١٤) وقلة الربيع الأول هي (١٤ ، ٥) وقلة الربيع الأول

$$\frac{T \times (0 - 17,0)}{9} + 17,0 = \frac{1}{4}$$

$$\frac{T \times 7,0}{9} + 17,0 = \frac{7 \times 7,0}{9}$$

$$Y = Y_1 \circ + Y_2 \circ =$$

رهو يقع بين ت . م مص (٣٨ ، ٢٧) وتكون فقة الربيع الشالث هي (٢٦ - ٢٢.٥)

قیمهٔ الربیے الثالث = ۲۲,۰ + ۲۲,۰

$$\frac{7 \times 1...0}{11} + 77.0 =$$
 $\frac{7 \times 1...0}{11} + 77.0 =$
 $\frac{7 \times 1...0}{11} + 77.0 =$
 $\frac{7 \times 1...0}{11}

مثال (۳): إذا كانت البيانات ترتيبية على النحر النالي جدول (٤ - ١١) توزيع تكراري متجمع صاعد لتقديرات الاختبار

ت،م،من	التكرار	4 (1)
٣	٣	ممتاز
12	11	جيد جدا
77	19	جيد
00	44	مقبول
77"	٨	منعيف
70	۲	منعیف جدا
	70	المجموع

وتقع قيمة الربيع الأول في فئة جيد ، وتكون قيمته هي جيد (لا حظ أن قيمة الرسيط هي جيد أيدا) .

وتكون فقة الربيع الثالث هي مقبول ، وكذلك قيمته مقبول أيصنا ويمكن الاستعاضة عن فئات التقدير الموضحة بالجدول (٤ - ١١) بإستخدام الرتب من الله الموضحة بالجدول (٤ - ١١) بإستخدام الرتب من الله التقديرات من ضعيف جدا وحتى ممتاز فتكون الربيع الأول (جيد) - ٤

وقيمة الربيع الثالث (مقبول) = ٣

ويكون المدى الربيعي هذا بين المقبول والجيد ، ولا نستطيع إعطاء قيمة معينة لذلك كما أن نصف المدى الربيعي هذا لامعنى له .

وكذلك الحال إذا كان الجدول النكرارى يمثل المستويات النعليمية (أمى - يقرأ ويكتب - ابتدائى - اعدادى - ثانوى - جامعى - أعلى من الجامعى) فيمكن اتباع نفس الطريقة السابقة لحساب كل من الوسيط والربيعين الأول والثالث، ولا نستطيع تحديد قيمة لأى منهم وإنما نحدد فئة أو رتبة فقط .

أما في حالة بنود مقاييس الاتجاهات التي تنبع أسلوب ليكرت فإن فثات الإجابة ترتيبية ، لكننا نستخدم بدلا منها درجات ، ومن ثم يمكن التعامل مع بيانات تلك الأسئلة بنفس الطريقة المتبعة مع الدرجات العادية .

الثينيات: Percentiles

يقصد بالمئينذات تلك الدرجات التي يمكن عندها تقسيم التوزيع إلى نسب مئوية معينة ، فالمئيني ٥٠ (وهو الوسيط أو الربيع الثاني) يمكن عنده تقسيم التوزيع إلى نصفين ، أما المئيني ٢٥ (وهو الربيع الأول) فيقسم التوزيع إلى ربع (٢٥ ٪) وثلاثة أرباع (٢٥ ٪) وكذلك الحال بالنسبة لأى مليني آخر ، ويعرف المئيني بالنسبة المئوية للدرجات التي تساوى أو تزيد عن درجة معينة ،

وتستخدم المثينيات بكثرة في القياس النفسي والتربوي ، حيث تعد أشهر أنواع المعابير في تقنين الاختبارات .

ويحسب المثيني بنفس طريقة الوسيط والربيع ، فهو يعتمد على ترتيب الدرجات تصاعديا (أو تنازليا) ثم حساب ترتيب المليلي وأخيرا حساب قيمنة بطريقة الاستكمال ،

وتحسب المئينيات عادة من التوزيعات التكرارية ، كما أنه يمكن حسابها من الدرجات العادية بنفس الطريقة الموضحة من قبل عند حساب الربيع الأول (وهو في الحقيقة المئيني ٢٥) والربيع الثالث (المئيني ٧٥).

رإذا أردنا حساب المدينيات التوزيع التكرارى السابق (جدول ٤ - ١٠) فإننا نتبع نفس طريقة حساب الربيع .

وتقع قيمته في الفئة (١٧،٥ -- ٢٠،٥) وهي وقيمة المثيني ٢٠ - الحد الأدنى لفئة المثيني

(ترتيب المئيني - التكرار المتجمع الصاعد السابق) × طول الفئة

تكرار فئة المئيني

وتعدى الدرجة ١٩,١٧ أنها أفضل من ٢٠ ٪ من درجات التوزيع

وتكون قيمة المليني ٦٥ في الفئة (٢٢٠٥ – ٢٦٠)

ومعنى هذا أن الدرجة ٢٥ أفضل من ٦٥٪ من درجات التوزيع .

وقیمة المثینی
$$1 = 0.11 + \frac{(0 - anit)}{a} \times 7 = 0.11 + 7 = 0.11$$

والعثینی 0 و رتبته هی $\frac{0}{100} \times 0 = 0$

وقیمة المثینی 0 و $\frac{0}{100} \times 0 = 0$

19,110 = 1,710 + 17,0 = T×1 + 17,0 =

ويستخدم الفرق بن المستبنى ٩٠ والمنينى ١٠ كمقسياس للتشستت وهو = ١٠.١٥ – ١٧.٥ – ١٠.١٢٥ في هذا المثال ،

وعلى غرار المئينيات يمكن حساب ما يسمى بالإعشاريات ، وهي مسمى الله ١٠ ٪ بمعلى أنه يوجد العشير الأول (المئينى ١٠) والعشير الثاني (المئيني ٢٠) والعشير الثانث (المئيني ٣٠) وهكذا حتى العشير التاسع (المئيني ٣٠) ومن ذلك يتضح أن المئيني ٥٠ وهو العشير الخامس وهو أيضا الربيع أو الوسيط وطريقة الحساب لكل ذلك هي طريقة الاستكمال المستخدمة في حساب الوسيط والارباعيات والمئينيات .

معامل الالتواء Skeweness

يستخدم معامل الالدواء للحكم على شكل الدوزيع التكراري أو المنحلي التكراري ، حيث يمكن معرفة مدى إبتعاد التوزيع التكراري عن التوزيع الإعتدالي، ويدل معامل الالدواء على درجة نمائل المنحثي أو البعد عن هذا التماثل، فإذا كان منحني التوزيع التكراري غير متماثل حول متوسطة الحسابي فيكون أحد طرفى المنحثي أطول من الطرف الآخر ، ويقال أن المنحلي ملتو،

وإذا كمان طرف المنحنى الأيمن أطول من طرف الأيسر أى أن المنحلى يميل نحو القيم الصغيرة وهنا يوصف المنحنى بأنه موجب الالتواء ، أما إذا كان طرف المنحنى بأنه موجب الالتواء ، أما إذا كان طرف المنحنى الأيسر أطول من طرفه الأيمن فإن المنحنى يميل نحو القيم الكبيرة ويكون المنحنى سألب الالتواء.

وقد سبق أن وضحنا العلاقة بين مقاييس النزعة المركزية والتواء التوزيع . ففي حالة ارتفاع قيمة المتوسط الحسابي عن الوسيط والمنوال يكون التوزيع ملتو التواء موجبا ، أما في حالة ارتفاع قيمة المتوال والوسيط عن المتوسط الحسابي يكون التوزيع ملتو التواء سالبا.

وباختصار إذا كان المتوسط الحسابي أكبر من الوسيط يكون التوزيع موجب الالتواء ، والعكس إذا كان المتوسط أضغر من الوسيط يكون التوزيع سالب الإلتواء . ويحسب معامل التواء باستخدام المتوسط للحسابي والوسيط والانحراف

المعياري من المعادلة التي توصل إليها سبيرمان وهي :

وتتراوح قيمة معامل الالتواء بين ٢٠ ، ٣٠ ، أما معامل التواء المنحنى الاعتدالي فهو يساوى الصفر . وأحيانا نستخدم نفس المعادلة السابقة لحساب معامل الالتواء دون استخدام الرقم ٣ ، وهنا يتراوح معامل الالتواء دون استخدام الرقم ٣ ، وهنا يتراوح معامل الالتواء بين + ١ ، -١

أما في حالة عدم إمكانية حساب المترسط الحسابي والانحراف المعياري (كما في حالة البيانات الترتيبية) فيمكن حساب معامل الالتواء باستخدام الوسيط والارباعيات.

راكنها صعبة الاستخدام رهي العادلة الستخدمة في برنامج Spss

حيث ٦٠٠ - الربيع الذالث (الأعلى) ، ٢٠٠ - الوسيط ،١٠٠ - الربيع الأول (الأدنى) ، لاحظ أن حساب معامل الالتواء باستخدام المتوسط المسابى والوسيط والانحراف المعياري أدق من حسابه من ألارباعيات والوسيط . ولحساب معامل الالتواء للتوزيع النكراري (بالجدول ٢٠٠٢) -

فقد وجد أن المتوسط الدسابي = ٣٦.٣ الوسيط = ٧٧.٥٧ والانحراف المعياري = ١٠,٥٢

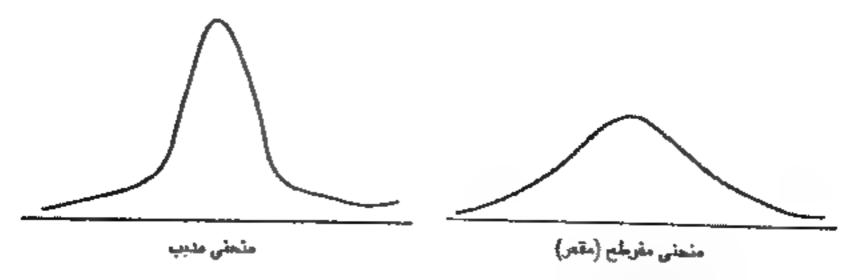
وباستخدام الارباعيات ، حيث الإرياعي الأول = ٨٣, ٦٧ ، الارباعي الثالث

ومعامل الإلتواء أكثر أهمية من معامل النفرطح مما يستلزم اختبارمدى . دلالة التواء التوزيع بقسمة معامل الالتواء على الخطأ المعياري لمعامل الإلتواء وهو

ربحث دلالة الناتج .

معامل التفرطح Kurtosis

يدل التفرطح على درجة تحدب المنحنى عند قمته بالمقارنة مع المنحني الاعتدالي ، فإذا كان منحنى التوزيع أكثر تحدبا عن المنحنى الاعتدالي سمى منحنى مدببا Leptokurtic وإذا كانت قمة المنحنى أكثر استقامة (مقعرا) من



قمة المنحنى الاعتدالي سمى منحني مفرطحا Platykurtic

ويحسب معامل التفرطح بقسمة العزم الرابع على مربع العزم الثانى وطرح وتكسون قيمته صفراً للمنحنى الاعتدالي وهي الطريقة التي تستخدمها برامج SPSS ، ويعرف العزم الثاني (*) بالتباين وهو متوسط مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن المتوسط الحسابي ، ولكن أحد المقاييس العملية للتفرطح يحسب بقسمة نصف المدى الربيعي على المدى المنيئي وهو:

ومعامل التفرطح للمنحنى الاعتدالي باستخدام هذا القانون - ٢٦٣٠، ولذلك إذا رغبنا في معرفة درجة تفرطح منحنى ما فإننا نقارن معامل التفرطح المحسوب بالقيمة ٢٦٣، للمنحنى الاعتدالي .

ویاستخدام المثال (۲) السابق حیث نصف المدفی الریبعی = 7,10 والمئینی 9 = 10,10 والمئینی 9 = 10,10 والمئینی 9 = 10,10 والمئینی 9 = 10,10 والمئینی والمئینی 9 = 10,10 والمئینی والمئینی 9 = 10,10 والمئینی معامل التفرطح = 9,10 والمئینی 9 = 10,10 والمئینی معامل التفرطح = 9,10 والمئینی 9 = 10,10 والمئینی 9 = 10,10

وهو متقارب مع معامل تفرطح المنحني الاعتدالي (٢٦٣. •)

(a) المرام الأول عن متوسط المرافات الدرجات عن المتوسط المسابي وهو يساوي المدفر ويعد أحد شؤهن المرام الأوسط المسابي.

أما العزم الثاني فهو مترسط مويعات الانحرافات عن المترسط المسابي = مجه (س - م) وهو التياين والعزم الثالث هو مترسط مجموع مكعبات الانحرافات عن المترسط الصمابي = مجه (س - م) أن أن العزم الرابع هو : مجه (س - م) أن أن العزم الرابع هو : مجه (س - م) أن أن أن معامل التقرطع = العزم الرابع - ٣ مربع العزم الرابع - ٣ مربع العزم الثاني - ٣

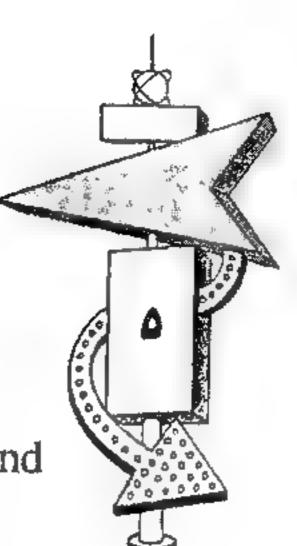
التحويلات الإحصائية: Staistical Transformation

تشترط أساليب الاحصاء الاستدلالي البارامتري اعتدالية توزيع الدرجات (المتغيرات النابعة) ، فاذا كان توزيع البيانات المتغيرات الذي بهتم الباحث بدراسته توزيعا ملتويا فلا يجوز استخدام الاساليب الاحصائية التي تحاول تقدير معالم المجتمع مثل معامل ارتباط بيرسون أو أساليب الاحصاء الاستدلالي البارامتري . ويجب على الباحث القيام بتحويل الدرجات حسب شدة النواء التوزيع على النحو التالي :

- ۱ إذا كان معامل التواء التوزيع متوسطا (٥٠ ٪ ٦٠ ٪) من الحدود القصوى المعامل الالتواء (سواء كانت تلك الحدود ± ١ أو ± ٣) فيستخدم تحويل الجذر التربيعي . ويعنى هذا أن الباحث يقوم بتحويل الدرجات الى الجذور التربعية لتلك الدرجات ومن ثم يتحول التوزيع الملتوى الى توزيع قريب من المنحنى الاعتدالي .
- ٢ اذا كان معامل التواء التوزيع مرتفعا (٦٠ ٪ ٧٠ ٪) من الحدود القصوى المعامل الالتواء ، فيستخدم التحويل اللوغاريتمى ، وذلك بايجاد اللورغايتم الطبيعى للدرجات ومن ثم يتحول التوزيع الملتوى الى توزيع قريب من المنحنى الاعتدائى .
- ٣ -- إذا كان معامل النواء النوزيع شديدا (اكثر من ٧٠٪) من العدود القصوى المعامل الالتواء ، فيستخدم تحويل مقلوب الدرجات لتحويل التوزيع شديد الالتواء الى توزيع قريب من المنحثى الاعتدائى.

الفصل الخامس كالمحال والإراثيات .

Simple Linear Regression and Correlation



الفصل الذامس الانحدار والارتباط الخطيّ البسيط

تحدثنا في القصول السابقة عن بيانات المتغيرات وتبوبيها في جداول تكرارية وحساب مقاييس النزعة المكزية ومقاييس التشتت ، وكان ذلك لبيانات متغير واحد في كل حالة. ولكن الأمر لا يكرن بهذه البساطة في تحليل البيانات ولكننا كثيرا ما نهتم بدراسة متغيرين أو أكثر في البحوث في مجالات العلوم الانسانية بصفة عامة . فقد نرغب في دراسة أثر الاعلام على السلوك الانساني ، أو العوامل المؤدية إلى النجاح في الدراسة أو العمل ، أو علاقة المستوى الثقافي بأساليب التنشئة الاسرية وغيرها من الدراسات التي تهتم بعدد من المتغيرات في كل دراسة.

وفى مثل هذه الدراسات التى تجمع بيانات لعدة متغيرات من عينة واحدة فاننا نقوم بتحليل البيانات وحساب المقاييس الوصفية لكل متغير على حده ، بالاضافة الى تحليل العلاقات المختلفة بين تلك المتغيرات ، بمعنى أننا ندرس جميع المغيرات فى آن واحد للتعرف على العلاقات بينها حتى يمكن الاجابة عن تساؤلات الدراسة أو تفسير الظاهرة موضع الدراسة .

وعدد دراسة العلاقة بين متغيرين أو اكثر فاننا نهتم بحساب حجم العلاقة بين المتغيرات ومعرفة إنجاه هذه العلاقة إيجابا أو سلبا (طرديا أو عكسيا)كما أننا نهتم بمحاولة التنبؤ بأحد المتغيرات من علاقته بمتغير آخر ، أو بعدة متغيرات أخرى . واكننا نقتصر مناقشتنا في هذا الفصل على العلاقة بين متغيرين .

وتحسب العلاقة بين متغرين من الانحدار الغطى لأحد المتغيرين على المتغير الثانى ، أو من حساب الارتباط الخطى بين درجات التغيرين ، ويقصد بالانحدار الخطى التوصل الى معادلة التنبؤ بأحد المتغربين من الآخر ، ومعلى هذا أن الانحدار الخطى يساعد فى التنبؤ بدرجات أحد المتغيرين (التابع) إذا علمت قيم المتغير الآخر والذى يسمى أحيانا بالمتغير المنبئ ،

أما الارتباط الخطى فهو ايجاد حجم العلاقة بين المتغيرين بإفتراض وجود علاقة خطية بينهما . ومعنى هذا أن الارتباط الخطى يتشابه (الى حدما) مع الانحدار الخطى ، لأن كلا منهما يتوصل الى معرفة العلاقة بين المتغيرين، ويختلف الانحدار عن الارتباط الخطى في استخدام فكرة المربعات الصغرى ويختلف الانحدار عن الارتباط الخطى في استخدام فكرة المربعات الصغرى الارتباط يستخدم أزواج الدرجات كما هي للتوصل الى حجم العلاقة بين المتغيرين.

وقد توجد علاقة منحنية بين متغيرين ، كما توجد علاقة بين متغير (تابع) وعدة متغيرات (منبأه) أو بين عدة متغيرات (تابعة) وعدة متغيرات منبأه ولكن هذا ليس موضع إهتمامنا الآن.

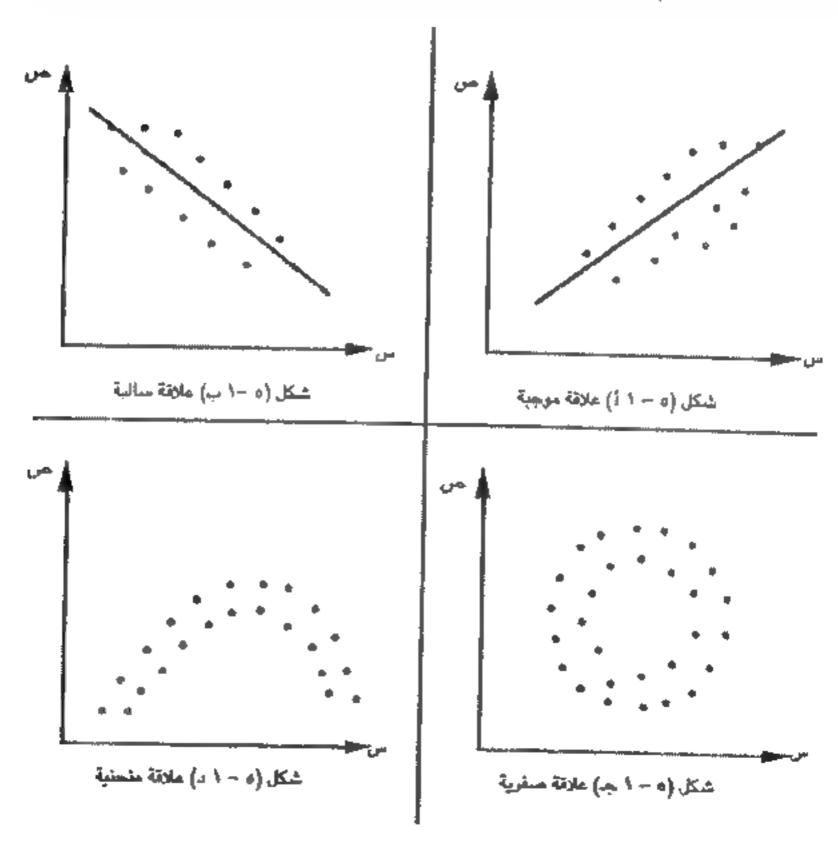
أُولاً ؛ الانحدار الخطى البسيط Simple Linear Regression

يهدف الانحدار الخطى البسيط الى امكانية توضيح طبيعة ودرجة العلاقة بين متغيرين أحدهما متغير مستقل (منبأ Predictor) والثاني متغير تابع (محكى Criterion) . ويتم جمع بيانات من العينة عن المتغيرين لمحاولة التنبؤ بالمتغير التابع . ومن أمثلة ذلك دراسة علاقة المستوى التعليمي بالدخل ، أو علاقة التحصيل الدراسي بالذكاء ، أو علاقة الرضا الوظيفي بالأداء ، أو علاقة الطلاقة النفطية بإجادة اللغة العربية ، وغير ذلك من أزواج المتغيرات موضع الاهتمام .

ويستخدم تحليل الانحدار في دراسات التنبؤ حيث يكون المطلوب التنبؤ بمتغير تابع من بيانات متغير مستقل (منبأ) . وقد يكون التنبؤ بالمتغير التابع (المحكى) من عدة متغيرات مستقلة (منبئات) ، ولكن هذا ليس موضع اهتمامنا الآن . ومن أشهر دراسات التنبؤ تلك الدراسات التي تهتم بصدق اختبارات القبول للدراسة الجامعية . وتعتمد دراسات التخطيط الاقتصادي أيضاً على معادلات لانحدار الخطي للتنبؤ بما يحدث في المنوات التالية ، كما أنها تستخدم في العديد من دراسات السلوك الانساني لمحاولة التنبؤ به من خلال الادلة والشواهد (المنبئات) .

والانحدار الخطى البسيط هو علاقة بين متغيرين أهدهما تابع والآخر مستقل . ويجب أن يكون المتغير التابع متغيراً متصلا ومستوى قياسه لا يقل عن المستوى الفترى أو النسبى ، بينما المتغير المستقل قد يكون مستوى قياسه ترتيبياً أو قترياً أو نسبياً ، ولايجوز استخدام مستوى القياس الاسمى .

ويمكن التوصل الى شكل الانحدار الخطى البسيط من تمثيل أزواج الدرجات تمثيلا بيانيا ، فينتج لنا شكل إنتشار ، ثم نستخدم شكل الانتشار فى محاولة الحكم على نوع العلاقة بين المتغيرين . وهناك أشكال مختلفة لانتشار درجات متغيرين ، فالشلك (٥ - ١ أ) يدل على علاقة خطية موجبة بين المتغيرين ، بينما شكل (٥ - ١ ب) بدين علاقة خطية سالبة ، أما شكل (٥ - ١ ب) فلا يوضح علاقة خطية محددة بين المتغيرين ، وبالتالى نستنتج من الشكل عدم وجود علاقة (أو علاقة صفرية) بين المتغيرين ، وبالتالى نستنتج من الشكل عدم علاقة أخرى بين المتغيرين ، ولكن الشكل (٥ - ١ د) فيوضح علاقة أخرى بين المتعيرين وهى العلاقة المنحنية ، وقد تكون العلاقة المنحنية تربيعية أو تعير ذلك ، وعند رسم خط مستقيم يمثل شكل الانتشار ، فيجب أن يكون ذلك في ضوء شروط معينة ، فمن الممكن رسم عدد من الخطوط ، فقد يكون الخط ماراً ببعض النقاط في أسفل شكل الانتشار أو في وسطه أو في أعلى الشكل ، ولكن أفضل خط مستقيم يمثله شكل الانتشار ، يجب أن يحقق شرطين أساسيين :



الاول : أن إنحرافات النقاط عن الخط المستقيم (الموجبة والسالبة) تكون متساوية نقريبا .

والشائي : أن تكون مجموع مربعات هذه الانحرافات أهل ما يمكن . وتعرف هذه الطريقة باسم طريقة العربعات الصغرى Least Squares .

وقد أشرنا من قبل الي العربعات الصغرى عند ذكر خصائص المتوسط العسابي والتي تتعلق بانحرافات الدرجات عن المتوسط ، حيث يكون مجموعها مساويا المصفر ، ومجموع مربعاتها أقل ما يمكن . وقد استخدمت هذه الخاصية (مجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط أقل ما يمكن) في حساب الانحراف المعياري للدرجات . وتنسب طريقة المربعات الصغرى إلى عالم الرياضيات الفرنسي أدريان ليجندر Adrian Legender وقد توصل اليها عام ١٨٠٦ ، واستخدمها في دراساته ومشاهداته الفلكية .

كما استخدم فرانسيس جالتون Francis Galton تحليل الانحدار عام ١٩٨٨٥ في دراسته الانحدار والتوسط في الخصائص الدراسية القادمة ، وكان ذلك قبل معرفة طريقة حساب معامل الارتباط . فقد وجد جالتون علاقة بين أطوال الآباء والابناء البالغين واستطاع جالتون التنبؤ ببعض الخصائص البيولوجية للابناء من خصائص آبائهم ، وقد أستثارت هذه الافكار كارل بيرسون Karl القرن وصل الى طريقة لحساب معامل الارتباط في نهايات القرن التاسع عشر .

معادلة الانحدار الخطى البسيط :

من الواضح أن الانحدار الخطى البسيط يتشابه مع الارتباط في توضيحه العلاقة بين متغيرين . حيث أننا نحاول التوصل الي خط مستقيم يمثل أزواج الدرجات المتغيرين موضع الاهتمام . ونستطيع التوصل الي معادلة لذلك الخط المستقيم باستخدام بيانات المتغيرين -

فإذا رمزنا لأحد المتغيرين بالرمز (س) وللمتغير الثانى بالرمز (ص) ، فأن الانحدار الخطى يحاول التوصل الى أفضل خط مستقيم يربط بين س ، ص . يمعنى التوصل الى خط الهستقيم الذي يمر بمركز شكل الانتشار لدرجات س ، ص ويحقيق شرطى المربعات الصغرى . ويوضح الخط المستقيم التغير في أحد المنغيرين (س) وما يقابلة من تغير في المتغير (ص) - فكل تغير في قيم المتغير (س) يقابلة قدر ثابت من التغير في المتغير (ص) ، وهذا القدر الثابت يعتمد

على مبل الخط المستقيم أو على العلاقة بين س ، ص .

والصورة العامة لمعادلة الخط المسقيم بين س ، ص هي :

e + ω β + α = ص

حيث β ، α هي ثوابت المعادلة في المجتمع ، 6 للخطأ وهو متغير عشوائي ويتوزع اعتداليا بمتوسط = صفر وانحراف معياري = ١ .

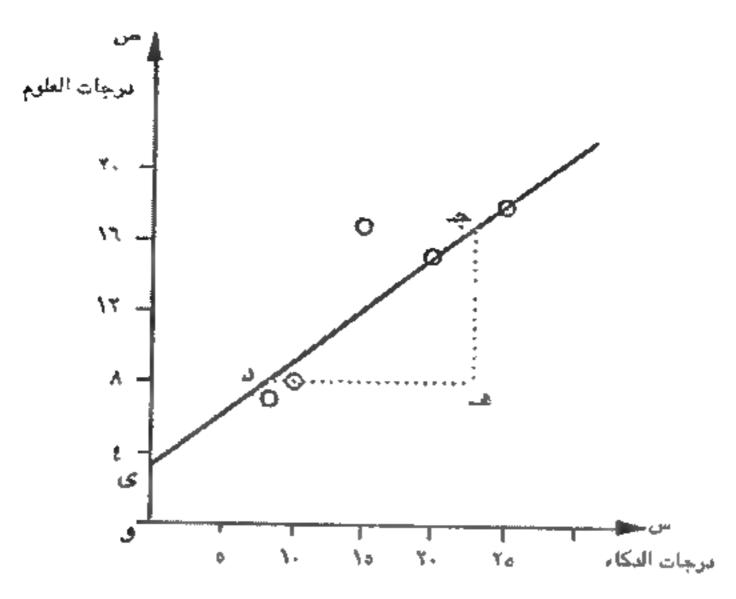
وحيث أننا لا نستطيع أن نستخدم جميع بيانات المجتمع ، فاننا نستخدم بيانات المجتمع ، فاننا نستخدم بيانات العنية وعندئذ تكون المعادلة : ص = أ + ب س

وهي معادلة انحدار ص على س ؛ حيث أهي الجزء المقطوع من المحور الرأسي (في حالة س صعفر فأن أ ص) ، أما ب فهي ميل الخط المستقيم على المحور الافقى . فأذا كأن لدينا درجات سنة من الطلبة في إحد اختبارات الذكاء ومادة العلوم كما بالجدول (٥ – ١) ،

جدول (٥ - ١) درجات الطلبة في الذكاء والعلوم

`	١٠	٨	٧.	١٠	10	Yo	الذكاء (س)
	٨	٧	10	7.6	17	1.4	الذكاء (ص)

فيمكن ثمثيل هذه الدرجات بالشكل (٥ - ٢) ، حيث يمثل المحور الافقى درجات الذكاء (س) والمحور الرأسى لدرجات العلوم (ص) وكل زوج من أزواج الدرجات يمكن تمثيله بنقطة معينة مثل النقطة (٢٠، ١٨) وتعنى ٢٥ على المحور الافقى ثم نرتفع لأعلى إلى ١٨ على المحور الرأسى ونحدد النقطة التي تمثل زوج الدرجات (٢٥، ١٨) وهكذا لبقية أزواج الدرجات ، وينتج لنا شكل الانتشار الموضح بالشكل (٥ - ٢) .



شكل (٥-٢) انتشار درجات الذكاء والعلوم

ويتصنح من الشكل (٥ - ٢) أنه يعكن رسم خط مستقيم يدل على المعلاقة بين المتغيرين (الذكاء والعلوم)، وهذا الخط المستقيم يقطع المحور الرأسى (محور درجات العلوم ص) في النقطة ي ، بحيث يكون وي = المقدار الشابت (أ) في معادلة الخط المستقيم ، وهو الجزء المقطوع من المحور الرأسي .

وإذا إخترنا أى نقتين (ج، د) على الخط المستقيم المبين بالشكل ، ثم أسقطنا من النقطة (ج) عموداً على المصور الافقى (موازيا للمحور الرأسى) ، وكذلك رسمنا من النقطة (د) خطا موازيا للمحور الافقى ، فإن الخطين يتقاطعان في النقطة (ه) . وينتج لنا المثلث القائم الزاوية جهد الموضح بالشكل .

ويكرن ميل الخط المسقيم = طول جـ هـ ، وهو أيضا ظل الزاوية جـ د هـ طول هـ د

أو معامل الانحدار ، وبالطبع ميل الخط المستقيم هو قيمة (ب) المدكورة في المعادلة : ص = أ + ب س .

وفي الواقع العملي لا نرسم الخط المستقيم بهذه الطريقة ونحسب كلا من الجزء المقطوع من المحور وميل الخط المستقيم ، وإنما نجري بعض العمليات

الحسابية باعتخدام الدرجات الفعلية للمتغيرين (س، س) في حساب فيمتى أ، س ، س) في حساب فيمتى أ، س ، س) في حساب فيمتى أ، س ، ويندع في هذه العمليات الحسابية طريقة المربعات الصغرى السابق الاشارة البها .

ولحساب قيم الثوايت أ ، ب فاننا نستخدم المعادلات الرياضية التالية :

حيث أن معادلة الخط المستقيم هي : ص = أ + ب س

فاذا جمعنا كل من درجات المتغيرين س ، من وطبقنا هذا المجموع على المعادلة (١) فينتج :

مد ص = ن أ + ب مد س المعادلة (١) في من فينتج س ص = أن + ب س"
وإذا منرينا المعادلة (١) في من فينتج س ص = أن + ب س"
وبالجمع على كل قيم المتغيرين في العينة نحصل على:

ا <u>مجس</u> بمجس ن ن أ = مس - بمجس

حيث من ، من هما مترسطى المتغيرين من ، ص . وبالتعويض عن قيمة (أ) في المعدلة (٣) ينتج أن :

ب = مجہ س میں ^س ن م_{یں} م_{یں} ب = مجہ س ^۲ ن م_{یں}

وتوجد صور أخرى للمعادلة (٥) وهي :

ن مجس ص -- مجس مجس ب ن مجس - (مجس) -

وفى حالة تحويل درجات س ، ص إلى درجات معيارية فيكون متوسط كل منهما - صفر والانحراف المعياري = ١ .

وتصبح قيمة أ = صفر ، ب - مجس من

أما في الحالة العامة فإننا تستطيع حساب قيمتي أ ، ب من المعادلتين (٤) ،

(٥) ويتم ذلك على النحو التالى :

- ١ نجمع درجات كل من المتغيرين س ، ص لجميع أفراد العينة فينتج لنا
 مدس ، مدص -
- ٢ نربع درجات المتغيرس ، ثم نحمع هذه المربعات لكل أفراد العينة فينتج
 محس^١
- ٣ نضرب كل درجة من درجات س في الدرجة المقابلة لها من درجات ص ثم
 نجمع حواصل الضرب فينتج محس س س
 - ٤ تحسب متوسطى س عص (مس ، م ص) .
 - ه نستخدم المعادلة (٥) لحساب قيمة (ب) .
 - ٦ ثم نستخدم المعادلة (٤) وقيمة (ب) لحساب قيمة (أ)
- ٧ نعوض عن قيمتى أ ، ب ، في المعادلة (١) فتنتج معادلة الخط المستقيم
 والتي ندل على انحدار ص على س .

لاحظ أنه من السهل الحصول على قيمة أفى حالة وجود قيمة له س سمغر فتكون (أ) مساوية (ص) وباستخدام درجات المثال بالجدول ($^{\circ}$ – $^{\circ}$) لحساب معادلة انحدار ص على س (العلوم على الذكاء) وتعنى التنبؤ بدرجات العلوم بمعرفة درجات الذكاء و يوضح الجدول ($^{\circ}$ – $^{\circ}$) كل من محس محمد ص
جدول (٥ - ٢) لحساب معادلة الإنحدار ص على س

س ص	"	الطوم (ص)	الذكاءِ (س)	٢
20+	770	14	Y0	1
Yoo	770	۱۷	10	۲ ا
14.	1	17	1.	٣
٣٠٠	٤ • •	10	٧.	٤
7.0	٦٤	٧	٨	0
۸۰ ا	3	٨	1+	۹ ا
1771	1018	YY	٨٨	المجموع

ویکون متوسط درجات
$$m = \frac{AA}{7}$$
 – ۱٤,٦٦٧

ويفضل إستخدام ثلاثة أرقام عشرية على الأقل في حسابات تحليل الانحدار وفي استخدام معادلة الانحدار للتنبؤ بالقيم الجديدة

وبتطبيق المعادلة (٥) فان:

$$\frac{(17, 177)(12, 177) \times 7 - 1771}{(12, 177) \times 7 - 1012}$$

$$\frac{1179, 179 - 1771}{1799, 170 - 1012}$$

$$\frac{177, 179}{177, 179}$$

 $15,774 \times 0.09 - 17.477 = 1:$ فان : أ = $17.477 \times 0.09 \times$

وتصبح معادلة انحدار من على س هي : ص = ١٨ ٤. ١٨ + ٥٠،٠٠ س

وتفيد هذه المعادلة في التنبؤ بقيم ص في حالة معرفة قيم س ، فمثلا اذا حصل طالب (من عينة مشابهة للعينة المستخدة في حساب المعادلة) على درجة في الذكاء = ١٢ فان درجته في العلوم = ١٨ + ٤٠ ، ٩٠ ، ١٢

معادلة إنحدار س على ص:

ومنحنا كيفية التوصل الى معادلة انعدار ص على س ، وذلك بتمثيل المتغير المستقل (س) على المحور الافقى والمتغير التابع (ص) على المحور الرأسى . أما إذا أردنا التنبؤ بالمنغير (س) من المتغير ص ، فأن المعادلة تختلف وتصبح على صورة ،

وبالجمع على جميع درجات أفراد العينة فان :

ريضرب المعادلة (7) في من والجمع على جميع أفراد العينة تصبح مجد س من $^{-1}$ مجد من $^{+1}$ مجد من $^{-1}$ مجد من $^{-1}$ مجد من $^{-1}$ معادلة (8) عن قيمة 1 من المعادلة (8) فأن :

كما تأخذ المعادلة (١٠) صوراً أخرى هي :

وبالطبع تختلف معادلة ص على س عنن معادلة إنحدار س على ص حيث يختلف ميل كلا منهما وكذلك الجزء المقطوع من المحور الرأسي .

ولحساب قيمتى أ/ ، ب/ باستخدام بيانات المثال السابق ، فيجب حساب مجموع مربعات (ص) وهي : مد ص ٢ = ١٠٩٥

$$\frac{(17, \Lambda TT) (12, 77Y) 7 - 1771}{(17, \Lambda TT) 7 - 1 \cdot 90}$$

$$\frac{1179, TT \cdot - 1771}{9 \wedge 4 \wedge 110 - 1 \cdot 90}$$

$$\frac{177, 77}{1 \cdot 7, 4 \wedge 0}$$

ب = ۱,۲۳۲

$$(17.477)(1.777) - 12.777 =$$

1,127--

وتصيح معادلة انحدار س على ص هي :

وهي معادلة مختلفة عن معادلة انحدار ص على س ، فاذا حصل طالب (من عينة مشابهة) على درجة في العلوم (ص) = ٩

9,950=

طريقة أخرى لايجاد معادلة الانحدار:

حيث أن معادلة انحدار ص على س هي :

ص = أ+ بس

وقد ذكرنا أن قيمة (أ) تحسب من المعادلة :

أما قيمة (ب) وهي معامل انجدار الفط المستقيم فيمكن حسابها من المعادلة (Sprinthall, 1994: 345) النائية :

حبث (ر) هي معامل الارتباط بين س ، ص ، أماع س ، ع فهما الانحرافين المعاريين لدرجات ص ، س على التربيب .

$$\hat{l} = a_{nu} - c \frac{3_{nu}}{3_{nu}} \times a_{nu}$$

وباستخدام المعادلة (١١) فان قيمة أ هي : وتكون معادلة انحدار ص على س هي :

$$av = \begin{bmatrix} \frac{3u}{4u} \times \frac{3u}{4u}$$

ريمكن اعادة ترنيب المعادلة فنصبح (Sprinthall,1994:346)

$$(17)$$
 $y = \frac{c^{\frac{3}{2}}}{3} \times w - \frac{c^{\frac{3}{2}}}{3} \times a_{0} + a_{0}$

فاذا كانت رصفر فان ص م وهى تعنى خطأ مستقيما يوازى المحور الأفقى . وفي حالة استخدام درجات معيارية لكل من س ، ص بدلا من الدرجات الخام فتكون ع $_{0}$ = ع $_{0}$ = 1 ، م $_{0}$ = صفر وبالتالى معامل الانحدار (ب) = ر ، أ = صفروتكون المعاذلة من = رس .

فإذا علمنا متوسطى المتغيرين وانحرافيهما المعياريين ومعامل الارتباط بين درجسات المتغيرين فيمكن التوصيل الى معسادلة انحدار ص على س من المعادلة (١٢) . وبالمثل معادلة انحدار س على ص تكون على الصورة :

مثال من بيانات المثال السابق:

فتكون معادلة انحدار من على س هي :

$$17, 177 + 12, 177 \times \frac{2, 17}{1, 1} \times *, 107 - w \times \frac{2, 17}{1, 1} \times *, 107 = w$$

$$= 90.* w - 037, 177 + 171, 17$$

$$= 90.* w + 10.$$

وهي نفس المعادلة السابق الحصول عليها ، ومن السهل استخدام هذه الطريقة لسهولة الحصول على المتوسطات والانخرافات المعيارية ومعامل الارتباط بين متغيرين من الآلات الحاسبة البسيطة .

العلاقة بين معادلتي الانحدار:

ثم التوصل الى معادلتي انحدار للعلاقة بين س ، ص وهما : معادلة انحدار ص على س ، ومعادلة انحدار ص على ص

وتوجد علاقة تربط بين هاتين المعادلتين وهي أن حاصل ضرب معاملي الانحدار المعادلتين بساوي مربع معامل الارتباط بين المتغيرين (س، ص)

وبالتعويض عن ب، ب من المعادلتين ٥ ، ١٠ السابقتين هان :

كما تأخذ الصورة :

(11)
$$\frac{Y(\omega_0 - n + w_0)}{[Y(\omega_1 + w_0)^T][Y(\omega_2 + w_0)^T]}$$

وباستخدام بيانات المثال السابق في المعادلة (١٣) فإن :

$$\frac{(1771 - 7 \times V77, 31)^{7}}{(3101 - 7 (177, 31)^{7})} = \frac{7}{(177, 77)^{7}}$$

$$\frac{(1771 - 77, 771)^{7}}{(177, 77)} = \frac{7}{(177, 77)^{7}}$$

$$\frac{(1771 - 777, 771)^{7}}{(177, 77)} = \frac{7}{(177, 77)^{7}}$$

$$\frac{(1771, 77)^{7}}{(177, 77)^{7}} = \frac{7}{(177, 77)^{7}}$$

$$\frac{(1771, 77)^{7}}{(177, 77)^{7}} = \frac{7}{(177, 77)^{7}}$$

$$\frac{(1771, 77)^{7}}{(1771, 77)^{7}} = \frac{7}{(177, 77)^{7}}$$

$$\frac{(1771, 77)^{7}}{(1771, 77)^{7}} = \frac{7}{(1771, 77)^{7}}$$

$$\frac{(1771, 77)^{7}}{(1771, 77)^{7}} = \frac{7}{(1771, 77)^{7}}$$

دقة التقدير:

ذكرنا أنه يمكن استخدام معادلة الانحدار الناتجة للننبؤ بقيم المتغير التابع بمعرفة قيم المتغير المستقل ، وفي مثالنا السابق فان معادلة انحدار ص على س هي :

ومن الواضيح أن القيمة المنبأ بها مختلفة عن القيمة الفطية في جدول (٢-٥) ففى حسالة س = ١٠ ، فإن قيمة ص الفعلية المقبابلة لها من المدول = ١٠.

ويعتمد هذا الاختلاف على حجم العلاقة بين المتغيرين من ، ص فاذا كانت العلاقة مرتفعة يقل الفرق بين القيم الفطية والقيم المتنبأ بها ، أما إذا كانت العلاقة بين المتغيرين متخفضة فان هذا الفرق يزداد ، وتحسب دقة التقدير بمدى انحراف الدرجات الفعلية عن الخيط المستقيم ، والمقياس الذي يستخدم لتوضيح هذه الفروق هو مقياس لدرجة دقة القيم المتنبأ بها وهيو ما يعرف باسم الخطأ المعياري للتقدير Hopkins et al , 1987:99) Standard error of estimation)

الخطأ المعيارى للتقدير (عصراح) = عي
$$\sqrt{1-c^{2}}$$

= $\sqrt{1-c^{2}}$

= $\sqrt{1-c^{$

ومن الواصلح أن ع (س/س) لاتساوى ع (س/س) ومن الواصلح أن ع (س/س) كما يمكن حساب ع (سراس) بطريقة أخرى بعد التوصل للدرجات المتنبأ بها (ص)

وفي حالة العينات الصغيرة يكون الخطأ المعياري التقدير هو:

$$\frac{\binom{Y_{1}-1}{(w_{1}-1)}\binom{\dot{U}}{\dot{U}-Y_{2}}}{\binom{U}{\dot{U}-Y_{2}}} = \frac{1}{3} \sqrt{\frac{\dot{U}}{\dot{U}-Y_{2}}} =$$

ثانيا : الاتحدار الخطى البسيط للبيانات المبوبة :

عرضنا من قبل للبيانات المبوية في جدول توزيع تكرارى في حالة بيانات منفير واحد . ولكن الانحدار الخطى البسيط يهتم بالعلاقة بين متغيرين ، وعليه فال البيانات المبوية اللازمة لتحليل الانحدار الخطى البسيط نتضمن متغيرين معا في جدول تكرارى واحد ، ويسمى مثل هذا التوزيع بالجدول التكرارى المزدوج .

ويحتوى الجدول التكراى المزدوج على فئات وتكرارات لكل من المتغيرين . وقد سبق توصيح كيفية اعدا د الجدول التكراري (أحادى المتغير) ، وسنوضح هنا كيفية إعداد الجدول التكراري المزدوج (ثنائي المتغير) ، باستخدام خطوات اعداد الجدول التكراري الاحادى .

فاذا فريض أن لدينا متغيرين هما س ، ص وكانت درجاتهما لعينة حجمها ٢٠ فردا كما بالجدول (٥ - ٣) .

جدول (٥ - ٣)

فيمكن اعداد جدول توزيع تكرارى مزدوج باتباع نفس خطوات اعداد الجدول التكراري الاحادي مع بعض التعديل على النحو التالي:

١ - نحسب مدى الدرجات لكل من س ، ص .

مدی درجات س = ۱۰ – ۰ + ۱ = ۱۱

مدی درجات ص = ۲۲ - ۹ + ۱ = ۱٤

٢ - نختار فئات (س) وقنات (ص) وطول كل منها بشرط أن يكون :

حاصل ضرب عدد الفئات × طول الفئة ≥ المدى

ويمكن اختيار عدد فدات س = ٦ ، طول الفدة = ٢ ، ويكون حاصل منربهما ٦ × ٢ = ١١ وهي اكبر من المدى (١١).

ركذلك عدد فثات من = ٧ ، وطول الفلة = ٢ ، وحاصل ضربهما ٧ × ٢ =

٣ - نكون الجدول الثنائي بوضع فئات س أفقيا وفئات من رأسيا وتبدأ فئات س بالدرجة ٥ ، وتكون الفئة الاولى (٥ - أقل من ٧)، والثانية (٧ - أقل من ٩) وهكذا حتى الفئة الاخيرة (١٥ - أقل من ١٧).

أما فئات ص فتبدأ بالدرجة ٩ وتكون الفئة الاولى (٩ – أقل من ١١) والثانية (١١ – أقل من ١١) والثانية (١١ – أقل من ١٣) وهكذا حتى الفئة الاخيرة (٢١ – أقل من ٢٣) ، انظر جدول (٥ – ٤) .

٤ - نبداً في توزيع أزواج درجات المتغيرين س ، ص (المدونة بجدول ٥ - ٣)
 على فدات وخلايا جدول (٥ - ٤) . والمقصود بالخلية ذلك المربع (أو المستطيل) ، النائج من تقاطع إحدى فدات س مع احدى فدات ص ، كما بالجدول (٥ - ٤) . فمثلا زوج الدرجات (١٣ ، ١٧) هما أول زوج من أزواج الدرجات ، ولتمثيل هاتين الدرجدين في الجدول التكراري المزدوج ، فان الدرجة (س = ١٣) نقع في الغاة الخامسة من فدات س (١٣ - أقل من

مزدوج	تكرارى	توزيع	(٤ –	٥)	جدول

مجموع تكرارات (ص)	ه۱- اقل من ۱۷	- 17	- >>	4	- V	-0	فئات س فئات ص
١						(')/	- 1
۲				(١)/		(\)/	-11
٣				(١)/	(1)//		- 17
٤			(*)///	(1)/			- 10
٦		(Y)//	(*)///		(١)/		- \٧
٣	(١)/	(1)/		(')/			-19
١		(١)/					۲۱-آقل من ۲۳
۲.	,	٤	٦	٤	۲	۲	مجموع تکرارات (س)

10) أما الدرجة (ص = 17) فهى تقع فى الفئة الخامسة أيضا من فئات ص (١٧ - أقل من ١٩) ومن ثم نضع علامة (/) فى الخلبة الخامسة أسفل الفئة (١٧ -) . وكذلك الحال مع زوج الفئة (١٣ -) . وكذلك الحال مع زوج الدرجات (٢ ، ١١) حيث نقع الدرجة (س = ٢) فى الفئة الاولى من . فئات س ، أما الدرجة (ص = ١١) فى الفئة الثانية من فئات ص . وبذلك فاننا نضع علامة (/) أسفل الفئة الأولى من فئات س وأمام الفئة الثانية من فئات س وأمام الفئة الثانية من فئات ص . وهكذا لبقية أزواج الدرجات المدونة بالجدول (٥-٣)، حتى بكتمل الجدول النكرارى المزدوج (جدول ٥ - ٤).

- د التكرارات في كل خلية بدلا من العلامات ، كما هي موضحة بين
 الاقواس في خلايا الجدول المزدوج ، لاحظ وجود خلايا بدون تكرارت لعدم
 وجود درجات مناسبة لتلك الخلايا .
- ٦ سنجمع تكرارات كل فئة من فئات س ونكتبها أسفل الجدول المزدوج أمام مجموع تكرارات س . ومجموع تكرارات الفئة الاولى من فئات س هو (٢)، والفئة الثانية (٣) وهكذا حتى الفئة الاخيرة بها تكرار واحد .

ويكون المجموع الكلى لتكرارات فنات س هو ٢٠

بجمع تكرارات كل فئة من فئات ص ونكتبها في آخر عمود بالجدول (° –
 نحت عنوان مجموع تكرارات ص . ومجموع تكرارات الفئة الأولى من فئات ص هو (۱) ، والفئة الثانية (۲) وهكذا حتى الفئة الاخيرة بها تكرار واحد

كما أن المجموع الكلى لتكرارت فنات ص هو ٢٠ أيضا

ويتصنح من دراسة الجدول (٥ - ٤) أن شكل انتشار التكرارات يبدأ من أعلى اليمين ويستمر حتى أسفل اليسار ، وهو يعنى وجود علاقة خطية موجبة بين المتغيرين س ، ص .

ولحساب معادلة انحدار ص على س البيانات العبوبة في جدول تكرارى مزدوج ، فان المعادلات السابق الاشارة اليها لحساب قيم الثوابت أ ، ب تصبح على النحو النالى :

والمعادلتو معادلتو معادلتو المعادلتون المعادلتون المارة إليها في حال الدرجات الخام ، لكن يفضل استخدام المعادلتين ١٨ ، ١٨ لحساب قيمتى أ ، ب حيث أنهما لا تتطلبا حساب متوسطى س ، ص .

والعمليات المسابية المستخدمة هذا لا يجاد ثوابت معادلة الانحدار اكثر تعقيدا من تلك الموضعة في حال الدرجات الخام ، ولذلك ننصح بعدم استخدام الجداول التكرارية المزدوجة لحساب معادلة الإنحدار إذا توفرت لذا الدرجات الخام، أما في حالة توفر الجدول التكراري المزدوج وعدم وجود المدرجات الخام فلا مناص من استخدام هذه العمليات الحسابية المطولة والمعقدة .

خطوات حساب ثوابت معادلة الانصدار الخطى البسيط للبيانات المبوبة:

- ١ نحدد مراكز فئات س ، ومراكز فئات ص ،
- ٢ نضرب قيم مراكز الغنات في التكرار المناظر لكل من س ، ص ،
 - ٣ نحسب محاس ت ، محاص ت
- خضرب مربعات مراکز فنات س فی تکراراتها (أو نضرب س ت × س) ،
 وکذلك نضرب مربعات مراکز فنات ص فی تکراراتها (ص ت ت)
 - ه نحسب محدس ٔ ت ، محد ص ٔ ت
- تضرب تكرارات كل خلية من الخلايا في مركزي فئات س ، ص المقابلة لها،
 فينتج س ص ت لكل خلية من الخلايا . فمثلا النكرار (1) في الخلية الأولى
 يتم ضربه في مركز الفئة الاولى لـ س وهو(٢) ومركز الفئة الاولى لـ ص

وهو (١٠) فينتج ١ × ٢ × ١٠ = ٦٠ . أما التكرار (١) في الخلية الثانية أسفل الفئة الأولى له س فيتم ضربه في مركز الفئة الأولى له س وهو (٢) وفي مركز الفئة الأولى له س وهو (٢) وفي مركز الفئة الثانية له ص وهو (١٢) ١ × ٢ × ١٢ = ٧٢ . وهكذا لبقية الخلايا التي تعنوى على تكرار ، ونكتب حواصل الضرب هذه داخل الخلايا .

٧ - نجمع حواصل الضرب داخل الخلايا لكل فئة من فئات س ، ولكل فئة من فئات ص ، فئلا ١٣٢ - ٢٢ المجا٢ وهي تمثل س ص ت للفئة الأولى لـ س وكذلك ٢٠٤٤ + ١٤٤ وهي س ص ت للفئة الثانية لـ س ، وهكذا . أما فئات ص فان ٦٠ تمثل أول ثانج س ص ت للفئة الاولى لـ ص ، وكذلك فئات ص فان ٦٠ تمثل أول ثانج س ص ت للفئة الاولى لـ ص ، وكذلك فئلة الأخيرة .

جدول (٥ - ٥) حساب الانحدار الخطى البسيط للبيانات المبوية

س هن ت	ھر√ت	مال ٿ	مراکز مثان مس	مجموع ده (مار)	14-10	- 17	-11	-1	¥	- 0	فائن س ففات ص
٦.	1	1.	1.	١.,						1	- 1
144	YAA	Y8	37	٧				1		1	- 11
THE	М	73	3.6	۲				2	777		- 17
VIT	1-YE	18	17	Ĺ			7	100			- \s
1447	ME	1.4	14	1		1	1/2		111		~ \V
A	34	٦.	¥.	۲	2	The state of		1			- 11
Y+A	1A3	ΥY	77	١		1/2					77 – 71
YVol	ATFe	77-		٧.	. 3	\$	1	1	۲ '	۲.	مجموع ش(س)
_					14	11	11	١.	٨	1	مر کز فئات س
				YY.	11	-74	Υſ	£.	¥í	18	س دی
				NFaY.	Tot	νλί	3/A	f	147	٧٧	س ا ت
				TVal	17.	1.17	1771	34.	Y'W	.177	س میں ت

٨ - نجمع س ص ت المدونة أسفل جدول (٥ - ٥) فينتج مح س ص ت مدونة أسفل جدول (٢٧٥٦ مد س ص ت

٩ - نجمع س ص ت المدونة في آخر عمود بجدول (٥ - ٥) فينتج أيضا مح س ص ت = ٣٧٥٦ ويعد ذلك مراجعة لمدواصل الصرب س ص ت .

> ۱۰ - نستخدم المعادلتين ۱۸، ۱۷ لحساب قيمتى أ، ب. وباستخدام بيانات الجدول (٥-٥) فأن: مدس ت = ٢٢٠ ، مدس ت = ٢٥٦٨

مد می ت = ۲۳۰ ، مد می ت = ۱۲۲۸ ، مد می ت

مس س ص ت = ۲۷۵۹ .

وتصبح معادلة انحدار ص على س لبيانات جدول (٥-٥) هي : ص = ٧,١٣٩ + ٠,٨٥١ س

وبالطبع تختلف معادلة الانحدار الناتجة باستخدام البيانات المبوبة عن معادلة الانحدار الناتجة عن استخدام الدرجات (الخام) الاصلية .

فاذا إستخدمنا بيانات الجدول (٥ - ٣) وهي الدرجات الاصلية للمتغيرين س ، ص قبل وضعها في جدول تكراري مزدوج نجد أن :

> ن = ۲۰ ، محدس = ۲۰۹ ، محدص = ۲۲۲۲ محدس = ۲۳۲۷ ، محدص = ۶۸۲۵ ، محدس ص = ۳۰۰۳ قیمة ب = ۹۸۷ ، ۰

> > 9, VA7 - İ

والمعادلة هي ص = ٩٨٧٠ + ٩٨٧٠ س

وهى مختلفة عن المعادلة السابقة ، ولكنها اكثر دقة لأنها استخدمت الدرجات الأصلية ، وقد سبق أن ذكرنا أن قيم المتوسط والانحراف المعياري للبيانات المبوبة تقريبية ، أما للدرجات الاصلية فهى اكثر دقة .

وكذلك يمكن حساب معادلة انحدار س على ص بنفس الطريقة مع تغيير بسيط في معادلتي ١٨٠١ ،

وإذا رغينا في حساب الخطأ المعياري للتقدير لا نحدار ص على من فأننا نستخدم المعادلة (١٤) حيث : ع(س/س) = عس ١٧ - را

ومن الممكن استخدام طريقة الانحرافات عن الوسط الفرضى لكل من من ، ص والتي سبق عرضها عند حساب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري ، في التوصل الي معادلة الانحدار ، ولكن العمليات الحسابية سوف تكون مطولة ويسيطة ، والمعادلتان المستخدمتان في هذه الحالة لحساب قيمتي أ ، ب هما نفس المعادلتين ١٧ ، ١٨ مع تغيير الرمز (س) الي (ح) وهي الانحراف عن الوسط الفرضي ، كما يمكن أيضا استخدام طريقة الانحرافات المختصرة عندما تكون الفذات منساوية الطول وان نستطرد في شرح هذه الطرق لأنها قليلة الإستخدام ولايتآثر الانحدار بالوسط الفرضي أو باختصار الانحرافات مثل المتوسط الحسابي والانحراف المعياري .

وفي كل الأحوال السابقة نتوصل الى نفس المعادلة التى حصلنا عليها باستخدام مراكز الفئات، وهي كما ذكرنا معادلة تقريبية رأقل دقة من استخدام الدرجات الاصلية.

ثالثًا: الارتباط الخطي البسيط: Simple Linear Correlation

إذا إقترن التغير في متغير ما بالتغير في متغيراً خر فان أحد هذين المتغيرين قد يكون سببا للآخر ، فالتغير في التحصيل مثلا قد يرجع الى عدد ساعات الاستذكار اليومي ، أو التغير في درجات اللغة العربية قد يرجع الى ذكاء الطائب ، أو إدمان الشباب قد يرجع الى التنشئة الاسرية أو جماعة الرفاق ، وما إلى ذلك من المتغيرات . فعندما يتصل المتغير الأول بالثاني فهذا دليل على وجود علاقة بينهما، وفي هذه الحالة قد يكون أحدهما سببا للآخر ، وقد يكون هناك متغير ثالث هو السبب في تلك العلاقة ، ومعنى هذا أن العلاقة بين متغيرين ليست بالضرورة علاقة سببية ، وإنما قد ترجع الى متغيرات أخرى لها علاقة بالمتغيرين موضع الإهتمام.

وقد توجد علاقة بين منغير وعدد من المنغيرات الآخرى مثل ظاهرة الادمان التي ترتبط بعدد من المنغيرات الآخرى ، وتكون هذه العلاقة متعددة المنغيرات وليست علاقة بسيطة ، ونحن نهدم هذا بالعلاقة البسيطة بين متغيرين ، كما أننا نهتم بالعلاقة الخطية وليست المنحنية ،

والعلاقة الخطية البسيطة هي علاقة بين متغيرين يمكن تمثيلها بشكل إنتشار أو خط إنحدار بين المتغيرين . وقد تكون العلاقة طردية (شكل ٥ - ١ أ) وهي تعنى أن الزيادة في أحد المتغيرين يصحبها زيادة في المتغير الثاني .

وقد نكون العلاقة عكسية (شكل ٥ - ١ ب) وهي تعنى أن الزيادة في أهد المتغيرين يصحبها نقص في المتغير الثاني (والعكس صحيح). ويدل شكل الانتشار (٥ - ١ ج.) على عدم وجود علاقة بين المتغيرين أو علاقة صفرية ، بينما الشكل (٥ - ١ د) يدل على وجود علاقة مدحدية بين متغيرين ، ويقصد بالارتباط البسيط العلاقة بين متغيرين ، فانا كانت العلاقة طردية يكون الارتباط موجبا ، واذا كانت العلاقة عكسية يكون الارتباط سالبا ، أما كانت العلاقة معدومة فيكون الارتباط صغريا .

ومعامل الارتباط هو مقياس لقوة (حجم) العلاقة بين متغيرين (مستوى قياسهما فترى أو نسى) ، وتتراوح قيمة معامل الارتباط بين + ١ ، ١٠٠٠

ويدل معامل الارتباط +1 على علاقة موجبة تامة مثل العلاقة بين قطر الدائرة ومحيطها ، بينمامعامل الارتباط -1 فيعنى علاقة سالبة تامة مثل العلاقة بن حجم العاز وضغطه ، أما معامل الارتباط صفر فيعنى عدم وجود علاقة بين المتغيرين .

ولكن العلاقات بين المتغيرات في العلوم الانسانية لا تكون علاقات تأمة ، بل نكون علاقات أقل من ذلك ، فهي غالبا ما نكون علاقات كسرية أقل من الواحد الصحيح مثل ٤٠٠، ١٠٠، ١٠٠، ١٠٠، ١٠٠، ١٠٠، فإذا كانت الزيادة (أو النقص) في درجات متغيرما يقابلها زيادة (أو نقص) في درجات متغير آخر فان العلاقة بينهما هي علاقة موجبة ،

أما اذا كانت الزيادة في درجات متغيرما يصاحبها نقص في درجات متغير آخر فان العلاقة بينهما هي علاقة سالبة . بينما اذا كانت الزيادة (أو النقص) في درجات احد المتغيرين لا يصحبها أي زيادة أو نقص في المتغير الثاني فلا توجد علاقة بين المتغيرين ويكونا مستقلين عن بعضهما .

ويقترن معامل الارتباط باسم عائم الرياضيات الانجليزى كارل بيرسون Karl Pearon فهو أول من توصل الى معادلة لحساب معامل الارتباط للخطى بين متغيرين ، ويعرف معامل ارتباط بيرسون باسم Covariance وهو يعني مقدار التغاير Covariance بن متغيرين معيارين ، وهذا التغاير هو متوسط حاصل ضرب درحات المتغيرين المعياريين ، ويقصد بالمتغيرين المعيارين أن درجاتهما ثم تحويلها الى درجات معيارية بمتوسط يساوى الصغر وانحراف معياري يساوى الوحدة ،

ومتوسط حاصل صرب درجات المتغيرين المعبارين هو العزم الاول لمواصل الصرب Product monent ، ولذلك قد يطلق عليه البعض اسم معامل ارتباط العزوم ، إلا أن المسعى الصحيح هو معامل الارتباط البسيط ، ويعتمد معامل ارتباط بيرسون على افتراض وجود علاقة خطية بين المتغيرين ، وأن مستوى قياسهما فترى أو نسبى ، وتتوزع درجانهما توزيعا إعتداليا.

حساب معامل الارتباط الخطي البسيط :

يتم حساب معامل ارتباط بيرسون بين متغيرين س ، ص باستخدام المعادلة:

ن المتغيرين س ، ص ، وهو متوسط تغاير درجات س ، ص المعيارية

أما في حالة الدرجات الخام فإن:

وهى المعادلة التى ننصح بإستخدامها لحساب معامل إرتباط بيرسون للدرحات الخام ، وجميع المعادلات المذكورة آنفا هى صور مختلفة من حيث الشكل (لكنها متساوية رياضيا) لحساب معامل ارتباط بيرسون للدرجات الخام ، إلا أننا ننصح باستخدام الصورة الأخيرة (٢٠) ، لأنها تؤجل عمليات التقريب الحسابى الى النهاية ، والمعادلة هى :

حيث (ن) عدد أفراد العينة (عدد أزواج الدرجات) ، محس ص هو محموع حواصل ضرب أزواج الدرجات س × ص ، أما محس من ، محموع مربعات درجات ص ، وبتعتمد قيمة معامل مجموع مربعات درجات ص ، وبتعتمد قيمة معامل الارتداط على تباين درجات المتغيرين (معادلة ١٩) فاذا كان التباين صفرا يقل معامل الارتباط ، وفي حالة عدم وحود تباين في أحد المتغيرين (تساوى درجاته) فلا نستطيع حساب معامل الارتباط .

مثال (1) : ولحساب معامل الارتباط بين درجات الذكاء والعارم العبينة بالجدول (٥ - ٢) ، فاننا نضيف عموداً آخر للجدول يحتوى على مريعات درجات من وبالتالى يكون لدينا :

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1$$

وهي تقريبا نفس القيمة السابقة مع اختلاف بسيط (٢٠٠٠) يرجع الى استخدام التقريب الى رقمين عشريين في حساب المتوسطات والانحرافات المعيارية .

مثال (۲): وإذا أستخدمنا بيانات الجدول (٥-٣) لحساب معامل الارتباط البسيط بين س ، ص فاننا نقوم بحساب كل من : محس ، محس ، محس ، محس من محس ، محس من ، محس من (جدول ٥-٦) ثم نطبق احدى المعادلين (١٩) أو (٢٠) .

معامل الارتباط (ر) =

جدول (٥ - ٦) لحساب معامل الارتباط البسيط

	`				
س ص	ص	م <i>ن</i> ۲	مں	<i>U</i> n	7
177	YA9	179	۱۷	١٣	,
11	171	107	11	17	۲
١٠٨	155	۸۱	۱۲	۹.	٣
١٠٤	179	٦٤	15	٨	٤
9.8	197	٤٩	18	٧	٥
10	٨١	Yo	٩	٥	٦
18.	197	1	15	1.	\ v
188	707	۸۱	17	٩	1
170	440	171	10	31	٩
194	707	128	17	۱۲	1.
177	707	171	17	11	11
177	444	٦í	17	٨	14
194	775	171	14	11	177
417	TYE	188	14	11	11
144	YAA	171	١٧	11	10
YoY	277	۱۹٦	۱۸	11	17
19.	773	100	19	14	17
Y7.	٤٠٠	179	٧٠	١٣	18
4	£ + +	770	٧٠	10	19
۳۰۸	£A£	197	44	١٤	۲۰
40+1	07X£4	7777	***	Y • 9	المجموع

$$^{\bullet_{\mu}\Lambda T \Phi} = \frac{\forall_{\mu} \circ \Phi}{\Lambda_{\mu} \pm \pm} = 0$$

العلاقة بين الانحدار والارتباط الخطي البسيط :

وضعنا في بداية هذا الفصل كيفية التوصل الي معادلة الانحدار الخطى البسيط ، وقد ذكرنا أنه (الانحدار) يوضح العلاقة بين متغيرين . كما أن معامل الارتباط هو مقياس لنلك العلاقة بين المتغيرين ، ونستطيع التوصل لكل من معادلة انحدار أحد المتغيرين على الآخر ، وكذلك لقيمة معامل الارتباط بينهما باستحدام معامل ارتباط بيرسون إذا ما توفرت درجات المتغيرين .

وقد وصحنا أنه يمكن الجاد معادلة الحدار ص على س ، ومعادلة الحدار س على س ، ومعادلة الحدار س على ص ، وقى كل منهما نحسب ثوابت المعادلة (أ، ب) ، (أ/، ب/)

رإذا صرينا ب با نحصل على مربع معامل الارتباط (المعادلة رقم ١٤ هي مربع المعادلة رقم ٢٠) .

كما يمكن حساب معامل الارتباط عن طريق الانحدار بطريقة أخرى ، فقد ذكرنا أن دفة التنبؤ بقيم المتغير التابع من المتغير المستقل (المنبأ) تعتمد على قوة العلاقة بين المتغيرين ، وعادة ما نجد نباعدا (أو انحرافاً) القيم الفعلية عن القيم

المتنبأ بها ، وتعرف مربعات هذه الانحرافات باسم مربعات الخطأ (مربعات المتنبأ بها ، وتعرف مربعات هذه الانحرافات الانحراف عن خط الانحدار) . أما مربعات الانحدار فهى مربعات انحرافات الدرحات المتنبأ بها عن المتوسط الحسابى للمتغير التابع . ومجموع مربعات الانحدار إصافة إلى مجموع مربعات الخطأ يسمى بمجموع المربعات الكلى .

وإذا إستخدمنا الرموز التوضيح ذلك قان:

مجموع المربعات الكلي (للمتغير التابع) = مجموع مربعات الانددار + مجموع مربعات الخطأ

حيث (ص) المنغير التابع ، م من المتوسط الحسابي ، ص هي القيم المتنبأ بها . وباستخدام هذه المربعات نستطيع حساب ما يسمى بنمبة الارتباط ، وهي مربع معامل الارتباط (Freund & Wilson, 1997:293-294)

ويمكن حساب مجموع مربعات الانحدار باستخدام معامل الانحدار .

$$\frac{(71) \dots (n+m) - (n-m)}{(n+m)} - \frac{(71)}{(n+m)}$$

وهي مربع أحدى صور معادلة بيرسون السابق الاشارة اليها . مثال (١) : وإذا طبقنا هذه الطريقة على بيانات جدول (٢ - ٢) حیث ن ۲۰ ، محاس = ۸۸ ، محاص = ۷۷ س محدس = ١٠١٤ ، محرص = ١٠٩٥ ، محس ص = ١٢٦١

فقد سبق أن حصانا على معادلة انحدار ص على س وهي :

ريكون مجموع مربعات انحدار (ص على س)

ومجموع المربعات الكلى للمتغير التابع = مصص " - ن م من

وهى تقريبا تعادل قيمة معامل الارتباط السابق الحصول عليها (ويرجع الفرق بين القيمتين وهو ١٠٠٠ الى استخدام رقعين عشريين في العمليات الحسابية).

حساب الارتباط الخطى البسيط للبيانات المبوبة :

يعتمد حساب الارتباط الفطى البسيط البيانات المبوبة على استخدام بيانات من جدول تكرارى مزدوج ، وقد سبق أن وضحنا كيفية اعداد جدول تكرارى مزدوج ، وقد سبق أن وضحنا كيفية اعداد جدول تكرارى مزدوج ، ثم نحسب معامل الارتباط بين المتغيرين باستخدام هذا الجدول لأن معامل الارتباط الناتج غير دقيق (كما ذكرنا في حالة الاتحدار أيضنا) . ولكن إذا لم يتوفر لنا درجات المتغيرين موضع الاهتمام ، بل توفر لدينا بياناتهما في جدول تكرارى مزدوج ، فلا مناص من استخدام ذلك الجدول في حساب معامل الارتباط الخطى البسيط .

وتستخدم معادلة بيرسون لحساب معامل الارتباط الخطى البسيط البيانات المبوية مع تغيير بسيط فى المعادلة (١٩ مثلاً) ، وهو ضرب كل درجة من درجات س ، ص (مراكز الفئات) فى تكرارانها ، وكذلك مربعات كل درجة من درجات س ، ص وحواصل الضرب نضرب فى التكرارات المقابلة لها - وتصبح صور معادلة بيرسون فى حالة البيانات المبوية كما يلى :

ويفضل أستخدام المعاذلة الأخيرة (٢٣) وهي المقابلة المعادلة (٢٠) (السابق ذكرها في حالة الدرجات الخام).

مثال : باستخدام بيانات الجدول تكرارى المزدوج ($\circ - \circ$) يمكن حساب معامل الارتباط بين المتغيرين م \circ ص ويوضح جدول ($\circ - \circ$) العلميات الحسابية اللازمة لتطبيق المعادلة (\circ) \circ

وهي قيمة مختلفة عن معامل إرتباط الدرجات الخام لبيانات جدول (٥-٣٠) رهى نفس البيانات التي نم وضعها في الجدول التكراري المزدوج (٥-٤٠٠) . وكما دكرنا سابقا أن استخدام البيانات المبوبة يؤدي الى ننائج تقريبية وغير دقيقة. تأثير التباين وحجم العينة على معامل الارتباط:

يوضح معامل الارتباط بين متغيرين قوة العلاقة بينهما وتستازم معادلة بيرسون أن تكون درجات المتغيرين في مستوى قياس فترى أو نسبى ، وأن نكون العلاقة بينهما خطية ، وتتوزع درجاتهما توزيعا اعتداليا بالاضافة الى عشوائية اختيار العينة . فإذا كان توزيع درجات أحد المتغيرين ملتويا قان معامل الارتباط الناتج يكون أقل منه في المجتمع . أما إذا كانت العلاقة منحنية فلا يجوز استخدام معادلة بيرسون .

وكما ذكرنا أن معامل الارتباط يوضح قرة العلاقة بين الدرجات المرتفعة والمنخفضة في أحد المتغيرين مع الدرجات المرتفعة والمنخفضة في المتغير الآخر، فاذا لم يحتوى أحد المتغيرين على الدرجات المرتفعة والمنخفضة (تباين الدرجات)، فإن العلاقة بين المتغيرين تقترب من الصفره: Sprinthal, 1994)

فاذا رغب باحث في حساب العلاقة بين الذكاء والتحصيل لعينة من الطلبة المتفوقين . وفي هذه الحالة فأن درجات هذه العينة ستكون متقارية في أحد المتغيرين أو كليهما وبالتالي تكون المجموعة متجانسة ، فان معامل الارتباط بين الذكاء والتحصيل لهذه المجموعة يكون منخفضاً عن معامل الارتباط في المجتمع (مجتمع طلبة نفس المرحلة التعليمية) . ومعنى هذا أنه كلما قلت الفروق بين الدرجات (التباين) كلما كان معامل الارتباط أقل منه في المجتمع . وكلما زاد تباين الدرجات كلما إقترب معامل الارتباط من معامل الارتباط في المجتمع . أما في حالة تساوى درجات احد المتغيرين فيكون التباين صغراً وبالطبع لانستطبع في حمال الارتباط لأننا لا نستطبع القسمة على صفر .

كما يتاثر معامل الارتباط بحجم العينة وطريقة اختيارها ، فكلما كانت العينة كبيرة وعشوائية كلما إفتريت من تعثيل المجتمع . وفي هذه الحالة يقترب معامل الارتباط (بين متغيرين) من معامل الارتباط في المجتمع . أما إذا كان حجم العينة صغيرا ، فان معامل الارتباط (بين متغيرين) لهذه العينة يكون اكبر من معامل الارتباط في المجتمع . ولذلك نقترح أن لايقل حجم العينة عن (٣٠)

تحساب معامل ارتباط بيرسون بين متغيرين ، وبالطبع يفضل أن يكون إختيار العبنة عشوائيا.

تفسير معامل الارتباط :

تترواح قيمة معامل الارتباط بين ±1 ، وغالبا ما تكون قيمة كسرية . وتدل الاشارة على كون العلاقة طردية (موجبة) أو عكسية (سالبة) .

فاذا كان معامل الارتباط بين متغيرين ٧، وفانه يعنى حجم العلاقة وإتجاهها الايجابى وإذا كان معامل الارتباط بين متغيرين - ٣، وهو يعنى أيضا حجم العلاقة واتجاهها السلبى (العكسى) وقد ينظر البعض الى معامل الارتباط ٧، على أنه نسبة مئوية بين المتغيرين ، ولكن هذا غير صحيح . كما أن مثل هذه العلاقة ليست علاقة صبيبة . فقد يرتبط متغيرين إرتباطا مرتفعا أو منخفضا (إيجابيا أو سلبيا) ولكن هذا الارتباط لا يدل على أن أحدهما سببا في الآخر ، وإنما يدل على وجود شئ مشترك بين المتغيرين . فالعلاقة بين الذكاء والتحصل لا تعنى أن الذكاء يسبب التحصيل أو العكس ، وانما تعنى أنهما غير مستقلين ويوجد شئ مشترك بينهما . وقد يكون السبب هو متغير ثالث مثل عدد ساعات الاستذكار أو جودة التدريس وغير ذلك ، ويصفة عامة قان تفسير العلاقة بين متغيرين في العلوم الانسانية ، أمر شائك لتداخل العديد من المتغيرات الأخرى .

ويدل معامل الارتباط المرتفع (سواء كان موجبا أو سالبا) على علاقة قوية بين المتغيرين ، ومعامل الارتباط المنخفض يدل على علاقة ضعيفة وقد اقترح جيلفورد (145: Guilford,1956) تفسيراً لمعاملات الارتباط حسب أحجامها وذلك إذا كانت الإرتباطات دالة (هامة أو حقيقية) ، إلا أن هذه التفسيرات لاتنطبق على الإرتباطات غير الدالة .

- معامل الارتباط الاقل من ٩,٢ ضعيف ويدل على علاقة غير هامة .
- معامل الارتباط من ٢.٠ الى ٣٩.٠ ضعيف ويدل على وجود علاقة ضعيفة .
- معامل الارتباط من ٤,٠ الى ٠,١٩ متوسط ويدل على علاقة جيدة وهامة ،
 - معامل الارتباط من ٠,٧ الى ٠,٨٩ مرتفع ويدل على علاقة قوية .
 - معامل الارتباط اكبر من ٠,٩ مرتفع جدا ويدل على علاقة شبه تامة

وتنطبق هذه التفسيرات على معاملات الارتباط الدالة ومهما كانت الاشارة موجبة أو سالبة ، فمعامل الإرتباط ٨٠٠ يدل على حجم للعلاقة مشابة لما يدل عليه معامل الارتباط ٥٠٨٠ والفرق بينهما في الانجاه (إيجابي أو سلبي) .

والتقسير الاكثر شيوعا واستخداما لمعاملات الارتباط هو استخدام ما يسمى بمعامل التحديد في تفسير الارتباط . فقد ذكرنا من قبل أنه يمكن حساب نسبة الارتباط وهي عبارة عن نسبة مربعات الانحدار الى المربعات الكلية . وتعد هذه النسبة جزء من التباين (في المتغير التابع) والذي يمكن تفسيره بمعادلة الانحدار. ونسبة الارتباط هي مربع معامل الارتباط بين المتغيرين وهي التي تسمى أحيانا باسم معامل التجديد (ر) . وعليه فان معامل التحديد (أو نسبة الارتباط) هي نسبة التباين المشترك بين المتغيرين .

فاذا كان معامل الارتباط بين المتغيرين ٧, • فان معامل التحديد = (٧,٠) من بيكن هو ٤٩. • وهو يعنى أن ٤٩٪ من التباين فى أحد المتغيرين (غالبا التابع) يمكن تفسيره بمعرفة المتغير الثانى (المنبأ) . أو أن ٤٩٪ من تباين المتغير (ص) مشترك مع المتغير (س) . ومعنى هذا أننا لانستخدم معامل الارتباط كنسبة ملوية ، وإنما نستخدم مربع معامل الارتباط كنسبة ملوية لتفسير العلاقة بين المتغيرين . فاذا كان معامل الارتباط بين الذكاء والتحصيل ٥,٠ ، فان ٢٥٪ من التباين مشترك بين الذكاء والتحصيل ويمكن القول أن الذكاء والتحصيل يعتمدان على بعضهما البعض فى ٢٥٪ من التباين ، بينما ٥٥٪ المتبقية ترجع الى عوامل أخرى .

وإذا وجدنا معامل إرتباط موجب بين رواتب المعلين وتفوق طلابهم ، فلا يعنى هذا أن زيادة الرواتب تؤدى الى زيادة النفوق . وانما توجد متغيرات أخرى ترجع اليها هذه العلاقة . وإذا كان معامل الارتباط سالبا بين قلق الاختبار والاداء على هذا الاختبار ، فإنه لايعنى أن الطلية مرتفعو القلق لايجيبون عن أسئلة الاختبار ، ولايعنى أيضا أن منخفضو القلق يحصلون على أعلى الدرجات . فقد يكون الطالب غير المستعد للاختبار غير قلق ، والطالب المستعد للاختبار اقل قلقا أيضنا ، وبالتالى فان الارتباط البسيط بين المتغيرين لا يوضح لنا شيئا أو ريما يصعب تفسيره .

والخطأ الشائع في البحوث الارتباطية ، هو تفسير معاملات الارتباط على أنها علاقات سببية . والمشكلة ليست في معامل الارتباط ذاته وانما في نفسيره ،

و تحميله معنى اكثر مما يحتمل . ومن المفضل دائما الرجوع الى متغيرات أخرى ذات علاقة بالمتخيرين وتساعد في تفسير معامل الارتباط .

رابعا: معامل إرتباط الرتب:

توصل شاراز سبيرمان Charles Spearman الى معادلة لحساب معامل الارتباط بين متغيرين فى حالة القياس الترتيبى ، ولذلك يسمى معامل ارتباط الرتباط الرتب أو معامل ارتباط سبيرمان ، ولاتفترض معادلة سبيرمان أى افتراضات مثل معادلة بيرسون .

وتعتمد معادلة سبيرمان على ترتيب الدرجات (اذا كانت في مستوى فلرى أو نسبى) ، وحساب الفروق بين الرتب ، ثم تطبيق المعادلة وهي :

معامل ارتباط الرتب (ر) = ۱ -
$$\frac{7}{0}$$
 معامل ارتباط الرتب (ر) = ۱ - $\frac{7}{0}$

حيث ن عدد ازواج الرتب (أو الدرجات) ، محاف هي مجموع مريعات فروق الرتب .

مثال (1): إذا كان ترتيب مجموعة من الطلبة في مقرري اللغة العربية والرياضيات كما بالجدول (٥ - ٧).

(٧	-	٥)	جدول
---	---	---	---	---	------

نس ^۲	فروق الرتب ف	رتب الرياضيات	رتب اللغة العربية	م
)	١-	٣	۲	1
٤	Y +	١	٣	Y
٤	Y +	۵	٧	7
٤	۲-	λ	٦	٤
١	1-	۲	١	0
£	٧-	٧	۵	٦
17	٤+	٤	٨	V
٤	٧-	٦	٤	
۲۸	صفر			المجموع

ولحساب معامل ارتباط الرتب:

١ - نحسب فورق الربب (ف) ٠

٢ - نريع فروق الرتب (ف،)٠

۳ – نجسب محد شا

٤ - نطبق معادلة سبيرمان

$$\frac{7 \times 7}{(1-7 \xi) \wedge} = \frac{7 \times 7}{(1-7 \xi) \wedge} = \frac{7 \times 7}{(1-7 \xi) \wedge}$$

$$\frac{7 \times 7}{(1-7 \xi) \wedge} = \frac{7 \times 7}{(1-7 \xi) \wedge}$$

وهو يدل على علاقة متوسطة بين ترتيب الطلبة في اللغة العربية والرياضيات .

- لاحظ أن محد ف - صفر دائما

- مجموع رتب المتغير الاول = مجموع رتب المتغير الثاني.

مثال (۲) : قد تكون البيانات في مستوى قياس فترى أو نسبى لأحد المتغيرين والمتغير الثانى ترتيبى ، وفي هذه الحالة يتم حساب معامل ارتباط الرتب لبيانات جدول (٥-٨) كما يلى:

- ١ نرتب درجات عدد ساعات التدريب ترتيبا تنازليا (بما يتفق وترتيب
 اللاعبين) .
 - ٢ -- نحسب فروق الرتب (ف) ٠
 - ٣ نحسب مربع فروق الرتب (ف)
 - ٤ نطبق معادلة سبيرمان

جدول (٥ - ٨) علاقة ترتيب اللاعبين بعدد ساعات التدريب

نب	L.À	تربيب ساعات التدريب	سأعات التدريب الاسبوعي	ترتيب اللاعبين	۴
صفر	مىفر	۴	14	٣	١
صفر	منز	١	10	١	۲
٤	Y	۲ ا	١٣	٤	٣
٤	۲-	٤	11	۲	٤
٤	۲	٧	٨	٥	٥
٤	٣	٥	1.	٧	٦
مسفر	صفر	٦	٩	٦	v
17	صفر				المجموع

$$C = I - \frac{F \times FI}{V(F3 - I)}$$

مثال (٣): إذا كان مستوى قياس المتغيرين اسمى أو ترتيبى ، وبالطبع في هذه الحالة يتم حساب معامل ارتباط بيرسون ، ولكن إذا كان حجم العينة صغيراً (أقل من ٢٠) أو كان توزيع الدرجات ملتو التواء حاداً (اكثر من ٢٠٪) موجبا أو سالبا ، فاننا نستخدم معامل ارتباط سبيرمان ،

وإذا إستخدمنا درجات جدول (٥ - ١) لحساب معامل ارتباط سبيرمان بين درجات الذكاء والعلوم فاننا نتبع ما يلى :

١ - نرتب درجات كل متغير من المتغيرين (تصاعديا)

٢ -- نحسب فروق الرتب (ف) .

٣ - نحسب مربعات فروق الرتب (ف ٢) ٠

٤ - نطبق معادلة سبيرمان

ويوصنح جدول (٥ - ٩) درجات الطلبة في الذكاء والعلوم ، ويتم ترتيب درجات الذكاء حيث استبدلنا الدرجة (٨) بالرتبة (١) لأنها أقل درجة ، وتكن الدرجة الاعلى منها (١٠) تكررت مرتين احداهما ترتيبها ٢ ، الثانية ٣ ، ولذلك

نأخذ متوسط الرتبتين به ٢٠٠٠ ويكون ترتيب الدرجة (١٠) في الذكاء ٢٠٥ منوسط الرتبتين ٢٠٥ مرتين أمام الدرجيتين ١٠،٠٠٠

وتأخذ الدرجة 10 الرتبة ٤ والدرجة ٢٠ الرتبة ٥ والدرجة ٢٥ الرتبة ٣٠ ورتب درجات العلوم هي (١) للدرجة ٧٠ الدرجة ٣٠ الدرجة ٣٠ الدرجة ٣٠ الدرجة ١٦ وهكذا حتى الدرجة ١٨ رتبتها (٢) إ

جدول (٥ - ٩) لحساب ارتباط الرتب بين الذكاء والعلوم

۲		ٺ	ترتيب العلوم	ترتیب الذکاء	العلوم	الذكأء	
سقر }	• _	صفر	٦	٦	1.4	70	1
١		1-	•	٤	17	10	۲ .
٠, ٢	○	, 0 —	٣	۲,0	17	3+	٣
1		١	£	٥	10	۲.	1
منقر	. ,	صفر	١	١	٧	٨	0
+, 44		,0	۲ ا	۲, ٥	٨	1.	٦
۲, ٥	ر	صفر				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	المجموع

$$\frac{7,0 \times 7}{(1-77)^{2}} - 1 = 0$$

$$\frac{10}{71} - 1 = 0$$

العلاقة بين أرتباط سبيرمان وارتباط بيرسون :

نلاحظ أن معامل ارتباط الرتب هذا (۴, ۴) أكبر من معامل ارتباط بيرسون لنفس الدرجات حيث كان ۸۰۲، ويرجع السبب في ذلك الى أن تباين الدرجات الخام أكبر من تباين الرتب . كما أننا أعطينا الدرجة ٧ في العلوم الرنبة (١) والدرجة ٨ الرتبة (٢) والدرجة ١ الرتبة (٣) ... وهذا نلاحظ أن الفروق بين الدرجات (٢ ، ٢ ، ١) مختلفة ، بينما الفروق بين رتبها (١ ، ٢ ، ٢) منساوية وهذا ما يؤدى الى اختلاف في قيمة معامل ارتباط سبيرمان عن معامل ارتباط بيرسون لنفس الدرجات .

لكن معامل ارتباط سبيرمان لا يكون دائما أعلى من معامل ارتباط بيرسون لنفس الدرجات ، فقد يكون أقل منه أو متقارب معه .

وفى الحقيقة معامل ارتباط سبيرمان يعد حالة خاصة من معامل ارتباط بيرسون ، ولمن يرغب في معرفة ذلك نقدم البرهان النالي :

معامل ارتباط بيرسون -

ن مجہ س ص – مجہ س مجہ ص
$$\sqrt{(ن مجہ ص)^{2}}$$
 وفی حالة استخدام الرتب (بدلا من الدرجات) فان : مجموع رتب $\sqrt{(i + 1)}$ هی من مجموع المتسلسلات الریاضية . وتكون في $\sqrt{(i + 1)}$ محے فی = ۲ مجہ س ۲ – ۲ مجہ س میں

وبالتالى: مجس ص سمجس س - مجنس

وبالتعويض في قانون ارتباط بيرسون :

 $Y_{\omega} = \alpha = \alpha = \omega$

ن مجد ف ' ویالتعویض عن مجد س ، مجد س $\frac{Y}{V}$ ویالتعویض عن مجد س ، مجد س V ن مجد س V یدلالهٔ ن فإن :

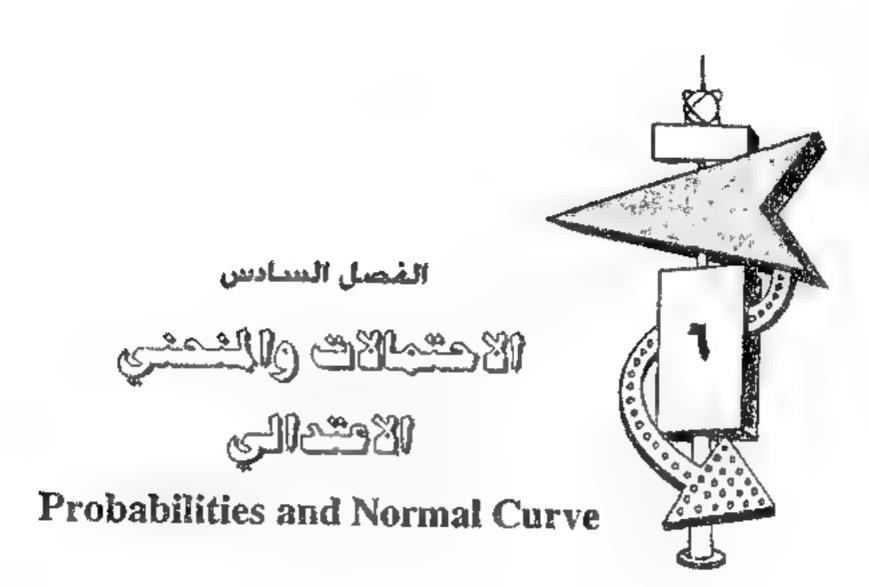
$$\frac{v_{i,j}}{v_{i,j}} = \frac{v_{i,j}}{v_{i,j}}$$
 $\frac{v_{i,j}}{v_{i,j}} = \frac{v_{i,j}}{v_{i,j}}$
 #### استخدامات معامل الارتباط:

يستخدم معامل الارتباط في حساب قيمة العلاقة بين متغيرين ، طبقا لشروط ارتباط بيرسون ، أو بطريقة سبيرمان . وتهتم معظم البحوث في العلوم الانسانية بتوضيح العلاقات بين المنغيرات ومحاولة التوصل الى مقترحات عن أسباب نلك العلاقات . كما تهتم أيضا بالتنبؤ بالمتغيرات باستخدام متغيرات أخرى مستقلة (منبله) .

ويعتمد تقنين أدوات القياس على حساب معاملات الصدق والثبات . ويحسب صدق الأداة من معاملات إرتباط درجاتها مع درجات اداة أخرى أو محك خارجي -

أما ثبات الاداة فيحسب من معاملات ارتباط درجات الأداة بعد تطبيقها مرتين (إعادة التطبيق) ، أو من معاملات ارتباط درجات صور متكافئة من الأدوات ، أو بطريقة التجزئة النصفية لأسئلة الاداة وحساب معامل الارتباط بين درجات النصفين ثم تصميحة بمعادلة سبيرمان براون ، وكل هذه الطرق تستخدم معادلة بيرسون لحساب معامل الارتباط والتي يخضع استخدامها للشروط الخاصة بها وفي كثير من الاحيان تستخدم معادلة بيرسون استخداما غير صحيحا ، فالعلاقة بين النوع (ذكر/أنثي) والدخل ، والعلاقة بين الحالة الاجتماعية والتوافق النفسي، والعلاقة بين محل الاقامة والنجاح في العمل وعيرها من العلاقات التي تستخدم متغيرات إسمية لايجوز أن تستخدم معادلة بيرسون ، ولكن هذاك طرق أخرى لحساب العلاقات بين مثل هذه المتغيرات تختلف عن معادلة بيرسون أو سبيرمان

لذلك يجب الحذر عند حساب معامل الارتباط بين متغيرين ، وكذلك تعسير هذا الارتباط.





الفصل السادس الاحتمالات والمنحني الاعتدالي

ننعرض في هذا الفصل لمناقشة موضوع هام وهو الاحتمالات والتي كثيراً ما ستخدمها في حياتنا اليومية ، ففي الوقت الذي تقرأ فيه هذا الفصل تكون قد استخدمت كلمة إحتمال مئات الآلاف من المرات في حديثك اليومي العادي أو العلمي . فما يحيط بنا من أحداث هي احتمالية معتمدة على ظروف كل حدث ، ولا نستطيع التأكيد على حدوث حدث معين . فاذا بذل الطالب كل جهده فلا نستطيع أن نؤكد تفوقه ، وكذلك قيادتك الحريصة للسيارة لا تؤكد السلامة من الحوادث ، كما أن التغذية الجيدة والرعاية الصحية العتميزة لا توكد عدم الاصابة بالأمراض ،

وقد تكون هناك أحداث أكيدة الوقوع ولكنها قليلة ، فالحقائق المطلقة أكيدة ، ولكن معظم الحقائق نسبية . وقد نستطيع أن نوكد الحدث بعد رقوعه ، ونستدل على ذلك من الشواهد والظروف المحيطة به . فعد قذف قطعة عملة في الهواء فان وقوعها على الارض أكيد بسبب الجاذبية الأرصية ، ولكنها في الغراغ المنعدم . الجاذبية لا تسقط ، وانما قد تظل طائرة أو تجتذبها بعض الاجرام السماوية .

والاحتمالات موضوع هام وله علاقة كبيرة في البحوث العلمية وفي علم الاحصاء ، فالعديد من التوزيعات التكرارية والمنحنيات التي يعتمد عليها علم الاحصاء وأساليبه المختلفة يتم تفسيرها في ضوء الاحتمالات ، كما أن الاحصاء الاستدلالي يعتمد أساساً على الاحتمالات .

الاحتمالات: Probabilities

كثيرا ما نتحدث عن الاحتمالات ونستخدم كلمة احتمال في حياننا اليومية مثل قولنا إحتمال فوز فريق كرة على فريق آخر ، وهذا يعنى أنه يجوز أن يفوز ذلك الفريق على الفريق الآخر ، أو قولنا باحتمال فوز مرشح في الانتخابات على منافسيه ، أو إحتمال سقوط الأمطار بعد ظهر اليوم وهكذا ، فحياننا اليومية مليئة باستخدام الاحتمالات ، وقد تستخدم معها كلمات إضافية أخرى مثل الاحتمال

قوى النجاح الطالب فلان في الامتحان أو إحتمال كبير اسقوط الامطار في فصل الشناء وغيرها من الأمثلة .

ولكن الاحصائيون لا يفصلون إستخدام كلمات كبير أو قوى أو ضعيف ، وإنما يحاولون قياس تلك الاحتمالات رقعيا حتى يكون النعبير عنها اكثر دقة ، فالقول بأن إحتمال سقوط الأمطار ٨٠٪ يختلف عن القول إحتمال كبير لسقوط الامطار . والقول بأن احتمال فوز الفريق (أ) على الغريق (ب) يعادل ٧٠٪ يختلف عن كلمة احتمال قوى لفوز الفريق (أ) على الغريق (ب) .

وإذا كان احتمال حدوث الشئ معدوم فان ذلك بمثل التأكيد المطلق لعدم الحدوث وتكون قيمة الاحتمال هي أقل قيمة ممكنة وهي الصغر . أما حالة التأكيد المطلق لحدوث الشئ ، فتكون الاحتمال هي أكبر قيمة ممكنة وهي الواحد الصحيح (أو ١٠٠٪) . ومعني هذا أن قيم الاحتمال تتحصر بين الصغر والوحدة * (أو من الصغر الي ١٠٠٪) وقد يأخذ الاحتمال قيما كسرية بين صفر ، وأحد صحيح . فاذا كان الاحتمال مساويا الصغر فان ذلك يمثل الاستحالة المطلقة ، أما إذا كان الاحتمال مساويا الوحدة فان ذلك يمثل الاستحالة المطلقة ، أما إذا كان الاحتمال مساويا الوحدة فان ذلك يمثل الاألمنة أو الحقيقة المطلقة .

وهناك احتمالات يمكن معرفتها عن طريق التجريب ، قاذا قذفت قطعة من العملة المعدنية مثلا في الهواء فانه لا بد وأن تسقط وتظهر إما صورة أو كتابة (بافتراض أنها لا تسقط على حافتها) . حيث أن هذين الحدثين أو الاحتمالين (الصورة والكتابة) لا ثالث لهما وأنه يجب أن يحدث أحدهما ، أى أنها حقيقة مطلقة في ظهور أي من الوجهين (الصورة أو الكتابة) ، واحتمال تلك الحقيقة المطلقة = الوحدة ، وبالتالي فان احتمال كلا منها يساوى نصف الاحتمال الكلى ، أن احتمال ظهور الصورة - ٢/ واحتمال ظهور الكتابة = ٢/ ويكون ذلك صحيحا إذا لم تكن قطعة العملة متحيزة ،

أما في حالة زهرة (نرد) الطاولة فنوجد ست نتائج متساوية في إحتمال حدوثها (لأن الزهرة تحتوى على سنة أو جه متكافئة وغير منحيزة) . وحيث أنه من المؤكد أن تحدث نتيجة واحدة من النتائج الست (بافتراض أن الزهر لا يقف على ركن من أركانه) ، . فيكون احتمال ظهور الرقم ٢ أو ظهور الرقم ٣ يكون متساوى وهو ٢/١ ، وبالمثل احتمال الحصول على الرقم ٥ هو ٢/١ ، واحتمال الحصول على الرقم ٥ هو ٢/١ ،

ويصفة عامة فان احتمال حدوث أي حادثة هو عبارة عن النسبة بين عدد

مرات ظهور الحادثة مقسوما على عدد جميع الحالات الممكنة . وفي حالة رمى نرد الطاولة مرة واحدة فان جميع الحالات الممكنة = 7 ، وبالتالى احتمال الحصول على أي وجه من الأوجه السته هو 7/4 . ولذلك يمكن تعريف الاحتمال بأنه نسبة عدد مرات حدوث حدث معين الى العدد الكلى المحتمل للاحداث . فاذا كان عدد الحالات التي تقع فيها حادثة معينة هو 6 م 6 وجميع الحالات الممكنة هو 6 ن 6 فان احتمال وقرع الحادثة المعينة هو 6 . ففي حالة رمى قطعة العملة يوجد احتمالين فقط (جميع الحالات الممكنة) وهي الحصول على صورة أو الحصول على حدورة أو المحينة الواحدة) هو واحد 6 وعليه يكون احتمال ظهور الصورة (في حالة الرمية الواحدة) هو واحد 6 وعليه يكون احتمال ظهور الصورة (ص) 6 الرمية الواحدة) هو واحد 6 وعليه يكون احتمال ظهور الصورة (ص) 6 الرمية الواحدة) هو واحد 6 وعليه يكون احتمال ظهور الصورة (ص) 6 الرمية الواحدة)

أما إذا ألقينا قطعتى عملة معا فان الاحتمالات الممكنة هي أربع حالات كما بالجدول (٢-٦).

ĺ	١	_	ŧ)	جدول
---	---	---	---	---	------

٤	٣	٧	1	الحالة
ك	ڭ	ص	من	القطعة (أ)
실	مں	실	من	القطعة (ب)
1/2	۲	/٤	١/٤	الاحتمال

وعدد حالات ظهور الصورة في القطعتين معاً هو (١) ، فيكون إحتمال الحصول على صورتين معا = $\frac{1}{2}$. بينما احتمال الحصول على صورة وكتابة = $\frac{1}{2}$. لأن عدد حالات ظهور الصورة والكتابة معا هو ٢ . أما إحتمال الحصول على كتابة في القطعتين معا هو $\frac{1}{2}$.

ريكرن مجموع الاحتمالات (في الحادث كله)
$$\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = 1$$

ولكن الواقسم العملي قد يختلف بعض الشئ ، بمعنى أننا إذا فذفنا قطعة عملة ٦٠٠ مرة ، فقد تحصل على صدورة ٣٢٠ مرة ، ويكون احستمال ظسهور

$$= \frac{1}{100} = \frac{1}{100} \left(\frac{1}{100} = \frac{1}{100} \right) = \frac{1}{100}$$

ويسمى هذا الاحتمال المذكور بالاحتمال التجريبي رهو عدد المحاولات الكلية

وبالمثل اذا كان عدد المواليد ١٠٠٠ طفل بينهم ٤٨٠ ذكور ، فان إحتمال أن

وإذا ألقينا زهرتى طاولة معا فانه يظهر لنا وجهين ويكون مجموع النقاط على الوجهين معا يتراوح بين ٢ إلى ١٢ ، وتكون عدد الحالات الكلية الممكنة هي ٣٦ كما هو مبين بالجدول النالى:

(۲	-	٦)	دول	جا
---	---	---	---	---	-----	----

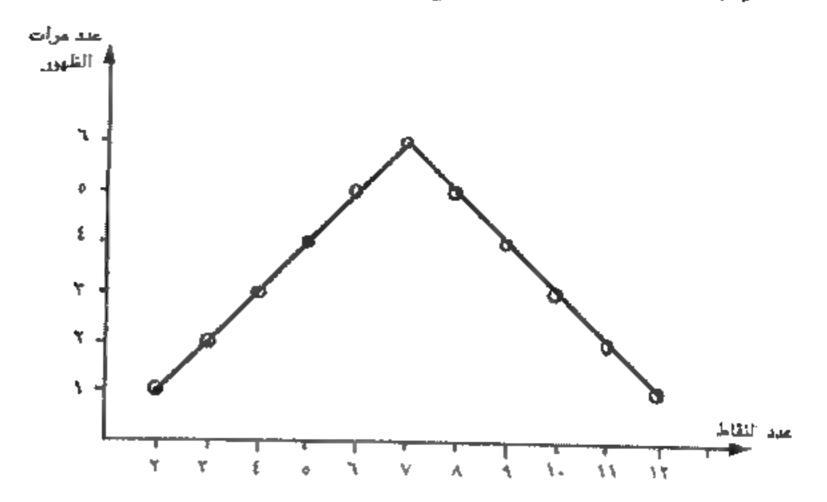
لمجموع	14	11	1+	٩	٨	٧	٦	٥	ź	٣	۲	عدد النقاط
44	١	٧	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠	11	عدد مرات الطهور
,	77	77	٣٦	<u>د</u> ۳٦	77	7	77	£ * 7	77	77	7 7 7 7	الاحتمال

ويتضح من هذا الجدول (٢ - ٢) أن عدد المرات التي نحصل فيها على ٣ نقاط هي : واحد في أحد الزهرتين و ٢ في الثاني ، ٢ في الأول وواحد في الثاني . أي أن عدد مرات ظهور العدد ٣ هو ٢ ، ويكون إحتمال الحصول على العدد ٣ - ٢ .

أما عدد مرات ظهور العدد ٥ مثلا فهي : (١،٤) ، (٣،٢) ، (٢،٢) ، (١،٤) ، أي أربع مرات ، ويكون احتمال الحصول على العدد ٥ عند رمي زهرتين

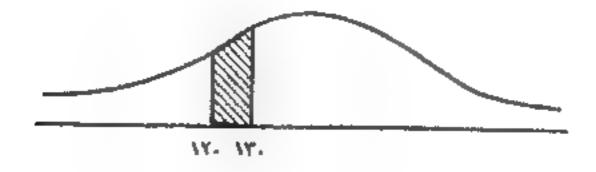
معا هو 🚣 .

وإذا مثلنا الجدول السابق بيانيا بمنحنى تكرارى فاننا نحصل على منحنى منصل يشبه شكل المثلث ، ومن الواضح أنه منحنى متماثل (شكل ٦-١).



شكل (٦ - ١) ملحنى ترزيع احتمالي

ويمكننا تطبيق ذلك في الحياة العملية ، فاذا أخذنا عينة مكونة من ١٠٠ طالب وطالبة من أعمار مختلفة وقسنا أطوالهم وحاولنا تمثيل ذلك بيانيا فائنا قد نحصل على منحنى مشابه المنحنى السابق ، ومن هذا المنحنى نستطع إيجاد احتمال الحصول على طالب (أو طالبة) طوله يتراوح بين ١٢٠ ، ١٣٠ سم فانه يساوى نسبة المساحة المظالة بالشكل (٢-٢) الى المساحة الكلية تحت المنحنى ، وتعد هذه النسبة هي احتمال الحصول على طالب طوله يتراوح بين ١٢٠ ، ١٣٠ سم ومعنى هذا أن المساحات نحت المنحنى ما هي إلاإحتمالات تستخدم في الحديث عن البيانات أو النتائج .



شكل (٦ - ٢) منحنى توزيع أطوال عينة من الطلبة

وهناك توزيعات إحتمالية كثيرة مثل التوزيع الاعتدالي ، وتوزيع ذي الحدين ، وتوزيع ذي الحدين ، وتوزيع مربع كاي ، وتوزيع من وغيرها .

وسوف نناقش فيما يلى التوزيع الاعتدالي ،

منحنى التوزيع الاعتدالي : Normal Distribution

إذا كان المتوسط الحسابي والانحراف المعياري هما روح الاحصاء الوصفى فإن المتحدى الاعتدالي اكثر أهمية لعلم الإحصاء وأساليبه المتعددة ، كما أنه يجمع بين المتوسط الحسابي والانحراف المعياري معا . ويرجع اكتشاف المنحني الاعتدالي الى عائم الرياضيات الالماني كارل فريدريك جاوس Karl F . Gauss ولذلك يشير كثير من الاحصائيين الى المنحني الاعتدالي بالمنحني الجاوسي (Sprinthal 1,1994: 59).

وكان جاوس أفضل من أفرانه في الرياضيات ، حيث كان يثير حالة من التوتر والارتباك لدي معطم المعلمين . وقد قيل عنه أنه كان يستطيع الجمع والطرح والصرب والقسمة قبل تعلم الكلام . ففي عمر ثلاث سنوات عند ما بدأ التحدث اكتشف خطأ حسابيا في حسابات والده ، وفي عمر الثامنة كان يجمع من ١ إلى ١٠٠ في عقله (عندما أعطى المعلم لتلاميذ صفه واجبا لجمع هذه الاعداد من ١ إلى ١٠٠ أثناء انشغال المعلم في التصميح ولكن جاوس توصل للحل وأفسد خطة المعلم). وبعد كارل جاوس من أهم الاشخاص في تاريخ الاحصاء لأنه أكتشف المنحنى الاعتدالي ومفاهيم احصائية أخرى (Sprinthal 1,1994:59) والتوزيع الاعتدالي من التوزيعات الاحتمالية الهامة في الاحصاء وفي الدراسات التربوية والاجتماعية والانسانية . والتوزيع الاعتدالي هو توزيع يأخذ شكل منحني مد اثل ذو قمة واحدة ، ويمتد طرفاه إلى مالانهاية ، وهو يشبه الى حد كبير شكل الناقوس المقلوب ولذلك يسمى بالمنحثي الناقوسي (الجرسي). ويمكن الحصول على مثل هذا التوزيع إذا أخذنا عينة عشوائية من مجتمع معين وقسنا أطوالهم أو حصلنا على درجاتهم إذا أخذنا عينة عشوائية من مجتمع معين وقسنا أطوالهم أو حصانا على درجاتهم في الذكاء مثلا ، ثم مثلنا الدرجات بيانيا فاننا نحصل على منحنى تكرارى قريب من شكل المنحنى المعتدل،

خصائص المنحنى الاعتدالي :

المنحنى الاعتدالي هو توزيع تكراري له قمة واحدة ، ويمثل المحور الافقى درجاته بينما المحور الرأسي يمثل تكرارات هذه الدرجات ، وللمنحلي الاعتدالي

سن حصائص (Sprinthal I, 1994: 60-62) تعيزه عن التوزيعات التكرارية الأخرى وهي :

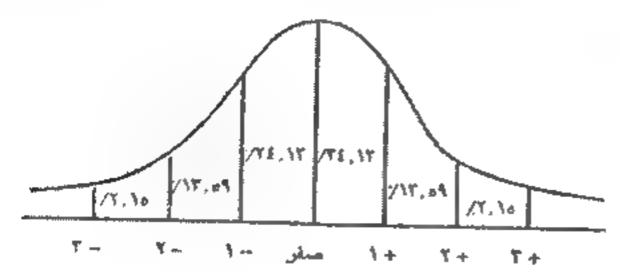
- ١ تنجمع معطم الدرجات في المنحنى الاعتدالي حول وسط التوزيع حيث تقع
 قمة المنحني ، ومع زيادة المسافة عن الوسط (من الجهتين) تقل تكرارات
 الدرجات وينحدر المنحني ليقترب من المحور الافقى عند طرفيه .
- ٢ في المنحنى الاعتدالي تنساوى مقاييس النزعة المركزية الثلاثة (المتوسط والوسيط والمنوال) ، حيث تكون في نفس النقطة وهي مركز أو منتصف التوزيع.
- ٣ -- المنحنى الاعتدائي متماثل Symmetric ، وإذا أسقطنا عموداً من قمته الى المحور الأفقى فانه يقسم المنحني الى نصفين متطابقين تماما وتكون مساحة كل قسم مساوية ٥٠٪ من المساحة الكلية نحت العنحني.
- ٤ يمكن تقسيم كل نصف من نصفى المنحتى الاعتدالي إلى ثلاثة أقسام طول كل قسم منها (على المحور الافقى) هو واحد إنحراف ممعيارى . وبالتالى فان العلاقة بين المدى (الفرق بين أكبر وأقل درجة) والانحراف المعيارى هي ستة أمثال تقريبا .
- ٥ توجد علاقة ثابتة بين المنحنى الاعتدائى والانحراف المعيارى ، فاذا تم تدريج وحدات المحور الافقى بوحدات الانحراف المعيارى تكون النسب الملوية للمساحة تحت المنحنى عند تلك الوحدات ثابتة ، وهذه العلاقة صحيحة لكل المتحنيات الاعتدائية . ومعنى هذا إذا وجدت نسبة مئوية معينة من الدرجات تقع بين واحد واثنين انحراف معيارى فوق المتوسط تكون هى نفس النسبة في أي منحنى اعتدائى . وحيث أن المنحنى الاعتدائى متماثل فان النسبة بين أي قيمتين للانحراف المعيارى فوق المتوسط أو نحت المتوسط تكون متساوية وثابتة . وهذه الخاصية مهمة في فهم المنحنى الاعتدائى . وإذا تم رسم المنحنى بوحدات الانحراف المعيارى فانه يسمى المنحنى الاعتدائى الاعتدائى الاعتدائى المعيارى.
- ٦ طرفا المنحنى الاعتدالي منقاربان Asymptotic مع المحور الأفقى ، بمعنى أنهما لا يمسان المحرر الافقى مهما كان إمنداده ، أي أن طرفيه موازيان تجارزا للمحرر الأفقى .
 - ٧ ومن أهم خواص المنحني الاعتدالي أن تقطئي الانقلاب للمنحني وهما:

النقطتان اللتان تيغير عندهما إنحاء إنحناء العنحني تقعان على بعد ت واحد انحراف معياري من العتوسط الحسابي (أحمد عباده سرحان ، ١٩٦٨ ، ١٩٦٨)

والمنحنى الاعتدالي المعياري منوسطه العسابي - صغر وانحرافه المعياري-١٠ ، ويرمز لهذا المنحني بالرمز (٥.١) N

ويوصح الشكل (٦ - ٣) المنحنى الاعتدالي المعياري ، والمسلحات تحت المنحنى بين وحدات الانحراف المعياري ثابتة منذ التوصل اليها . كما أن المنوسط والوسيط والمنوال يقعوا دائما في نفس النقطة على المحور الأفقى .

وحيث أن الوسيط يقسم التوزيع دائما إلى نصفين ، فاذا تساوى الوسيط مع المتوسط فان المتوسط هذا يقسم التوزيع الى نصفين متساويين ولأن المنحنى متماثل فتكون المساحة تحت المنحنى بين المتوسط وواحد انحراف معيارى (فوق المتوسط أو تحت المتوسط) هى دائما ٣٤,١٣٪ . وعنيه تكون المساحة (تحت المنحنى) بين فه واحد إنحراف معيارى هى ٢ ×٣٤,١٣٪ - ٢٦ ٨٠٪٪ . كما أن المساحة (تحت المنحنى) بين واحد وإثنين انحراف معيارى (فوق المتوسط أو المساحة (تحت المنحنى) بين واحد وإثنين انحراف معيارى (فوق المتوسط أو تحت المنوسط) هى ١٣،٥٩ ٪ . ومن الواضح أن المساحات تقل كلما إبتعدنا عن المتوسط.



شكل (٦ - ٢) المنحنى الاعتدالي المعياري

وتكون المساحة بين المتوسط وإثنين انحراف معيارى (فى أى من الجسهتين) هى : ٣٤,١٣ ٪ + ١٣،٥٩ ٪ = ٤٧,٧٢ ٪ ، كما أن المساحة بين المتوسط ±٢ إنحراف معيارى تساوى ٢ × ٤٧,٧٢ ٪ = ٤٤,٥٩ ٪

أما المساحة بين ٢ ، ٣ انحراف معياري فهي ٢, ١٥ ٪ ، وتكون المساحة بين المتوسط وثلاثة انحراف معيارية = ٤٧,٧٢ ٪ + ٢,١٥ ٪ = ٤٩,٨٧ ٪

وكذلك المساحة بن المتوسط ±٣ إنصراف معياري = ٢ × ٩,٨٧ ٪ =

.7.99,48

ومما سبق فان المساحات المذكورة والمحصورة بين الوحدات المعيارية هي احتمالات ، ويكون احتمال الحصول على فرد تنراوح درجته بين ±1 انحراف معياري هي ٦٨, ٢٦٪ . وكذلك احتمال الحصول على فرد تنراوح درجته بين ±٢ إنحراف معياري هي ٩٥,٤٤٪ وهذا إحتمال الحصول على فكلما إبتعدنا عن المتوسط نحو الطرفين تزيد المساحة المحصورة بين النقطتين وبالتالي يزداد الاحتمال.

ونستطيع تحديد المساحة تحت المنحنى الاعتدالى بين أى نقطنين باستخدام جدول المنحنى الاعتدالى المعيارى (ملحق رقم ١)، وتلك المساحات هى احتمالات لوقوع الدرجات المقصودة ، وعلى سبيل المثال إذا أردنا معرفة إحتمال الحصول على فرد طوله اكثر من ١٨٥ سم من توزيع اعتدالى للأطوال فائنا نحول قيمة الطول الى درجة معيارية ، ثم نحدد المساحة بين هذه الدرجة المعيارية والمتوسط حتى نعلم حجم الاحتمال المطلوب، وسوف نوضح ذلك فى المثال التالى:

مثال : إذا كان متوسط الطول = ١٦٠ سم والانحراف المعياري = ٢٠ فان

وبالرجوع الي جدول المنحنى الاعتدالى المعيارى فان المساحة بين هذه الدرجة المعيارية (١, ٢٥) والمتوسط (صغر درجة معيارية) هي ٢٩,٤٤ ٪ . وحيث أن الدرجة المعيارية ١, ٢٥ أعلى من المنوسط الذي يمثل منتصف المنحنى فان المساحة بين الدرجة ١, ٢٥ والطرف الأيسر للمنحنى = ٢٩,٤٤ ٪ + ٠٠ ٪ = فان المساحة بين الدرجة المعيارية ١, ٢٥ والطرف الأيمن (الأعلى من ١, ٢٥) هي : ٥٠ ٪ - ٢٩,٤٤ ٪ = ١٠,٥٠ ٪ . وعليه قان احتمال الحصول على فرد طوله اكبر من ١٨٥ سم من هذا التوزيع هو ١٠,٥٠ ٪ .

أما إحتمال الحصول على فرد طوله أقل من ١٨٥ سم من هذا التوزيع هو ٨٩.٤٤ م وبالطبع تبدو هذه الاحتمالات منطقية لأن الأفراد ذور الأطوال الاكبر عددهم قليل في توزيع المجتمع ، وكذلك ذور الأطوال الأصغر ، فاحتمال الحصول على فرد طوله أقل من ١٢٠ سم (في هذا المثال) هو ٢٠٠٪ – ٤٧.٩٢ ٪ ح٨٠٪، لأن الطول ١٢٠ سم يعادل ٢ درجة معيارية وتكون المساحة بين المتوسط و- ٢ - كان الطول ٢٠٠٨ ٪ وعليه فان المساحة المتبقية من نصف المتحتى هي ٢٠٠٨ ٪ وهي

إحتمال الحصول على فرد طوله أقل من ١٢٠ سم . أما احتمال الحصول على فرد طوله اكبر من ١٢٠ سم فهو ٥٠ ٪ + ٤٧,٩٢٪ = ٩٧,٩٢٪ .

$$\frac{1}{2}\left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$
enals is therefore by the second of the second o

حيث ط = ٣, ١٤ ، هـ = ٢,٧٢ ، م = المتوسط، ع = الانحراف المعيارى ، أما ذ فهى الدرجة المعيارية .

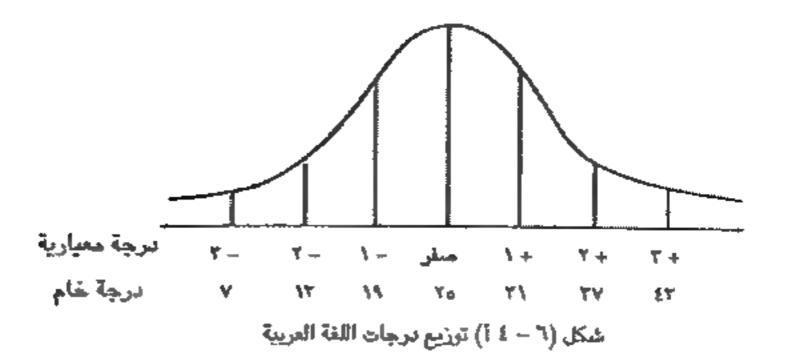
الدرجة المعيارية Standard Score :

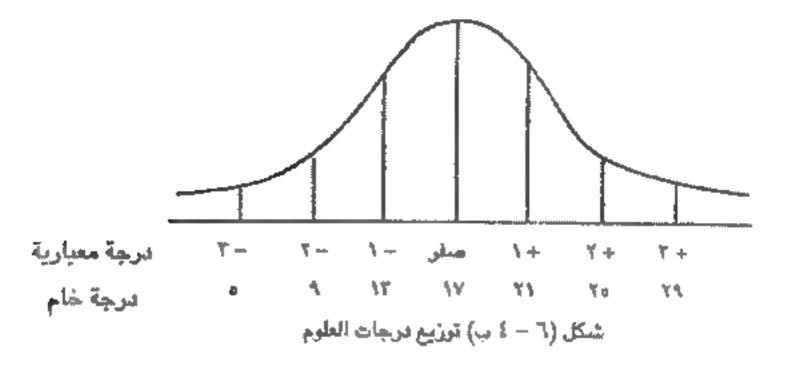
منحنى توزيع الدرجة المعيارية هو المنحنى الاعتدائى الذى متوسطه صعفر وانحرافه المعيارى = 1 . وكما ذكرنا من قبل فان معظم المساحة تحت المنحنى الاعتدائى (٩٩,٧٤ ٪) تنحصر بن ٢ ٣ درجة معيارية ، والسبب فى الحصول على درجات معيارية هو محاولة لايجاد وحدة قياس ثابئة الطول لاتتأثر بالمتوسط أو الانحراف المعيارى . فمثلاً إذا كان لدينا توزيعا معندلا لدرجات مجموعة من الطلبة فى مادة اللغة العربية بمتوسط = ٢٥ وانحراف معيارى = ٣ فان : المتوسط + ٢ ع = ٢٠ + ٢ = ٣٠

والمتوسط + ٣ ع - ٢٥ + ١٨ = ٢٦ وبالمثل المتوسط - ١ ع = ٢٥ - ٣ = ١٩ وهكذا .

أما إذا كان توزيع درجات نفس الطلبة في مادة العلوم توزيعا معتدلا بمتوسط فدره 17 وانحراف معياري قدره $\frac{1}{2}$ ، فإن المتوسط + 1 ع = 17 + $\frac{1}{2}$ = 17 ، المتوسط + 2 = 14 + 17 = 17 وكذلك المتوسط - 1 ع = 14 - $\frac{1}{2}$ = 17 ، المتوسط - 2 ع = 14 - $\frac{1}{2}$ = 18 المتوسط - 2 ع = 14 - $\frac{1}{2}$ = 18 المتوسط - 2 ع = 14 - $\frac{1}{2}$ = 19 ولكننا لا نستطيع القول بأن الدرجة 20 في اللغة العربية تساوى الدرجة 20 في العلوم ، لأن وحدات القياس مختلفة . أما إذا أردنا إيجاد وحدة قياس واحدة لهما فائنا نحول تلك الدرجات (الضام) إلى درجات معيارية ،

والدرجة المعيارية =
$$\frac{|| \text{licend}||_{-\infty}}{|| \text{licend}||_{-\infty}} = \frac{|| \text{licend}||_{-\infty}}{|| \text{licend}||_{-\infty}}$$





ونكون الدرجة المعيارية

ويدرن الدرجة المعيارية العربية
$$= \frac{70 - \ln \log d}{7} = \frac{70 - 10}{7} = \cos d$$
 $= \frac{70 - 71}{7} = 10$
 $= \frac{70 - 77}{7} = 10$

الدرجة المعيارية للدرجة الخام
$$17 = \frac{17 - 10}{3} = -1$$

الدرجة المعيارية للدرجة الخام $17 = \frac{17 - 17}{3} = +1$

الدرجة المعيارية للدرجة الخام $17 = \frac{17 - 17}{3} = +7$

الدرجة المعيارية للدرجة الخام $17 = \frac{17 - 17}{3} = +7$

الدرجة المعيارية للدرجة الخام $17 = \frac{17 - 17}{3} = -1$ وهكذا .

ومعنى ذلك أن طريقة حساب الدرجات المعيارية للدرجات الخام في اللغة العربية أو العلوم هي طريقة واحدة وتعتمد على متوسط كل مجموعة والجرافها المعياري . وبالتالي فان الدرجة (الخام) ٢٥ في اللغة العربية = صفر درجة معيارية أما الدرجة (الخام) ٢٥ في العلوم - ٢ درجة معيارية ،ولذلك تكون الدرجة ٢٥ في العلوم أعلى من الدرجة ٢٥ في اللغة العربية .

استخدامات الدرجة للعيارية :

تستخدم الدرجات المعيارية في مقارنة درجة الفرد بنفسه لمعرفة مدي تقدمه ، فيمكن مقاربة درجات الطالب في مادة معينة طوال العام أو مقارنة درجاته في المواد الدراسية المختلفة بشرط أن يكون توزيع الدرجات اعتداليا، وتحويل الدرجات الخام الى درجات معيارية . كما يمكن استخدام الدرجة المعيارية في مقارنة أداء الفرد بالمجتمع ، وتستخدم الدرجات المعيارية أبدنا في اعداد معيير الاختبارات والمقاييس النفسية المختلفة ، حيث يمكن تحويل الدرجة المعيارية الى درجة تائية ، أو الى درجة معدلة ، أو درجات ذكاء انحرافية في حالة درحات اختيارات الذكاء

ويمكن أيضا إستخدام الدرجة المعيارية في إيجاد معايير التساعيات . Percentile. أو المثنيات Stanines

الدرجة النائية t-score الدرجة

ذكرنا من قبل أن الدرجة المعبارية هي تحويل للدرجات الخام الى وحدات منساوية مستقلة عن المتوسط والانحراف المعبارى ، ويكون التوزيع الاعتدالي المعبارى ترزيعا متوسطه الصغر وانحرافه المعبارى هو الوحدة . وقد وضحنا المساحة نحت المنحني الاعتدالي المعباري بين وحدات الدرجة المعبارية .

وقد لا حظنا أن الدرجة المعيارية قد تكون موجبة أو سالية ، وقد تكون كسرية أيضا ، وفي مثال درجات اللغة العربية إذا كانت درجة طالب ما هي ٢٩

وإذا كانت درجة طالب آخر هي ٢٣

وقد يكون من الصعب في التطبيق العملى المقارنة بين الدرجات المعيارية الموجبة والسالبة كما أن كسور الدرجة قد يعد مشكلة للبعض أيضا ، ولذلك فان الدرجة التائية تعالج هذه المشكلات ، فهي ترفع متوسط الدرجة المعيارية الى ٥٠ وتستخدم الحرافا معياريا قدره ١٠ (دائما) وعليه فان الدرجة التائية هي درجة معيارية معدلة متوسطها = ٥٠ وانحرافها المعياري = ١٠ . ويمعنى آخر فان الدرجة التائية هي تحويل خطى للدرجة المعيارية ،

وبذلك تكون الدرجة التائية - الدرجة المعيارية × ١٠ + ٥٠

وبتطبيق ذلك على مثال درجات اللغة العربية ، فان الدرجة الضام ٢٩ تعادل درجة معبارية ٠,٦٧ ، وتكون درجتها النائية هي :

ركذاك الدرجة الخام ٢٣ تعادل درجة معبارية - ٣٣٠٠ وتكون درجتها الدائية هي (- ٣٣٠٠) × ١٠ + ٥٠ = ٣.٣٠ + ٥٠ = ٤٦.٧ .

ويكون من السهل هذا المقارنة بين الدرجتين النائيتين ٥٦,٧، ٥٦، ١٠ وحيث أن الدرجات المعيارية للتوزيع الاعتدائي تتراوح بين ٣-، ١٠ فان الدرجة النائية التوزيع الاعتدالي تترواح بين ٨٠، ٢٠ حيث تكون الدرجة النائية ٢٠ هي تحويل

الدرجة المعيارية - ٣ الى درجة تانية (- ٣ × ١٠ + ٥٠ = ٢٠) ، أما الدرجة العظمى ٨٠ فهى تحويل للدرجة المعيارية + ٣ الى درجة تانية (٣٠ × ١٠ + ٠٠ = ٨٠) .

الدرجة التائية المعدلة :

وهى تحويل الدرجة المعيارية أيضا بطريقة مشابهة للدرجة التائية ، وقد وضحنا أنه إذا كان المتوسط ٥٠ والانحراف المعيارى ١٠ فيمكن تحويل الدرجة المعيارية الى درجة تائية ، أما اذا كان المتوسط مختلفا عن ٥٠ والانحراف المعيارى مختلفا عن ٥٠ والانحراف المعيارى مختلفا عن ١٠ ، عندئذ تكرن الدرجة التائية هي درجة نائية معدلة ، ومعنى هذا أنه يوجد عدد مختلف من الدرجات التائية المعدلة .

وأحد هذه الدرجات التائية المعدلة هي : الدرجات المعادلة للمنحلي الاعتدالي Normal curve Equivalents ومترسطها = ٥٠ وانحرافها المعباري حوالي ٢١ (تقريبا) ، وتنتراوح درجاتها من الصغر الي ١٠٠ تقريبا) (كا - 93 : Sprinthal 1,1994 وذلك لكبر الانحراف المعياري المستخدم .

كما توجد درجة تائية معدلة مستخدمة في حساب معايير درجات إختبارات SAT, GRE, TOEFL ، وهي درجات متوسطها ٥٠٠ وانحرافها المعياري ١٠٠ وتتراوح درجاتها بين ٢٠٠ ، وهذا النوع سن الدرجات النائبة قريبة الشبه من الدرجة النائبة ، أو بمعنى آخر هي درجات تائية مضروبة في ١٠ ،

وأهيانا يستخدم البعض درجات تائية معدلة عند إعداد معايير لدرجات إختباراتهم ، ويستخدمون متوسطا = ١٠٠ وانحرافاً معيارياً = ١٠، ومن أشهر الدرجات التائية المعدلة درجات نسب الذكاء الانحرافية ،

ومن الملاحظ كثرة استخدام الدرجات النائية المعدلة في معايير الاختبارات والمقاييس النفسية .

نسب الذكاء الانحرافية :

هي أحد أنواع الدرجات النائية المعدلة ، وتعتمد على تحويل الدرجة المعيارية الى درجات جديدة متوسطها ١٠٠ وانحرافها المعياري ١٥ ، وهي درجات نسب الذكاء الانحرافية المستخدمة في اختبارات وكسار للذكاء .

ونتراوح هذه الدرجات بين ٥٥ الى ١٤٥ ، حيث الدرجة ٥٥ هى المعادلة للدرجة المعيارية ٣٠٠ وهى : - ٣ × ١٥ + ١٠٠ = ٥٥ . أما الدرجة ١٤٥ فهى الدرجة المعيارية + ٣ وهى : ٣ × ١٥ + ١٠٠ = ١٤٥ .

أما إختبار ستانفورد – بينيه للذكاء فانه يستخدم درجات للذكاء متوسطها 7-1 وانحرافها المعيارى 17-1 وبالتالى فان الدرجة المعيارية 7-1 تعادل 17-1

التساعيات: Stanines

وهى نوع من الدرجات المعيارية والتائية المعدلة ، وهى تعتمد على المنحنى الاعتدالي ، ولكنها نقسم التوزيع الى تسع فئات (بينما الدرجات المعيارية للمنحنى الأول بعادل الدرجة المعيارية على ثقسم التوزيع الى ثمانية أقسام) . والتساعى الأول بعادل الدرجة المعيارية -٧٥ ، فأقل ثم يزداد كل تساعى بعد ذلك بدرجة معيارية ٥٠ ، تقريبا ، فيكون النساعى الثانى عند درجة معيارية -١,٢٣ ، وهكذا حتى نصل الى التساعى الأخير (التاسع) والذي يعادل درجة معيارية + ١,٧٥ فاكذر . والمتوسط المسابى النساعيات = ٥ ، وانحرافها المعيارى = ٢ ،

ويوضح الجدول (٦ - ٣) العلاقة بين النساعيات والدرجات المعيارية والنسية المئوية للمساحة تحت المنحنى الاعتدالى في كل قسم منها (من الواضح أن الدرجات المعيارية الثمانية) الموضحة بالجدول سنقسم التوزيع الى تسعة أقسام هي التساعيات).

ويبين الجدول (٦ - ٣) أن التساعيين الأول والنساع يحتوى كل منهما على ٤٪ من المساحة تحت المنحنى ، والتساعيان الثانى والنامن يحتوى كل منهما على ٧ ٪ ، والتساعيان الثالث والسابع بكل منهما ١٢٪ ، والتساعيان الزابع والسادس بكل منهما ١٧٪ أما التساعى الخامس فيحتوى على أعلى نسبة وهى ٢٠٪ ٪.

جدول (٢ - ٢) التساعيات ودرجاتها المعيارية

الدرجة المعيارية	المساحة المئوية للمنحنى	التساعي
من الأقل وحتى		
1, 40	٤	1
١, ٢٣ –	Y	۲
•, Y£ —	117	۳
·, Yo	17	٤
·, Yo +	۲۰	٥
*, Y£ +	17	٦
1, 77 + -	14	٧
1, V0 +	Y	٨
فأكثر	٤	٩

والتساعيات من أنواع المعايير التي كانت سائدة من قبل ، إلا أن استخدامها الآن أصبح نادراً .

التينيات: Percentile

وهى أحد أنواع المعايير الشائعة الاستخدام فى معظم الاختبارات والمقاييس النفسية والتريوية ، وتعتمد المئينيات على تقسيم توزيع المنحنى الاعتدالى الى مائة قسم إبتداء من المئيني الأول وحتى المئيني ١٠٠ ، وهى بذلك نشترط أن يكون توزيع الدرجات توزيعا اعتداليا . كما أنها تستخدم الدرجات الخام وتحولها الى درجات معيارية ثم تحسب المئينيات ،

وتختلف المئينيات عن المئويات في أن المئيني هو الدرجة الأعلى من نسبة معينة من درجات التوزيع ، فاذا كان المئيني ٣٥ = ٦٠ فان ٣٥٪ من الدرجات تكون أقل من أو تساوى ٦٠ أما المئوى فهو نسبة مثوية للتكرار أو التكرار المتجمع.

ويحسب المثيني أدرجة معينة من المعادلة (Kiess, 1977: 57):

المئيني للدرجة (س) =

أما قيمة المنيني - الحد الأدني للفئة

والمثينى الأولى فى التوزيع الاعتدالى يعادل درجة معيارية - ٢، ٤١٠ والمئينى الثانى عند - ٥٠٠ والثالث - ١٠٨ وهكذا حتى المئينى ١٠٠ عند الدرجة المعيارية + ٣ ويوضح الجدول (٢ - ٤) المئينيات وما بقابلها من درجة معيارية ودرجة تائية ونسبة ذكاء انصرافيه لاختبارات وكسلر . ويمكن الاستعانة بهذا الجدول فى اعداد معايير الاختبارات بعد تصويل الدرجات الخام الى درجات معيارية بشرط أن يكون توزيع الدرجات (الخام) اعتداليا .

ويتضح أيضا من الجدول (٦ - ٤) موقع التساعيات من الأول وحتى التاسع ، وكذلك موقع الارباعيات (الاول والثالث) والوسيط . كما نستطيع التوصل الى المئينى العاشر والمئينى العشرون وهكذا حتى المئينى التسعون وهى تسمى الاعشاريات ، فالمئينى العاشر يسمى العشير الاول والمئينى العشرون يسمى العشير الثانى وهكذا حتى العشير التاسع . وهذه التقسيمات مفيدة فى حساب معايير الاختبارات وفى اختيار المجموعات المتطرفة فى البحوث النفسية والتربوية والاجتماعية المختلفة .

جدول (٦ - ٤) المئينيات والدرجات المعيارية والتائية ونسب الذكاء الانحرافية

			T		
ملاحظات	نسبة الذكاء	الدرجـــة النائية	الدرجة المعيارية	الملينى	ļ
	٦٣,٨٥	Yo, 9.	۲, ٤١	1	
	79, 70	19,00	۲,۰۰-	٧ ا	
	۷۱,۸۰	41, 4.	1, ۸۸	٣	
التساعى الأول	٧٣,٧٥	TY, 0 +	1,40-	٤	
	Y0, Y0	TT,0.	1,40-	٥	
	Y1, 1+	72, 50	1,01-	٦	
	٧٧,٨٠	TO, Y+	1, £A-	٧	
	۷۸,۸٥	40,90	1, £1-		Ī
	٧٩, ٩٠	77,7 •	1, 45-	4	İ
	۸۰,۸۰	۳۷, ۲۰	1, 44-	1.	
التساعى الثاني	۸۱,٥٥	TY, Y+	1, 25-	111	
	۸۲,۳۰	۳۸, ۲۰	1,14-	11	ļ
	۸۳,۰۵	۲۸, ۲۰	1,11"	11"	
:	٨٤, ٤٠	44, 4 •	۱,∗۸–	11	
	Λ£, • •	۲۹, ٦٠	1, + 2-	10	ľ
	۸٥, ۱۱	٤٠,٠٠	1, * *-	17	
	۸٥, ٧٥	٤٠,٥٠	1,40-	17	
	۸٦, ۲۰	٤٠,٨٠	,44-	1.4	
į	۸٦,۸۰	٤١, ٢٠	٠,٨٨-	14	
	۸٧, ٤٠	\$1,50	٠,٨٤-	۲٠	
	۸٧,۸٥	٤١,٩٠	٠,٨١–	۲۱.	
	٨٨, ٤٥	٤٢,٣٠	1,77-	44	
التساعي الثالث	۸۸, ۹۰	£ ٣, ٦ ·	٠,٧٤-	44.	
	۸۹,۲٥	٤٢,٩٠	۰,۷۱–	37	

ناسع: جدول (٦ ~ ٤) المثينيات والدرجات المعيارية والنائية ونسب الذكاء الانحرافية

ملاحظات	نسبة الذكاء	الدرجـــة النائية	الدرجة المعيارية	المئيني
الربيع الأول	۸٩, ٩٥	٤٣,٣٠	۰, ۲۷	40
	91,81	٤٣,٦٠	*, "L£—	44
	۹۰,۸٥	٤٣, ٩٠	4,71	77
	91,40	££, Y+	*, OA_	۲۸
	91,70	££,01	1,00-	49
	97,70	££, A•	*,0Y	۳۰.
	94,00	<i>\$0,</i> • •	1,01-	m 1
	94,90	٤٥,٣٠	*, £V	44
	93, 24	٤0,٦٠	1, £ £	377
	95,00	१०, ९०	-/3,*	Y ' £
	92,10	£3,1+	•,٣٩_	70
	91,70	£ ኚ, ٤٠	*,1"1-	47
	90,00	£7, Y•	•, ٣٣-	TV
	90,70	£7,9+	•,11-	۳۸
	90,40	٤٧, ٢٠	۹, ۲۸	44
التساعي الرابع	97, 70	£4,0+	•, 40-	٤٠.
	٩٦,٥٥	٤٧,٧٠	•, ٢٢	٤١
	۹۷,۰۰	٤٨,٠٠	*, Y*	٤٢
	17,71	£4, 7+	•,14	24
	94,40	£4,04	•,10-	٤٤
	۹۸, ۰۵	£A, Y+	*,11"	٤٥
	44,0+	٤٩,٠٠	4,50-	ź٦
	44,41	£9, Y+	٠,٠٨	٤٧
	99, 40	29,04	*,**-	٤٨
	44,00	£4,V•	*, * **-	٤٩
			<u>. </u>	

تابع: جدول (٦ - ٤) المئينيات والدرجات للعجارية والنائية ونسب الذكاء الانحرانية

ملاحطات	نسبة النكاء	الدرجـــة التائية	الدرجة المعيارية	المليني
الوسيط	1	0.,	•,••-	0.
	144,50	01.71		01
	100,40	01,01	1,10	OY
	1+1, **	۵۰٫۸۰	•,•,	٥٣
	1+1,0+	01,**	1,10	Oź
	1+1,90	01,50	.,17	٥٥
	1.7,70	01,00	1,10	07
	1 . 7, 4 .	۵۱٫۸۰	+,14	٥٧
	1 . 7,	٥٧,٠٠	٠, ٢٠	۸٥
	1.7,50	٥٢,٣٠	۰, ۲۳	٥٩
التساعى السادس	1.7,70	04,00	+, Yo	٦.
	1+2, 7+	٥٢,٨٠	1, 14	71
	1+1,70	٥٣,١٠	۰,۳۱	٦٢
	1.2,40	۵۳,۳۰	*, ٣٣	٦٣
	1.0, 5.	٥٣,٦٠	1,173	ካ ٤
	100,00	٥٢,٩٠	1,44	70
	1.7,10	٥٤,١٠	1,51	11
	1+7,7+	05,54	•, £ £	7.7
	1.4,00	01,74	٠,٤٧	7.4
	1.4,0.	00,**	٠,٥٠	79
į	1+7,4+	00, 74	٠,٥٢	٧٠
	1.4, 10	00,0+	۰,۵۵	٧١ -
	114,41	00,4	٠,٥٨	77
	1-9,10	07,10	•,11	٧٢
	109,70	٥٦, ٤٠	•,78	٧٤

تابع: حدول (٢ - ٤) المئينبات والدرجات المعيارية والثائبة ونسب الذكاء الانحراهية

ملاحظات	نسبة الذكاء	الدرجـــة التاثية	الدرجة المعيارية	المليثي
الربيع الذائث	11.00	٥٦,٧٠	٠,٦٧	Yo
	11.70	٥٧,١٠	1,71	VI
	111,1•	oví.	•,٧٤	VV
	111,70	٥٧,٧٠	•,٧٧	VA
	177,10	<i>ዕለ</i> , ነ ፣	1,81	٧٩
	117,7+	٥٨, ٤٠	٠,٨٤	٨٠
	315,54	٥٨,٨٠	٠,٨٨	۸١
	۱۱۳٫۸۰	٥٩, ٢٠	٠, ٩٢	۸۲
	118,40	09,00	1,90	۸۳
	110, **	٦٠,٠٠	1, * *	Λ£
	110,7+	٦٠,٤٠	1, + £	٨٥
	117, 4.	31,61	1, 4 A	۸٦
	117,40	31,50	1,15	۸۷
	117,71	11,4.	1,14	٨٨
التساعي الثامن	114,50	77,74	1, 44	٨٩
	119, **	77,10	1, 44	9.
	14.1.	٦٣, ٤٠	1, 45	41
	171,10	74,14	1, £1	94
	177, 7+	٦٤,٨٠	1, £A	94
İ	177, 24	20,21	1,07	9 £
	171,70	77,00	1,70	90
التساعي الناسع	177,70	٦٧,٥٠	1,40	97
	174,70	14,44	1,44	4٧
	14.40	٧٠,٥٠	۲,٠٥	44
	187,10	٧٤,١٠	7, £1	99
	160, **	A4,44	7,	1

توزيع ذي الحدين (التوزيع الثنائي) Binomil Distribution:

إذا كان المتغير موضع الاهتمام يأخذ القيم صفر ، ١ مثل العديد من أسئلة الاستدانات التي تكون إجابتها نعم أو لا . وكذلك نديجة فحص الدم للمريص فقد تكون إيجابية أو سليية لمرض معين ، أو إحتمال النجاح والفشل في الاهتحانات ، أو الفور والهزيمة في المباريات وغيرها ، وكل هذه الصالات يكون الناتج منها ثنائي ، مما يستلزم وجود توزيع إحتمالي لها .

ويعتبر عن مثل هذه المتغيرات بالنوزيع الثنائي والذي يسمي توزيع ذي الحدين ، ويشترط هذا التوزيع (Fruned & Wilson, 1997 · 74)ما يلي :

- ١ وجود عدد من المحاولات المستقلة (ن) -
- ٢ كل محاولة ينتج عنها أحد الاحتمالين -
- ٣ احتمال النجاح (والفشل) يظل ثابتا طوال المحاولات .

فاذا كان إحتمال النجاح (أو الاجابة الصحيحة) ح، فان احتمال الفشل المعالية العملية العملية العملية العملية العملية العملية العملين عنصاويين). وإذا رمزنا للمتغير موضع الاهتمام بالرمز (س)، فان معادلة التوزيع الاحتمالي الثنائي هي:

احتمال ن ق ن ح
$$(1 - 3)^{3-3} = \frac{3}{(1 - 3)^{3-3}}$$
 ح $(1 - 3)^{3-3}$ احتمال ن ق ن ح $(1 - 3)^{3-3}$

حيث إن يسمى مضروب ن وهو حاصل ضرب ن فى الاعداد الصحيحة الأقل من ن ، مثل إن = ٥ × ٤ × ٣ × ٢ × ١ . وكذلك إس ، إن - س هو حاصل ضرب الاعداد الصحيحة التي يحتويها كل منهما .

ونهتم العديد من الدراسات باستخدام النسب المدوية لبعض المتغيرات ، مثل نسبة النسرب ، نسبة الادمان ، نسبة الطلاق وغيرها ، ولذلك فان إختبار هذه النسب والاستدلال منها يعتمد على التوزيع الثنائي (ذي الحدين) ، ومتوسط التوزيع الثنائي للنسب يساوي احتمال النجاح (ح) ،

$$\frac{(1-\zeta)^{2}}{(1-\zeta)^{2}} = \frac{\zeta(1-\zeta)}{\zeta}$$

وإذا كان عدد المحاولات كبيرا (العينة > ٣٠) ، فأن التوزيع الثنائي يقترب من التوزيع الاعتدالي ، حيث تكون قيمة الدرجة المعيارية :

ومن الامثلة التي يستخدم فيها نوزيع ذي الحدين مايلي:

مثال (١): إذا كان ٥٪ من الأفراد لديهم ضغط مرتفع ، فما احتمال وجود ثلاثة مرتفعي الضغط بين عينة عشوائية من عشرة أفراد .

$$\frac{1}{Y^{*}} = \frac{\circ}{1 \cdot \circ} = \frac{1}{Y^{*}}$$

مثال (۲) : أختيرت عينة عشوائية حجمها ۱۰۰ من الفاخيين لاستطلاع رأيهم في أحد المرشحين على الآخر، وقد رأى 71 منهم تقضيل هذا المرشح على الثاني وتكون النسية = $\frac{71}{100} = 71$.

والحياد في الانتخابات بين ائنين يعنى أن الاحتمال = 90 % = 97/

elicones limits =
$$\frac{\sqrt{-\infty}}{\sqrt{-\infty}}$$
 $\sqrt{-\infty}$
 $\sqrt{-\infty}$
 $\sqrt{-\infty}$
 $\sqrt{-\infty}$
 $\sqrt{-\infty}$
 $\sqrt{-\infty}$
 $\sqrt{-\infty}$
 $\sqrt{-\infty}$
 $\sqrt{-\infty}$
 $\sqrt{-\infty}$
 $\sqrt{-\infty}$
 $\sqrt{-\infty}$

وبالرجوع الى جدول المنحنى الاعتدائى فان الدرجة المعيارية Y, Y أو اكبر تقابل احتمال (مساحة تحت المنحنى) يساوى Y, Y ومعنى هذا أن احتمال حصول هذا المرشح على درجة معيارية Y, Y فاكثر (أو نسبة Y, Y فأكثر) هو Y, Y أما إحتمال حصوله على درجة معيارية من صفر وحتى Y, Y (أو نسبة Y, Y أما إحتمال حصوله على درجة معيارية من صفر وحتى Y, Y (أو نسبة Y, Y الى Y, Y) Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y) أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y, Y (أو نسبة Y,

توزيع مربع كاي (كا") :

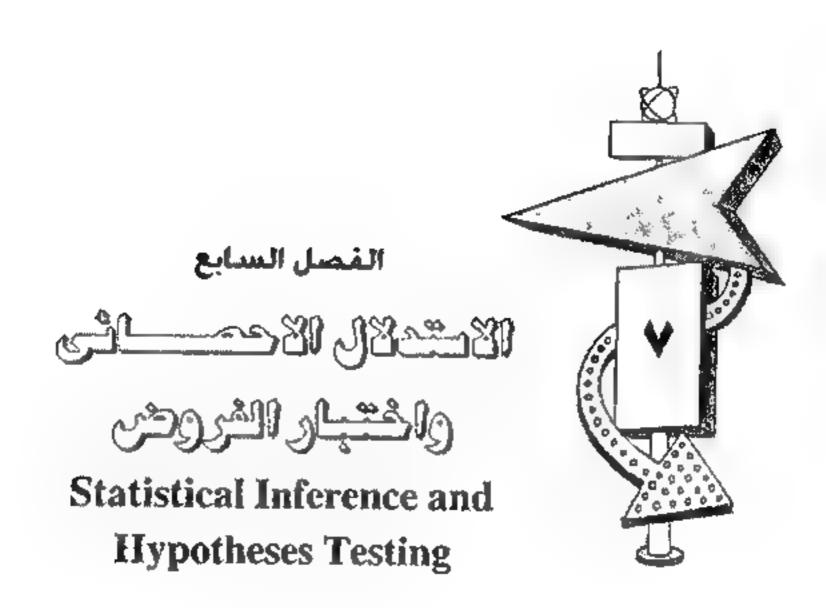
وعندما تكون ك كبيرة تقريب المئينيات في توزيع مربع كاى باستخدام التوزيع الاعتدالي المعياري ، حيث تكون :

وكلما زادت درجات الصرية يقترب توزيع كا من توزيع المنحلى الاعتدالي، فاذا أخذنا مجموعة من البيانات من توزيع اعتدالي ثم حولت الى درجات معيارية (ذ) حيث ذا _ (س م البيانات من توزيع على متغير عشوائى على متغير عشوائى على متغير عشوائى كا بدرجة حرية واحدة ، وهو مريع المتغير الاعتدالي Winer et al) بتوزيع مثل كا بدرجة حرية واحدة ، وهو مريع المتغير الاعتدالي 1991 ..

وعندما تكون درجات الحرية = ١ فان كا " ذ

واذا كانت درجات الحرية اكبر من ٣٠ فاننا نستخدم جدول المنحنى الاعتدالي

وتوحد توزیعات أخری هامة مثل توزیع (ت) وتوزیع (ف) وسوف نناقشهما فیما بعد .



الفصل السابع الاستدلال الاحصائ واختبار الفروض

عند القيام بدراسة أو بحث معين يحاول الباحث جمع بيانات للاجابة عن أسئلة معينة أو يحاول أن يختبر فروضا محددة من قبل ، وفي الإجابة عن الاسئلة أو إختبار الفروض يستخدم عينة من المجتمع ويجمع بيانات عنها ثم يحاول تطبيق أو تعميم نتائج العينة على المجتمع .

وهذا الاستنتاج بالتعميم من العينة الى المجتمع هر مايسمى بالاستدلال الاحصائى Statistical Inference . ومعلى هذا أن القصد أو الهدف فى أى درسة هو مجتمع الدراسة وليست العينة المستخدمة . فعند مقارنة طريقتين فى العلاج النفسى فإننا نقارن بين مجموعتين من الافراد ، كل مجموعة نستخدم معها إحدى الطريقتين (أ) أو (ب) ولكن الهدف من ذلك هو الوصول الى نتيجة نستطيع تعميمها على مجتمع العينة . وكذلك الحال عند المقارنة بين أسلوبين (أو عدة اساليب) للتنشئة الاسرية فإن الهدف هو تعميم النتائج على المجتمع الذي اختبرت منه العينة .

وبالطبع لا يستطيع أى باحث اجراء دراسة على المجتمع كله (إلا إذا كان المجتمع صغيرا) ، يلجأ الباحث الى اختيار عينة من المجتمع لاجراء دراسته . فاذا رغينا فى دراسة اتجاهات الكبار نحو وسائل الاعلام فمن المكلف جدا قياس انجاهات جميع الكبار فى دولة ما ، وفى مثل هذه الظروف يقوم الباحث بإختيار عينة وهى مجموعة يتم إختيارها بطريقة معينة ويفضل أن تكون عشوائية ، ويجمع بينات عنها ثم يحالها باستخدام الاسلوب الاحصائي المناسب للاستئتاج منها والتعميم على المجتمع . فقد يختار عينة حجمها ٥٠٥ أو ٥٠٠ من الكبار لقياس اتجاهاتهم نحو وسائل الاعلام ، ويستخدم أداة مناسبة لجمع البيانات وحساب الاحصاءات التي تؤدي الى الاستئتاج . وقد يخضع الاستئتاج من العينة الى المجتمع لبعض الخطأ ، ويمكن تقدير مثل هذا الخطأ ، وإذا لم يتم تقديره فإن

أي تعميم على المجتمع يكون غير ذي فائدة (Ferguson, 1971:9).

والمعلومات التى يجمعها الباحث عن خصائص العينة ذاتها ليست مهمة فى التعميم للمجتمع ، وإنما تقيد فى معرفة ما إذا كانت العينة ممتلة للمجتمع وهنا يكون أثرها فى التعميم على المجتمع . فاذا أراد باحث تجريب طريقتين للعلاج النفسى فانه يختار مجموعتين من المرضى ويطبق على كل مجموعة طريقة مختلفة ثم يجمع بيانات عن المجموعتين ، ويكون الهدف معرفة أى الطريقتين أفضل فى العلاج إذا ما طبقت على جميع المرضى . ويهتم الباحث ببيانات العينة لكى يستنتج منها ، بدرجة معينة من التأكيد عن أفضلية الطريقتين ويضع تصميما لنجريته بطريقة تمكنه من الاستنتاج ، وقد يرى البعض أن التعميم لا يخرج عن حدود العينة المستخدمة فى التجربة ، ولكن هذا الرأى يغفل شئيا هاما فى طبيعة النجريب ، فاذا لم يكن الهدف هو التعميم من العينة الى المجتمع واستخدام الخطوات التى تساعد على التعميم وتقدير الخطأ المصاحب لذلك ، فلا يكون التعارب أهمية (Ferguson, 1971: 10)

والاساليب الاحسائية التي تستخدم في وصف خصائص العينات أو المجتمعات هي أساليب الاحصاء الوصفي (السابق توضيحها) ، أما الأساليب الاحصاء الاحصاء عن خصائص المجتمع من بيانات العينة فهي أساليب الاحصاء الاستنتاج عن خصائص المجتمع من بيانات العينة فهي أساليب الاحصاء الاستدلالي،

العينات : Samples

عند اجراء دراسة أو بحث فإننا لا نستطيع اجراء الدراسة أو التجرية على المجتمع كله ، لأن هذا يكلف الكثير من الوقت والجهد والعال . فإذا أردنا مثلا حساب متوسط العمر في دولة ما ، فإننا لانستطيع احصاء أعمار الموتي والانتظار حتى يموت أفراد المجتمع لنحسب متوسط العمر ، ويالمثل إذا أردنا حساب متوسط عمر اللعبة الكهربائية التي ينتجها مصنع معين ، فلا نستطيع أن نشغل جميع اللمبات ونتركها حتى تحترق لكي نحسب متوسط عمر اللعبة .

وإذا أراد طبيب اختبار فعالية دواء معين ، فانه لا يستطيع اعطاء هذا الدواء لجميع المرضى في الدولة ، وبالمثل اذا أردنا تجريب طريقة تدريس جديدة لا نستطيع أن نجري ذلك في جميع المدارس مرة واحدة ، وفي كل هذه الحالات السابقة نختار عينة من المجتمع لنجرى عليها البحث أو الدراسة ، وتكون المشكلة الاساسية للباحث هي كيفية اختيار العينة .

والعينة التى سوف يجرى عليها الباحث دراسته يجب أن تكون ممثلة المحتمع لأنه سوف يحصل على نتائج من العينة ويرغب في تعميمها على بقية أفراد المجتمع . وتدل الاساليب الاحصائية على أن مثل هذا التعميم يمكن القيام به بدرجة كبيرة من الدقة (أو الثقة) . ولكن يجب على الباحث أن يتبع شروطا معبنة عند اختبار عينة الدراسة حتى يستطيع تعميم نتائجها على المجتمع .

ومن أهم هذه الشروط: أن تكون تلك العينة عشوائية ، بمعنى أنه ليس هناك قصد في اختيار وحدات من المجنعع دون وحدات أخرى ، والشرط الثاني في إختيار العينة أن تكون ممثلة لأفراد المجنعع الاصلى فاذا كانت العينة من مجنمع الكبار فيجب تحديد المجتمع وخصائصه ثم اختيار عينة ممثلة له ، وإذا كانت العينة من الأمهات فيجب تحديد المجتمع وأختيار عينة ممثلة له ، وإذا

وعند اختبار عينة للدراسة فغالبا ما يكتفي الباحث بالشرط الاول وهو العشوائية ، إذ أن تمثيل فئات المجتمع قد يكون من الصعب تحقيقه نظراً نلجهد والوقت اللازمين لذلك ،

وهذاك العديد من طرق اختيار العينات عند اجراء البحرث في العلوم الإنسانية وتعتمد طرق اختيار العينات على بعض الممددات الاساسية وهي :

- (أ) تكاليف اجراء الدراسة : فاذا كانت هناك جهة معولة للدراسة فإن الباحث يختار عينة عشوائية مناسبة ومعنلة لفئات المجتمع دون الاهتمام بتكاليف الدراسة . أماانا كان الباحث بمفرده هو الممول للدراسة فعندئذ بقنصر اختياره للعينة على قدر إمكاناته من جهد وتمول .
- (ب) التوقيت المحدد للدراسة : يؤثر الزمن اللازم للدراسة على حجم وطريقة اختيار العينة ومدى تمثيلها للمجتمع . فاذا كانت الدراسة محددة بفترة زمنية (سنة أو سنتان مثلا) فإن الباحث بختار العينة التي يستطيع استخدامها في انجاز الدراسة خلال التوقيت المحدد.
- (ج.) حجم فريق البحث المشارك : يختلف البحث الفردى عن البحث الجماعى ، إذ أن الجهد الفردى أقل من الجهد الجماعى ، والدراسة التي يقرم بها فرد واحد تحد من الجهد وحجم العينة والمتغيرات موضع الدراسة ، أما الدراسة التي يقوم بها فريق من الباحثين (وعادة ما

تكون معولة من جهة أخرى تهمها الدراسة) فإن تضافر جهود العريق يؤدى الى اجراء دراسة على عينة كبيرة الحجم ومتعددة المتغيرات ، أي دراسة تعكس جهود المشاركين فيها وغالبا ما تتم هذه الدراسات من خلال المؤسسات البحثية مثل مراكز البحوث العشتلفة أو الوزارات والهيئات والتى تقوم بتمويل تلك البحوث أيضا .

- (د) حجم المجتمع ومتغيراته المختلفة: إذا كان مجتمع الدراسة صعفيرا فيمكن الباحث اجراء دراسته على المجتمع كله، مثل مجتمع طلبة الماجستير في قسم علمي معين بجامعة معينة ، أو مجتمع وكلاء أو مديري العموم باحدي الوزارات ، أو مجتمع موجهي الاجتماعيات باحدي المناطق التعليمية . أما اذا كان المجتمع كبيرا مثل مجتمع معلمي المرحلة الابتدائية بالدولة ، أو مجتمع طلبة المرحلة الثانوية بالدولة (أو باحدي المناطق التعليمية) ، أو مجتمع الاختصائين الاجتماعيين ، أو مجتمع الاطباء باحدي المحافظات ، وغيرها من المجتمعات التي لايستطيع أي باحث اجراء دراسة شاملة للمجتمع كله وإنما يقتصر الدراسة على عينة من المجتمع .
- (هـ) منهج البحث المستخدم: يختلف حجم العينة باختلاف منهج البحث، فعادة ما تكون العينات كبيرة في البحوث الوصفية (في حدود ١٠٠٠ أو اكثر)، وصغيرة في البحوث التجريبة (في حدود ٢٥ فرد أو وحدة وريما أقل من ذلك)، ومتوسطة في البحوث الارتباطية. بينما نجد في البحوث التحليلية دراسات حالات محدودة مثل تحليل محتوى بعض المقالات أو الكتب أو الدراسة الاكلينيكية لبعض الحالات المرضية، أو دراسة إثنوجرافية لمجموعة محدودة، وبالطبع يؤثر نوع البحث على التعميم من النتائج إلى المجتمع.

غديد مجتمع الدراسة :

عدد قيام الباحث باجراء دراسة معينة فانه يقوم أولا بتحديد مجتمع الدراسة وخصائصه ، والمجتمع هو مجموعة من الأفراد (أو الوحدات) ، وتستخدم كلمة مجتمع عادة لتشير الى مجموعات من الافراد مثل مجتمع دولة معينة أو محافظة أو مدينة معينة ، وهى تعنى المجموعة التى تعيش في مكان محدد ، وهو استخدام خاص اكلمة مجتمع .

ويستخدم الاحصائيون مصطلح مجتمع ليشير الى مجتمع من الافراد أو الحيوانات أو الضامات أو الاحداث أو الدرجات ، ومن ثم يعرف المجتمع للغرض الخاص به مثل مجتمع السيارات ، ومجتمع الاشجار ، ومجتمع الاطفال ، ومجتمع الطلاب ، ومجتمع المرضى وغيرها.

ومن ثم قإن مقهوم المجتمع يعنى مجموعة أو تجمع من الوحدات تتصف بحصائص معينة تصف المجموعة ذاتها وليست المقردات . فعند قياس أطوال الاطفال فإننا تجمع بيانات الاطوال ثم نحسب متوسطها ، وتستخدم المتوسط لوصف خاصية الطول في المجموعة كلها وليس لأفراد بعينهم . وإذا رغبنا في قياس ذكاء المجتمع ، فقد نجد أن متوسط الذكاء في المجتمع = ١٠٢ ، ويعد هذا المتوسط وصفا لذكاء المجتمع (أو المجموعة التي ثم استخدامها) . وقد يرجد فرد ذكاؤه ١٢٠ وآخر ذكاؤه ٩٠ وقد ينتمي كل منهما إلى مستوى اقتصادى - اجتماعي مختلف وغير ذلك من الخصائص التي لم نهتم بها عند دراسة ذكاء المجتمع . إما إذا إهتم الباحث بعدة متغيرات فانه يجمع بيانات عن كل منها ويصل الى توصيف للمجتمع في هذه المتغيرات مثل متوسط الذكاء ، والطول ، والوزن وغيرها

وتحديد المجتمع لاختيار عينة منه يتم عن طريق خصائص معينة تهم الباحث ، فاذا رغب الباحث في دراسة الذكاء في المستويات الاقتصادية الاجتماعية المختلفة ، فإن متغير المستوى الاقتصادي الاجتماعي يعد خاصية من خصائص المجتمع يجب تمثيلها في العينة ، وكذلك محل الاقامة (ريف حصرر) ، وعدد أفراد الاسرة ، والمستوى التعليمي للآباء قد تكون من المتغيرات لتي يهتم بها الباحث ومن ثم يستخدمها في تحديد المجتمع ونعد من خصائص المجتمع التي يجب تمثلها في العينة المختارة للدراسة ، ومن ثم فإن المجتمع هو مجموعة العناصر التي ترغب في جمع معلومات عنها . كما يوجد مجتمع ممدود ومجتمع لانهائي ، فالمجتمع المحدود هو المجتمع الذي يمكن حصر عدد مفرداته مثل مجتمع اللاعبين في نادي رياضي معين ، أو مجتمع المرضي في إحدى المستشفيات ، أو مجتمع تلاميذ مدرسة معينة في مدينة محدود ولكنه كبير جدا والذي الحالات التي يهتم بها الاحصائيين تهدف لمجتمع محدود ولكنه كبير جدا والذي نظر اليه على أنه مجتمع غير محدود مثل مجتمع يحتوي على عدة ملايين من الافراد (Ferguson, 1971:7) .

كما أن العديد من الدراسات في العلوم الانسانية تهتم بالمجتمعات المحدودة ، ولكنها قد تكون مجتمعات لا نهائية إذا كان التعميم على المجتمع يهتم بالمستقبل .

ويوجد أيضا مجتمع أصلى ومجتمع متاح ، فالمجتمع الاصلى عادة لا يستطيع الباحث تحديده مثل مجتمع الناخبين في دولة ما ، أو مجتمع كبار السن. أما المجتمع المتاح فهو المجتمع الذي يستطيع الباحث تحديد أفراده ويعمم عليه نتائج عينته ، ومثال ذلك مجتمع الناخبين في دائرة ما ، أو مجتمع كبار السن المترددين على المستشفيات في إحدى المحافظات .

والمجتمع المناح هو المجتمع المحدود الذي يستطيع الباحث تحديد أفراده ، ويختار منه العينة المناسبة لدراسته ويعمم عليه تتائجه ، ولكن هذا التحديد للمجتمع بدلا من المجتمع الاصلى يحد من تعميم النتائج ،

طرق اختيار العينات :

ذكرنا أن الباحث قد لا يستطيع اجراء دراسته على المجتمع كله خاصة اذا كان المجتمع كبيرا ، ومن ثم فعليه اختيار عينة من المجتمع . ويتم اختيار العينات بعدة طرق منها:

Random Sampling: المعاينة العشوائية - ١

وهى الطريقة التى تستخدم لاختيار عيئة لا تخصع لتحيز أو إختيار مقصود مثل اختيار موظفى احدى المؤسسات أو طلبة أحد الصفوف في مدرسة معينة . وانما يتم اختيار العينة بطريقة يكون فيها لكل فرد من أفراد المجتمع فرصة متساوية للظهور في العينة وهي ما تسمى بالعشوائية . ولاختيار عينة عشوائية نتبع أحد الاساليب التالية :

- (أ) نحدد أفراد (عناصر) المجتمع ، ونكتب إسم (أو رقم) كل فرد في ورقة صغيرة ثم نضع الاوراق في وعاء أو صندوق ، ونمزج الاوراق ، ثم نختار إحدى الاوراق لتدل على الغرد الاول في العينة ، ثم نكرر مزج الاوراق والاختيار حتى نصل الى آخر فرد مطلوب للعينة ، وتكون العينة المختارة هي عينة عشوائية بسيطة .
- (ب) نحدد أفراد (عناصر) المجتمع ، وتحدد رقم لكل فرد من أفراد المجتمع ثم نستخدم جداول الارقام العشوائية لاختيار أرقام عشوائية من بين أرقام المجتمع ، ويدل كل رقم عشوائي على فرد من أفراد العينة فاذا كان حجم

المجدمع ٥٠٠ ورغبنا في اختيار عينة حجمها ٥٠ فرداً . فإننا نخدار من المحداول العشوائية ٥٠ رقم مكون كل منها من ثلاث خانات (لا تزيد عن ٥٠٠) مثل الرقم ٢٠٧ ثم نقرأ الارقام العشوائية التالية له (ثلاثية) حتى نحصل على ٥٠ رقما (غير مكررة من قبل) مثل ٢٣٤، ٢٧٠ ، ٠٠٠ ، من المجتمع . ٠٠٠ وهكذا وتكون تلك الارقام هي أرقام أفراد العينة العشوائية من المجتمع .

(ج) نحدد أفراد (عناصر) المجتمع ، ونحدد رقم لكل فرد من أفراد العجتمع ، ونحدد رقم لكل فرد من أفراد العجتمع ، ثم نستخدم الحاسب الآلي في اختيار أرقام عشوائية تدل على أفراد العينة ،

والعينة العشوائية التي يتم اختيارها باحدى الطرق السابقة تسمى عينة عشوائية بسيطة وتكون ممثلة للمجتمع ، لكنها لا تضمن تمثيل فنات المجتمع المختلفة أو خصائصه ، إلا أذا تم اختيار عينة عشوائية يسيطة من كل فئة من الفئات أو الخصائص ،

Startified Random Sampling المعاينة العشوائية الطبقية - ٢

وهي الطريقة التي يتم فيها اختيار عينة عشوائية معثلة لكل طبقة (فئة) من طبقات (فئات) العجتمع موضع الدراسة ، والعينة الطبقية قد تكرن معثلة أو غير ممثلة للمجتمع ، فالعينة الطبقية الممثلة للمحتمع هي تلك العينة التي يتم اختيارها من كل فئة من فئات المجتمع ، وهذا يعني أننا نحدد أولا فئات المجتمع وعدد الافراد (العناصر) بكل فئة ونسبة ذلك العدد الى العدد الكلي للمجتمع ، ثم نقرر حجم العينة المناسب لاجراء الدراسة ونوزع هذا العدد على فئات المجتمع ليتحدد العدد العدد المطلوب من كل فئة ، ثم نختار هذه الاعداد عشوائيا من فئات المجتمع .

فاذا أراد باحث إجراء دراسة على عينة من طلبة الجامعة فيجب عليه تحديد فئات المجتمع المختلفة (الكليات ، والمستويات الدراسية ، والنوع مثلا) ثم يقرر حجم العينة المناسب ويوزعه على الكليات والمستويات والنوع ثم يحدد العدد المطلوب من كل فئة ، وقد تكون الاعداد بكل فئة متساوية أو نسبية ، فاذا كأنت متساوية بتم إختيار عدد متساو من كل فئة من الفئات فتكون العينة عشوائية طبقية متساوية .

جدول (٧ -- ١) مثال العينة الطبقية المتصاوية

إنــاث				ذكــــور				
المستوى الدراسي				المستوى الدراسي				الكليات
الرابع	النالث	الثاني	الأول	الرابع	النالث	الثاني	الأول	
۲٠	4.	٧.	٧٠	۲٠	٧٠	Y+	۲.	1
۲٠	۲٠.	۲.	4+	۲.	٧٠	۲.	٧٠.	٣
44 -	۲٠.	۲٠	۲.	۲.	۲٠	۲۰	۲٠	٣
'		• •	• •	7.4	* *	• •	• •	
•••	• •	• •	**	* *	• •	••	•••	

أما إذا كانت الاعداد المختارة من كل فلة نسبية (نسبة الى هجم كل فلة من فئات المجتمع) فتكون العينة عشوائية طبقية نسبية ، وهي أفضل أنواع العينات الممثلة لفئات المجتمع .ومن الصعب اختيار عينة عشوائية طبقية نسبية لأنها تستلزم الكثير من الجهد والوقت في تحديد المجتمع وفئاته ثم اختيار العينة بنسية أهجام تلك الفئات .

٣ - المعاينة العشوائية العنقودية :

Cluster Random Sampling

ويتم في هذه الطريقة إختيار بعض فئات المجتمع عشوائيا ، ثم نختار عشوائيا بعض أجزاء من الفئات المختارة ، ويستمر هذا التسلسل حتى نصل الى مفردات (أو وحدات) المجتمع ، فأذا أردنا اجراء دراسة على مجتمع الأخصائيين الاجتماعيين فإننا نختار عشوائيا منطقة أو منطقتين تعليمتين ، ثم نختار عشوائيا مرحلة من مراحل التعليم ، ثم نختار عشوائيا بعض المدارس ثم يلى ذلك اختيار الافراد عشوائيا من تلك المدارس - وبالطبع هذه الطريقة مختلفة عن طرق العشوائية البسيطة والعشوائية الطبقية . والعينة المختارة بهذه الطريقة (العنقودية) نيست عشوائية كاملة بمعنى أنها لا نمثل المجتمع ، إلا أن هذه الطريقة أكثر واقعية من الطرق السابقة وهي أكثر إستخداما في بحوث العلوم الانسانية بصفة عامة .

Systematic Sampling المعاينة المنتظمة - ٤

ويتم فى هذه الطريقة اختيار عينة من المجتمع بعد تقسيمه الى عدة أقسام منساوية واختيار فرد من كل قسم منها . فاذا رغبنا فى اختيار عينة منتظمة حجمها ٥٠ من مجتمع يحتوى على ٥٠٠ فرد ، فإننا نحسب نسبة العينة الى المجتمع وهى ٥٠: ٥٠٠ أى ١: ١٠ وبالتالى نختار فرد من كل عشرة أفراد منتالية . فاذا إخترنا الفرد رقم ١ فإن الفرد الذى بليه هو ١١ ثم ٢١ ، حيث نختار عشوائيا الرقم الذى نبداً به . فاذا اخترنا الفرد رقم ٢ فإن الفرد التالى له يكون رقم عشوائيا الرقم الذى نبداً به . فاذا اخترنا الفرد رقم ٢ فإن الفرد التالى له يكون رقم ١١ ثم رقم ٢٦ ، ٢٦ وهكذا حتى ٤٩٦ .

وإذا كان المجتمع بحتوى على ٥٠٠٠ فرد وأردنا إختيار عينة منتظمة مجمها ١٠٠ ، فإن نسبة العينة الى المجتمع ١ : ٥٠ ، ومعنى هذا أننا نختار فرد من كل خمسين قردا . فقد نختار الفرد رقم ٣٠ والتالى له هو رقم ٨٠ ثم ١٣٠ ، ١٨٠ وهكذا .

والعينة المنتظمة ليست عينة عشوائية ولا تمثل المجتمع .

ه - المعاينة المقصودة : Intended Sampling

وهى الطريقة التى يختار بها الباحث عينة محددة أو مقصودة ، وهى عينة متحيزة ولا تمثل المجتمع ، فاختيار باحث لمؤسسة معينة لاجراء دراسة على أفرادها يعد تحيزا في الاختيار ، وكذلك اختياره لمدرسة مجاورة له أو يعمل بها أحد أقاريه ، أو اختيار صف يقوم بالتدريس له ، أو اخيتار الاخصائي النفسي للمجموعة التي يشرف عليها ، أو اختيار الطبيب لمجموعة من مراجعيه ، كل هذه عينات متحيزة وغير ممثلة لمجتمعاتها ، وبالتالي يكون الاستنتاج منها غير مناسب ، ومن الخطأ التعميم من هذه العينات الى مجتمعاتها لأنها لاتمثلها ، ويجب أن يكون الباحث حدرا في الاستنتاج من نتاتج هذه العينات ، ولسوء الحظ فإن العديد من الدراسات تعتمد على المعاينة المقصودة في اختيار عينات الدراسة ، فإن العديد من الدراسات تعتمد على المعاينة المقصودة في اختيار عينات الدراسة ، الدراسة ، الواحدة عدة مرات وتوصلت الى نفس النتائج ومن الممكن هنا (تجاوزا) تعميم النتائج ومن الممكن هنا (تجاوزا) تعميم النتائج .

حجم العينة المناسب

قام بعض المهتمين بالعينات وتصميم التجارب بوضع الاسس لاختيار العينة المناسبة عند اجراء البحوث ، ومن أهم هذه الاسس الرغبة في تمثيل المجتمع

تمثيلا دالا باستخدام مستوى دلالة ١٠،٠ أو ٢٠،٠ وكذلك الرغبة في تحديد قوة هدا التمثيل أو قوة الاختبار الاحصائي المستخدم (والتي يشار إليها بحدود خطأ النقدير المسموح به) أو خطأ النوع الثاني .

وقد حدد البعض (Freund & Wilon, 1997:142) الحد الأدنى للعينة المناسبة لاجراء الدراسات يتم حسابه باستخدام معادلة رياضية تعتمد على مستوى الدلالة وقوة الاختبار الاحصائى والتباين وهي :

$$\dot{z} = (\frac{\dot{z}}{\dot{z}})^{\gamma} \dot{z}^{\gamma}$$

حيث ع التباين ، ذ = الدرجة المعيارية المقابلة لمستوى الثقة (الدلالة) خ = حجم الخطأ في التقدير المسموح به أو حدود الثقة .

فاذا كان المتغير ثنائي مثل (متعلم - غير متعلم) أو (ريف - حضر) فإن التباين ع س ق (١ - ق) حيث ق = النسبة المثوية للمتغير الثنائي المجتمع .

أما إذا كان المتغير منصلا فإننا نحسب (أو نقدر) قيمة التباين من الدرجات المتوقعة للمثغير ، وتحدد مستوى الثقة المرغوب وكذلك حجم خطأ التقدير المسموح به ، ثم تحسب الحجم المناسب للعينة .

حيث يمكن تقدير الانمراف المعيارى الدرجات باستخدام ربع المدى كنقدير مبدئي لذلك .

مثال للمتغير الثنائي :

إذا كان المتغير الثنائي (ريف - حضر) وكانت نسبة الريف في المجتمع ٥٠ ٪ فإن نسبة الحضر = ١ - ٠,٧٠ = ٢٠ ٪

وباستخدام مستوى ثقة ٩٥٪ وحجم خطأ التقدير ١٠،١٠ فإن

ن =
$$\left(\frac{1,97}{\cdot,1^{\circ}}\right)^{7}\left(\frac{1,97}{\cdot,1^{\circ}}\right)$$
 تقریبا

وهذه العينة تنقسم الى ١٥ ريف (٧٥٪) ، ١٨ حضر (٢٥٪) .

وإذا كأن لدينا متغير تصنيفي آخر في الدراسة مثل المستوى الاقتصادى -الاجتماعي وكأن المستوى المرتفع - ٠,٢٠ والمنخفض - ٠,٨٠ فتكون العينة

المناسبة للمستوى الاقتصادى الاجتماعى $= \left(\frac{1,97}{.10}\right)^{-1} \times 1.00$ وهي تقسم الى 11 مستوى مرتفع 19 مستوى منخفض .

وإذا كان لدينا عدة متغيرات تصنيفية فإننا نحصب العينة المناسبة لكل تصنيف رفى كل فئة من فئات المتغيرات التصنيفية .

مثال للممتغير المتصل:

أراد باحث تحديد هجم العينة المناسبة لاجراء دراسة تجربيية فما حجم العينة المناسبة لدراسته ؟

وبالطبع لم يحدد المثال تباين الدرجات أو مستوى الثقة المطلوب . فاذا فرصنا أن مستوى الثقة ٩٠٪ وأن الدرجات تترواح بين ٢٠، ٢٠ وحدود خطأ النقدير المسموح به هو ٤ . فيمكن وضع تقدير للانحراف المعياري باستخدام ربع مدى الدرجات - ٢٠ - ٢٠ - ٢٠

$$Y = {}^{Y}(1 -) \left(\frac{1,97}{2}\right) = 2Y$$

وإذا رغب الباحث في تقليل حدود خطأ النقدير المسموح به من 3 الى ا فإن حجم العينة يزداد ويصبح $\left(\frac{1,97}{1}\right)^{7}$ (10) =282 تقريبا

وفى حالة العينة اللازمة لدراسة إختبار صحة فرض من الفروض فإن حجم العينة يعتمد على التباين ومستوى الثقة وقوة الاختبار الاحصائى والقرق بين قيمتى المتوسط الفعلى والمفترض

(Freund & Wilson, 1997: 144)
$$\xi'(\frac{1}{2}) = 0$$

د شعہ

ذا = الدرجة المعيارية المقابلة لمستوى الدلالة المحدد (خطأ النوع الأول)
 ذا = الدرجة المعيارية المقابلة لمستوى قوة الاختبار الاحصائى (خطأ النوع

الثاني) . خ = الغرق بين قيمتي المتوسط الفعلي و المفترض

ع = تقدير الانحراف المعياري

فى المثال السابق اذا كان مستوى الثقة ٥٥ ٪ وقررنا أن الخطأ المسموح به (خطأ النوع الثاني B - ١٠ ٪) فاذا كان المتوسط المفترض ٣٥ ، والمتوسط الفعلى ٣٧ ، وقوة الاختبار الاحصائى ٩٠ ٪

ریکون حجم العینة ن =
$$\frac{\dot{c}_1 + \dot{c}_1}{\dot{c}}$$
 ع خ

= ۲۱۶ تقریبا

فاذا أخذنا عينة حجمها ٢١٤ فإننا نتوقع رفض الفرض بأن المتوسط = ٣٥ إذا كان المترسط الفعلى ٣٧ أو أكبر بمستوى ٩٠ ٪

وإذا رغبنا في مستوى اكثر دقة وحددنا مستوى الثقة ٩٩٪ (مستوى الدلالة ٥٠٠٠) وكذلك قوة الاختبار عند مستوى ٩٩٪

وكان الغرض المطلوب اختباره أن المتوسط لايساوي ٣٥ (اختبار الطرفين)

ان حجم العينة ن =
$$\frac{Y(Y,YY+Y,\Delta A)}{2}$$
 = ۲۰۲ تقريبا

ويبدو أن استخدام القانون لتحديد حجم العينة يعد مشكلة للعديد من الباحثين فقد لا يستطيع الباحث إستخدام عينة حجمها ٢٠٣ أو أن مجتمع الدراسة

لا يزيد عن فرد (أو وحدة) ، ومن جهة أخرى قد يجد الباحث أن العينة المناسبة (٢٤) ولكنه يرغب في إجراء الدراسة على عينة اكبر حجما لأن مجتمع الدراسة مكون من عدة آلاف من الافراد (أو الوحدات) .

وبالطبع إذا رغبنا في تعميم نتائج الدراسة على المجتمع فإن ذلك يتطلب استحدام عينات اكبر حجما خاصة إذا كان مجتمع الدراسة كبيرامثل مجتمع بلاميذ المرحلة الابتدائية في الدولة ، ولكن إذا لم يتوافر لدى الباحث التمويل الكافى لا ستخدام عينة كبيرة ، أو أن العينة الكبيرة الحجم تحتاج الى جهد ورقت أكبر من طاقة الباحث (مثل البحوث التجربية) فعندئذ يقال الباحث حجم العينة المستخدمة في دراسته ويراعى ذلك عند تعميم النتائج .

والعينة الصغيرة هي التي يقل عدد أفرادها عن ٢٠٠ فراد (أو رحدة)أما العينة الكبيرة فهي التي يزيد عدد أفرادها عن ٢٠٠ فرد، وقد إتفق العديد من الاحصائيين بناء على الاسس النظرية للتوزيعات بأن تكون العينة ٣٠ فرداً أو اكثر (مختارة عشوائيا وممثلة للمجتمع). إلا أننا تنصح بأن تكون العينات الكبيرة في العلوم الانسانية هي أكثر من ٢٠٠ ، أما العينات العشوائية التي يترواح حجمها بين ٣٠ ، ١٠٠ فهي عينات متوسطة الحجم ويمكن استخدامها في بحوث العلوم الانسانية والتعميم منها إلى المجتمع . وكلما كان حجم العينة كبيرا كلما كان التعميم الى المجتمع أكثر ثباتا وأكثر دقة ، إضافة الى زيادة قوة الاختبار الاحصائي المستخدم .

أما في حالة العينات العشوائية الصغيرة (أقل من٢٥) فإننا نقسمها الى ثلاثة أنواع:

- (أ) اذا كان حجم العينة يترواح بين ١٥ ، ٢٤ فعلى الباحث استخدام الاساليب الاحصائية البارامترية واللابارامترية معا التأكد من إتساق النتائج . وبالطبع الاساليب الاحصائية البارامترية اكثر قوة من الاساليب الاحصائية البارامترية اكثر قوة من الاساليب الاحصائية اللابارامترية .
- (ب) إذا كان حجم العينة يترواح بين ٥ ، ١٤ فعلى الباحث استخدام الاساليب الاحصائية اللابارامترية ، ريكون الاستنتاج والتعميم على المجتمع بحذر شديد ،
- (ج.) أما إذا كان حجم العينة خمسة أفراد أو أقل ، فمن الخطأ القيام بالتعميم من نتائج العينة الى المجتمع.

الفروض: Hypotheses

الفروض هي علاقات متوقعة بين متغيرين أو أكثر ، أو هي توقعات الباحث لنتائج دراسته ، وتعد القروض حلولا محتملة للمشكلة موضع الدراسة ، وتعدم صياغة الفروض على النظريات أو البحوث السابقة أو كليهما ، كما أنها تستخدم المصطلحات والمتغيرات التي حددها الباحث Wallen, 1996:56 & Wallen, 1996:56 أو الادلة والفرض هو حل للمشكلة تؤيده بعض المعلومات أو الحقائق أو الادلة والنظرية أو الدراسات السابقة ، ولكن صحته تعتمد على مدى تأييد الأدلة والشواهد والبيانات الفعلية للقرض (رجاء أبو علام ، ١٩٨٩).

ويجب أن توضع الفروض في صياغة واضحة وموجزة وقابلة للاختبار ، بمعنى أن تكون محددة ومفهومة ولاتستخدم كلمات غامضة أو غير صرورية ، كما أنها تخضع للاختبار العملي بناء على البيانات والمعلومات والأدلة المرتبطة بها .

ومن أمثلة الفروض الجيدة :

- ١ توجد علاقة موجبة بين نشاط الطفل وتحصيله الدراسي .
 - ٢ توجد علاقة سالبة بين البيروقراطية وابداع العاملين -
- ٣ ترحد علاقة بين النوع ونفضيل قراءة الموضوعات الثقافية .
- ٤ -- توجد فروق بين طريقتي العلاج (أ ، ب) في تعديل سلوك المرضى .
 - ٥ توجد فروق بين أنماط الادارة والرضى الوظيفي للعاملين .
- ومن الوامنح أن كل فرض يتضمن متغيرين أو أكثر وأن الصياغة وامنحة ومن الوامنح أن كل فرض يتضمن متغيرين أو أكثر وأن الصياغة وامنحة ومحددة ولا تحتوى كلمات غامضة أو زائدة ، كما أنه يمكن جمع بيانات أو أدلة لاختبار صحتها.

أما أمثلة الغروض غير الجيدة فهي :

- ١ الاتجاهات الموجبة نحو الآخرين مهمة في الحياة العملية ،
 - ٢ القدرة العقاية قد ترتبط بالشخصية -
 - ٣ الادارة المدرسية قدرة وفن ،
- ٤ استطلاعات الرأى نحو القضايا الاجتماعية ترتبط بالانجاهات السياسية .
- العلاقات الزوجية تتأثر بالمستوى الاقتصادى والرغبة في حياة سعيدة .

وهى فروض غير جيدة لأنها غير محددة أو لاتعتوى متغيرين أو غير قابلة للاختبار ، ووضع الفروض يساعد الباحث فى تنظيم دراسته ، وفهم متغيراتها وتحديد الاجراءات ، وفهم الاساس الذى تعتمد عليه القروض ، وكذلك جمع البيانات اللازمة لاختبار الفروض ، ولكن قد تؤدى الفروض بالباحث الى التحيز فى دراسته حتى يتوصل الى النتائج المتوقعة ، وهذا الأمر غير مقبول ويرنبط باخلاقيات البحث والامانة العلمية الباحث ، وإذلك يجب أن يلتزم الباحث بالفروض التى وضعها إعتماداً على أسس نظرية أو علمية أو تطبيقية بغض النظر عن النتائج الفعلية ، ولا يصير الباحث شيئا إذا ثبتت صحة أو خطأ الفروض ، وإنما يضيره مخالفة الامانة العلمية (1988:91) كونسا لبحوث التجريبية أو منالب بعض البحوث وضع فروض للدراسة ، مثل البحوث التجريبية أو البحوث المهينية المقارنة ، أما البحوث الوصفية فتكتفى بوضع أسئلة فقط . وغالبا ما يضع الباحثون أسئلة ثم يحولون الاسئلة إلى فروض لاختبار صحتها . ومن الممكن الاجابة عن الاسئلة أيضا بعد اجراء تحليل البيانات صحتها . ومن الممكن الاجابة عن الاسئلة أيضا بعد اجراء تحليل البيانات بالاسلوب المناسب لذلك .

أنواع الضروض :

توجد ثلاثة أنواع من الفروض وهي : الفرض الصفري ، والغرض الموجه والفرض غير الموجه .

Null Hypothesis: القرض الصقرى - 1

وهو يعنى عدم وجود علاقة بين المتغيرات أو عدم وجود فروق بين المجموعات ، ولذلك فهو يسمى فرض العدم . ومعنى ذلك أنه فرض العلاقة الصفرية أو الفروق الصفرية بين المتوسطات (تساوى المتوسطات) . ويلجأ الباحث للفرض الصفرى في حال تعارض الدراسات السابقة أو في حال عدم وجود دراسات سابقة في موضوع بحثه . وقد يسمى الفرض الصفرى بالفرض الاحصائى .

Directed Hypothesis: - ٢ القرض الموجه - ٢

رهر صياغة للفرض مع تحديد إنجاه للعلاقة (موجبة أو سالبة) بين المنغيرات ، أو تحديد إنجاه للفروق بين المجموعات في المنغير التابع ، ومثال ذلك: توجد علاقة موجبة بين درجات المنغيرين (س ، ص) . أو يوجد فرق بين متوسطى المجموعتين (أ ، ب) في درجات المنغير (س) لصالح المجموعة (أ).

وصدياغة الفرض الموجه تختلف عن صداغة الفرض الصفرى في أمرين هما : وجود علاقة أو فروق ، وتحديد انجاه للعلاقة أو الفروق .

ويعتمد توجيه الفرض على نتائج الدراسات السابقة أو خبرات الباحث أو خبرات الباحث أو خبرات المتخصصين .

٣ - القرض غير الموجه:

وهو صياعة للفرض دون تحديد إنجاه للعلاقة أر الفروق ، ويختلف الفرض غير الموجه عن الفرض الموجه في عدم تحديد إنجاه العلاقة أو الفروق ، بينما يختلف عن الفرض الصفرى في وجود العلاقة أو الفروق .

ومن أمثلة الفرض غير الموجه: توجد علاقة بين درجات المنفيرين (س ، ص) ، أو يوجد فرق بين متوسطى المجموعتين (أ ، ب) في درجات المتغير (س) .

وعدم تحديد إنجاء للعلاقة أو الفروق ، يرجع الى عدم وجود دراسات سابقة أو رأى مؤيد لإنجاء محدد ، أو لتعارض الدراسات السابقة دون تأكيد إنجاء محدد ، أو لشك الباحث في إنجاء العلاقة أو الفروق.

والاساليب الاحصائية الاستدلالية هي المناسبة لاختبار صحة الفروض والاساليب الاحصائية الاستدلالية باختبار الفرض الصفرى (فرض حيث تقوم الاساليب الاحصائية الاستدلالية باختبار الفرض الصفرى (فرض العدم)، فاذا ثبتت صحة الفرض الصغرى نرفض الفرض البديل (موجه أو غير موجه)، وإذا لم تثبت صحة الفرض الصفرى نقبل القرض البديل (موجه أو غير موجه) .

وقد أدى هذا الى اعتقاد كثير من الباحثين بضرورة وضع فروض صفرية ولكن لا يوجد دليل علمى يؤكد هذا الرأى سوى أن الاساليب الاحصائية تختبر دائما الصياغة الصغرية للغروض . حيث أن هذه الاساليب تفترض في معادلاتها الرياضية عدم وجود علاقة بين المتغيرات أو عدم وجود فروق بير المتوسطات ، فإما يتحقق فرض العدم ومن ثم نرفض الفرض البديل ، أو نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل ،

اختبار صحة الفروض:

المنطق في اختبار الفروض هو أن الباحث يفترض صحة الفرض الذي يرغب في اختباره ، ثم يفحص نتائج هذا الفرض في صوء توزيع العينة الذي يعتمد على صحة الفرض . وإذا تحدد من توزيع العينة أن البيانات الملاحظة

تحتمال حدوثها كبير فانه يتخذ قراراً بأن البيانات الانتعارض مع الفرض ، ومن ناحية أخرى إذا كان احتمال مجموعة البيانات الملاحظة ضعيف في حالة الفرض لصحيح ، فإن قراره يكون بأن البيانات تتعارض مع الفرض .Winer et al) (17 : 1991

ومستوى الدلالة للاختبار الاحصائى يحدد مستوى الاحتمال الذى نعتبره صعيفا ويبرر قبول القرض الصفرى ، أو مرتفعا ويبرر رفض الغرض الصفرى ، فاذا كان احتمال حدوث البيانات الملاحظة (في حالة الغرض الصفرى الصحيح) أقل من مستوى الدلالة ، فعندئذ تكون البيانات متناقضة مع الغرض موضع الاختبار ونتخذ قرار برفض الفرض المسفرى ، ورفض الغرض الصفرى موضع الاختبار يعنى قبول أحد الفروض البديلة التي لانتعارض مع البيانات ورفض فرض العدم (الصفرى) قد يعتبر قراراً بقبول القرض البديل ، وعدم رفض فرض العدم يعد قراراً صد قبول الفرض البديل (Winer et al. 1991:17) .

وعند ما يكون فرض العدم صحيحا وتؤدى نتائج الاختبار الاحصائى إلى قرار بأنه خاطئ فإننا نقع فى خطأ يسمى خطأ النوع الاول Type I Error وهو يساوى مستوى الدلالة ويرمز له بالرمز ألفا (a) ، وعندما يكون فرض العدم خاطئ وقررنا بناء على الاختبار الاحصائى برفض فرض العدم وقبول الفرض البديل فإننا نقع فى خطأ يسمى خطأ النوع الثانى مسنوى الدلالة ,Type II Error ، ويرمز له بالرمز بينا (b) ، ويعتمد خطأ النوع الثانى جزئيا على مسنوى الدلالة , Edwards)

ومعنى هذا أن مستوى الدلالة هو احتمال رفض فرض العدم ، ولا توجد نجربة تثبت خطأ فرض العدم إثباتا مطلقا مهما كان عدم مناسبة الناتج لفرض العدم (22: Edwards, 1968).

ويمكن تلخيص خطأ النوع الأول وخطأ النوع الثاني بالجدول التالي :

جدول (۲ – ۲)

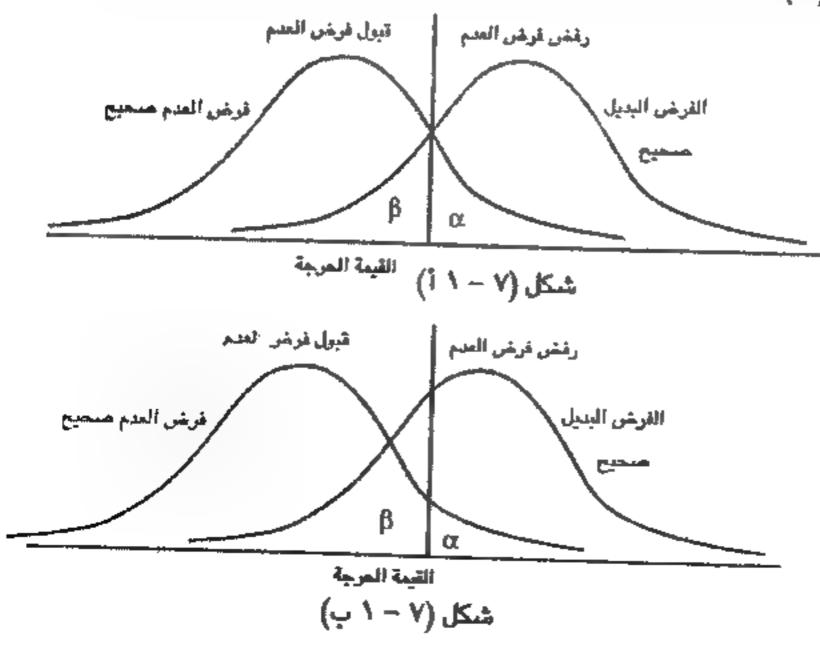
فرمض العدم خاط <i>يء</i>	فرض العدم صحيح	_
لا يرجد خطأ	خطأ النوع الأول α	فرض العدم
خطأ النوع الثاني β	لا يوجد خطأ	أرض العدم

ويوضح الجدول (٧ - ٢) أن رفض فرض العدم يكافئ قبول الفرص البديل ، وعدم رفض فرض العدم يكافئ رفض الفرض البديل ، ويوجد خطأ النوع الإول في حالة اتخاذ قرار برفض فرض العدم ، وخطأ النوع الثاني عندما يكون القرار قبول فرض العدم (Winer etal , 1991 ; 189)

وقد عرض كميل (Kimble, 1978) مثالا جيداً لخطأ النوع الاول وخطأ النوع الاول وخطأ النوع الأولى عني نئبت النوع الثاني . حيث يرى أن المتهم برئ وغير مذنب (خطوة أولى) حتى نئبت إدانته بالأدلة (خطوة ثانية) . وبالتالي يكون لدينا إحتمالين : الاول وجود مجرم ومذنب (خطأ نوع أول) والثاني أن المجرم المخطئ برئ (خطأ نوع ثاني) .

أما إحسمال أن المخطئ مذنب ، واحتمال أن البرئ غير مذنب فهما احتمالان صحيحان كما بالجدول (٢ - ٢) .

ويتحكم الباحث في مستوى الدلالة ألفا (خطأ النوع الأول) ، أما خطأ النوع الثاني β فانه يتحدد بطريقة غير مباشرة . فعندما يكون خطأ النوع الاول صغيرا فإن هذا يؤدى الى زيادة حجم خطأ النوع الثاني ويوضح الشكل (V-V) توزيع العينة في حالتي رفض أو قبول فرض العدم مع تغير قيمة مستوى الدلالة ألفا (α) .



العلاقة بين خطأ النوع الأول وخطأ النوع الثاني وقوة الاختبار

ويوضح الشكل (V - 1) للعلاقة بين خطأ النوع الاول وخطأ النوع الثانى وقوة الاختبار . حيث يمثل المتحنى (V - 1) توزيع العينة للاختبار الاحصائى عندما يكون فرض العدم صحيح ، والمتحنى (V - 1) بمثل توزيع العينة عندما يكون الإختبار الإحصائى القرض البديل صحيح ، وتتحدد منطقة رفض فرض العدم من الجداول الاحصائية لتوزيع العينة عندما نفترض أن فرض العدم صحيح ، واحتمال وقوع القيمة الحرجة في منطقة رفض غرض العدم تساوى ألفا (α) عندما يكون فرض العدم صحيحا .

ومن الشكل (٧ - ١ أ) فإن خطأ النوع الشانى المرتبط بالغرض البديل يساوى عدديا المساحة تحت المنحنى الايمن التي تقع في منطقة رفض فرض العدم . وهذه المساحة (قيمة ٥٠) في الشكل (٧ - ١ ب) أقل منها في الشكل (٧ - ١ أ) . وهذا يعنى أن الخطأ الاول القرار صعفير ، بينما المساحة تحت المنحنى الأيمن في الشكل (٧ - ١ ب) التي تقع في منطقة قبول فرض العدم أكبر منها في الشكل (٧ - ١ أ) وانقاص القيمة العددية لخطأ النوع الاول (مسنوى الدلالة) تزيد قوة تواجد خطأ النوع الثانى (١٥ : 1991, Winer etal).

قوة الاختبار الاحصائي :

تعنمد قوة الاختبار الاحصائى على كل من مسترى الدلالة (α) وخطأ النوع الثانى (β) وحجم العينة ، وقوة الاختبار الاحصائى نساوى واحد ناقص احتمال خطأ النوع الثانى (β-1) ولتمثيل ذلك هندسيا فإن قرة الاختبار الاحصائى هى المساحة تحت المنحنى الايمن عندما يكون الفرض البديل صحيحا والتى تقع في منطقة رفض فرض العدم ، وفي الشكل (٧ – ١ أ) تكون هذه المساحة تحت المنحنى الأيمن التي تقع على يمين القيمة الحرجة ، وقوة الاختبار الاحصائى هى احتمال قرار رفض فرض العدم عندما يكون البديل صحيحا : Edwards, 1968)

ريمكن زيادة قوة الاختبار عن طريق مستوى الدلالة وتباين الدرجات وحجم العينة . فاذا كان مستوى الدلالة ثابتا وكذلك التباين فإن زيادة حجم العينة يزيد من قوة الاختبار ، وليس معنى هذا أن حجم العينة هو السبب في زيادة قوة الاختبار ، وانما قيمتي مستوى الدلالة α وخطأ النوع الثباني β وكذلك تباين المجتمع لهما أثر كبير عل قوة الاختبار بجانب حجم العينة & Goldberg, 1979)

فاذا قارنا متوسطى مجموعتين وكان الغرق بينهما دالا عند مستوى ٥٠,٠ مذلا فإن قيمة بيتا تعتمد على حجم العينة وعلى قيمة ذلك الغرق بين المتوسطين (أو تباين المحموعتين) . فاذا كانت قيمة الفا ثابنة وكذلك حجم العينة ، فإن قيمة بينا تقل بزيادة القرق بين المتوسطين . ومعنى هذا أنه كلما كان الفرق بين المتوسطين كبيرا ، فإن احتمال قبول فرض العدم يقل . أما إذا كان الفرق بين المتوسطين ثابتا وكذلك حجم العينة ، فإن قيمة بيتا نزداد كلما نقصت قيمة الفا . أما إذا كانت الفا صغيرة فقد نفشل في رفض فرض العدم بالرغم من وجود فرق بين المتوسطين .

وإذا كانت قيمة الفا ثابتة وكذلك الغرق بين المتوسطين ، فإن حجم العينة يحدد قيمة بينا . فكلما صغرت العينة تزداد قيمة بينا ومن ثم تنقص قوة الاختبار ، وكلما زاد حجم العينة فإن قيمة بينا تنقص وتزداد قوة الاختبار (صلاح مراد ، ١٩٨١ : ٦٠ - ٦١).

ويكون من الصعب في بحوث العلوم الانسانية تقويم مخاطر خطأ النوعين الأول والثاني في صوء فروق المتوسطات ، وكلا من الخطأين قد يكونا هامين خاصة في البحوث الكشفية ، وعادة ما يركز الباهلون على مستوى الدلالة دون الاهتمام بالتركيز على قوة الاختبار ، وفي كثير من الحالات التي تقبل فرض العدم لا تعطى أي اهتمام لقوة الاختبار ، ويجب على الباحث أن يهتم بحساسبة (أو قوة) إختبار الفرض .

ويستشدم الباحثون دائما مستويى الدلالة ٥٠,٠٠٠ وهو أمر منفق عليه وليس له دليل علمي أو منطقى (20: 1991, 1991) فاذا توصلت دراسة الي صحة الفرض أو خطأ الفرض فإن هذا ليس كافيا للتوصل الى قرار خال من الاحطاء . ومخاطر القرارات المرتبطة بالادلة البحثية تحتاج الى تقويم لحساب حجم المخاطر قبل اتخاذ قرار معين في كل حالة . ومعنى هذا صرورة الاهتمام بنوعي الخطأ وقوة الاختبار قبل إتخاذ قرار بقبول أو رفض فرض العدم .

مثال الختبار صحة القروض:

إذا كان السؤال البحثي هو : هل يختلف متوسط نسبة الذكاء لطابة الجامعة الجامعة الآن عنه منذ ١٠ سنوات ؟

وينطوى هذا السؤال على فرض معين يود الباحث التحقق منه ، ويتم النحقق عن طريق اجراء دراسة وجمع بيانات ثم اختبار صحة الفرض في ضوء

البيانات التي تم جمعها .

والخطوة الأولى قبل اجراء تطيل البيانات هي صياغة الفرض موضع الاختبار ، ويكون في صورة فرض صفري أو فرض بديل ، وقد يكون الفرض البديل موجها أو غير موجه طبقا لمجال الدراسة ذاتها .

ولوضع التساؤل السابق في صورة فرض قابل للاختبار فيجب توافر بعض المعلومات عن مجتمع طلبة الجامعة منذ ١٠ سنوات . فاذا فرض أن متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة منذ ١٠ سنوات هو ١١٠ مثلا . فإن السؤال البحثي يصبح : هل يختلف متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن عن ١١٠٠

وبالطبع هذه الصياغة تسهل الفرض الصغرى العراد اختياره وكذلك الفرض البديل.

والفرض الصفرى هنا هو: متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن - ١١٠ آما الفرض البديل هو: متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن لايساوى ١١٠ . وهو فرض بديل غير موجه ، بمعنى أن الاختلاف قد يكون موجبا أو سالباً.

أسا الفرض البديل الموجه فهو الذي يحدد وجهة الاختلاف أي الذي يحددما إذا كان المتوسط أكبر من ١١٠ أو أقل من ١١٠.

واختلاف الفرض البديل (موجه أو غير موحه) يحدد منطقة الثقة (أو الشك) في القرار ، وهي المساحة نحت المنحني المساوية لمستوى الدلالة الفا (۵) كما بالشكل (۷ - ۱) . وفي مثالنا الحالي فإن منحني توزيع العينة المناسب هو المنحني الاعتدالي (لأننا نقارن متوسط عينة بمتوسط المجتمع) . والفرض البديل الموجه يحدد اختبار الطرف الواحد Test ويعتمد توجيه الفرض (كما الموجه فيحدد اختبار الطرفين Two - tailed Test ويعتمد توجيه الفرض (كما ذكرنا سابقا) على نتائج البحوث والدراسات السابقة والمتوفرة في المجال موضع الدراسة . فقد تحدد البحوث السابقة أن يكون الفرض صغرى أو بديل أو بديل موجه موجه .

وبصفة عامة سواء كان الفرض البديل موجها أو غير موجه فإن الفرض الصفرى واحد في الحالتين ، وهو الذي يتم اختباره بالاساليب الاحصائية . وإذا وضع الباحث فرضا موجها فأنه يستطيع استخدام اختبار الطرف الواحد بشرط أن يكرن الفرض الموجه معتمدا على أساس علمي ومنطقي وتتم صياغته قبل جمع وتحليل البيانات ولايعدله مهما كانت النتائج ويدل هذا على الامانه العلمية

الباحث.

ولأن هناك شك في أمانة الباحثين ، لأنهم يعيدون صياعة فروضهم البحسذية بعد تحليل البيانات ، فإن معظم الاحصائين برون استخدام إختبار الطرفين Two -Tailel Test .

والفرض البديل في مثالنا العابق: متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن لا يساوى ١١٠ . وهو فرض بديل غير موجه ، ومن ثم تستخدم اختيار الطرفين ويعني احتبار الطرفين أن مستوى الدلالة الفا(α) يوزع على طرفى المنحني α في الطرف الايمن ، α في الطرف الايمر) .

أما في حالة الفرض الموجه: متوسط نسبة ذكاء طلبة المجامعة الآن أقل من الموجه عليه الموجه الآن أقل من الموجه

وإذا كمان الفرض الموجه : متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن اكبر من 11٠ ، فإن مستوى الدلاله (α) يكون في الطرف الايمن فقط .

وقد يتساءل البعض عن الغروق بين الغرض غير الموجه ، والغرض الموجه السلبيا أو ايجابيا) . ويبدو الفرق الأول في تعديد استخدام اختبار الطرف الوحد أو الطرفين كما ذكرنا . أما الفرق الثاني فهو هام جدا ، فاذا وضع الباحث فرضا موجها (سلبيا مثلا) وتم اجراء تحليل للبيانات لاختيار صحة الفرض ، ونتج عن هذا عدم وجود فرق بين المتوسط ، ١٠ فانه يقبل الفرض الصفرى ويرفض الفرص البديل الموجه . أما إذا نتج عن الاختبار وجود فرق موجب بين المتوسط، ١٠ فانه يرفض الفرض البديل بعدد أن المتوسط أقل من ١١٠) ، ولا يستطيع أن يقرر الباحث قبول الفرض البديل المديل (الأبجابي) لسببين : الأول أنه وضع فرضا بديلا سلبيا ، والثاني أنه استخدم اختيار الطرف الواحد ، أما إذا نتج عن الاختبار وجود فرق سلبي بين المتوسط ، المناه يرفض الفرض الصفرى ويقبل البديل السلبي الذي حدده الباحث من قبل .

مستوى الدلالة : Significance Level

سنق أن إستخدمنا مصطلح مستوى الدلالة الفا(α) عدة مرات ، وذكرنا أنه يصاوى خطأ الدوع الأول . كما يوضح الشكل (٧-١) موقع مستوى الدلالة ،

رأنه يعادل المساحة تحت المتحنى بين القيمة الحرجة وأحد طرفى المنحنى (فى حالة اختبار الطرف الواحد) . أما فى حالة اختبار الطرفين فإن معتوى الدلالة ألفا يتوزع على طرفى المتحنى (٢/٥٤فى كل طرف) .

ومن المتفق عليه استخدام مستويات الدلالة ٥٠،٠٠١، ٥٠،٠٠٠ في بحوث العلوم الانسانية (Winer etal , 1991 : 20) وتعنى كلمة Significant شئ هام أوله قيمة وقد إتفق على استخدام كلمة دال بدلا من هام وعليه فإن -Sig شئ هام أوله قيمة وقد إتفق على استخدام كلمة دال بدلا من هام وعليه فإن -nifi cane level هو مستوى الأهمية أو الدلالة ، والدلالة الاحصائية تعنى الدرة الحصائية أي ندرة الحدوث تحت شرط الفرض الصفرى .

ومستوى الدلالة ٥٠،٠ يعنى أن احتمال الخطأ في رفض القرض الصغرى هو ٥٠،٠ ومن هو ٥٠،٠ واحتمال الثقة في القرارت بشأن الفرض الصغرى هو ٥٠،٠ ومن المتفق عليه القول بأن ٥٠،٠ تعنى مستوى الشك في القرار أو النتائج ، ٩٠٠ تعنى مستوى الثقة في القرار أو النتائج بشأن القرض الصفرى . ولكن جرت العادة على استخدام ٥٠٠٠ لنعنى أهمية أو دلالة النتائج بدلا من ٩٠٠٠ كما يستخدم مستوى الدلالة ١٠٠٠ أو ٢٠٠١، ليقلل الخطأ في رفض الفرض الصفرى الصحيح ، ولكن كما أشرنا من قبل أنه كلما صغرت قيمة مستوى الدلالة كلما زاد خطأ النوع الثاني،

ويستخدم مسترى الدلالة لتحديد منطقة رفض الفرض الصفرى ، حيث يتم حساب القيمة الحرجة للاسلوب الاحصائى المستخدم من بيانات العينة ، ثم نتخذ القرار اذا كانت القيمة الحرجة تقع فى منطقة الرفض فاننا نرفض القرض المحرب الصفرى (وبالطبع نقبل الفرض البديل) ،

أما إذا كانت القيمة الحرجة لاتقع داخل منطقة الرفض فإننا نقبل الفرض السفرى (ربالطبع نرفض الفرض البديل) .

وتمثل منطقة الرقض القيمة الحرجة للاسلوب الاحصائي المستخدم حيث تكون القيمة الحرجة هي حد منطقة الرفض في حالة اختبار الطرف الواحد أو حدا منطقة الرفض في حالة إختبار الطرفين ، فإنا استخدمنا الدرجة المعيارية لإختيار الفرض الصفرى بأن متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن = ١١٠ ، فإن القيمة الحرجة تساوى الدرجة المعيارية الغرق بين متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة وبين الدرجة تساوى الدرجة المعيارية المتوسط والانحراف المعياري لدرجات نسبة ذكاء عينة طلبة الجامعة .

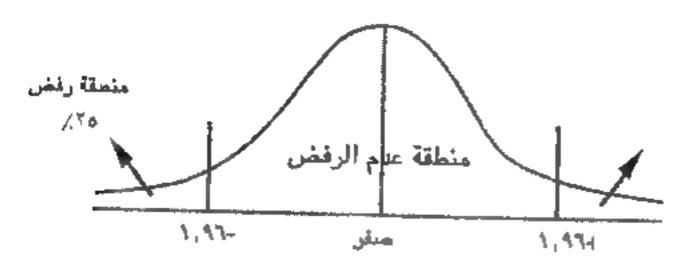
حدود الثقة : Confidence Limits

إذا كان الفرض البديل غير موجه فإن منطقة الرفض التي يحددها مستوى الدلالة تتوزع على طرفى المدحني (إختبار الطرفين) .

وتكون المساحة في كل طرف = نصف مستوى الدلالة (α^{1}/γ)

فاذا إخترنا مستوى الدلالة = ٥٠,٠٠ فإن منطقة الرفض = ٥٪ من المساحة تحت المنحنى الاعتدالي المعياري . وبتوزيعها على طرفي المنحنى فإن مساحة كل جزء = ٢,٥٠ ٪

ومن جدول المنحني الاعتدالي المعياري نجد أن :



المساحة ٢,٥ ٪ في الطرف الايمن المنحني تنحصر بين درجة معيارية ١,٩٦ ونهاية الطرف الايمن ، وبالمثل المساحة ٢,٥ ٪ في الطرف الايسر للمنحني تنحصر بين درجة معيارية -١,٩٦ ونهاية الطرف الايسر للمنحني . وهاتان المساحتان تمثلان منطقة رفض الفرض الصغري بمستوى دلالة ٥٠،٠ أما المساحة المحصورة بين الدرجتين المعياريتين +١,٩٦ ، -١,٩٦ هي تساوى ٥٥٪ من مساحة المنحني وهي منطقة قبول الفرض الصغرى .

ويطلق على الدرجتين +١,٩٦٠ ، -١,٩٦٠ إسم حدا الثقة ، أى الثقة في قبول الفرض الصفرى الصحيح ، وبالتالى فإن احتمال الثقة في قرار قدول الفرض الصفرى الصحيح هو ٩٥٪ ، واحتمال الخطأ في قرار رفض الفرض الصفرى الصحيح هو ٩٥٪ ، واحتمال الخطأ في قرار رفض الفرض المسفرى

قاذا كانت القيمة الحرجة (Critical Value) الغرق بين متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة وبين ١١٠ تقع بين ١،٩٦، ١،٩٦ فانها تقع داخل منطقة عدم الرفض (قبول الفرض الصغرى)، أما إذا كانت القيمة الحرجة اكبر من أو تساوى ١,٩٦ أو أصغر من أو تساوى ١,٩٦ أو أصغر من أو تساوى ١,٩٦ أو أصغر من أو تساوى

الصفرى ، ومن ثم قبول الغرض البديل .

وفى حالة اختبار الطرف الواحد فإن منطقة الرفض تكون فى أحد طرفى لمسحدى الأيمن (فى حالة البديل السبب) وميرة احتبار الطرف الواحد أن مساحة منطقة الرفض فى الطرف الواحد تكون بير أحد طرفى المنحنى وقيمة حرجة أقل منها فى حالة اختبار الطرفين . فاذا اعتبرنا البديل الموجه (متوسط ذكاء طلبة الجامعة أقل من ١١٠) وهو بديل سلبى، وكان مستوى الدلالة ٥٠,٠ فإن مساحة منطقة الرفض (٥٪) تنحصر بين الطرف الأيسر للمنحنى والدرجة المعيارية -١,٦٤٥ وهى تبعد كثيراً عن -١,٩٦٠

وتسمى منطقة قبول الفرض الصغرى بغترة الثقة Confidence Interval وهي المنطقة التي يقع فيها المتوسط بمستوى ثقة معين .

فاذا كان مستوى الدلالة ٥٠٠٠ فإن حدا الثقة هما ١٩٦٣ وتكون قيمة المتوسط تدحصر بين (م ١٩٦٠ × الخطأ المعيارى) بمستوى ثقة ٥٩٠٠ أو أن احتمال ٥٥٪ أن يقع المتوسط بين (م + ١٩٩٦ × الخطأ المعيارى)، (م - ١٩٩١ × لخطأ المعيارى)

وبالمثل اذا كان مستوى الدلاله ١٠٠، فإن حدا الثقة هما ±٨٥،٢. ويكون الاحتمال ٩٩٪ أن يقع المتوسط بين م ±٨٥،٢ × الغطأ المعيارى ، وتتحدد فشرة الثقة بناء على مستوى الدلالة المطلوب بغض النظر عن قبول أو رفض الفرض الصفرى ، فإذا قبلنا الفرض الصفرى بمستوى دلالة ٥٠٠، فإن متوسط العينة لا يختلف عن متوسط المجتمع بمستوى دلالة ٥٠،٠ ، وتلحصر قيمة متوسط العينة بين (م يك ١٩٩٦ × الخطأ المعيارى) بمستوى ثقة ٩٥٪ ،

فاذا كان متوسط المجتمع - ٥٠ وانحرافه المعياري =١٠ ، وحجم العينة

- ٢٥ ومتوسطها - ١٠٥ ، فإن الخطأ المعيارى للمجتمع - ع - - ٢٥ - ٢٥٠ - ٢٥٠ - ٢٥٠

وبالتائى بكون متوسط العينة ينصصر بين ٥١،٥ ± ١،٩٦ × ٢ = ٥١،٥ ع ± ٣,٩٢ أى بين ٤٠,٥٥ ، ٤٧,٦ بمسترى ثقة ٥٥٪ . أو أن احتمال ٥٥٪ أن يكون متوسط العينة في الفترة بين ٤٧,٦، ٥٥، ٤٠.٦٠ .

وكذلك اذا إستخدمنا مستوى الدلالة ٢٠،٠ فإن القيمة الجدولية هي ٢٠٥٨ . وتكون فترة الثقة لنفس المثال هي : ٥١،٥± ٢× ٢.٥٨ ×٢ = ٤٦.٣ ، ٤٦.٣ .

والاحتمال ٩٩٪ أن يقع متوسط العينة بين ٩٩٪ ، ٢٠٦٠ ،

القرار في اختبار صحة الفروض:

عند اختبار صحة فرض من الفروض فإننا نستخدم الاسلوب الاحصائي المناسب، ثم نحسب القيمة الحرجة ونقارتها بمنطقة الرفض أو القبول المفرض الصفرى . وتتحدد منطقة الرفض (أو القبول) بناء على تحديد مستوى الدلالة ولكل مستوى من مستويات الدلالة (٥٠،٠١،٠١،٠١) منطقة للرفض (أو القبول) لكل أسلوب إحصائى .

فاذا كان الاسلوب الاحصائى يعتمد على حساب الدرجة المعيارية ، ويتم ذلك فى حانة مقارنة متوسط عينة بمتوسط مجتمع إذا علمنا معالم المجتمع (المنوسط والانحراف المعياري) . فإذا كان مستوى الدلالة ٥٠،٠ فإن منطقة الرفض تتحدد بالدرجة المعيارية ± ١٩٦١ إذا كان الفرض البديل غير موجه . وإذا كان مستوى الدلالة ١٠،٠ فإن منطقة الرفض تتحدد بالدرجة المعيارية ± ٢٠٥٨ (فى حالة البديل غير الموجه أيضا) .

وفي مثالنا السابق كان الفرض الصفرى هو: متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن سم ١١٠ ، والفرض البديل غير الموجه: متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن سماوى ١١٠ . فاذا كان متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن سماوى ١٠٥ وهو متوسط نسبة الذكاء لعينة من طلبة الجامعة ، وتحسب الدرجة المعيارية لمتوسط العينة من القائون :

متوسط العينة -- متوسط المجتمع الدرجة المعيارية = الانحراف المعياري لمتوسط المجتمع

ذ - الخطأ المحياري المجتمع

ويستازم ذلك معرفة الخطأ المعياري لمتوسط المجتمع .

وإذا كانت قيمة الدرجة المعيارية المحسوبة (ذ) أقل من ١,٩٦ أو اكبر من ١٩٦٠ ، أى تقع بين ١,٩٦٠ ، ١٩٦٠ ، فانها تكون في منطقة قبول الفرض الصفرى . وعليه فإننا تقرر بقبول الفرض الصفرى ورفض الفرض البديل (عير الموجه) بعستوى دلالة ٥٠،٠ أما إذا كانت الدرجة المعيارية المحسوبة أكبر من ١,٩٦٠ أو أقل من ١,٩٦٠ (٥) أى أنها تقع في منطقة الرفض ، فإننا نقرر برفض

^(*) أقل من ١,٩٦٠ تعنى أنها ١,٩٧٠ أو ١,٩٨٠ أو ١,٩٩٠ بهكذا حتى - ٤ مثلا ،

الفرض الصغري وقبول الغرض البديل (غير الموجه) بمستوى دلالة ٠٠.٠٠ .

ويتمع نفس الأسلوب في حالة منطقتى الرفض والقبول المحددتان بمستوى الدلالة ١٠,٠ فاذا كانت قيمة الدرجة المعبارية المحسوبة تقع بين ٢,٥٨ ، ٣,٥٨ فإننا نقرر قبول الفرض الصغرى ورفض الفرض البديل غير الموجه بمستوى دلالة ١٠,٠ وإذا كانت الدرجة المعيارية المحسوبة اكبر من - ٢,٥٨ أو أقل من ١,٥٨ فانها تقع في منطقة الرفض ومن ثم نرفض الفرض الصغرى وتقبل الفرض البديل غير الموجه بمستوى دلالة ١٠.٠ .

الخطأ العياري: Standard Error

اذا تم اختيار عينة من أفراد مجتمع ما ، وجمعنا بيانات عن أحد المتغيرات فإن توزيع الدرجات قد لا يكون توزيعا اعتداليا ، فاذا أخذنا عينة عشوائية من ذلك التوزيع وحسبنا متوسط درجاتها ، ثم كررنا اختيار عدة عينات عشوائية مئتالية وحسبنا متوسطات درجات هذه العينات العشوائية ، فإن التوزيع لهذه المتوسطات يكرن توزيعا إعتداليا ، ويكون الانحراف المعيارى لهذه المتوسطات يسمى بالخطأ المعيارى (Kiess, 1989:159) ،

وقد أثبتت الأدلة الرياضية أن الخطأ المعيارى أو الانحراف المعيارى المنوسطات الحسابية = الانحراف المعيارى للمجتمع مقسوما على الجذر التربيعي لحجم العينة . ويتم تقدير الانحراف المعيارى للمجتمع من الانحراف المعيارى للعينة باستخدام مفهوم درجات الحرية Degrees of Freedom.

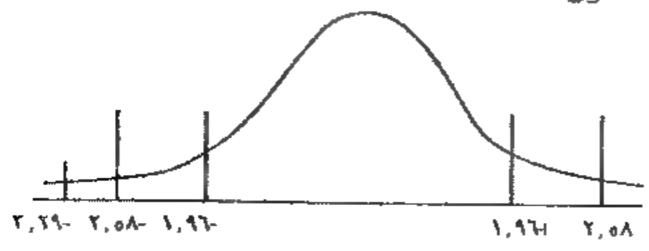
ويمكن أستخدام توزيع متوسطات العينات العشوائية (وهو توزيع اعتدالى كما أشرنا) في تحويل المتوسط الحسابي الى درجة معيارية وقد سبق التوضيح أن هذه الدرجة المعيارية للمتوسط

وبنطبيق ذلك على مثالنا السابق لاختبار الفرض الصفري بأن متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن - ١٠٠ ، فاذا كان حجم العينة - ١٠٠ ، متوسط نسبة ذكاء العينة - ١٠٠ ، والانحراف المعياري للمجتمع - ١٦ فإن :

(لاحظ أن هذه الطريقة نادرا ما تستخدم لأن مترسط العجتمع غير معلوم وكذلك الانحراف المعيارى للمجتمع ، وحتى اذا تم تقديره من الانحراف المعيارى للعينة فإن التوزيع يتحول الى استخدام توزيع ت)

وبمقارنة هذه الدرجة المعيارية المحسوبة بالدرجة المعيارية من المدحني الاعتدالي المعياري عند مستوى دلالة ٥٠,٥ وهي £١٩٦ نجد أن القيمة المحسوبة (-١٢٥) تضتلف عن -١٩٦ وبالتالي فإننا نقرر أن الدرجة المعيارية (٣.١٢٥٠) تقع في منطقة رفض الفرض الصغري ومن ثم نقبل الفرض البديل غير الموجه بمستوى دلالة ٥٠,٥ كما أننا إذا قارنا القيمة المحسوبة بالدرجة المعيارية من الجدول عند مستوى دلالة ١٠,٥ وهي £ ٢,٥٨ تجد أن القيمة المحسوبة (-٢,١٢٥) تقع أيضا في منطقة رفض الفرض الصفري ومن ثم نقبل الفرض البديل غير الموجه بمستوى دلالة ١٠،٥ الفرض العسفري ومن ثم نقبل الفرض البديل غير الموجه بمستوى دلالة ١٠،٠

أما قيمة الدرجة المعيارية من المنحلي عند مستوى ١٠٠٠ فهي ٢،٢٩٣ وهي اكبر (عدديا) من القيمة المحسوبة (-٣,١٢٥) وبالتالي فإن القيمة المحسوبة تقع خارج منطقة الرفض بمستوى ١٠٠٠ فلا نستطيع رفض الفرض الصفري عند مستوى عند مستوى ١٠٠٠ .



ومما سعق فإن القرار هنا يكون رفض الفرض الصغرى عند المستويين مرما سعق فإن القرار هنا يكون رفض الفرض الصغرى عند المستويين المرجه وهو: متوسط نسبة نكاء طلبة الجامعة الأن لا يساوى ١١٠ ، ولا يجوز أن يكون القرار باستخدام مستويين للدلالة وإنما نختار المستوى الافضل وهو ٢٠، فيكون القرار رفض الفرض الصغرى وقبول القرض البديل بمستوى دلالة ٢٠، فيكون القرار رفض البديل بمستوى دلالة ٢٠، وقبول القرض البديل بمستوى دلالة ٢٠، وقبول القرض البديل بمستوى دلالة ٢٠، وقبول القرض البديل بمستوى دلالة ٢٠، وقبول القرض البديل بمستوى دلالة ٢٠، وقبول القرض البديل بمستوى دلالة ٢٠، وقبول القرض البديل بمستوى دلالة ٢٠، و

درجات الحرية: Degrees of Freedom

سبق الاشارة لمفهوم درجات الحرية ويقصد بها عدد مفردات العينة ناقصا عدد القيود . وعند استخدام عينة لاجراء دراسة فإن الهدف هو تقدير متوسط المجتمع وانحرافة المعياري،

وعلى سبيل المثال إذا إخترنا عشوائياعينة من خمسة أفراد فإن مترسط درجات العينة (في متغير ما) بعد تقديرا غير متحيزا لمترسط المجتمع وذلك العينة العشوائية فقط. فاذا كأن متوسط المجتمع = ١٢ مثلا ، وأردنا أختيار عينة من هذا المجتمع ، فإننا نستطيع إختيار جميع أفراد العينة عشوائيا ما عدا الفرد الأخير حتى يكون المتوسط مصاويا لمترسط المجتمع (١٢) ، وعند الاختيار العشوائي لأفراد عينة حجمها خمسة مفردات ، نفترض أن درجات العينة كما يلى:

درجته مساوية ۱۰ أو ۱۶ أو ۲۰ وكل هذه الدرجات لا تؤدى الى متوسط المجتمع وهو ۱۲ و وكل هذه الدرجات لا تؤدى الى متوسط المجتمع وهو ۱۲ و ويناء على ذلك فإن درجة الفرد الأخير يجب أن تتمم مجموع درجات يؤدى الى متوسطا يساوى متوسط المجتمع وهو ۱۲ ، وعليه فيجب أن تكون درجة الفرد الخامس هي ۱۷ حتى يكون المتوسط مساويا ۱۲ ،

ومعنى هذا أننا نستطيع إختيار أفراد العينة عدا الفرد الأخير الذى يجب أن يكمل الدرجات ليكون المتوسط مساويا لمتوسط المجتمع . فاذا رمزنا لحجم العينة بالرمز (ن) فإن الحرية في اختيار أفراد العينة هي (ن - ١) وتسمى بدرجات الحرية وهي = عدد المفردات - عدد القيود ، والقيد الموضح هذا هو المتوسط الحسابي

ولذلك عند حساب الانحراف المعياري للعينة فإننا نقسم مجموع مربعات الانحرافات عن المترسط على عدد أفراد العينة . والانحراف المعياري لدرجات العينة يعد نقديرا متحيزا للانحراف المعياري للدرجات في المجتمع . وإذا أردنا

حساب تقدير غير متحيز للانحراف المعياري للمجتمع فإننا نقسم مجموع مربعات انحرافات درجات العينة عن متوسطها العسابي على درجات الحرية وهي (ن-١) بدلا من (ن) .

ویکرن تقدیر الانحراف المعیاری للمجتمع =
$$\sqrt{\frac{مج.(m-a)^{2}}{(m-a)^{2}}}$$
 $\sqrt{\frac{n-a}{(m-a)^{2}}}$
 $\sqrt{\frac{n-a}{(m-a)^{2}}}$
 $\sqrt{\frac{n-a}{(m-a)^{2}}}$
 $\sqrt{\frac{n-a}{(m-a)^{2}}}$
 $\sqrt{\frac{n-a}{(m-a)^{2}}}$
 $\sqrt{\frac{n-a}{(m-a)^{2}}}$
 $\sqrt{\frac{n-a}{(m-a)^{2}}}$

ويمكن تقدير الانحراف المعياري للمجتمع من الانحراف المعياري للعينة من المعادلة :

$$3^{2}$$
 Therefore 3^{2} The

وتوجد في معظم الآلات الصاسبة البسيطة برامج لصساب المتوسط والانحراف المعياري للعينة بورمز له بالرمزع ن، ويقدير للانحراف المعياري للعينة بورمز له بالرمزع ن، وتقدير للانحراف المعياري للمجتمع ويرمز له بالرمزع ن، أما برامج spss فتحسب دائماً تقدير الانحراف المعياري للمجتمع عند،

ويمكن تقدير الانحراف المعياري المجتمع بمعرفة الانحراف المعياري لمجموعتين من الدرجات حجميهما ن، ، ويكون تقدير الانحراف المعياري للمجتمع من المجموعيتن معا هو:

حيث (ن، + ن، ~ ٢) هي درجات الحرية للمجموعتين معاً.

ويعد ذلك صحيحا إذا نم حساب الانحرافين المعياريين ع١ ، ع١ اكل عينة ، أي يتم حساب كل منهما بقسمة مجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط على حجم العينة (ن) ،

أما إذا تم حساب ع ، ع ، باستخدام درجات الحرية (ن - ١) ، (ن - ١) او بإستخدام برامج spss ، فإن تقدير الانحراف المعياري للمجموعتين معا هو :

وتسمى ع٢ هنا بالتباين المشترك للمجموعتين ، ويعد هذا القانون صحيصا فقط في حالة تجانس تباين المجموعتين أى في حالة عدم اختلافهما إختلافا دالا . وسوف نوضح ذلك في الفصل الثامن .

افتراضات الاحصاء الاستدلالي:

Assumptions of Inferntial Statistics

يهتم الاحصاء الاستدلالي بالأساليب الاحصائية المناسبة لاختبار صحة الفروض والاستنتاج من بيانات العينة إلى المجتمع ، ويمكن تعريفه بأنه عملية الخاذ قرار منطقي باستخدام بيانات العينة وأطوب إحصائي مناسب ،

وتعشمه أساليب الاحساء الاستدلالي على إفشراضين أساسيين (Kimble,1978 : 144) هما :

١ -- العشوائية Randomization في اختيار العينة المستخدمة في الدراسة . ويؤكد هذا الافتراض أن متوسط العينة (العشوائية) هو تقدير غير متحيز لمتوسط المجتمع . والباحث فقط هو الذي يقرر إذا ما كانت العينة التي اختارها عينة عشوائية . فإذا لم تكن العينة عشوائية فإن متوسطها لا يعد تقديرا مناسباً لمتوسط المجتمع، وعليه فإن الاستدلال من بيانات العينة إلى المجتمع يعد

استدلالاً منحيزا ، ومن ثم يصعب التعميم إلى المجتمع .

۲ - التوزيع العينى للمتوسطات Sampling Distribution of Means وهو توزيع اعتدالى بانحراف معيارى يسمى الخطأ المعيارى . بمعنى أننا إذا إحترنا عدة عينات عشوائية وحسبنا متوسطاتها ثم رسمنا شكل توزيع المتوسطات ، فيكون توزيع المترسطات اعتداليا .

ويتعلق الافتراض الثاني بنظرية النزعة المركزية وهي أن متوسطات العينات العشوائية سوف تتوزع اعتداليا بغض النظر عن التوزيع في المجتمع الأصلى ، على شرط أن يكون حجم العينة مناسبا (144 : Kimble, 1978) .

وقد قام كمبل (Kimble, 1978: 144-149) بوضع جدول للإعداد العشوائية مستخدما الاعداد من صفر إلى ٩ ، ويحتوى الجدول على • • ٩ عدد عشوائي ، يمتوسط ٥,٥ وانحراف معيارى ٢,٨٧ . وكان توزيع هذه الاعداد العشوائية غير اعتدالي (شكل مستطيل) . ثم اختار منها ٢٠ عينة عشوائية حجم كل منها عشرة أعداد ، وحسب متوسطات درجات هذه العينات وانحرافاتها المعيارية . وقد تراوحت المتوسطات بين ٢,٢ ، • • ٥,٢ بمتوسط = ٢،٤،٥ ، وهو قريب من متوسط المجتمع (٥,٥) بينما تراوحت الانحرافات المعيارية للعينات العشوائية بين ١,٥٠ ، ٢٠ بمتوسط انحراف معياري = ٢٤ ،٢ وهو مختلف كثيرا عن الانحراف المعياري للمجتمع ٢,٤٠ . وقام بتمثيل متوسطات العينات تعثيلا بيانيا فنتج عن ذلك توزيع أعتدالياً ، بالرغم من أن توزيع المجتمع غير اعتدالي .

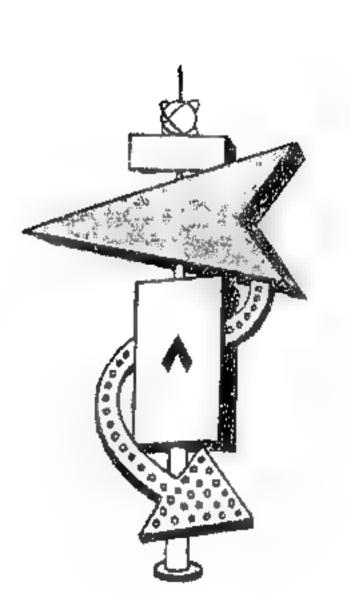
وعند حساب الانحرافات المعيارية للعينات العشوائية باستخدام (ن -۱) بدلا من ن ، فنتج عن ذلك أن الانحرافات المعيارية تراوحت بين ١,٧٨ ، ٢,٦٦ ، ٢ مترسط انحراف معياري = ٢,٧٩ ، وهو قريب إلى حد ما من الانحراف المعياري للمجتمع (٢,٨٧) .

ثم اختار ست عينات مختلفة الأحجام من ٥٠ إلى ٤٠٠ وقام بحساب المتوسط والانحراف المعيارى لكل منها ، وقد وجد أن المتوسطات تراوحت بين المتوسط والانحراف المعيارى لكل منها ، وقد وجد أن المتوسطات العينات العينات العشوائية الصغيرة ، أما الانحرافات المعيارية لهذه العينات فقد تراوحت بين العشوائية الصغيرة ، وقد وجد أن العينات التي حجمها ١٠٠ فأكثر فإن انحرافاتها المعيارية تقترب جدا من الانحراف المعياري للمجتمع ، وقد بلغ الانحراف المعياري للمجتمع ، وقد بلغ الانحراف المعياري للمجتمع ، وقد بلغ الانحراف المعياري للمجتمع ، وقد بلغ الانحراف المعياري للمجتمع ، وقد بلغ الانحراف المعياري للمجتمع ، وقد بلغ الانحراف

وبناء على ذلك فقد أشربنا من قبل أن العينات العشوائية التي حجمها ١٠٠ أو أكتر نعد من العينات الكبيرة والمناسبة للدراسات في العلوم الانسانية . أما العينات صغيرة المحجم فيجب الحذر عند الاستدلال منها إلى المجتمع، أي الحذر في تعميم الدنائج على المجتمع .

ويوضح لنا المثال المذكور أنه بغض النظر عن توزيع المجتمع فإن توزيع ممتوسطات العينات العشوائية التي تم اختيارها من المجتمع هو توزيع اعتدالي ومن ثم فإن شرط الاعتدالية في توزيع درجات العينة (إذا كانت العينة كديرة) تقل أهمينه كلما كبر حجم العينة ، أما في حالة العينات الصغيرة والتوزيع شديد الالتواء (أكثر من ٢٠٪ من معامل الالتواء) فإننا لا نستطيع تطبيق نظرية الذرعة المركزية . والالتواء الشديد يرجع إلى وجود عدد من الدرجات المتطرفة تؤثر على حساب المتوسط والانحراف المعياري (Freund & Wilson, 1997:169) .

الفصل الثامن عبر الشراق الشراة ويتركين الشركانيين Comparing Two Means





الفصل الثامن اختبار الفرق بين متوسطين

بهتم الاحصائيون والباحثون باجراء مقارنات بين درجات الافراد والمجموعات للاجابة عن بعض التعاؤلات البحثية . وعادة ما تكون التساؤلات البحثية أو الفروض عن الفروق بين متوسط مجموعة ومستويات محددة (أو متوسط المجتمع) أو عن الفروق بين متوسطات مجموعات مختلفة.

فإذا علمنا متوسط المجتمع وانحرافه المعياري فاننا نستخدم متوسط العينة ونحوله الى درجة معيارية ، ثم نقارن الناتج بالمنحنى الاعتدالي المحياري .

أما إذا كان متوسط المجتمع معلوم (أو يوجد متوسط مفترض) بينما الانحراف المعيارى للمجتمع غير معلوم ، فإن الأمر يختلف ونستخدم الانحراف المعيارى للعينة لتقدير الخطأ المعيارى ، وبالتالى فإن القيمة الحرجة في هذه الحالة لا تتبع التوزيع الاعتدالي ، وإنما تتبع توزيع ت : 1997 , Wilson , 1997) T- Distribution

وقد توصل عالم الرياضيات وليام جوست William Sealy Gossett عام الرياضيات وليام جوست Student عام ١٩٠٨ إلى معادلة لمقارنة متوسط عينة بالمجتمع وأطلق عليها أسم Student والتى تعرف الآن باسم اختبار ت T - tast (Hald,1998).

وسوف نوضح فى هذا الفصل كيفية استخدام اختبار ت T - test فى مقارنة متوسط عينة بالمجتمع ، وفى اختبار متوسطى عينتين مستقلتين أو غير مستقلتين، بالاضافة الى الاستخدامات الأخرى لا ختبار ت . كما سنوضح أيضا كيفية مقارنة النسبة المدوية بمسترى محدد أو بالمجتمع ، وكيفية مقارنة تسبتين .

مقارنة متوسط عينة بالجنمع : One Sample t- test

وضحنا من قبل أنه يمكن مقارنة متوسط عينة بمتوسط المجتمع إذا علمنا معالم المجتمع إذا علمنا معالم المجتمع (المتوسط والانحراف المعيارى) ، وتتم المقارنة بحساب الدرجة المعيارية لمتوسط العينة ، ثم اتخاذ القرار بشأن الفرض الصفرى (أو البديل)

باستخدام جدول المنحنى الاعتدالي المعياري عند مستوى دلالة معين

أما إذا كان الانحراف المعيارى المجتمع غير معلوم ، فاننا تستخدم المنبارت T - test مستوى آخر المستوى آخر محدد) ، ويعتمد اختبارت على ايجاد القيمة الحرجة وهى تنتج من قسمة الفرق بين المتوسطين (أو الفرق بين المتوسط والمستوى المحدد) على الخطأ المعيارى لمتوسط العينة

متوسط العينة - متوسط المجتمع (الفعلي أو المفترض) متوسط الخينة الفطأ المعياري لمتوسط العينة

حيث الخطأ المعياري لمتوسط العينة (3) = $(3 \div \sqrt{10})$

م - متوسط العينة ، م حمتوسط مفترض للمجتمع

ع - الانحراف المعياري للعينة (باستخدام درجات الحرية ن - ١) ، ن - حجم العينة .

ويكرن الفرض الصغرى هنا : متوسط العينة = المتوسط المفترض .

أما الفرض البديل فهو : متوسط العينة لايساوي المتوسط المفترض (بديل غير موجه) .

واتخاذ القرار بشأن قبول أورفض الفرض الصغرى يتبع ما سبق ذكره فى هذا الشأن . فاذا كانت قيمة ت المحسوبة تقع فى منطقة الرفض عند مستوى دلالة معين ، والتى نستخرجها من جدول توزيع ت ، فاننا نرفض الفرض الصغرى ونقبل الفرض البديل .

ومعنى هذا إذا كانت قيمة ت المحسوبة اكبر من قيمة ت من الجدول (عند مستوى دلالة محدد ٥٠٠٠ أو ٢٠٠١ أو ٢٠٠٠) فائنا نرفض الفرض الصفرى ونقبل العرض البديل . ويكون القرار أن قيمة ت المحسوبة دالة عند مستوى الدلالة المحدد ، ومعنى دالة أنها مهمة أو أن الفرق بين المتوسطين يحدث ٩٠٪ من مائه مره (مثلاً) أو أن مستوى الثقة في الفرق بين المتوسطين هو ٩٠٪ (مثلاً).

ويتم حساب قيمة ت الجدواية من جدول توزيع (ت)* باستخدام درجات الحرية ومستوى الدلالة المطلوب . حيث ببين العمود الاول بجدول توزيع ت درحات الحرية ، بينما يعثل السطر أعلى الجدول مستويات الدلالة في حالة الطرف الواحد أو الطرفين .

ويتم استخراج قيمة ت من الجدول حسب مستوى الدلالة المطلوب والعناسب لاختبار الفرض . ويعتمد توزيع ت على حجم العينة ، فكلما زاد حجم العينة (درجات الحرية) يقترب توزيع ت من توزيع المنحنى الاعتدالي . وتتحدد حدود فترة الثقة باستخدام توزيع ت عند ٢٠,٩٥ من : م ± ت (٠٩٥) × الخطأ المعياري

مثال: إذا كان متوسط ذكاء عينة من طلبة الجامعة حجمها ٨٠ هر ١٠٥ والانحراف المعياري = ١٠٠ فهل يختلف هذا المتوسط عن متوسط نسبة ذكاء الطالب العادي ؟

ويكون الفرض الصغرى هذا هو: متوسط نسبة طلبة الجامعة - متوسط نسبة ذكاء الطالب العادى (وهي عادة تساوى ١٠٠)

والفرض البديل : متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة لا تساوى ١٠٠ ونستخدم القانون السابق لحساب قيمة ت

$$\frac{1 \cdot \cdot - 1 \cdot 0}{\lambda \cdot \sqrt{\div 1 \lambda}} = \frac{0}{7 \cdot 1}$$

$$\frac{0}{7 \cdot 1} = \frac{7 \cdot 1}{7 \cdot 1}$$

$$\frac{0}{7 \cdot 1} = \frac{7 \cdot 1}{7 \cdot 1}$$

$$\frac{0}{7 \cdot 1} = \frac{7 \cdot 1}{7 \cdot 1}$$

وباستخراج قيمة ت من الجدول بدرجات حرية ٧٩ ومستوى دلالة ٠٠٠٠ ، أو مستوى دلالة ١٠٠٠ أو مستوى دلالة ١٠٠٠ (في حالة اختبار الطريفين لأن الفرض البديل غير موجه)

وبمقارنة قيمة ت المحسوبة ٢.٤٩ تجد أنها أكبر من ت (٢٠٠٠ من وأقل من قيمة ت (٢٠٠٠ من منطقة الرفض قيمة ت (٢٠٠١ من منطقة الرفض الفرض الصفرى عند مستوى دلالة ٥٠٠ . .

وبالتاثي نقرر رفض الفرض الصغرى عند مستوى دلالة ٠,٠٥ ونقبل الغرض البديل.

وإذا كان الانحراف المعيارى للعينة المذكورة (١٨) قد تم حسابه باستخدام (ن) بدلا من (ن - 1) فإن:

$$3(i-1) = \sqrt{\frac{i}{i-1}} \times 3 = \sqrt{\frac{i}{1+i}} \times (\lambda 1) = 11.\lambda 1$$

$$3(i-1) = \sqrt{\frac{i}{1+i}} \times 3 = \sqrt{\frac{i}{1+i}} \times (\lambda 1) = 11.\lambda 1$$

$$3(i-1) = \sqrt{\frac{i}{1+i}} \times 3 = \sqrt{\frac{i}{1+i}} \times$$

وهى قريبة من القيمة السابق الحصول عليها، وعليه فأن القرار بشأن الغرض الصفرى والغرض البديل لم يتغير .

 $Y, \cdot 1 \times Y, \text{ $4 \pm 1 \cdot 0 = 0.90}$ وحدود الثقة في المتوسط باحدمال $0.9, \cdot = 0.1 \pm 1 \cdot 0.00$

اختبار الفرق بين متوسطى عينتين مستقلتين Tindepenend t- test:

يستخدم اختبارت في حال إختبار الغرق بين متوسطى عينتين مستقلنين عن طريق حساب النسبة الحرجة ثم مقارنتها بجدولي توزيع ت .

ويقترض اختبارت هنا الافتراضات التالية :

- ١ العشوائية في إختيار العينتين .
- ٢ اعتدالية توزيع درجات المتغير التابع لكل من الحينتين .
 - ٣ أن العينتين مستقلتان عن بعضهما البعض .
 - ٤ تجانس تباين مجتمعي العينتين.

وقد سبق توضيح الافتراضين الاول والثانى ، وقد ذكرنا أن صفائفة العشوائية تحد من تعميم النتائج . بينما شرط الاعتدائية فى توزيع درجات العينتين تقل أهميته إذا كانت العينات كبيرة ، ويعد مشكلة فى حالة إذا ماكان توزيع الدرجات شديد الالتواء . أما فى حالة الالتواء المتوسط فان المخالفة هذا لاتزثر على النتائج . وفى هذه الحالة يجب تحويل الدرجات باستخدام التحويل الرياضى المناسب والذى يتطلب اللجوء الى المتخصصين فى الاحصاء للعلوم الانسانية .

والافتراض الثالث (الاستقلالية) يستطيع الباحث تحديده عند اختياره للعينتين فهو الذي يقرر ما إذا كاننا مستقلتين أو غير مستقلتين -

أما الافتراض الرابع وهو تجانس تباين مجتمعى العينتين ، فيمكن إختباره عن طريق حساب النسبة بين التباينين والبحث عن احتمال دلالة هذه النسبة ، وهي تسمى بالنسبة الفائية F-Ratio وفي حالة تساوى حجمي العينتين فلاضرورة لاختبار فرض التجانس (Hopkins etal., 1987:167)

التباين الاكبر النسبة بين تباين مجتمعي العينتين = التباين الاصغر الاصغر

حيث ع، ع مما تقديرا تبايني مجتمعي العينتين

ثم نقبارن النسبة الفائية مع قيمة ف من جدول توزيع ف بدرجات حدرية (ن، - 1) للبسط ، (ن، - 1) للمقام عند مستوى دلالة ٥٠٠ فاذا كانت النسبة الفائية المحسوبة أقل من القيمة الجدواية ، فأن القرار يكون بقبول فرض تجانس تباين المجموعتين .

أما إذا كانت النسبة الفائية المحسوبة أكبر من القيمة الجدولية فان القرار يكون برفض فرض تجانس تباين المجموعتين ، وقبول البديل (عدم النجانس) . ومعنى هذا أننا أمام حالتين :

الحالة الأولى : إذا كانت العينتان متجانستين :

أي أن ع له ع تقريباً فإن فيمة ت تحسب من القانون :

ويحسب الخطأ المعيارى للفرق المتوسطين عن طريق ايجاد الانحراف المعيارى المشترك للعينتين من القانون

باستخدام درجات الحرية (ن، ١٠) ، (ن، ١٠))

ويكون الخطأ المعياري للفرق بين متوسطي العينتين المستقلتين

وبوضع المعادلتين معا فان :

الخطأ المعياري الفرق بين المتوسطين =

$$\frac{1}{(\dot{v}_{1}-1)3_{1}^{2}+(\dot{v}_{2}-1)3_{3}}{(\dot{v}_{1}+\dot{v}_{2}-1)}$$

$$\frac{1}{1+1} + \frac{1}{1} = \frac{1}{1} + \frac{1}{1} = \frac{1}{1} + \frac{1}{1} = \frac{1}{1} + \frac{1}{1} = \frac{1}{1} + \frac{1}{1} = \frac$$

ثم نقارن قیمة ت المحسوبة بالقیمة الجدولیة عند مستوی دلالة معین (۱۰۰۰ أو ۲۰۰۱ أو ۲۰۰۱) ودرجات حریة = ن + ن - و و و جات حریة = ن جانه تساوی حجمی العینتین (ن - ن - ن + ن

الخطأ المعياري المشترك =
$$\left(\frac{Y}{0} + \frac{Y}{3Y} + \frac{Y}{3Y}\right) = \left(\frac{Y}{0} + \frac{Y}{3Y}\right) = \frac{Y}{0}$$

أما حددد الثقسة بأن احتمال الفرق بين المتوسسطين ٩٠.٠ يقسع بين (م - م،) ± ت (٥٠٠٠) × الخطأ المعياري

مثال (١): إذا كان مترسطاعينتين مستقلتين في درجمات الانبساط / الانطراء هما ٤٧، ٥٢ وكان حجما العينتين ٢٠، ٣٥، وإنحرافيهما المعياريين ٦، الانطراء هما ٤٧، ٤٧ وكان حجما العينتين ٢٠، ٣٥، وإنحرافيهما المعياريين ٦،

٧, ٢ على الترتيب . فهل يختلف متوسطى العينتين ؟

ويكون الفرض الصفرى هنا: متوسط العينة الأولى - متوسط العينة الثانية والفرض البديل هنا: متوسط العينة الثانية وحيث العينتين مستقانان فاننا نختبر أولاً شرط التجانس .

$$1, \xi \xi = \frac{\frac{Y}{(Y,Y)} - \frac{Y}{Y}}{\frac{Y}{Y}} = \frac{1}{3} \xi, f$$

وبالرجوع الى جداول ف بدرجات حرية (٣٠ - ١ ، ٣٥ - ١) ومستوى دلالة ٥٠،٠ نجد أن قيمة ف الجدولية -

وحيث أن القيمة المحسوبة (١,٤٤) أقل من القيمة الجدولية فاننا نقبل الفرض الصفرى (تساوى تباين العينتين) ،ومن ثم تكون المجموعتان متجانستين .

وتحسب قيمة ت من القانون:

$$\frac{1}{1} + \frac{1}{1} \frac{7}{5} \times (1 - \frac{1}{10}) \times (1 - \frac{1}$$

ثم نقارن قيمة ت المحسوبة بالقيمة الجدولية بدرجات حرية ٦٣ ومستوى دلالة ٥٠٠٠ أو ٠٠٠١ (اختبار الطرفين لأن الفرض البديل غير موجه)

وبمقارنة قيمة ت المحسوبة مع القيمة الجدولية نجد أن قيمة ت المحسوبة الكبر من القيمتين الجدوليتين ، وبالتالى فهى تقع فى منطقة رفض الفرض الصفرى وقبول الفرض البديل (غير الموجه) . ولذلك فان القرار يكون :

قيمة ت - - ١ - ٣٠ دالة عند مسدوى ١٠٠٠ (وتدل الاشارة السالبة على انجاه الفرق بين المتوسطين). وهى تعنى وجود فرق دال عند مستوى ١٠٠٠ بين متوسطى العينتين . وبالطبع بكون الفرق لصالح المتوسط الاعلى ، أى أن متوسط المجموعة الثانية اعلى من متوسط المجموعة الأولى بمستوى دلالة ١٠٠٠ وحدود الثقة بأن الفرق بين المتوسطين بمستوى ثقة ٩٠٠٠ يقع بين

$$7.77 \pm 0 = -0 \pm 1.77$$
 $\pm 0.7 \pm 0.7 \pm 0.7$ وهدود الثقة عند مستوى $1.77 \pm 0 = -0 \pm 1.77$ (1.77) $\pm 0.77 \pm 0.77$ $\pm 0.77 \pm 0.77$

الحالة الثانية: إذا كانت العينتان غير متجانستين : أى أن على لاتساوى على

الفرق بين المتوسطين فإن قيمة ت = الخطأ المحياري للفرق بين المتوسطين

وهي تقدير للخطأ المعياري في حالة اختلاف التباين(Seperate Variances)

ثم نقارن قيمة ت المحسوبة بالقيمة الجدولية عند مستوى دلالة معين، ولكن درجات الحرية يتم حسابها من المحادلة التي إقتراحها Satterthwaite عام ١٩٤٦ (1991 , . Winer etal)

وتستخدم برامج Spss هذ المعادلة لحساب درجات الحرية في حالة العينتين المستقلتين غير المتجانستين.

ويرجد تقريب لهذه العمادلة توصل إليه ويلك Welck عام ١٩٤٧) دورجد تقريب لهذه العمادلة توصل إليه ويلك welck عام ١٩٤٧)

$$Y = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2}$$

رلها جدارل خاصة ترصل اليها Aspin عام ۱۹۶۹ . وإذا كانت العينتين متساويتين (ن، - ن، - ن) فإن

وقیمة ت =
$$\frac{q_1 - q_1}{3 + 3}$$
 بدرجات حریة (۲ ن - ۲)

مثال (٢): أجريت دراسة لانجاهات المسافرين نحو بعضهم البعض واختيرت عينين عشوائيتين من الذكور والاناث من ركاب القطارات وكانت درجاتهم كما يلى:

جدول (۸ – ۱) درجات الإتجاء نحو زملاء السفر

	٨	٧	٤	D	۲	3	0	A	۲	٨	٤	٦	٧	t	0	ذكبور
o	٤	٦.	b	٣	٧	٤	V	٥	٤	۳	٦		٣	ő	٤	انات

والمطلوب أختبار الفرض : لا تختلف انجاهات الذكور والاناث نحو زملاء السفر. ونبدأ التحليل بحساب المتوسط والتباين لكل من العينتين :

$$\frac{3\lambda}{10} = \frac{10}{10}$$

$$\frac{3\lambda}{10} = \frac{10}{10}$$

$$\frac{3\lambda}{10} = \frac{10}{10}$$

$$\frac{3\lambda}{10} = \frac{10}{10}$$

$$\frac{3\lambda}{10} = \frac{10}{10}$$

$$\frac{3\lambda}{10} = \frac{10}{10}$$

$$\frac{3\lambda}{10} = \frac{10}{10}$$

$$\frac{3\lambda}{10} = \frac{10}{10}$$

$$\frac{3\lambda}{10} = \frac{10}{10}$$

$$\frac{3\lambda}{10} = \frac{10}{10}$$

$$\frac{3\lambda}{10} = \frac{10}{10}$$

$$\frac{3\lambda}{10} = \frac{10}{10}$$

$$3_{1} = \sqrt{7} \wedge , 3 = 7, 7$$

$$3_{1} = \sqrt{7} \wedge , 3 = 7, 7$$

$$3_{1} = \sqrt{7} \wedge , 1 = 7, 7$$

$$3_{2} = \sqrt{7} \wedge , 1 = 7, 7$$

$$3_{3} = \sqrt{7} \wedge , 1 = 7, 7$$

ثانياً: تختبر افتراض التجانس

$$Y, T1 = \frac{\xi, AT}{1, A0} = 3$$

نستفرج قيمة ف من الجداول بدرجات حرية (١٥، ١٤) ومستوى دلالة ٥٠٠، ف (١٥، ١٤) عملوى دلالة ٢,٤٣ ف (١٥، ١٤)

وبمقارنة النسبة الفائية المحسوبة (٢,٦١) بالقيمة الجدولية نجد أن النسبة الفائية المحسوبة دالة عند مستوى ٠٠٠٠ ومن ثم فائنا نقرر بعدم تجانس تباين العينتين ، أي أن المجموعتين غيرمتجانستان .

وفي هذه الحالة نستخدم قانون ت عند اختلاف التباين

والمشكلة هذا في حساب دح الحرية من قانون Satterthwaite

$$C_{5} = \frac{3^{7}}{3^{7}} + \frac{$$

حيث نستخدم أقرب رقم للنتائج (٢٤)، وباستضراج قيمة ت الجدولية بدرجات حرية ٢٤ (تقريبا) ومستوى دلالة ٥٠,٠ نجد أنها ت (٢٤ ، ٥٠،٠) = ٢٠٦٤ وهي اكبر من القيمة المحسوبة (١,٤٧)

فتكون قيمة ت المحسوبة غير دالة ، ومعنى هذا أننا نقبل الفرض الصغري هو: متوسط انجاهات الذكور = متوسط انجاهات الاناث ،

ويمكن تلخيص خطرات اختبار الفرق بين متوسطى عينتين في الخطوات التالية :

- ١ -- وضع قرض منفرى وفرض بديل
 - ٢ -- تحديد مستوى للدلالة
- ٣ -- حساب المتوسطات والانحرافات المعيارية
 - ٤ اختبار شرط النجانس
- ه حساب قيمة ت من القانون المناسب طبقا لشرط التجانس
- ٦ استخراج قيمة ت الجدولية بدرجات الحرية ومستوى الدلالة المحدد.
- اتخاذ القرار بقبول أو رفض الفرض الصفرى بناء على المقارنة بين
 قيمتى ت المحسوبة والجدولية .

حجم التأثير: Effect Size

يمكن حساب حجم النأثير باستخدام قيمة ت المحسوبة إذا كانت دالة ، ويدل حجم التأثير على مدى تأثير الانتماء لعينة معينة على المتغير التابع موضع الاهتمام ، وهو الدلالة العملية للنتائج ، وقد توصل كوهن Cohen إلى معادلة لحساب حجم التأثير (Kenny, 1987:213) لعينتين مستقلتين وهي :

حيث ت هي القيمة المحسوبة ، ن، مما حجمي العينتين

واقترح كوهن أنه إذا كانت القيمة المحسوبة ح - ٠,٢ فان هجم التأثير يكون ضعيفا (صغيرا) أما إذا كانت ح - ٠,٥ فندل على هجم تأثير متوسط، بينما القيمة ١,٨ تدل على هجم تأثير مرتفسع، للمتغير المستقل على المتغير التابع (212: Kenny, 1987)

وفي حالة العينتين غبر المستقانين قان :

حيث ت هي القيمة النائية المحسوبة ، ن حجم العينة ، ر معامل الارتباط بين درجات القياسين

وهو يدل على تأثير مرتفع .

ويتم حساب حجم التأثير في حالة وجود فرق دال بين متوسطى المجموعتين ،

وتوجد طريقة أخرى لحساب حجم التأثير المتغير المستقل على المتغير التابع في حالة إختبار (ت). ويشير حجم التأثير هنا الى قوة العلاقة بين المتغيرين أو دثيل الأثر الفعلى ، وهو يعرف باسم مربع إينا Eta Sqmared (بيمكن حساب مربع إينا في حالتي إختبار (ت) أو تحليل التباين (Kiess, 1989:513)

حيث إيتا هي إرتباط ثنائي بين المجموعات والمتغير التابع ويسمى Piont (Biserial (Winer et al., 1991)

وبالتطبيق على مثال (١) قان:

وهى تدل على أن ١٢.٦٪ من تباين المتغيرالتابع بمكن تفسيره بمعرفة المجموعات المستقلة ، ومن الواضح أن مربع ابنا هنا يختلف عن حجم التأثير السابق حسابه من معادلة كوهن والتي توصلت الى أن حجم التأثر = ٧٠ ، والذي بعد مرتفعا الى حد ما ، ولكن الفرق الاساسي بينمها أن مربع إبنا يدل على نسبة من تباين المتغير التابع ترجع للمتغير المستقل .أما حجم التأثير من معادلة كوهن فيدل على نسبة الفرق بين متوسطى المجموعتين في وحدات معيارية .

وتحسب العلاقة بين مربعا إينا حجم النأثير (ح) من المعادلة

وقد وصنع كيس جداول توضح العلاقة بالقيم العددية لكل من ح ، مربع إينا. ولحساب ح باستخدام مربع ابنا السابق الحصول عليه فان :

ے ۰,۷۰۹ ؛ ۰,۹۳۰ ، ۹۳۵، وهي منقارية مع حجم التأثير ح السابق حسابه باستخدام قيمة ت (٣,٠١) وحجمي العينتين ،

ويبين كيس Kiess من الجدول الذي أفترحة مايلي:

- (أ) حجم التأثير ٢,٠ يقابل مربع ابنا = ١٠,٠ وهي قيمة صغيرة جدا (١٪ من النباين).
- (ب) إذا كان مربع إينا = ٢٠,٥٠ فانه يقابل قيمة حجم تأثير = ٠,٥٠٥ ، مما يدل على حجم تأثير مترسط .
- (جـ) أما إذا كان مربع إيتا = ١٠،١٥ فانه يقابل حجم تأثير = ١،٨٤ مما يدل على حجم تأثير مرتفع.
- (د) وفي حالة مربع إينا ٠, ٢٠ فان حجم التأثير ١ وهو مرتفع أيضا ومعنى هذا أن زيادة حجم التأثير عن الوحدة يدل على أثر قوى المتغير المستقل على المتغير التابع ، أو فرق قوى بين المجموعتين في متوسط درجات المتغير التابع.

وقد لاقت مقترحات كيس في تفسير مربع إينا صدى واسعاً في الدراسات الاحصائية . حيث وجد هاس وآخرون (Haase et al, 1982) أن مربع إينا في اكثر من احدى عشر الف اختبار احصائي دال منشورة في مجلة الارشاد النفسي خلال ١٩٧٠ – ١٩٧٩ ، وقد وجدوا أن وسيط مربع إينا ٨٣٠، وهي تقابل حجم تأثير - ١٩٧٠ (تأثير أعلى قليلا من المتوسط) .

وقد أجرى أينتون وجالو (Linton & Gallo. 1975) دراسة مشابهة على بحوث مشورة في مجلات APA خلال عام ١٩٦٤ ، ووجدا أن مربع إيا يقل عن ٥٠،٠ في ٥٠٪ من البحوث المنشورة ، ويومنح هذا مدى تزايد الاهتمام بضرورة معرفة حجم التأثير من مربع إينا عند تحليل البيانات وكتابة النتائج (Kiess,1989:517)

قوة اختبار (ت) ، Power of t-test

يمكن حساب قوة الاختبار B - ا رياستخدام قيمة ت المحسوبة وجداول خاصة لحساب قيمة خطأ النوع الثاني Winer et al, 1991:60) B)

ففي المثال رقم (١) حيث كانت قيمة ت هي :

ونستخدم قيمة ت ودرجات الحرية في البحث في جداول خاصة السنخراج β عند مستوى الدلالة المحدد . فإن كانت α = α . •

وان فيمة β للمثال = ١٠، وقوة الاختبار = ١ - ١٠، ٩٠ - ٩٠. وفي حالة α = ١٠، فان β = ٢٠٠٠ رتكون قوة الاختبار = ١ - ٢٧٠ - ٣٠٠٠ .

احتبار الفرق بين متوسطى عينتين غير مستقلتين أو عينة واحدة :

(Dependend t - test)

عندما يكون اهدمام الباحث هو المقارنة بين مدوسطين لعينتين غير مستقلتين ، أو بمقارنة متوسطى عينة واحدة في فترتين مختلفتين ، فكثيرا ما يهتم المعالج بمعرفة مدى تحسن المرضى بعد فترة معينة من العلاج ، أو اهتمام المدرب بمدى فعالية برنامج تدريبي في اكتساب معلومات ومهارات معينة ، أو اهتمام اهتمام باحث بمعرفة مدى التغير في انجاهات عينة من الافراد نحو قضية مجتمعيه معينة .

وفى هذه الحالات يكون الاهتمام بدراسة الفرق بين متوسطين لعينة واحدة هي فترتين مختلفتين ، والتي تعرف عادة باسم القياس القبلي والقياس البعدى . وهنا يكون القياس القبلي – البعدى لنفس المتغير التابع وباستخدام نفس الأداة أو صور متكافئة .

وبالتالى فأن القياسين غير مستقلين عن بعضها البعض مما يؤثر على طريقة حساب الخطأ المعيارى الفرق بين المتوسطين .

والافتراضات الاساسية هنا هي نفس الافتراضات المذكورة سابقا في حالة اختبارت لمتوسطي عينتين مستقلتين ماعدا إفتراض الاستقلالية ، بمعنى أن الافتراضات اللازمة هنا هي: العشوائية في اختبار العينة، الاعتدالية في توزيع درجات المتغير التابع ، تجانس تباين درجات القياسين وتحسب قيمة ت من

القانون ت الفرق بين المتوسطين الخطأ المعياري للفرق بين المتوسطين

الفطأ المعياري

ولان العينة المستخدمة واحدة فيمكن حساب الفروق بين درجات القياسين (ف) ثم نحسب متوسط هذه الفروق (من) وانحرافها المعياري (غن) وتصميح قيمة ت هي :

$$\frac{1-\frac{1}{1}}{(3 + \frac{1}{1})} = \frac{1}{(3 + \frac{1}{1})} = \frac{1}{(3 + \frac{1}{1})} = \frac{1}{(3 + \frac{1}{1})}$$

$$\frac{1}{(3 + \frac{1}{1})} = \frac{1}{(3 + \frac{1}{1})} = \frac{1}{(3 + \frac{1}{1})} = \frac{1}{(3 + \frac{1}{1})}$$

ثم نقارن قيمة ت المحسوبة بالقيمة الجدولية بدرجات حرية (ن - ١) ومستوى الدلالة المحدد.

مثال (٣): اجريت دراسة لمعرفة مدى التغير في انجاهات عينة من الافراد تعرضوا لبرنامج تدريبي وكانت البيانات كما يلي:

جدرل (۲ – ۲)

17	١٨	٦	٥	١٢	١٧	33	٨	4	۲	قياس قبلي
۱۷	۲.	14	١.	17	Yo	١٨	١٥	١٨	١.	قياس بعدي

ريكرن الفرض الصغرى هو: متوسط القياس القبلى متوسط القياس البعدى والفرض البديل: متوسط القياس البعدى، والفرض البديل: متوسط القياس القبلي لا يساوى متوسط القياس البعدى، ويتم اجراء تحليل البيانات السابقة كما بالجدول (٨ - ٣)

ف	القرق شا	القياس البعدى	القياس القبلي	6
٤٩	٧	1-	٣	1
۸١	٩	14	4	۱ ۲
٤٩	V	10	٨	-
19	Y	14	11	1
48	٨	10	17	
17	1	17	17	٦
40	٥	1.	۵	٧
4.1	٦	17	٦ .	٨
٤	۲	٧٠	۱۸	٩
17	٤	14	15	1+
PAT	PG	171	1.4	المجموع

متوسط القیاس القبلی م
$$\frac{1.7}{1} = \frac{1.7}{1}$$

متوسط القیاس البعدی م $\frac{171}{1} = 1.71$

متوسط الفرق بین القیاسین = م $\frac{9}{1} = 1.71 - 1.71 = 9.0$

وکذلک م $\frac{9}{1} = \frac{9}{1} = 9.0$

الانحراف المعیاري الفروق (ع $\frac{9}{1} = \frac{9}{1} = \frac$

(*) والراغبين في معرفة طريقة أخرى لعساب الانحراف المعبارى للقرق بين متوسطي عينين غير مستقلتين نديع القانون التالى :ع و العراج العربي عبر مستقلتين نديع القانون التالى :ع و العربية القانون التالى عود معامل الارتباط بين درجات القياسين.

$$(\xi, 70) (\xi, 77) \cdot 4 \cdot \xi \times Y - Y(\xi, 70) + Y(\xi, 77) = \xi$$

$$\xi 1, Y \cdot - Y 1, 7Y + Y \xi, 7 = \xi 0 Y - \xi 0 Y$$

رهي نفن القيمة التي حصانا عليها باستخطم فروق القياسين (ف)

ونحسب قيمة ت من القانون

وتکرن قیمة
$$= \frac{0,9}{-...} = 0.7$$
 بدرجات حریة (۱۰ –۱۰) وتکرن قیمة $= 0.7$

ثم نستخرج قيمة ت الجدولية بدرجات حرية ٩ ومستوى دلالة ٠٠٠٠ أو ١٠٠٠ أو ١٠٠٠ أو ١٠٠٠

وبمقارنة قيمة ت المحسوبة (٨,٧٥) بالقيم الجدولية نجد أنها اكبر من القيم الجدولية الثلاث المذكورة ، فتكون قيمة ت المحسوبة دالة عند مستوى ١٠٠٠، (المستوى الاعلى)

وعليه فان القرار هو رفض الفرض الصغرى وقبول الفرض البديل وهو: متوسط القياس القبلي لا يساوي متوسط القياس البعدي ،

حجم التأثير = ت
$$| Y (1 - \zeta) |$$
 $| Y (1 - \zeta) |$
 $| Y (1 - \zeta) |$
 $| Y (1 - \zeta) |$

وهو يدل على حجم تأثير مرتفع.

وقد عرض هوبكنز وآخرون (Hopkins et al.,1987:172) أنه يمكن التوصل الى حجم التأثير عن طريق تحويل الفرق بين المتوسطين (البعدي --القبلي) الى وحدات معيارية ، وذلك بقسمة الفرق على الانحراف المعياري للمجموعة الصابطة (إن وجدت) أو الانحراف المعياري للقياس القبلي .

حيث م ، م ، هما متوسطى القياس القبلي والبعدي ، ع ، هي الانصراف المعياري للقياس القبلي (أو للمجموعة الضابطة إن وجدت) ويتطبيق هذه المعادلة على مثال (٢) السابق:

ويكون حجم التأثير المعياري مهما إذا كان يعادل ١, ٢٨ وهي القيمة المقابلة الحتمال ١٠١٠ من المنحني الاعتدالي ، وهي تستخدم في حالة الغروض الموجهة وإختبار الطرف الواحد .

استخدامات أخرى لاختبار (ت):

١ -- يمكن اختبار دلالة معامل الارتباط بين متغيرين عن طريق حساب قيمة ت من المعادلة

حيث يكون الغرض الصفرى هو: معامسل الارتبساط = صسفر والقرض البديل: معامل الارتباط لا يساوى الصغر

ثم نستخرج قيمة ت الجدولية بدرجات حرية (ن - ٢) ومستوى الدلالة المحد . ونقارنها بالقيمة التائية المحسوبة من المعادلة السابقة ، فاذا كانت دالة فاننا نرفض الفرض الصغرى ونقبل الغرض البديل .

رقيمة ت الجدولية بدرجات حرية ١٨ ومستوى دلالة ٥٠،٠ هى ٢٠١٠ وعليه فان قيمة ت المحسوبة (٢،٤٥) اكبر من القيمة الجدولية (٢،١) فتكون دالة ونرفض الفرض الصفرى ونقبل الفرض البديل بأن معامل الارتباط ٥،٠ (للعينة التي حجمها ٢٠) يضتلف عن الصفر عدد مستوى دلالة ٥٠٠٠

٢ - كما يعكن استخدام اختبارت أيضا في اختبار معامل الارتباط الجزئي فاذا كان لدينا ثلاثة متغيرات فانه يمكن حساب معامل الارتباط البسيط بين كل متغيرين منهما رب ، رب ، رب كما يمكن حساب معامل الارتباط الجزئي وذلك بحذف أثر أحد المتغيرات من العلاقة بين المتغيرين الاخرين ، مثل (رب) وهي تعني العلاقة بين المتغيرين ا ، ٢ بعد حذف أثر المتغير الالاثاث.

وتكون قيمة ت لهذا الارتباط الجزئي =
$$\frac{\sqrt{1-\sqrt{1-1}}}{\sqrt{1-\sqrt{1-1}}}$$

وهي تتبع توزيع ت بدرجات حرية (ن - ٣) (Ferguson,1971:392).

اختبار الفرق بين نسبتين

يهتم عدد كبير من الباحثين في العلوم الانسانية باجراء دراسات تستخدم منغيرات تصنيفية (اسمية أو ترتيبية) وفي هذه الحالات لانستطيع حساب المتوسط أو الانحراف المعياري ومن أمثلة الاسئلة البحثية في تلك الدراسات : هل نسبة تسرب الطلبة تختلف في مدارس البنين عن مدارس البنات ؟

هل أسباب التسرب تختلف باختلاف موقع المدرسة (ريف أو حضر) ؟ هل نسبة من استجابوا للاستبانة بالبريد تختلف باختلاف المنطقة السكنية ؟ هل نسبة الطلاق تختلف باختلاف مستوى التطيم ؟

ويوجد العديد من مثل هذه الاسئلة في دراسات العلوم الانسانية ، والتي تستحق الاهتمام وتوضيح كيفية تحليل بياناتها ، وتدل نظرية النزعة المركزية على أنه مهما كان شكل توزيع المجتمع ، فان توزيع متوسطات العينات العشوائية يقترب من الاعتدالية كلما زاد حجم العينة ، وعند حساب النسبة المئوية فاننا نكون بصدد فئتين ، فهناك من ينتمى للغئة (يتسرب مثلا) ويحصل على الدرجة واحد ، وهناك من لا ينتمى ويحصل على صفر ، وتكون النسبة هي مجموع هذه الدرجات على العدد الكلى (.....) وعليه فان النسبة هنا مشابهة للمتوسط الحسابي ، بل هي متوسط حسابي لمتغير ثنائي : 1978 ، 1978 (.....) Dichotornous

فاذا إخترنا عشوائيا ٢٠٠ فرد وحددنا نسبة ذوى اليد اليسرى ، ثم كررنا إختيار عدة عينات عشوائية وحددنا النسب في كل عينة عشوائية ، فان هذه النسب تتوزع ترزيعا إعتداليا (إذا كانت العينة مناسبة).

وبالطبيع يكون ٦٨٪ من النسبة تختلف عنها في المجتمع بمقدار ± ع ، ، ٩٥٪ تنحصريين ق تد ١,٩٦٪ ع .

ومن الواضح أن الانحراف المعيارى للنسبة يتأثر بحجم العينة فكلما كانت العينة كبيرة يقل التباين وبالتالى الانحراف المعيارى للنسبة (ع) فاذا كانت النسبة ق = ٠٥٠٠ وكان حجم العينة ٢٥ فان:

وتکون حدود الثقة للنسبة ، أن ٩٥٪ تنحصىر بين ق $\pm 1,93$ ع $_{\circ}$

أما إذا كان حجم العينة = ١٠٠

وتكون حدود الثقة عند ٩٠٪ = ٥٠٠ ± ١٠٩٦ (٥٠٠٠)

ومن الواضح أن الحدود تقترب من النسبة الفعلية . ومعنى هذا أنه كلما كان حجم العينة كبيرا يقل الانحراف المعياري وتقل حدود تقدير النسبة ، ومن تقترب كثيرا من النسبة الفعلية في المجتمع .

وقد توصفت العديد من الدراسات الى أن الحجم المناسب للعينة في حالة النسبة هو الذي يحقق الشرط بأن :

وفي مثل هذه المالات لايكون الخطر كبيرا في معاملة التوزيع العينى كتوزيع معتدل (Hopkins et al., 1987: 184)

فاذا كانت ق = ١٤٠ فإن حجم العينة لا يعل عن ٢٥

أما إذا كانت ق - ٠,٩٠ فان حجم العينة لا يقل عن ١٠٠

ومعنى هذا أن يعرف الباحث النسبة مقدما ، ولكنه إذا كانت غير معلومة فيمكن تقديرها من العينة . وبصفة عامة يفضل أن تكون العينات كبيرة [ن ق أو

ں (۱-ق)≤۲۰]

مقارنة نسبة عينة بالجتمع :

إذا كان الاهتمام هو معرفة إذا ما كانت نسبة النجاح في مدرسة ما مختلفة عن نسبة النجاح في مدرسة ما مختلفة عن نسبة النجاح في مجتمع المدارس . بمعنى أننا نعلم نسبة النجاح في المجتمع، ونود مقاربة نسبة النجاح في احدى المدراس بنسبة المجتمع

مثال (۱): إذا كانت نسبة النجاح في مدرسة ما ٠,٧٠ ونسبة النجاح في المجتمع ٠,٨٠ وكان عدد طلبة المدرسة ٥٠٠ فإذا رغبنا في محرفة مدى إختلاف النسبتين فاننا نحسب النسبة الحرجة بقسمة فرق النسبتين على الخطأ المعياري لنسبة العينة (لعدم معرفة حجم المجتمع)

النسبة الحرجة (ذ) - ق-ق. حيث
$$\frac{\bar{b}(1-\bar{b})}{\bar{b}(1-\bar{b})}$$
 هو الخطأ المعيارى $\bar{b}(1-\bar{b})$

ويكون الفرض الصفرى هو: نسبة نجاح العينة = نسبة النجاح في المجتمع،

الفرض البديل: نتهبة نجاح العينة لا تساوى نصبة العجتمع ونحسب النسبة الحرجة - - ١٠٠٠ (١ - ٢٠٠٠)

ثم نقارن النسبة الحرجة ٥ بغض النظر عن الإشارة (الدرجة المعيارية ذ) بقيم المنحنى الاعتدالي المعياري وهي ١٠٩٦ عند مستوى ٥٠٠٠ ، ٢٠٥٨ عند مستوى ٢٠٠٠ ، ٢٠٩٠ عند مستوى ٢٠٠٠ ع

ونلاحظ أن النسبة الحرجة المحسوبة اكبر من ٣,٢٩ ، وعليه تكون النسبة المحرجة دالة عند مستوى ١٠٠٠ ولذلك نرفض الفرض الصفرى ونقبل الفرض البديل بأن نسبة النجاح في المدرسة تختلف عن نسبة المجتمع عند مستوى دلالة

مثال (٢): يمكن أيضا مقارنة النسبة بمستوى محدد أو معيار محدد .

فاذا كانت النسبة العالمية للمعرفين في المجتمع ١٠٪، واخترنا عينة عشوائية حجمها ١٥٠ ووجدنا أن نسبة المعوفين ٢٠٠، فهل تختلف هذه النسبة عن المسترى المحدد لها .

ويمقارنة النسبة الحرجة – ١,٤٣ بقيم المنحنى الاعتدالى نجد أنها أكبر من سيمقارنة النسبة الحرجة – ١,٤٣ بقيم المنحنى الاعتدالى نجد أنها أكبر من المسترى ١,٩٦ (عند مستوى ٥٠٠٠) ، أى أنها نقع في منطقة قبول الفرض الصغرى بأن النسبة في العينة تساوى النسبة المحددة .

مثال (٣): إذا كانت نسبة انحاهات عينة من الافراد نحو مشاركة المرأة في الانتخابات هي ٥٠,٠٠ وكان حجم العينة ٨٠ فرداً ، فيل هذه الآراء متحيزة ؟

بمعنى هل تختلف نسبة انجاهات العينة (٠,٦٥) عن النسبة المحايدة ؟

وهذا نفترض أن الرأى المحايد هو ٠٥٠٠ وبذلك يكون المطلوب هو اختبار مدى اختلاف نسبة العينة (٠٠٠٠) عن المستوى المحايد ٠٥٠٠ ويكون الفرض الصفرى : نسبة الجاهات العينة = المستوى المحايد (٠٠٠٠) والفرض البديل : نسبة الجاهات العينة لانساوى المستوى المحايد (٠٠٠٠) والفرض البديل :

وبمقارنة النسبة الحرجة (٢,٨٣) بقيم المنحنى الاعتدالي نجد أنها اكبر من ٢,٥٨ (بمستوى دلالة ٢,٠١) ، ومن ثم نرفض الفرض الصفرى ونقبل الفرض

البديل بأن: نسبة انجاهات العينة لانساوي المستوى المحايد.

اختبار الفرق بين نسبتين مستقلتين :

إذا كان السؤال البحثى يهتم باختبار الفرق بين نسبتين من عينتين عشرائيتين مختلفتين . فاننا نحسب النسبة الحرجة أيضا بقسمة الفرق بين النسبتين على الخطأ المعياري للفرق .

ويكون الخطأ المعياري للفرق بين النسبتين ق، ، ق،

ثم نقارن النسبة الحرجة بقيم المنحنى الاعتدالي السابق ذكرها

مثال : إختار باحث عينتين من العاملين بمدينتين ووجد أن نسبة ذوى الدخل المرتفع (اكثر من عشرون الفا في العام) هي ٩,٣٠، ٩,٣٠ فاذا كان حجما العينتين ١٠٠، ٩٠٠ فهل يوجد فرق بين النسبتين ؟

ريكون الفرض الصفرى هذا: نسبة دخل العينة الاولى = نعبة دخل العينة الثانية . أما الفرض البديل فهو: نسبة دخل العينة الأولى لانساوى نسبة دخل العينة الثانية.

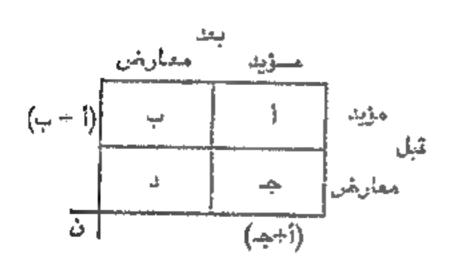
حيث الخطأ المعياري للقرق بين النسبتين

وبمقارنة النسبة الحرجة (٠,٧١) بقيم المنحني الاعتدالي نجد أنها غير دالة وبالتالي نقبل الفرض الصغرى بأن نسبة الدخل المرتفع في العينتين متساو،

أختبار الفرق بين نسبتين مرتبطتين:

قد يكون الاهتمام بدراسة الفرق بين نسبتين على نفس العينة ، فقد نطبق مقياسا للانجاه على مجموعة واحدة قبل التعرض لبرنامج تدريبي وبعده . فقد يصلح البرنامج لتعديل إنجاه بعض الافراد ويفشل مع البعض الآخر . فاذا كانت البيانات رقمية فاننا نستخدم اختبار (ت) للمقارنة بين درجات الانجاه القبلى والبعدى . أما اذا كانت البيانات إسمية مثل تأبيد أوعدم تأبيد أحد المرشحين في الانتخابات قبل وبعد قيامه بالحملة الدعائية.

فقد تكون النتيجة هي عدد المويدين والمعارضين قبل وبعد الحملة الدحائية كما بالشكل:



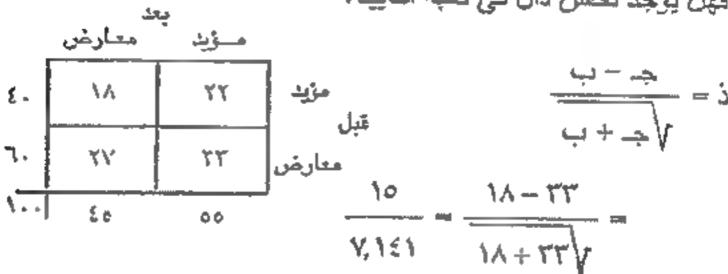
ریکون الفرق بین النسبتین ق
$$_{1}$$
 – ق $_{2}$ – ق $_{3}$ – ن ن و الخطأ المحیاری للغرق ع $_{1}$ = $_{3}$

وفي حالة ن كبيرة (٢٥ فأكثر) فإن:

نم نقارن هذه النسبة بقيم المنحنى الاعتدالي ١,٩٦ عند مستوى ٥٠٠٠، من نقارن هذه النسبة بقيم المنحنى الاعتدالي ١,٩٦ عند مستوى ٢٠١٠ (Ferguson & Takane,1989:201)

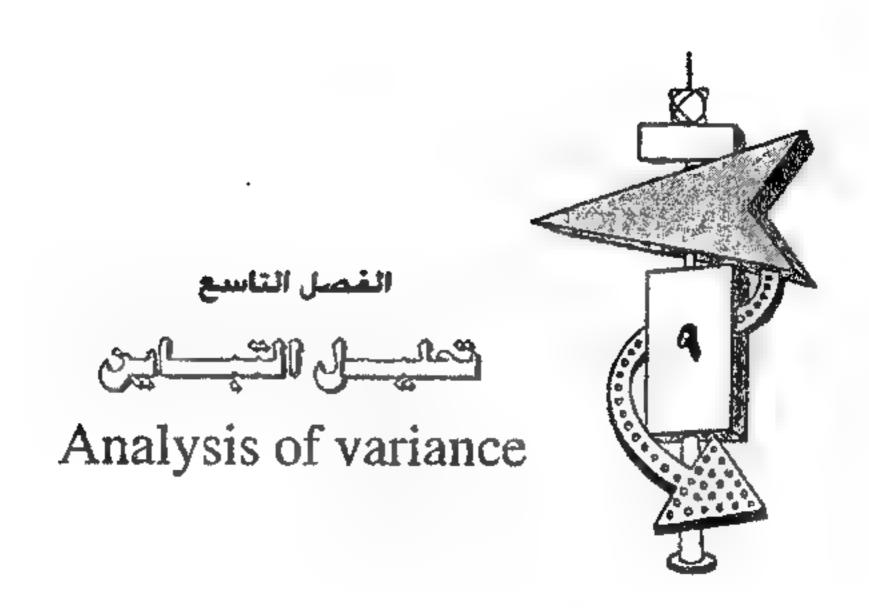
مثال : إذا كان عدد المريدين امرشح ما ٤٠ من مائة فرد وبعد قيامه بالدعاية زاد العدد إلى ٥٥ من مائة ، فاذا كانت البيانات كما بالشكل :

فهل يرجد تحسن دال في نسبة التأييد؟



ذ = ۲,۱۰۰ وهي دالة عند مستوى ۲,۱۰۰

ريعني هذا أنه يوجد تحسن في نسبة المؤيدين عند مستوى دلالة ٠٠٠٠٠٠



الفصل التاسع تحمليل التبسماين

وضحنا في اختبار (ت) أنه يستخدم لمقارنة متوسطى عينتين مستقلتين أو غير مستقلتين . ولكن العديد من البحوث في الطوم الانسانية تهتم بدراسة عدة متوسطات في الوقت الواحد . ويعالج تحليل التباين هذه المشكلة حيث أنه يستخدم لمقارنة عدة متوسطات معا .

فاذا كان لدينا عدة مستويات الدخل (مزيقع - متوسط - منخفض) وأردنا مقارنة متوسطات هذه المستويات الثلاثة في الانجاه نحر استخدام الحاسوب في التعليم . فيكون ثدينا متغيرين ، أحدهما متغير مستقبل (تصنيفي) وهو مستوى الدخل ، والثاني متغير تابع وهو الاتجاه نحر استخدام الحاسوب في التعليم وقد يرى البعض أنه يمكن استخدام اختبار (ت) لمقارنة المتوسطات الثلاثة عن طريق مقارنة متوسط المستوى المرتفع مع المتوسط ، والمستوى الموسط مع المنخفض . ولكن هذا الاجراء غير مناسب لأن هذه المقارنات الثلاث غير مستقلة عن بعضها البعض ، بالاضافة الى تراكم أخطاء النوع الأول (α) .

فاذا كانت متوسطات مستويات الدخل الثلاثة في الانجاء نحر استخدام الحاسوب في التسعليم هي م، ، م ، ، م ، مرتبة تنازليا ، وظسهر من اختبار (ت) ان م ، أكبر من م ، ، م ، فيمكن استنتاج أن م اكبر من م دون إجراء المقارنة ، وهذا ما نقصده بأن المقارنات الثلاث غير مستقلة .

وتحليل التباين (ANOVA) أسلوب أحصائى يستخدم لمقارنة متوسطى مجموعتين أو أكثر فى نفس الرقت . فاذا إستخدم لمقارنة متوسطين فان النتيجة تكون مماثلة للدائج من اختبار (ت) ، وفى هذه الحالة (فقط) تكون قيمة ف من تحليل التباين مساوية لقيمة تن . أما إذا كانت المقارنة بين عدة متوسطات فان تحليل التباين هو الاسلوب المناسب للمقارنة وليس اختبار (ت) .

ربعد تحليل التباين من الاساليب الاحصائية الاكثر استخداما (مثل اختبار

ت) ، في تحليل بيانات البحرث في العلوم الانسانية بصفة عامة ، وفي علم النفس بصفة خاصة . فتحليل التباين أسلوب هام جدا في تحليل بيانات البحوث التجريبية خاصة تلك التي تتضمن اكثر من متغير مستقل في تصميماتها التحريبية ، ومن ثم فان معرفة تحليل التباين أمر هام للباحثين لفهم نتائج الدراسات السابقة في مجال التخصص ، وكذلك لاختيار الاسلوب المناسب لتحليل بيانات البحوث التي يقومون بها .

وسوف نتناول في هذا الفصل توضيح لتحليل التباين في حالة متخير مستقل واحد ، وكذلك طرق المقارنات المتعددة بين المتوسطات .

وتحليل التباين يعنى تقسيم تباين المتغير التابع الى قسمين (في حالة متغير مستقل واحد) ، أو عدة أقسام (في حالة اكثر من متغير مستقل) . وأحد هذه الاقسام يرجع إلى المتغير المستقل (أو المتغيرات المستقلة) . ويسمى بالأثر الرئيسي في تباين المتغير التابع ، وهر تباين منتظم أي معليم مصدره . أما القسم الثاني (في حالة متغير مستقل واحد) فيرجع الى تباين غير منتظم ومصدره درجات الافراد ويسمى تباين الخطأ . والتباين الرئيسي المتعام وتباين الخطأ . والتباين الرئيسي بعنوسط المربعات على درجات الحرية ويسمى النائج بمتوسط المربعات على درجات الحرية ويسمى النائج بمتوسط المربعات على درجات الحرية ويسمى النائج بمتوسط المربعات Between groups vari المجموعات -Between groups vari فيسمى النباين داخل المجموعات -Within groups vari فيسمى النباين داخل المجموعات -Ance within groups vari

وينتج من قسمة تباين بين المجموعات على تباين الخطأ النسبة الفائية اشارة إلى العالم الانجليزي سير رونائد فيشر Sir Ronald Fisher الذي توصل الى أسارب تحليل التباين عام ١٩٢٠ (Kiess, 1989: 370).

ديث:

ف - متوسط مربعات المجموعات (MSA) متوسط مربعات الخطأ (MSE)

1

نباين بين المجموعات نباين الخطأ فاذا لم يكن المتغير المستقل تأثير على المتغير التابع ، فان تباين بين المجموعات يعود الى أخطاء المعاينة ، ومن ثم تكون النسبة الفائية تساوى الوحدة تقريبا . أما إذا كان المتغير المستقل تأثير على المتغير التابع فان تباين بين المجموعات يزداد اكثر مما هو متوقع من أخطاء المعاينة ، ومن ثم يكون تباين بين المجموعات اكبر من تباين الخطأ وتزداد قيمة النسبة الفائية عن الوحدة ، وعليه فان قيمة ف تزداد بزيادة تأثير المتغير المستقل . (261 : 989 , 1989)

ينشابة تحليل التباين مع اختبار (ت) في حالة المقارنة بين متوسطى عينتين ، ويختلف عنه في حالة المقارنة بين عدة متوسطات . ومعنى هذا أن أساس الاختبارين متقارب ، ومن ثم فان إفتراضات تحليل التباين هي نفسها افتراضات اختبار (ت) وهي :

١ - العشرائية في اختيار المجموعات

٢ -- الاستقلالية في اختيار المجموعات بمعنى أن اختيار مجموعة لا يعتمد على
 على اختيار مجموعة أخرى من مجموعات المتغير المستقل .

٣ - الترزيع الاعتدائي لدرجات المتغير التابع .

والافتراض الاول يستطيع الباحث تحديد إذا ماكانت طريقة إختيار العينات عشوائية أم لا . كما أن الاستقلالية في إختيار المجموعات تتضح أيضا أثناء المعاينة ، والاختيار العشوائي للمجموعات يؤكد الاستقلالية فاذا إختيرت كل مجموعة عشوائيا من مجتمع فانها تكون مستقلة عن اختيار المجموعات الأخرى.

ومخالفة افتراض العشوائية في المعاينة (أو توزيع الافراد على المجموعات التجريبة عشوائيا) قد يؤدى الى هدم مصداقية الدراسة ، فالعشوائية نقدم الدليل الأكيد بأن الاخطاء تتوزع بين المجموعات وداخلها توزيعا مستقلا ، كما أنها العملية التي تزيل التحيز التجريبي .

أما افتراض التوزيع الاعتدالي للدرجات فقد سبق توضيح أنه يمكن مخالفة هذا الافتراض إذا كان الالتواء منوسطا ، أما في حالة الالتواء الشديد (وفي حالة الدرجات المتطرفة) فيجب اللجوء الى تعديل التوزيع عن طريق استخدام التحويل Transformation المناسب للدرجات ، وإلا فان التنائج تكون مخالفة للحقيقة

والاستنتاج منها يكون خاطئاً . كما أن المخالفة البسيطة لافتراض التجانس لا تؤثر على النتائج ، أما إذا كانت تباينات المجموعة مختلفة اختلافا دالا فان ذلك يؤثر على النتائج . ويجب على الباحث التأكد من تحقيق فرض التجانس خاصة إذا كانت المجموعات غير متساوية (230 : Freund & wilson, 1997) .

ولاختبار فرض التجانس إقترح هارتلى Hartley عام ١٩٤٠ طريقة لاختبار التجانس وهي حساب قيمة ف من قسمة اكبر تباين على أصغر تباين من

أكبر تباين تم مقارنة الناتج بتوزيع خاص يسمى تباينات المجموعات في - أصغر تباين

F-Max بدرجات حرية (ك، (ن - 1)) حيث كه هذه عدد المجموعات، ن حجم المجموعة ، وهذا الاختبار كاف النعرف على مدى النجانس كالاجموعة ، وهذا الاختبار كاف النعرف على مدى النجانس كالازاد، بالاختبار كاف النعرف على مدى النجانس ومتقارب، ويمكن استخدام اكبر مجموعة في حساب درجات الحرية ، وقد تؤدى هذه الطريقة الى تحيز في الاختبار ، بمعنى أنها كثيرا ما ترفض الفرض الصفرى أي ترفض فرض تجانس المجموعات (Winer et al., 1991) ، وقد توصل كوكران المحادلة عام 1951 إلى أختبار آخر بسيط لقرض التجانس وهو حساب قيمة ف من المعادلة

فى د التباين الأكبر بدرجات حرية (ك،ن-١) مجموع تباينات المجموعات

حيث ك عدد المجموعات ، ن عدد أفراد اكبر مجموعة ثم نرجع الى جداول خاصة باختبار كوكران عند مستوى دلالة ٠,٠٥ ودرجات الحرية المبينة .

وقد أو عندت الدراسات تشابه طريقتي هارتلي وكوكران ، إلا أن اختبار كوكران اكثر حساسية لأنه يستخدم معلومات اكثر عن المجموعات ، وفي حالة عدم تساري المجموعات (متقارية في الحجم) فنستخدم المجموعة الاكبر حجما لتحديد درجات الحرية (105: 1991 ، 1991) ،

وقدم بارتات Bartlett طريقة أخرى الخنبار فرض النجانس الم تشترط تساوى المجموعات واكتها طريقة معقدة (رياضيا) وتعتمد على توزيع كا (مريع كاى) . وقد توصل كل من كوكس COX عام ١٩٥٣ ، وشفيه Scheffee عام ١٩٥٣ إلى طرقا أخرى أقل تعقيدا من طريقة بارتات الاختبار فرض التجانس ، الاتها ليست سهلة الاستخدام .

وقد اقترح بوكس Box عام ١٩٥٤ أنه في حالة عدم التجانس فاننا نجرى تحليل النباين ولكن قيمة (ف) الناتجة تتبع توزيع (ف) بدرجات حرية مختلفة هي (١، ن - ١) حيث ن هي عدد أفراد المجموعة الفرعية (Winer et al., عيث ن هي عدد أفراد المجموعة الفرعية (1991:109)

ومن الممكن في حالة عدم التجانس إجراء تحويل للدرجات بإستخدام الجذر التربيعي إذا كان إلتواء الدرجات متوسطا ، أو التحويل اللوغاريتمي إذا كان الإلتواء أكبر من المتوسط ، أو تحويل مقلوب الدرجات إذا كان توزيع الدرجات شديد الإلتواء (أحمد عبادة سرحان ، ١٩٦٨) .

توزيع ف : F- Distribution

نقدم في الجزء التالى توضيح لتوزيع ف وعلاقته بالتوزيعات الأخرى المختلفة ، وهذا الجزء لمن يرغب في معرفة تلك العلاقات بين التوزيعات .

ذكر وايدر وآخرون (34 - 32 : 1991 ... Winer et al .. 1991) أن توزيع (ف) هو حالة خاصة من توزيع بيتا ، وقد يطلق عليه اسم توزيع ف سنديكور ، حيث قام سندكور sendecor بتحويل توزيع فيشر Fisher وأطلق عليه اسم توزيع ف - F ... Distribution

ويمكن تعريف توزيع ف رياضيا من تحويل توزيع بيتا ، كما أن توزيع ف يمثل نسبة توزيعين مستقاين المربع كأى مقسوم كل منهما على درجات حريته .

$$\frac{(1-,\frac{d}{d}) \div \frac{7}{15}}{(1-,\frac{d}{d}) \div \frac{7}{15}} = \frac{1}{(1-,\frac{d}{d}) \div \frac{7}{15}} = \frac{1}{($$

ومعنى ذلك أن نسبة تباين مجموعتين يتوزع مثل ترزيع ف إذا كان كلا منهما تقدير عير متحيز لنباين مجتمعيهما.

وتوجد علاقات منتظمة بين التوزيعات المختلفة : الاعتدالي ، ومربع كاي، ونوزيع ت ، وتوزيع ف وهي :

$$(\infty)_{(\alpha-1)}^{Y} = (\infty, 1)_{(\alpha Y-1)}^{Y} = (\infty$$

كما أن ترزيع ت في حالة العينات الكبيرة = التوزيع الاعتدالي

$$\frac{\lambda = (\infty)}{(\alpha - 1)} = \frac{1}{(\alpha - 1)} \le \frac{1}{(1 - 2)}$$

$$(\infty; 1 - 2) = \frac{1}{(\alpha - 1)} \le \frac{1}{(1 - 2)}$$

$$(\infty; 1 - 2) = \frac{1}{(\alpha - 1)}$$

$$(\infty; 1 - 2) = \frac{1}{(\alpha - 1)}$$

Sone - Way Anova: خَليل التباين الاحادى

وهر تحليل تباين متغير نابع لعدة مجموعات مستقلة ، بمعنى أنه يهتم بتحليل بيانات متغير تابع في ضو ، متغير مستقل (تصنيفي) يتضمن عدة مستريات هي المجموعات ، وبذلك يكون في تحليل النباين الاحادي متغير مستقل واحد (ولهذا يسمى أحادي) ومتغير تابع واحد ،

والتصميم المناسب الذي يستخدم أسلوب تحليل التباين يتضمن اختيار عدة مجمرعات مستقلة عشوائيا (تحدد المتغير المستقل) ثم قياس درجات المتغير التابع لهذه لمجموعات المستقلة ، وهذا يحقق شرطى العشوائية والاستقلالية في

اختيار المجموعات ، وإذا كان توزيع درجات المتغير النابع اعتداليا أو غير ملتو إنتواء شديدا فهذا يحقق شرط الاعتدالية .

أما الشرط الاخير وهو تجانس المجموعات (عدم اختلاف تبايدات المجموعات اختلاف دالا)فينطلب قيام الباحث باجراء اختبار للتجانس باحدى الطرق المبينة من قبل (هارتلى ، كوكران ، بوكس) ويفضل استخدام الطريقة السهلة التي قدمها بوكس لانها تستخدم توزيع (ف) ولا تنطلب توزيعا خاصاحيث:

متوسط مربعات المجموعات متوسط مربعات الخطأ

ثم نقارنها بقيمة (ف) الجدرانية بدرجات حرية (١ ، ن ١٠٠) الختبار فرض النجانس ،

وبعد التحقق من افتراضات تحليل التباين نقوم باجراء التحليل ذاته وذلك بحساب التباين الكلى للمتغير التابع ثم نقسمه الى قسمين : الأول تباين بين المجموعات ، والثانى تباين الخطأ . ويمكن تلخيص خطوات تحليل التباين الاحادى بالخطوات التالية :

١ - حساب مجموع درجات كل مجموعة والمجموع الكلى

٢ -- حساب مجموع مربعات الدرجات الكلى مجه س٢

الخطونان الأولى والثانية هما تجهيز البيانات لاجراء حسابات يتعليل التباين.

$$\begin{bmatrix}
 \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\
 0 & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\
 0 & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\
 0 & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\
 0 & \frac{1}{3} &$$

خساب مجموع مربعات بين المجموعات

بدرجات حرية (ك - ١) حيث ك مي عدد المجموعات

- ٥ حساب محموع مربعات الخطأ بطرح ناتج الخطوة (٤) من ناتج (٣)
 بدرجات حربة (ن ك)
- ٦- وضع محموع المربعات ودرجات الحرية في جدول يسمى جدول تحليل النباين
 الاحادي .
- ٧ حساب متوسط مربعات المجموعات بقسمة مجموع مربعات المجموعات على
 درحات الحرية الخاصة بها ،
- ٨ حساب منوسط مربعات الخطأ بقسمة مجموع مربعات الخطأ على درجات الحرية الخاصة بها .
 - ٩ حساب قيمة (ف) من قسمة ناتج الخطونين (٧) على (٨) .
- ۱۰ نقارن قيمة (ف) المحسوبة بقيعة ف المستخرجة من جدول توزيع (ف) بدرجات حرية ((ن ۱) ، (ن ك)) ومستوى الدلالة المطلوب ٥٠،٠ أو ١٠،٠ فاذا كانت القيمة لمحسوبة أقل من القيمة الجدولية نقبل المفرض الصفرى (تسارى متوسطات المجموعات) أما اذا كانت القيمة المحسوبة اكبر من القيمة الجدولية فاننا نرفض الفرض الصغرى ونقبل الغرض البديل (عدم تساوى متوسطات المجموعات) .

مثال (١): أجرى باحث دراسة لمقارنة أربع مجموعات مختلفة الدخل الشهري في الاتجاه نحر العلاج النفسي وكانت درجات المجموعات كما يلي :

جدول (۹ - ۱). درجات الإنجاء نحو العلاج النفسي لمجموعات الدخل

المجموعة الرابعــــة	المجموعة الثالثـــة	المجموعة الثانيــة	المجموعة الأولىي
ź	٥	٦	٨
٥	£	٧	9
٣	٦	٨	٧
i.	٥	٥	٦
٦	٤	٨	1.
		0	0

لاحظ أن عدد أفراد المجموعات مختلف حيث تحتوي المجموعة الأولى على سنة أفراد وكذلك الثانية أما المجموعتين الثالثة والرابعة ففي كل منهما خمسة أفراد. ويكون الفرض الصغري هنا : تساوى متوسطات المجموعات (م، = م، = م، = م)

أما الفرض البديل فهو: عدم تساوى متوسطات المجموعات.

وبانباع الخطوات السابقة :

1 - مجموع درجات كل مجموعة هي : ٢٥ ، ٢٩ ، ٢٢ ، ٢٢ والمجموع الكلي (مجدس = ١٣٠)

 1 7 + 1 8 + + 1 7 + 1 7 + 1 7 + 1 7 + + 1 7 +

٣ - مجموع المربعات الكلى =مدس ٢ - (مدس) ٢ لحظ أنها تساوى مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن المتوسط المستخدم في حساب الانحراف المعياري ، كما أن (مدس) تسمى باسم معامل التصحيح ، أي تصحيح الدرجات الخام بطرح المتوسط فينتج انحرافاتها عن المتوسط .

ویکون مجموع المریعات الکلی = ۸۳۸
$$\frac{(۱۳۰)}{77}$$
 $= 77$
 $= 77.$
 $= 77.$
 $= 77.$
 $= 77.$
 $= 77.$
 $= 77.$
 $= 77.$
 $= 77.$
 $= 77.$

٤ - مجموع المربعات بين المجموعات

محموع المربعات بين المحموعات

YZX, 1X-93, X + 110, Y + YOT, 0 + TTY, 0 =

Y14, 14 - A+T, + =

TE, AY =

ودرجات الحرية = عدد المجموعات -١ = ٤ - ١ = ٣

 نحسب مجموع مربعات الخطأ (وكذلك درجات الحرية) بطرح نائج الخطرة الرابعة من الخطوة الثالثة

مجموع مربعات الخطأ

مجموع المربعات الكلي - مجموع المزيعات بين المجموعات .

 $\Upsilon \circ = \Upsilon \xi, \Lambda \Upsilon - \Upsilon \eta, \Lambda \Upsilon =$

درجات حرية الفطأ مدرجات الحرية الكلبة - درجات الحرية للمجموعات مدرجات المحموعات مدرجات المحموعات

٦ - نضع البيانات في جدول كما يلى ثم نجرى الخطوات ٧ ، ٨ ، ٩ المذكورة
 سابقا .

جدول (۹ - ۲) تحليل التباين الاحادي لمجموعات الدخل في درجات الاتجاء نحو العلاج النفسي

هه	متوسط المريعات	درجات المرية	مجموع المربعات	مصدر التباین
11,71	11,71 = T÷T£,8Y	T= 1-1	٣٤,٨٢	ىين المحموعات
0,91	1,98 = 1A ÷ T0	1A	To, • •	الخطأ
		Y7 = 1-YY	٦٩,٨٢	الكلى

تم اجراء الخطوات ٧ ، ٨ ، ٩ داخل الجدول وهي :

٧ - متوسط مريعات المجموعات

مجموع مربعات المجموعات + درجات الحرية

 $11.71 = 7 \div 75.47 =$

٨ -- متوسط مربعات الخطأ

- مجموع مربعات الخطأ ÷ درجات الحرية

1,98= 1A+ TO=

٩ - قيمة ف حمتوسط مربعات المجموعات + متوسط مربعات الخطأ

- ۱٬۹۱ ÷ ۱٬۹۶ = ۱٬۹۸ بدرجات حریة (۱۸،۳)

وتنفيذ الفطوة الأخيرة (١٠) يتم باست خدام جدول توزيع (ف) لاست خراج قيمة ف الجدولية بدرجات حرية (٣،١٨) وعند مستوى الدلالة ٥٠،٠ أو ١٠،٠ وهما مستويا الدلالة الموجودين في جدول توزيع (ف) ويتم دخول الجدول بدرجات الحرية الاولى (٣) وتسمى درجة حرية البسيط وهي مسجلة في السطر الأول في الجدول. ثم نبحث عن درجة حرية المقام في أول عمود بالجدول (وهي ١٨) ، ومن ثم تكون قيمة (ف) الجدولية هي نقطة التقاء عمود الدرجة (٣) مع سطر الدرجة (١٨) . وسوف تجد قيمتين الأولى عند مستوى ٥٠٠٠ والثانية عند مستوى ١٠٠٠

وهما فيه (۲۰۱۰، ۱۸۰۲) = ۲۰۱۶

ف (۱۰۱۰ ۱۸،۲) = ۹،۰۹

وحيث أن قيمة ف المحسوبة (٥, ٩٨) اكبر من القيمتين الجدوليتين فأن القيمة المحسوبة تقع في منطقة الرفض ، وعليه فأننا نرفض الفرض الصفري (تساوي متوسطات المجموعات) ونقبل الفرض البديل وهو عدم تساوي متوسطات المجموعات عند مستوى دلاله ٢٠٠، ومعنى هذا أنه يوجد إختلاف بين متوسطات المجموعات ، وعلى الأقل بين متوسطين منها وليس شرطا أن تكون جميع المتوسطات مختلفة عن بعضها البعض .

ولمعرفة أي المجموعات تختلف عن الاخرى نجرى المقارنات المتعددة للتموسطات والتي سنوضحها بعد ذلك .

أما إختبار فرض التجانس الذي لم نوضحه في المثال فيكون كالتالي :

....... تطيل التباين ــــــــ

(١) باستخدام طريقة هارتلى:

وبحساب تباينات المجموعات الاربع نجد أنها.

1, 7 . 1, 71 . 1, 9 . 7,0 .

وبقسمة اكبر تباين على أصغر تباين فإن :

$$\xi, \eta \gamma = \frac{\gamma, o \cdot}{\cdot, \gamma \gamma} = \Box \xi$$

ثم نقارنها بقیمة ف من جدول خاصة F - max بنترجات حریة (ك، ن – ۱) حیث ك هی عدد المجموعات ، (ن – ۱) هی درجات حریة اكبر مجموعة ، وعلیه تكون درجات الحریة هنا هی (3 ، 0) تم نستخدم الجدارل الخاصة ، وتسمی F - F

وتكون القيمة المحسوبة (٩٣) أصغر من القيمة الجدولية ، ومن ثم نقبل الفرض الصفرى وهو تساوى تباينات المجموعات أو تجانس المجموعات ،

(٢) وباستخدام طريقة كوكران وهي :

ثم نقارن هذه القيمة المحسوبة (٠.٤٧) بقيمة كوكران الجدولية بدرجات حرية (ك ، ن - ١) ومستوى دلالة ٠٠٠٠

حيث ك هي عدد المجموعات ، (ن - ۱) هي درجات حرية اكبر مجموعة (١ - ١) = ٠٠

وتكون قيمة كوكران الجدواية بدرجات حرية (٤ ، ٥) = ١،٥٨٩ وعليه فاندا نقبل الفرض الصفرى وهو تساوى تباينات المجموعات (تجانس

المجموعات).

ويكون القرار من الطريقين السابقتين هو تجانس المجموعات وعدم اختلاف تعايناتها اختلافا دالا ، ويعنى هذا تحقق شرط التجانس ، ويفضل استخدام طريقة هارتلى لسهولة استخدامها كما أن طريقة كركران تؤدى الى نفس النتيجة .

حجم التأثير: Effect Size

عند استخدام أسلوب تحليل التباين الاحادى يكون الاهتمام بمعرفة الفروق بين متوسطات درجات المجموعات في المتغير التابع ، وبمعنى آخر الاهتمام بدراسة علاقة المتغير المستقل بالمتغير التابع،

فاذا كانت قيمة (ف) دالة إحصائيا ، فاننا نرفض الفرض الصفرى ونقبل البديل بوجود فروق دالة بين متوسطات درجات المجموعات ، وقد يكون مستوى الدلاله ٥٠٠، أو ٢٠٠٠، وربما اكثر من ذلك ،

ولكن مستوى الدلاله مهما كان كبيرا لا يوضح حجم هذه الفروق أو التأثير المتغير التابع . ويمكن قياس حجم تأثير المتغير المستقل بطريقة أخرى والتى تسمى بالدلاله العملية للنتائج . وقياس حجم التأثير كميا يكون منسوبا الى أخطاء البيانات . ويصفة عامة يمكن توضيح حجم التأثير في ضوء قوة العلاقة بين المتغير التابع والمتغيرات المستقلة والتى تفسر مثل تفسير معامل الإرتباط Winer) ود at ., 1991 : 124 - 126 :

١ – أحد هذه الطرق تقوم على حساب نسبة تباين مجموعات المتغير المستقل الى التباين الكلى . ويكون الناتج مقياسا لنسبة من التباين الكلى ترجع الى المتغير المستقل والتى يمكن تفسيرها مثل مربع معامل الارتباط .

وهذه الطريقة تشبه طريقة حساب مربع الارتباط المتعدد للتنهؤ بالمتغير التابع من المتغير التصنيفي ، حيث يكون :

مجموع مريعات المجموعات مريع معامل الارتباط = مجموع المربعات الكلي

وهو يسمى أحيانا باسم نسبة الارتباط والتى قد تدل على إرتباط غير خطى، ومربع معامل الارتباط هو نسبة التباين في المتغير التابع التي يمكن التنبؤ بها باستخدام المتغير المستقل،

والمقياس المناسب هنا (والمشار إليه من قبل) يسمى مربع إينا ،

تباين المجموعات في المجتمع مربع إينا = ______ (تباين المجموعات + تباين الخطأ) في المجتمع

وهي نسبة النستطيع حسابها لعدم معرفة تباين المجموعات أو تباين الخطأ في المجتمع

ويفسر مربع إينا مثل مربع معامل الارتباط (أو نسبة الارتباط) وهي نسبة تباين المتغير النابع والتي ترجع الى المتغير المستقل، ويعد مربع معامل الارتباط نقديرا متحيزا لمربع إينا، وعليه بمكن استخدام تقدير غير متحيز (إعتمادا على فكرة تقدير مربع الارتباط المتعدد في المجتمع) هو:

مربع E = مجموع مربعات المجموعات - (ك - ١) مترسط مربعات الخطأ مربع المربع المربعات الكلى

وإذا طبقنا هذه الطريقة على نتائج مثال (١) (جدول ٩ - ٢)

مربع الإرتباط E = ۲٤,۸۲ مربع الإرتباط ال

وتفسر هذه القيمة (٩٩٩، •) كنسبة من النباين الكلى ، فهى تعنى أن .

• ٥ ٪ تقريبا من تباين المتغير التابع يمكن تفسيره بمعرفة المتغير المستقل ،
وهى نسبة مرتفعة وتدل عل تأثير قوى للمتغير المستقل على المتغير النابع أما
مربع إنيا (وهى تقدير غير متحيز لمربع الارتباط في المجتمع)

وهي تعنى أن ٤٩.٥٪ ٪ من تباين المتغير التابع يرجع الى المتغير المستقل وهي تدل على حجم تأثير مرتفع

٢ – ذكر هايز (Hays,1981) أنه يمكن حساب معامل آخر يسمي مربع أوميجا ويحسب من المعادلة:

مجموع مريعات المجموعات - (ك - ١) متوسط مريعات الخطأ ω = ω

$$\frac{(1-4)(1-4)}{(1-4)(1-4)+i}=\omega^2$$

حيث ك عدد المجموعات ، ف النسبة الفائية المحسوبة ، ن العدد الكلى للدرجات . وبتطبيق هذه الطريقة على نتائج المثال (١) فان:

• ربع أوميجا =
$$\frac{1,95 \times 7 - 75,87}{1,95 + 79,87} = 3.3.$$

مربع أوميجا = $\frac{(2 - 1)(3 - 1)}{(3 - 1)(4 - 1)}$

أو مربع أوميجا = $\frac{(2 - 1)(4 - 1)}{(4 - 1)(4 - 1)}$
 $= \frac{(3 - 1)(4 - 1)}{(1 - 2)(4 - 1)} = 3.3.$

وهو حجم تأثير مرتفع ، وهي تعني أن ٤٠,٤ ٪ من تباين المتغير التابع يرجع إلى أثر المتغير المستقل.

وقد إقترح كوهن (Cohen 1988) أنه إذا كان مربع إنيا = ١٠،٠ فأن حجم التأثير يكون صعيفا ، أما إذا كان مربع إينا = ٢٠،٠ فأنه يدل على حجم تأثير منوسط ، بينمااذا كان مربع إينا = ٢٠،٠ فيدل على حجم تأثير مرتفع .

Multiple Comparison of Means: القارنات المتعددة للمتوسطات

يعد موضوع المقارنات المتعددة من القضايا الاحصائية المشتتة للاذهان كما أنه موضوع شائك ولا توجد إجابة واحدة صحيحة له وذلك لتنوع الطرق ومشكلاتها . وهناك العديد من التوصيات من علماء الاحصاء النفسى والتربوى باستخدام طريقة دون الاخرى ، وأحيانا نجد تضاريا بين تلك التوصيات . وقد قرر بترينومينش وهارديك (Petrinovich & Hardyck , 1969) بعدم وجود اتفاق تام بين الاحسسائيين على طريقة دون الأخرى . فيرسرى البعض تام بين الاحسائيين على طريقة دون الأخرى . فيرسرى البعض المتعددة يتم استخدامها بعد اجراء تحليل التباين والحصول على نسبة قائية دالة احصائيا ، استخدامها بعد اجراء تحليل التباين والحصول على نسبة قائية دالة احصائيا ، بمعنى التوصل الى قرار بوجود اختلافات (فروق) بين المتوسطات. ولكن

إدواردز (Edwards, 1968) يرى بأنه يمكن اجراء المقارنات المتعددة بين المتوسطات حتى لولم تكن النسبة الفائية دالة أحصائيا ، ويقصد إدواردز من رأيه أنه يمكن استخدام مستوى دلاله ١٠٠٠ فى حالة الفرض البديل الموجه وهى تعادل ٥٠٠٠ فى اختبار الطرف الواحد ، وعليه فانه قد اختلف عن الآخرين فى مستوى دلالة القيمة الفائية بمعنى أنها لاتكون بالة احصائيا عند ٥٠٠٠ باختبار الطرفين وإكنها دالة عند مستوى ٥٠٠٠ لطرف واحد ، هو مستوى مرتبط بالفرض البديل الموجه . وقد ذكرنا سابقا أن وضع فروض الدراسة فى مثل هذه الحالة يجب أن يتم اعتمادا على الدراسات السابقة وقبل تحليل البيانات وليس بعد أن يرى الباحث نتائج التحليل الاحصائي . وفى هذه الحالة فقط يمكن استخدام الفروض الموجهة والاستفادة من مستوى الدلالة ١٠٠٠ كما يرى ادواردز . أما خلاف ذلك فيتم استخدام الفرض البديل غير الموجه (اختبار الطرفين) .

وفي كثير من الحالات يتم استخدام إختبار (ت) لمقارنة متوسطات عدة مجموعات ، فاذا وجدت دراسة تشتمل على ثلاث مجموعات مستقلة وتم اختيارها عشوائيا ، وبفرض عدم مخالفة شرطى الاعتدالية والتجانس ، فيتم مقارنة متوسطى المجموعتين الاولى والثانية ، ثم مقارنة متوسطى المجموعتين الثانية والثالثة ، وأخيرا مقارنة متوسطى المجموعتين الاولى والثالثة (وهي مقارنة يمكن استنتاجها من المقارنتين السابقتين) وفي هذه الحالة يتم استخدام مستوى دلالة (م٠٠٠ مثلا) في كل مقارنة ، ولكون هذه المقارنات الثلاث في دراسة واحدة ، ومن ثم فان خطأ النوع الاولى في هذه الدراسة = ١ - (١ - ٥٠٠٠)

*, XOY - 1 ==

1,12T =

وفي حالة وجود ست مجموعات فان خطأ النوع الأولى يزداد ويصبح مساويا $[1-(1-\alpha,1)] = [1-(1-\alpha,1)]$ وهذا الخطأ المنسسراكم من

المقارنات المتعددة باستخدام اختبار (ت) كبير جدا، كما أن الباحث يقرر بأن الفروق بين المتوسطات دالة عند مستوى ٥٠,٠ ، ولا يذكر ١٤٣،٠ (في حالة ثلاث مجموعات) أو ٢٦٥،٠ (في حالة ست مجموعات) .

رمن ذلك فان قضية المقارنات المتعددة هي كيفية ضبط خطأ النوع الأول ، وهذا هو محور الخلاف الاساسي بين طرق المقارنات المتعددة المختلفة وهي : طريقة (Bonfrerni أو طريقة ضن Dunn وطريقة شفيه (Scheffe وطريقة من Dunn وطريقة شفيه (Scheffe وطريقة من Dunn وطريقة من Dunnett وطريقة منت Dunnett وطريقة نيومان كواز Newman - Keuls . وتتراوح هذه الطرق بين التشدد في صبط خطأ النوع الاول مثل طريقة شفيه ربين التساهل مثل طريقة دنكان أو .Lsd .

القروق بين طرق المقارنات المتعددة في ضبط خطأ النوع الأول:

تَضَنَّف طرق المقارنات المتعددة باختلاف اسلوبها في ضبط خطأ النوع الأولى المقارنة الواحدة وللدراسة كلها وسرف نعرض لبعض الاختلافات بينها .

۱ - هناك إنجاه يرى بأننا نستخدم قيمة الفا (α) ثابتة في كل مقارنة من المقارنات الممكنة بين أزواج المترسطات ، ولا يهتم (هذا الانجاه) بخطأ النراسة . وهذا الانجاه بمثله استخدام اختبار (ت) لمقارنة الأزواج الممكنة من المتوسطات . ويكون عدد المقارنات الممكنة بين أزواج المتوسطات

<u>ك (ك - ١)</u> حيث ك هي عدد المجموعات .

وإذا أستخدمنا هذه الطريقة بعد اجسراء تطيل التياين فانها تستخدم متوسط مربعات الخطأ في المقسارنات حيث يكون الخطأ المعسياري

س متوسط مربعات الخطأ × - (في حالة بساوى العجموعات) ن

وطريقة اختبار (ت) بهذا الاسلوب تسمى بطريقة Lsd

Least Square Differences وهي الطريقة التي توصل الهيا فيشر عام . ١٩٤٨ .

مثال (۲) : إذا كانت لدينا دراسة تحتوى أربع مجموعات حجم كل منها ٢٠ فرداً ، وكانت متوسطات المجموعات الاربع هي : ١٠ ، ١٠,٥٤ ، ١٠ ، ١٠,٨٦ ، وكانت متوسطات المجموعات الاربع هي : ١٠ ، ١٠,٥٤ ، ١٠ فرداً ، وكانت متوسطات المجموعات الاربع هي : ١٠ ، ١٠,٥٤ ، ١٠ فرداً ، وكانت متوسطات المجموعات الاربع هي : ٢٠ ، ١٠ ، ١٠ ، ١٠ ونتائج تحليل النباين كما بالجدول (٩ - ٣) .

	4				
مجموعات	لنرجات أريع	الأحادي	تحابل التبابن	18-9	10.35
	(_			,

مستوى الدلالة	نا	مترسط المربعات	د.ح	مجموع المربعات	مصدر التباین
دالة عند	4,11	1 • 9, ٣٣	۲	TYV, 1A	بين المجموعات
مستری ۲۰۱۱،		17,70	Y	1+15,70	الخطأ
			٧٩	1887,78	الكلى

فاذا ما استخدمنا طریقهٔ Lsd (أو اختبارت) فانها تجری المقارنات $7 \times 8 \times 7 = -7$ المتعــددة بین عــدة أزواج من المتوسطات عددها (هنا) $= -\frac{8}{4} \times 7 = -7$ ویاستخدام مستوی الدلالهٔ ۰۰۰ فان خطأ النوع الاول فی المقارنة الواحدة = -6 ویاستخدام النوع الاول فی مقارنتین $= 1 - (1 - 0...)^2 = -90$ وخطأ النوع الاول فی مقارنات $= 1 - (1 - 0...)^3 = -90$ وخطأ النوع الاول فی حالة ثلاث مقارنات $= 1 - (1 - 0...)^3 = -90$ وخطأ النوع الاول فی حالة ثلاث مقارنات $= 1 - (1 - 0...)^3 = -90$ وخطأ

أما خطأ الذرع الأول في الدراسة كليا $= 1 - (1 - 0.0.0)^{-1} = 0.000$ أما خطأ الذرع الأول في الدراسة كليا = 1.000 وتسخدم هذه الطريقة متوسط مربعات الخطأ = 1.000 المعياري للمقارنات = 1.000 متوسط مربعات الخطأ = 1.000

ومنطقة الثقة (منطقة قبول الفرض الصفرى) = ± ت الجدولية × الخطأ المعداري وذلك لنساوي المجموعات .

أما في حالة اختلاف عدد أفراد كل مجموعة فانها تحسب خطأ معياري الكل مقارنة حيث تستخدم المراب السابق الكل مقارنة حيث تستخدم الراب السابق الكل مقارنة حيث تستخدم الراب المرابض المكانية استخدام الوسط التوافقي إذا كانت المجموعات مختلفة الاحجام وهو:

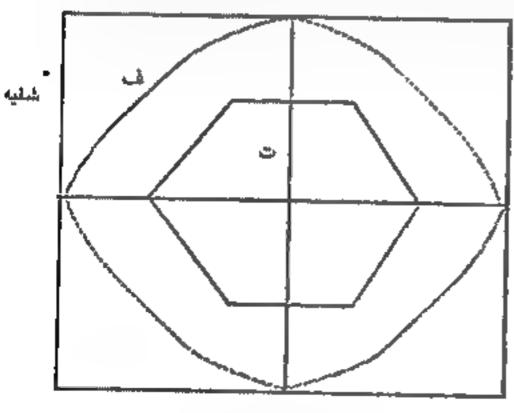
$$\left(\frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{5} + \frac{1}{5}\right) \div 4 = \frac{1}{5}$$

وتتحدد منطقة قبول الفرض الصفرى بالحدود ± ت (١٠٥، ٧٦) × الخطأ المعياري

* * ۲,۳ ±= ۱,۱00 × 1,99۳ عند مستری ۵۰۰۰

ويمكن تمثيل هذه المنطقة بالشكل السداسي الموضح ، وهي تعادل ٧٣٥، من المساحة الكلية للتوزيع المشترك للمقارنات الست ، ويحتوي الشكل السداسي حلى جميع القيم المحتملة لقبول الفرض الصغرى (عدم اختلاف المتوسطات)

والمساحة المتبقية مى ١ - ٧٣٥، - - ٢٦٥، وهى منطقة الغطأ فى قبول الفرض الصفرى وهى تسمى خطأ النوع وهى تسمى خطأ النوع الأول ، ولكى نقال من خطأ النوع الأول (٢٦٥،) فيجب أن نزيد مساحة فيجب أن نزيد مساحة الشكل السداسي حتى تشمل جزءا كبيرا من التوزيع



شكل (٩-١) العلاقة بين اختبارت ، ف ، شفيه في منطقة قبول الفرض الصغرى

منطقة دبون المرص الصفري المرص المعاولة المقارنات المتعددة المختلفة ، وهو محاولة ضبط خطأ النوع الأول في الدراسة كلها. وأى طريقة نقرر زيادة المساحة المذكورة (٠,٧٣٥) فانها نقلل من خطأ النحرية وخطأ المقارنة الواحدة ،

يرى (Games, 1971) أننا إذا طبقنا اختبار (ت) ، (ف) ، شفيه على المثال السابق (٢) فإننا تحصل على مساحات قبول فرض العدم كما هي موضحة بالشكل السابق (٢) حيث تدل مساحة الشكل الداسي على المساحة التي يحددها

المشترك.

اختبار (ت) لحميع المقارنات المعكنة وهي ٧٣٥، ، أما المساحة المحددة بالقطع الناقص فيه تدل على مساحة قبول الفرض الصفرى باستخدام تحليل التباين (اختبار ف) وهي نمثل ٩٥، من التوزيع المشترك للمجموعات الاربع ، وأى نقطة داخل القطع الناقص تمثل عدم اختلاف متوسطات المجموعات . ومن ثم فان نحليل التباين لضبط خطأ النوع الاول (عند المستوى المطلوب) . ومن الواصح أن مساحة القطع الناقص اكبر من مساحة الشكل السداسي ، ومعنى هذا أنه يمكن التوصل الى فروق بين المتوسطات باستخدام اختبار ت بينما تكون غير مختلفة باستخدام احتبار (ف) ، ويتمثل هذا في المساحة المحصورة بين القطع الناقص والشكل المداسي . إلا أن اختبار (ف) لا يستطيع أن يخبرنا عن مقارنات الثنائية .

٢ - الانجاد الثاني يرى بان نحدد خطأ التجربة كلها (لجميع المقارنات الممكنة لأزواج المتوسطات) بالقيمة الفا α. ويؤدى هذا إلى تقليل خطأ المقارنة الواحدة كلما زاد عدد المقارنات . وهذا ما تقوم به طريقة توكى Tukey والتى أطلق عليها اسم طريقة المقارنات الصادقة Honestly Significant Differerce

(Petinovich & Hardck, 1969)

وتسخدم طريقة توكى جدول خاص بها مستنتج من جدول (ت) • وفى مثالنا السابق فان قيمة توكى الجدولية فى حالة حدد المتوسطات = ، درجات الحرية = ۲,۷۲۶ عند مستوى • • • وتسمى هذه الجداول باسم Zed Range.

7,・27士-

ومن الواضح أنها تحدد منطقة اكبر من منطقة اختبار (ت) ، وهى تمثل مساحة ٥٠,٠ من التوزيع المشترك للمجموعات الأربع . وهذه الطريقة تضبط خطأ الدراسة كلها عند ٥٠,٠ وبالتالى تقال خطأ للمقارنة مما يؤدى الى زيادة مساحة منطقة قبول الفرض الصغرى (٤٣ ، ٢ بدلا من ٢،٣٠) واذلك فهى

منخفضة Conservative أكثر من إختبار (ت) . وإذا مثلنا هذه المنطقة بيانيا فانها تكون على شكل سداسي اكبر من الشكل المبين في حالة اختبار (ت) ولكنه أقل من حدود طريقة شفيه

٣ - الاتجاه الثالث يرى بتحديد خطأ التجربة كلها لجميع المقارنات الممكنة لأزواج المتوسطات ولأى مقارنات أخرى محتملة بين المتوسطات ومثال ذلك مقارنة متوسط المجموعة الاولي (م) مع متوسطى المجموعتين الثانية والثالثة ، ومع منوسطى المجموعتين الثانية والرابعة ، وهكذا . وكذلك مقارنة م مع ٣/١ (م + م + م + م) ، م مع ٣/١ (م + م + م + م) وهكذا وقد تصل عدد هذه المقارنات الى عدد كبير حدا وربعا غير محدود . ولهذا السبب تسمى طريقة شفيه الطريقة الاكثر تحفظاً More Conservative عن الطرق الاخرى ، فهى تضع حدا أعلى لخطأ النوع الأول هو الفا (٥) ، وقد لا تصل الدراسة كلها الى هذا المستوى المحدد، وبالتالى فان خطأ النوع الأول للمقارنة الواحدة يقل كثيرا عن طريقة توكى معا يزيد من قوة إختبار شئيه عن الطرق الأخرى .

وتتحدد منطقة قبول الفرض الصفرى عند شفيه من المعادلة

حيث ك هى عدد المجمرعات ، ف تستخرج من جداول ف بدرجات حرية المجموعات وانخطأ (ك - 1) ، (ن - ك) . ويتطبيق طريقة شفيه على المثال الساييق (مثال ٢) فان حدود منطقة قبول الغرض الصغرى (مدى شفيه)

مدی شفیه 🗀 ± ۳.۲۱ عند مستوی ۰۰۰۰

ومن الراضح أن طريقة شفيه تجدد مساحة اكبر من المساحة التي تحددها

طريقة توكى لقبول الفرض الصفرى ، وهذا هو السبب فى كونها أكثر تحفظ . ويتصح تمثيل منطقة شفيه بيانيا بالمستطيل الخارجى المبين بالشكل (٩ ~ ١) . ويدل الشكل على أن طريقة شفيه اكثر تحفظا من جميع طرق المقارنات المتعددة ، كما أنه يدل على إمكانية وجود فروق دالة باستخدام اختبار (ف) بينما لا تتوصل طريقة شفية الى أيه فروق داله ، ويرجع السبب فى ذلك إلى المساحة الاكثر لمنطقة قبول الفرض الصفرى عند شفيه عنها فى اختبار (ف) .

وطريقة شفيه هي الطريقة الوحيدة التي تسمح بمقارنة متوسط مجموعة مع دالة خطية من المجموعات الاخرى (كما ذكرنا سابقا) ، إلا أن كثير من تلك المقارنات قد لا يكون لها معنى مثل المقارنة :

م مع (۱/۶ م + ٤/۱ م) ليس لهل معنى ، وبالتالى فان تحفظ طريقة شفيه يزيد عن الحد المطلوب.

٤ – الانجاه الرابع مرتبط بطريقة بونفرونى Bonferroni والتى تسمى أحيانا طريقة صن (Dunn, 1961)، وهى تحدد حدا أعلى لخطأ النوع الاول ألفا في الدراسة كلها لكل المقارنات التى يرغب فيها الباحث . بمعنى أن الباحث يحدد أولا عدد المقارنات التى يرغب فيها تم يوزع خطأ الدراسة (٥٠٠ مثلا) على تلك المقارنات . وتعتمد هذه الطريقة على أنه في أى دراسة فان احتمال خطأ النوع الأول يجب أن يساوى (أو يتل عن) مجموع أخطاء المقارنات كلها.

وبتطبيق هذه الطريقة على مثالنا السابق (٢) في حالة (أربع مجموعات) الكننا نرغب في اجراء ثلاث مقارنات فقط (م، مع م، ،م، مع م، ،م، مع م،) ،

فان قيمة خطأ النوع الأول لكل مقارنة = - ١٠١٦٦ . ثم نستخرج قيمة

ت الجدولية عند مستوى دلالة ١٦٦٦، ولأنه لايوجد في جدول (ت) مثل هذا المستوى للدلالة ، فقد وضع ضنن Dunn جداول خاصة لتوزيع (ت) تستخدم لهذا الغرض من المقارنات وتسمى جداول بونفروني، ت (١٦٠، ٢٠) ٢,٤٤٨٤.

وتكرن حدود منطقة قبول الفرض الصغرى بطريقة بونفروني في حالة احراء ثلاث مقارنات كما هي محددة

أما في حالة ست مقارنات = ± ٢,٧١ × ١,١٥٥ = ٣. ١٣

ومن الواضح أن هذا المدى بحدد منطقة أقل من طريقتى توكى وشقيه ، ولكنها اكبر من طريقة Lsd ، والسبب فى ذلك هو اختلاف مستوى الدلالة لكل مقارنة ، إلا أن هذه المساحة تعثل ٩٠ ، من التوزيع المشترك المجموعات . ومعنى هذا أن طريقة بونفرونى متحقظة بعض الشئ ، واكثر قوة من اختبار (ت) وشفيه وإذا إفترب عدد المقارنات من عدد المجموعات فان طريقة بونفرونى أكثر قوة من طريقة شفيه ، أما إذا كان عدد المقارنات أكبر من عدد المجموعات فان طريقة شفيه ، أما إذا كان عدد المقارنات أكبر من عدد المجموعات فان طريقة شفيه تكون أكثر قوة من طريقة بونفرونى (Games, 1971; Keppel, 1973) .

ه – الانجاه الخامس يمثل طريقتي المقارنات المتتابعة Sequential وهما طريقتي نيومان – كواز Newman- Keuls ، ودنكان Duncan

وتعتمد الطريقتان على تقسيم المقارنات الى خطوات منتابعة ،

(أ) طريقة نيومان - كولز وهي تحدد خطأ الدراسة وخطأ المقارنة في كل خطوة من خطوات المقارنات ، وتعتمد الخطوات على عدد المجموعات .. فاذا كان في الدراسة خمس مجموعات وكان الترتيب التصاعدي للمتوسطات الخمس قهوم، ، م. ، م. ، م. ، م. بم بمعنى أن م. أقل المتوسطات ما أعلى المتوسطات ، فان الخطوة الاولى تهتم بمقارنة م. مع المتوسطات الاربعة الأخرى . والخطوة الثانية لمقارنة م. مع المتوسطات م. والخطوة الثانية مقارنة م. مع المتوسطات م. ، م. ، م. والخطوة الثانية المقارنة م. مع م. ، م. ، والخطوة الثانية لمقارنة م. مع م. ، م. ، م. ، م. والخطوة الثانية لمقارنة م. مع م. ، م. ، م. ، والخطوة الرابعة والاخيرة لمقارنة م. مع م. فقط ويكون عدد المقارنات الكلى

وتستخدم في كل خطوة من الخطوات الاربع مستوى دلاله = ألفا (α). ولكن إذا تم قبول الفرض الصفرى في أحد الخطوات فلانقوم باجراء الخطوة النائية لها ومن ثم نقل عددد المقارنات،

وينطبيق هذه الطريقة على المثال السابق (مثال ٢) فان الخطوة الأولى هى حساب حدود منطقة قبول الفرض الصفرى (تساوى متوسطات المجموعات الاربعة) وهى :

المدي = ± q (۱٬۰۰۰،۷۱٬۱۰ × الخطأ المعياري (وهي مشابهة امدى توكي والمدي عنوكي ونستخدم نفس الجداول).

*, **A1Y x T, YY**£ ± =

咒"红生…

وهي نفس القيمة في حالة استخدام طريقة توكى وبمقارنة هذه الحدود مع فروق متوسطات المجموعات الأربعة

ثم نقارن هذه القيمة مع فروق المتوسطات الثلاثة = (١٠ ، ٥٤ ، ١٠٠٥ ، المرب الثلاثة = (١٠ ، ١٠٠٥ ، ١٠٨٦) ويتضح وجود فرق اكبر من حدى منطقة قبول الفرض الصقرى . وبالتالى نجرى الخطوة الثالثة

حدود منطقة قبول الفرض الصغرى (مدى نيومان كولز)

Y, T1 ± ==

وهى نفس القيمة فى حالة اختبار LSD أو اختبار ت وبمقارنة هذه القيمة. مع الفرق بين متوسطى م ، م وهو ٢,٣٢ نستنتج وجود فرق دال بين متوسطى المجموعتين الثانية والثالثة .

(ب) أما طريقة دنكان Duncan وهي مشابهة لطريقة نيومان كولز في الجراء المقارنات على خطوات مئتابعة أيضا ، حيث تحدد مستوى الدلالة في كل مقارنة – الفا α ولانتوقف عند أي خطوة بل تستمر الى نهاية الخطوات ،كما أنها لا تهتم بخطأ النوع الأول في الدراسة كلها . وعليه فان خطأ النوع الأول في طريقة دنكان اكبرمنه في أي طريقة أخرى وهي مشابهة لطريقة . LSD وتستخدم طريقة دنكان جدول خاص بها يسمى Duncan Multiple Range وتكون حدود عبول الفريض الصفرى في الخطوة الأولى.

- ± D (ك ، د . ح . ، ۲۰،۰) × الخطأ المعياري .

وبتطبيق طريقة دنكان على مثالنا السابق (مثال ٢) فأن :

مدي دنكان (للخطوة الأولي) $= \pm 0$ (۲،۰۵، ۷۲، ۶) × الخطأ المعياري $\pm \pm 0.00$ ± 0.00 × ۲,٤٥٥ ± 0.00

ومن الواصح أنها أصغر من مدى نيومان كولز في الخطوة الأولى مدي دنكان (للخطوة الثانية) ± 2 (± 0.00 ، ± 0.00) \times الخطأ المعياري ± 0.00 (± 0.00) \times الخطأ المعياري ± 0.00 (± 0.00) \times الخطأ المعياري

Y, & Yo ± -

مدي دنكان (للخطوة الثالثة) = ± 0,00، ٧٦، ٢)× الخطأ المعياري = ± ١,٨١٧ × ٢,٨١٨.

7.4 生=

٦ - الانجاه السادس يحدد خطأ الدراسة كلها بمستوى الفا عند مقارئة مجموعة ضابطة مع عدة مجموعات نجريبية وهي تعرف باسم طريقة ضنت Dunnett ويكون عدد المقارنات (ك - ١) فقط ، وتستخدم هذه الطريقة جدول خاص بها . وتكون منطقة قبول الفرض الصفرى عند مقارنة أي من المجموعات التجريبية مع المجموعة الضابطة هي :

وبالنطديق على المثال (٢) بإفتراض أن المجموعة الرابعة هي مجموعة ضابطة ومتوسطها هو ٧,١٧ فتكون حدود منطقة قبول الفرض الصفرى بطريقة صنت

1, 100 × Y, 177 ± ==

Y, 人+ 土 ***

ثم نقارن هذه القيمة مع الفروق بين متوسط المجموعة الصابطة ومنوسطات المجموعات النجريبية ، ومن الواضح أن هناك اختلافات جوهرية بين طرق المقارنات المتعددة السابقة ، بشأن تصديد خطأ النوع الأول في الدراسة والذي يؤدي إلى نتائج مختلفة باختلاف الطرق المذكورة ،

مقارنة الطرق الختلفة :

ومن مقارنة نتائج استخدام هذه الطرق مع مثالنا الموضح نجد أن حدى منطقة قبول الفرض الصغرى في كل منها نختلف عن الأخرى ، مما يؤدى الى قرار مختلف عن النتائج (نتائج مختلفة) . وبمقارنة المدى في كل طريقة عند استخدام عدد مختلف من المجموعات (۲ ، ۳ ، ٤) مع فروق المتوسطات (جدول ٩ - ٤) فان النتائج يوضحها الجدول (٩ - ٥) ،

جدول (٩ - ٤) فروق المتوسطات

41	۲Ĉ	۱۴	٤٦	
٥, ٦٩	7,77	۲,۸۳	-	ŧ۴
۲,۸٦	٠,٥٤	_		16
7, 77	-			Υſ [®]

جدول (٩ - ٥) نتائج استخدام عدة طرق للمقارنات المتعدة للمتوسطات

قــرار النتـــائج	موعات	، حالة الم	72. L.H	
<u></u>	٤	۴	۲	الطــريقة
فررق بين جميع التوسطات ماعدا م١ ، م٢	۲,۳۰	۲,۲۰	٧,٣٠	- اختبار (ت) أو LSD
قروق بين جميع المترسطات ماعدا م١ ، م٢	Y, 200	Y, £Y0	۲,۲۰	۔ یٹکان
فروق بين جميع المترسطات ماعدا م١ ، م٢	٣,٠٤٢	۲,۷۷	۲,۲۱	- نيومان كولز
وكذلك م١ ، م٤			l	
فروق بين م٤ ، م٢ وكذلك م٤ ، م٣ فقط	Y, . £T	7, .27	73-,7	~ ترکی
فروق بين م٤ ، م٢ وكذلك م٤ ، م٣ فقط	7,71	7,71	۲,۲۱	- شنیه
فروق بين م ٤ ، م٢ وكذلك م ٤ ، م٢ فقط	7,17	7,A7	7,71	- بونقروني
: (عند إجراء ٦ مقارنات)				
قروق بين مء ، وكل من م١ ، م٢ ، م٣ بافتراض أن المجموعة الرابعة شمابطة	۲,۸۰	۲,۸۰	۲,۸۰	- غينت

وقد ناقش هارتر (Harter, 1957) وكذلك كل من واينر (Winer,1972) وإدواردز (Edwards,1968) وجلاس وستانلي (Glass & stanley, 1970) وجلاس وستانلي (Edwards,1968) مقارنة الطرق المختلفة . حيث حاول هارتر مقارنة تلك الطرق بحساب مستوى الخطأ من النوع اللشاني (B) وتوصل الى وجود فروق في قوة الطرق المختلفة باختلاف تحقيق الافتراضات الاساسية (الاعتدالية والتجانس) وخاصة الطرق التي تعتمد على توزيع (ت) وهي : دنكان ونيومان كولز ، وتوكي ، وصنت ، أما طريقة شفيه والتي تعتمد على توزيع (ف) فانها لا تتأثر بالحيد عن الافتراضات الاساسية حيث أثبتت عدة دراسات ,Edwards (1968; winer, 1972; keppel من النوعين الخطأ من النوعين الاول والثاني عند ما تخالف البيانات الافتراضات الاساسية ، وهذا ما يعرف باسم الاول والثاني عند ما تخالف البيانات الافتراضات الاساسية ، وهذا ما يعرف باسم المحدام .أما إختبار (ت) فانه يعطى قيما خاطئة إذا ما إختلفت أحدام

العيدات (بدرجة كبيرة) ، أو كان توزيع الدرجات غير معتدل عأو كانت المحموعات غير متجانسة .

وقد إستخدم بترينوفيتش وهارديك ٢٠، ٢٠ مختارة من مجتمع يتوزع توزيعاً تلاث مجموعات أحجامها تتراوح بين ١٠، ٢٠ مختارة من مجتمع يتوزع توزيعاً معتدلا، ومتحانسة . ووجد أن مستوى الخطأ في الدراسة كلها متقارب بين الطرق المحتلفة ما عدا إختبار (ت) ، فقى حالة اختبار (ت) وجد أن خطأ النوع الأول المدتلفة ما عدا إختبار (ت) ، فقى حالة اختبار (ت) وجد أن خطأ النوع الأول كولز وتوكى فقد وجد أن خطأ النوع الأول = ٥٠٠، بيتما لم تصل في طريقة شفيه الى ٥٠، واستنتيح بترينوفتش وهارديك أن حجم العينة لا يؤثر على النتائج طالما أن الافتراصات الاساسية (الاعتدائية ، والتجانس) متوافرة .

ففي حالة التوزيع المعتدل وتجانس المجموعات الثلاث ، كان مستوى خطأ النوع الأول لكل الطرق أقل من ٠٠٠ ما عدا إختبار (ت) وصل الى ١١٩، وفي حالة اختلاف تباين المجموعات (عدم التجانس) كانت طريقة شفيه أفضل الطرق المستخدمة . وبزيادة عدد المجموعات من ٣ الى ١٠ وجد أن الاختلاف في طريقتي (ت) ودنكان ، حيث وصل خطأ النوع الأول باستخدام اختبار (ت) الى ١٠ (في حالة ١٠ مجموعات) كما بلغ ٣٥٣، باستخدام طريقة دنكان، في حين أن الطرق الأخرى لم تتعدى المستوى المحدد (٠٠٠٠) .

وعدد حساب خطأ النوع الثاني (β) ، باستخدام مجموعات أحجامها في حدود ٣٠ فردا ، وجد أن الفرق بين الطرق يعتمد على حجم الفرق بين المتوسطات وقد وجد أن طرق (ت) ، وتيومان كولز ، ودنكان تؤدى الى خطأ أقل من الطرق الأخرى إذا كان الفرق بين المتوسطات كبيرا.

ويوصى بتريدوفنش وهارديك بعدم استخدام طرق المقارنات المتعددة إذا كان حجم المجموعة في حدود ١٠ أفراد إذا كان الباحث مهنما بمستوى خطأ النوع الثانى أو قوة الاختبار . كما يقل خطأ النوع الثانى إذا كان كانت المجموعات غير متساوية في الحجم ، ولكنه يزادد في حالة التجانس أو صغر حجم المجموعات، وكل هذا يزدى الى ضعف قوة الاختبار،

وفى حالة عدم التجانس وعدم تساوى المجموعات فقد وجدا زيادة فى خطأ الدوع الاول وخطأ النوع الثانى ، وكانت طريقة شفيه هى أفضل الطرق . أما طرق (ت) ، ودنكان ، ونيومان كولز فقد كان الخطأ فيها أعلى مما هو متوقع .

أختيار الطريقة المناسبة من طرق المقارنات المتعددة :

من الملاحظ أن مستخدمي طرق المقارنات المتعددة يقعون في حيرة كبيرة عدد اختيارهم لطريقة دون الأخرى . ولكننا سوف نقدم مقترحات قد نفيد في هذا الشأن وهي :

١ - تعطى بعض الطرق مستوى عال من النتائج الخاطئة أو مستوى عال من خطأ
 النوع الأول اكثر من المطلوب مثل طريقتى (ت) ، ودنكان .

كما أن طريقة نيومان كولز تميل للاقتراب من طريقة دنكان . فاذا كان الباحث لا يهتم بمستوى خطأ النوع الاول فيستطيع استخدام أى من هذه الطرق الثلاث ، أو بمعنى آخر إذا كان الباحث يرغب في التوصل لأية فروق بين المجموعات فيمكنه استخدام أى من هذه الطرق (ولتكن دنكان مثلا) .

- ٢ إذا كان حجم المجموعة اكنر من ١٥ فيمكن الاختيار بين طريقتى توكى وشفيه وذلك لأن مسترى خطأ الثاني فيهما متقارب- Petrinovich & Har (petrinovich & Har) , dyck, 1969) , dyck, 1969 . وقد أوصى شفيه (Scheffe, 1959) باستخدام طريقة توكى في حالة عدم وجود فروق دالة من طريقة شفيه ، ويصفة عامة في هذه الحالة يفضل استخدام طريقة توكى لأن طريقة شفيه متحفظة اكثر من اللازم.
- ٣ لا نتأثر طريقتي توكي وشفيه كثيراً بالحيد عن الافتراضات الاساسية (الاعتدالية ، والتجانس) أو عدم تساوي المجموعات إلا إذا كانت المجموعات غير منساوية وكان تباين المجموعة الصغيرة اكبر من تباين المجموعة الكبيرة، عندئذ فلا توجد طريقة تصلح للمقارنات المتعددة ، كما أن تحليل التباين لا يمكن استخدامه بسبب عدم التجانس الواضح ، ويكون الحل في هذه الحالة هو تحويل الدرجات أولا باستخدام أحد التحويلات المختلفة قبل اجراء تحليل البيانات .
- 3 |i| كان حجم المجموعة أكبر من 4 + |i| وكانت عدد المقارنات بين المتوسطات أقل من عدد المقارنات الممكنة $\left[\frac{|b|}{|b|} + \frac{|b|}{|b|} \right]$ فيفضل استخدام طريقة بونفروئي ، لأنها اكثر قوة في هذه الحالة عن طريقتي توكي وشيفه .
- ه إذا كانت المقارنات بين مجموعات تجريبية ومجموعة ضابطة فيفضل استخدام طريقة ضئت Dunnett لأنها اكثر ملاءمة لهذه الحالة .

درجات خمس مجموعات من ذوي الاحتياجات الخاصة في مفهوم الذات

	r 			
مجموعة (٥)	مجموعة (٤)	مجموعة (۲)	مجموعة (٢)	مجموعة (١)
ε	٦	٧	Ď	٧
٣	٨	٤	٧	٥
ò	١.	٣	٨	٤
۴	٧	۲	٦.	٣ .
۲	٦	۴	4	٦
0	٧	۰	٤	۳
٤	Α .		٧	ا ه
ļ	ĺ]	٦	٦
·		1	ļ	ļ

١ - نحسب مجموع درجات المجموعات وهي ٢٦،٥١، ٢٤،٥١، وكذلك المجموع الكلي = ١٩٢ .

۲ - نحسب مجموع مربعات الدرجات مجه س = ۷ + ۵ + ٤ + + ٤ + ٤٠ - ٢ = ٢ - ١١٥٦ =

$$\frac{Y}{(n-m)} - Y} - \frac{Y}{(n-m)} - Y}$$
 $\frac{Y}{(n-m)} - Y}{(n-m)} - Y$
 $\frac{Y}{(n-m)} - Y}{(n-m)} = Y$
 $\frac{Y}{(n-m)} - Y}{(n-m)} = Y$
 $\frac{Y}{(n-m)} - Y}{(n-m)} = Y$

٤ - نحسب مجموع مربعات المجموعات =

$$\frac{{}^{7}(197)}{77} - \frac{{}^{7}(77)}{7} + \frac{{}^{7}(91)}{7} + \frac{{}^{7}(72)}{7} + \frac{{}^{7}(97)}{7} + \frac{{}^{7}(79)}{7}$$

1人 YY ≈

ه - مجموع مربعات الخطأ = ١٣٢ - ١٨، ٢٧ = ٦٢،٧٣

٦ - نضع البيانات في جدول تعليل التباين ونحسب متوسط المربعات ، وقيمة ف
 جدول (٩ - ٧)

جدول تعليل التباين الأحادي بين مجموعات ذرى الاحتياجات الخاصة في مفهوم الذات

مستوى الدلالة	و ا	مترسط المريعات	د. ځ	مجموع المربعات	مصدر النباين
دالة عند	۸,۳۰	14,+34	٤	٦٨, ٢٧	المجموعات
امستوى ۲۰۰۱		۲,۰0٦	٣١	٦٣,٧٣	الخطأ
			70	144	الكلى

٧ - نوجد قيمة ف الجدولية وهي ف (١٠٠١، ٢١، ٤) = ٤,٧٣ وهي أقل من القيمة المحسوبة فتكون ف (٨,٣٠) دالة عند مستوى ٢٠٠٠ وهي تعلى وجبود فروق دالة بين متوسطات المجموعات . وللتأكد من شرط النجانس نحسب

بدرجات حرية (٤ ، ٧) وهي غير دالة (لأن ٨,٤٤ = ٢- ٨,٤٤) ومن ثم يتحقق فرض التجانس ، والآن نحن بصدد اجراء المقارنات المتعددة بين متوسطات المجموعات وهي : ٢,٧١٤ ، ٢,٧٨١ ، ٤ ، ٢,٧٨١ ، ٣,٧١٤

وهذا يمكن استخدام طرق دنكان ، أو توكى ، أو شفيه ، أو بونفرونى، واستخدام طريقة دنكان في حالة رغبة الباحث في التوصل إلى أيه فروق أما الطرق الثلاث الأخرى فهي مناسبة للمثال المذكور .

ولأن المجموعات مختلفة فنوجد الوسط النوافقي لاحجام المجموعات وهو

$$0 = 20 \div \left(\frac{1}{V} + \frac{1}{V} + \frac{1$$

(لاحظ أن عدد المقارنات الممكنة = ٢٠ مقارنات)

واذا إستخدمنا طريقة دنكان فانها تنطلب أربع خطوات مدى دنكان للخطوة الأولى = ± D (٥ ، ٣١ ، ٥٠ ، ٠) × الخطأ المعيارى = ± ١٠٧٠ ± + ٠٠٠٠٠)

۰.۰۳۷ × (۰.۰۰، ۲۱، ٤) D $\pm = \pm$ النانية $\pm \pm \pm$ النانية $\pm \pm$ ۱۲۷۰ $\pm \pm$ ۰.۰۲۷ × ۲, ۱۲ $\pm \pm$

۰. ۲۲ مدی دنکان للخطوة الثالثة $\pm \pm D \pm 0$ (۳ ، ۲۱ ، ۰۰،۰) × ۲۲۰۰۰ مدی دنکان للخطوة الثالثة $\pm \pm 0.077 \times 7.77 \pm 0.077 \times 7.77 \pm 0.077 \times 7.77 \pm 0.077 \times 7.77 \pm 0.077 \times 7.77 \pm 0.077 \times 7.77 \times$

مدى دنكان للخطوة الرابعة = ±D (۲۱، ۲ م.۰۰ مدى دنكان للخطوة الرابعة = ± 1,007 ± - ۰,077 × ۲,۸9 مدى

ثم نقارن هذه القيم مع فروق المتوسطات وسوف نوصح ذلك بعد اجراء طرق المقارنات الآخرى.

واذا إستخدمنا طريقة توكى فان $q \pm q \pm q \pm q$ مدى تركى $= \pm q \pm q \pm q$ (م. ۲۱، ۵۰۰) × الفطأ المعيارى $= \pm 19.4 \pm q \pm q \pm q$ (۲, ۱۹۸ $\pm q \pm q \pm q \pm q$

جدول (٩ -- ٨) نتائج فروق المتوسطات وطرق المقارنات المتعددة

	ـــريقة	L11			التوسيطات				
بونقروني	شقيه	توكي	ونكان	12	H.	10	ΥÊ	ځه	
1,727	Y, £AA	4,114	۱,۷۲۰	T, 0VT	Y, VA3	1,171	۲۸۲, ۰		n. 1,7\2
			1,300	Υ, Υ Λ ٦	۲,0٠	۵ ۷۸, ۰			۲۴ ٤,٠.
			1,784	۲,٤۱۱	1,740				1/ 0/A,3
:		:	1,007	1'AY, 1	-				7f 7,0
				_					ξΓ 7, ΥΑ <i>٦</i>

ويتضح من النتائج أن طريقة دنكان أسفرت عن وجود فروق دالة عند مسترى ١٠٠٥ بين أزواج المتوسطات التالية : (م، ،م) ، (م، ،م،)، (م، ،م،)، (م، ،م،)، (م، ،م،)، (م، ،م،)، (م، ،م،)، (م، ،م،) واتفقت معها طريقة بونفرونى ويرجع السبب فى أننا استخدمنا بونفرونى لجميع المقارنات الممكنة وايس هذا هو المتبع مع طريقة بونفرونى فهى تستخدم فى حالة ما إذا كأن عدد المقارنات المطلوبة أقل من المقارنات الممكنة.

وقد توصلت طريقة توكى الى نفس نتائج دنكان بينما إختلفت عنها طريقة شفيه في مقارنة واحدة غير دالة وهي (م، ،م،)

وبالطبع من المفضل في هذا المثال استخدام توكي أو شفيه

أما حجم التأثير للمنغير المستقل على المنغير التابع فيمكن حسابه باستخدام مربع إينا أو مربع أو ميجا (السابق ذكرهما) .

وهي تعنى أن ٤٥،٥٪ ٪ من تباين المتغير التابع (مفهوم الذات) يرجع الى المتغير المستقل (الانتماء للمجموعات) ، وهي تدل على حجم تأثير مرتفع -

$$\frac{(1-\omega)(1-\omega)}{(1-\omega)(1-\omega)} = \frac{(1-\omega)(1-\omega)}{(1-\omega)(1-\omega)}$$

$$\frac{(1-\lambda^{*})(1-\omega)}{(1-\lambda^{*})(1-\omega)} = \frac{(1-\lambda^{*})(1-\omega)}{(1-\lambda^{*})(1-\omega)}$$

ونعنى أن ٤٤,٨ ٪ من تباين المتغير التابع يرجع الى المتغير المستقل ، وتدل على حجم تأثير مرتفع.

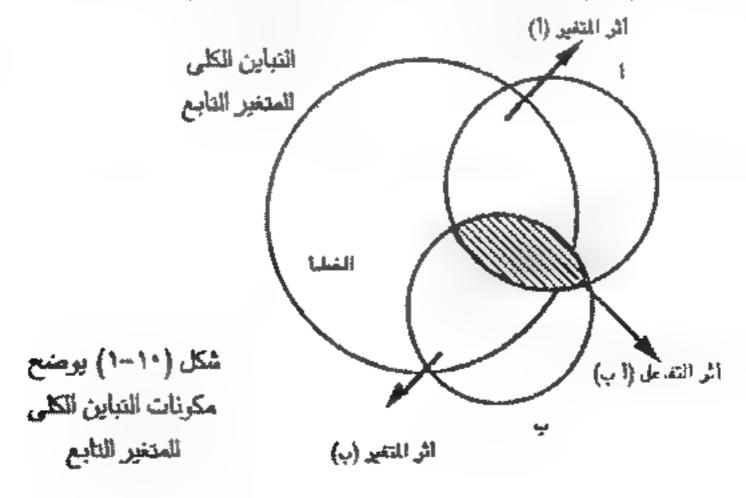




الفصل العاشر تحسليل التباين الثنساني والثسلاثي والعساملي

يستخدم تحليل التباين الآحادى في تحليل بيانات متغير مستقل واحد ومتغير تابع. ويكون المنغير المستقل متغيراً تصنيفياً يتضمن مستويين (مجموعيتن) أو أكثر ، ويتم اجراء التحليل لبحث الفروق بين متوسطات درجات المجموعات في المتغير التابع . وبمعنى آخر يكون الاهتمام بدراسة العلاقة بين المتغير المستقل والمتغير التابع .

أما تحليل التباين الثنائي Two- Way Anova في تحليل بيانات متغرين مستقلين (أ، ب مثلا) بكل منهما مستويين (أو مجموعتين) على الاقل، ومتغير تأبع، ويكون الاهتمام ببحث الفروق بين متوسطات درجات مجموعات كل متغير مستقل والذي يطلق عليه اسم الأثر الأساسي Main effet على المتغير التابع، بالاضافة الى بحث أثر التفاعل بين المتغيرين المستقلين (أبب) على المتغير التابع، وهنا ينقسم تباين المتغير التابع الى أربعة أقسام: وتباين يرجع للمتغير المستقل بين وتباين يرجع للمتغيرين المستقلين (أب) المتغير المستقل أ، وتباين يرجع للمتغير المستقل ب، وتباين يرجع المتغيرين المستقلين (أب) .



وافتراضات تحليل التباين الثنائي هي نفس افتراضات تحليل التباين الاحادي وهي : العشوائية ، والاستقلالية في اختيار المجموعات ، والتوزيع الاعتدالي لدرجات المتغير التابع ، وتجانس المجموعات .

ويوجد في تحليل التباين الاحادى فرمن صفرى واحد عن تساوى منوسطات المجموعات ،أما في تحليل النباين الثنائي فنوجد ثلاثة فروض صفرية: فرض صفري للمتغير المستقل (أ) ، وآخر للمتغير المستقل (ب) ، وثالث للنفاعل بين المتغيرين المستقلين .

والمفهوم الجديد في تعليل التباين الثنائي (والثلاثي أيضا) هو مفهوم التفاعل بين المتغيرين المستقلين وهو تفاعل ثنائي.

التفساعل : Interaction

يحدث التفاعل بين متغيرين مستقلين عندما يكون أثر مستويات المتغير المستقل (أ) غير منسق مع مستويات المتغير المستقل (ب) . بمعنى أنه إذا كان لدينا برنامجين للعلاج النفسى ، وكان أحدهما فعالا مع الذكور والثانى فعالاً مع الاناث ، فهنا يوجد تفاعل بين البرامج وجنس المريض .

أى أن النفاعل بحدث عندما يكرن تأثير أحد المتغيرين المستقلين معتمداً على مستريات المتغير المستقل الثاني ·

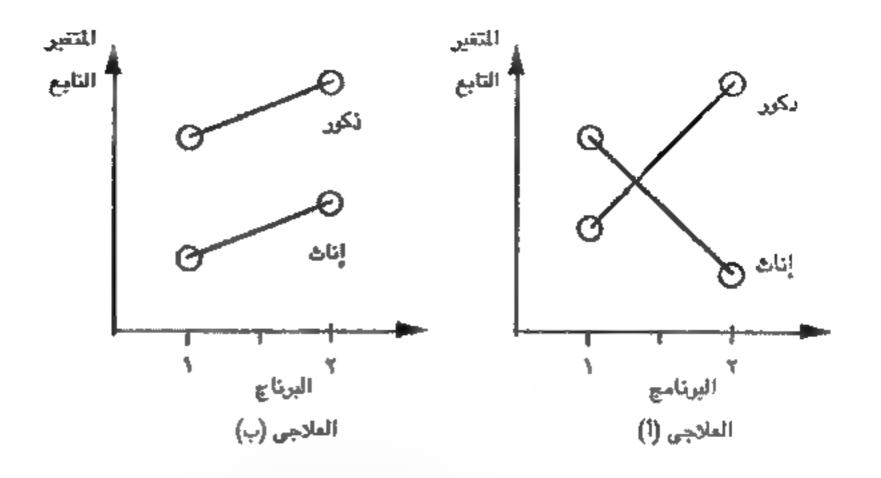
ويدل النفاعل على الأثر المشترك للمتغيرين المستقلين على المتغير التابع والذي لايمكن معرفته من الأثر الاساسي لكل متغير مستقل بفرده ، ويتطلب تحليل النفاعل مقارنة الفروق بين مدوسطات الفلايا وليس الاثر الاساسى .Kiess) (358 : 1989

وعدد وجود تفاعل ثنائى دال فان هذا يعنى أن أثر كل متغير مستقل يختلف باختلاف مستويات المتغير المستقل الثانى ، وبالتالى يصحب تفسير الأثر الاساسى المتغير المستقل بمعزل عن تفسير النفاعل .

ويستازم النفسير هنا رسم بياني أو توضيحي امتوسطات الخلايا المرتبطة بمستويات كل متغير مستقل أما إذا كان النفاعل غير دال فيكون الأمر سهلا ويتم تفسير أثر كل متغير مستقل على وحده (Kiess, 1989:374)،

ويرضح التفاعل المدى الذي يعتمد فيه أثر متغير مستقل على مستويات

المنعبر المستقل الثانى . وإذا مثلنا التفاعل بيانيا باسخندام متوسطات الخلايا للمثال المنافر عن البرامج العلاجية للمرضى (شكل ١٠ - ٢) فقد يكون هناك تفاعلا بين المتغيرين المستقلين إذا تقاطع خطى مستويى متغير الجنس البرنامجين .



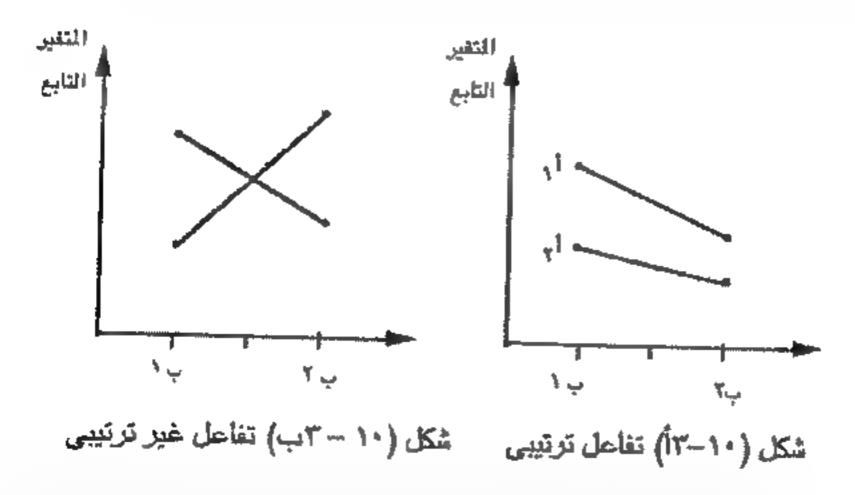
شكل (۱۰-۲) النفاعل بين البرامج العلاجية والجنس ويوضح الشكل (۱۰-۲أ) إختلاف نتيجة برنامجي العلاج باختلاف جنس المرضى ، ويدل ذلك على وجود تفاعل بين البرامج والجنس.

أما الشكل (۱۰ - ۲ ب) فينضح أن نتيجة البرنامجين منشابهة للجنسين حيث ببدو أن البرنامج الثانى أفضل من الأول للذكور والاناث ، ولذلك نجد أن مستويى الجنس (ذكور ، إناث) متوازيان ، وعليه فان توازى الخطوط يدل على عدم وجود تفاعل (Ferguson & Takate, 1989: 278)

وقد لا يكون الترازي صحيحا في الواقع ، فقد يبتعد الخطين قليلا عن التوازي ، وهذا الحيد عن التوازي يقدر جزئيا بنسبة من أخطاء المعاينة ، ودرجة الحيد عن التوازي تقاس من مجموع مربعات التفاعل ، ويكون مجموع هذه المربعات مساويا للصغر في حالة التوازي التام ، واكبر من الصغر في حالة عدم التوازي ، فاذا قسمنا مجموع مربعات التفاعل على درجات الحرية ينتج متوسط مربعات التفاعل ، ويقل هذا المتوسط بالنسبة الى خطأ المعاينة (متوسط مربعات الخطأ) في حالة غياب التفاعل ، أما إذا كان مرتفعا عن خطأ المعاينة فيدل على وجود تفاعل .

كما أن مجموع مربعات التفاعل هو مجموع مربعات اتحرافات متوسطات الخلايا عن المتوسط العام مقارنة مع مجموع مربعات كل متغير من المتغيرين المستقلين . فاذا تساوى مجموع مربعات الخلايا مع مجموع مربعات المتغرين المستقلين فلا يوجد تفاعل ، أما إذا كان اكبر منهما فيوجد نفاعل & Takane, 1989)

وهناك نوعان من النفاعل ترتيبي Ordinal وغير ترتيبي هو النفاعل المرتيبي هو النفاعل (GLASS & STANLEY, 1970: 410 - 411) و النفاعل المرتيبي هو النفاعل الذي يظل فيه ترتيب متوسط درجات مستويات أحد المتغيرين المستقلين كما هو لكل فئة من فئات المتغير الثاني ، فأذا كان لدينا متغيرين مستقلين أ ، ب ولكل منهما مستويين ، فأن وضع أ ، أ في حالة ب يظل كما هو في حالة ب ، ويفس الشئ وضع ب ، ب ب يظل كما هو في حالة أ أو أو أو . فأذا كانت أ اكبر من ألا عند المستوى ب فأن أ تكون أكبر من ألم عند المستوى ب أبضا (شكل ١٠ - ١٠) .



أما التفاعل غير الترتيبي فهو الذي يتغير فيه ترتيب متوسط درجات مستويات أحد المتغيرين المستقلين لكل فئة من فئات المتغير المستقل الثاني ، ويتصح من الشكل (١٠ – ٣ ب) أن متوسط درجات أو عند المستوى بويختلف عنه عند بوء ، وكذلك متوسط درجات أو عند بوء ، مما يؤدى الى تقاطع خطى المتوسطين .

ومعنى هذا أنه في التفاعل غير الترتيبي تتقاطع الخطوط البيانية المتوسطات أما في التفاعل الترتيبي فلا يحدث تقاطع . وبالطبع في حالة عدم وحود تفاعسل يكون الخطان متوازيين كعما ذكرنا سابقا -Glass & Stan) (108 : 1970 : 408

خطوات عُليل التباين الثنائي:

يتم اجراء تحليل النباين الثنائي بانباع خطوات مشابهة لتلك المستخدمة في تحليل النباين الاحادي باستثناء الخطوات المتعلقة بحساب التفاعل الثنائي - فاذا كان لدينا متغيرين مستقلين (أبب) ومتغير تابع فاننا نتبع الخطوات التالية لتحليل النباين الثنائي:

- ١ إيجاد مجموع درجات مجموعات المتغير المستقل الأول
 - ٢ حساب مجموع درجات المتغير المستقل الثاني
- ٣ حساب مجموع درجات كل خلية ، والمجموع الكلي (مجه س) .
 - ٤ حساب مجموع مربعات الدرجات (مجس)
- ه استخدام ناتج الخطوين ٢ ، ٤ في حساب مجموع العريعات الكلي

- محدس - (محدس - آن

- ٦ حساب مجموع مريعات مجموعات المتغير المستقل الأول،
- ٧ -- حساب مجموع مربعات مجموعات المتغير المستقل الثاني ،
- ٨ حساب مجموع مريعات الخلايا (المتغير المستقل الأول × المتغير المستقل الثاني)
- ٩ نوجد مجموع مربعات النفاعل = مجموع مربعات الخلايا مجموع مربعات
 مجموعات المتغير المستقل الاول مجموع مربعات مجموعات العتغير
 المستقل الثاني
- ١٠ نوجد مجموع مربعات الخطأ = مجموع مربعات الكلى -مجموع مربعات
 الخلابا
 - ١١ نكون جدول تحليل التباين ونحسب متوسط مربعات التباين
- ١٢ نحسب النسبة الفائية المتغيرين المستقلين والنفاعل بقسمة متوسط مريعات كل منها على متوسط مربعات الخطأ.
- ١٣ -- نقارن النسب الفائية المحسوبة بما يقابلها من جدول توزيع ف بدرجات الحرية المناسبة ومستوى الدلالة المطلوب . وإذا وجدت فروق دالة لأحد المتغيرين المستقلين أو كليهما نجرى المقارنات المتعددة بين المتوسطات

مثال (١): أجرى باحث دراسة لتوعية أربع مجموعات من العاملين والطلبة عن الحقوق السياسية للمرأة ويوضح الجدول التالى بيانات الدراسة

جدول (۱۰ –۱)

طلبة)	مج ٤(ء	عمال)	مج ۳(د	وغلفون)	مجـ ۲(م	.علمون)	مج ۱ (ه	النوع
17	۱۵	3+	۱۲	4	10	18	4	
10	12	12	۱۳	14	١.	٧	14	ذكور
	17		١٥	A	18	3	_ ,]	
17	1.4	٨	14	٧	17	١٤	٨	
14	10	٧	٩.	10	- 11	¥.	V	إناث
	14.		- 3-	4	- 4	•	14	

ويتضح من البيانات وجود متغيرين مستقلين هما: النوع (الجنس)، والمجموعة، ولإجراء التحليل نقوم بحساب مجموع الدرجات والمريعات المذكورة في الخطوات الاربع الاولى ونصعها في جدول (١٠ - ٢) التألى جدول (٢٠ - ٢)

والاختبار فرض تجانس الجنسين فإن :

أما تجانس المجموعات فإن:

٤, ٧٩ = Max ن ميت

ومن ثم تم يتحقق فرض التجانس للمجموعات

$$\xi T = 1 - \xi \xi = 1 - j = 33 - 1 = 33$$
 بدرجات حریة

حيث (ن ، مجد س) للذكور ، (ن ، مجد س) للاناث بينما ن ،

مجموع مريعات النوع =
$$\frac{(077)^7}{47} + \frac{(027)^7}{47} - \frac{(10)^7}{22}$$

$$\frac{Y_{(n+m_y)}}{(n+m_y)} + \frac{Y_{(n+m_y)}}{(n+m_y)} + \frac{Y_{(n+m_y)}}{(n+m_y)} + \frac{Y_{(n+m_y)}}{(n+m_y)}$$

(لاحظ أن ن، ، ن، ، ن، ، ن، هي أحسجسام المجسمسوعسات الأربع ، بينمسا مجد س، ، مجد س، هي مجموع درجات المجموعات)

$$\frac{\frac{Y(11)}{10} + \frac{Y(171)}{17} + \frac{Y(117)}{17} + \frac{Y(117)}{17}}{\frac{Y(21)}{10} + \frac{Y(217)}{10}} + \frac{Y(217)}{10}}{\frac{Y(217)}{10}} + \frac{Y(217)}{10}$$

-۱۹۲۱٬۳۳۳ + ۱۹۲۱٬۴۳۸ + ۱۹۲۱٬۳۳۳ - ۲۳۲۱٬۳۳۹ - ۹۹۱۱٬۳۳۰ - ۹۹۱٬۳۳۰ - ۹۹۰٬۹۰۰ - ۲ - ۳ - ۱ - ۳

$$A -$$
مجموع مریعات للذلایا = $\frac{(مجدس)^{2}}{\dot{v}_{1}} + \frac{(مجدس)^{2}}{\dot{v}_{2}}$

لاحظ أن ن، ، ن، ، ، ن هي أعداد الافراد في كل خلية كما أن مجس ، مجس ، مجس مجموع درجات الافراد في كل خلية

$$\frac{\frac{1}{2}(27)}{44} = \frac{\frac{1}{2}(27)}{2} + \frac{\frac$$

£ ٢٣, ٢ + 771,0 + 7 · · + 1100, X + X19, Y + VV ·, 7V + 6 YY, 7V -

0911,57-1100,4+

- ۲۲ ۱۳۸ - ۲۱۲۸ - ۲۲۱،۳۲ بدرجات حریة = ۸ - ۱ = ۷

٩ - مجموع مربعات النفاعل = مجموع مربعات الخلايا - مجموع مربعات النوع
 - مجموع مربعات المجموعات

19.,90- 9, .9. - 777, AA =

Υ٦.λ٤ --

بدرجات حرية - د ح للنوع × دح للمجموعات - ١ ×٣ = ٣

١٠ - مجموع مربعات الخطأ = مجموع المربعات الكلى - مجموع مربعات الخلايا

777, AA - 877, 78 -

Y+4, Y1 -

بدرجات حرية - د ح الكلية - دح الخلايا = ٢٦ - ٧ - ٢٦

- ١١ نضع مجموع المربعات لكل مصدر في جدول تطبل التباين الثنائي ثم
 نحسب متوسط مربعات النوع والمجموعات والنفاعل.
- ١٢ نحسب قيمة ف لكل من النوع والمجموعات والتفاعل بينهما بقسمة متوسط مربعات كل منها على متوسط مربعات الحطاء ، فتكون قيم ف هي ١,٥٦ ، ١,٥٤ ، ١٠,٩٢ على الترتيب .

جدول (۱۰ – ۳)
تحليل النياين الثنائي (النوع × المجموعات) في درجات الانجاه
نحو الحقوق السياسية للمرأة .

مستوى الدلالة	ن	متوسط المربعات	درجات المرية	مجموع المربعات	مصدر التباين
غير دال دال عند ۰,۰۰۱ غير دال		4, • 4 77, 70 1, 40	1 *	4, • 4 14•, 90 Y1, A£	النوع المجموعات التفاعل (النوع × العجموعات)
		٥,٨٣	**1	Y+4,V1	الخطأ
			٤٣	έ ኖጊ, ٦٤	الكلى

۱۳ - نقارن قيم ف المحسوبة بالقيم الجدولية ، حيث قيم ف الجدولية هى : للنوع في إلى المحسوبة (١٠٥٠) و في إلى المحسوبة (١٠٥٠) و للمجموعات في (١٠٥٠) = ٢٠٨٨ وهي أقل من القيمة المحسوبة (١٠٥٢). وعليه فاننا نستخرج في الجدولية عند مستوى ٢٠٠١ وهي :

ف (١٠١، ٢٦، ٢٠) = ٤,٤٠ وهي أقل من القيمة المحسوبة أيضا

قادًا توافرت جداول ف عند مستوى دلالة ٥,٠٠١ قاننا نستخرج قيمة

ق، (۱٬۰۰۱، ۲۰،۰۰) وهي تساوي ٦،٧٨ وبالطبع من النادر توافر جداول ف عند مستوى ۲۰۰۱،

أما قيمة ف الجدولية للتفاعل فإننا نكتفى بقيمة ف (١٠١،٣١،٢) لأنها اكتر من ف المحسوبة للتفاعل. ونستنتج من جدول (۱۰ - ۳) عدم وجود فرق دال بین الجنسین ، وجود فرق دالة بین المجموعات عند مستوی ۲۰۰۰ ، وعدم وجود تفاعل دال ، وهذا بسهل عملیة التفسیر . أما فی حالة وجود تفاعل دال فاننا نبحث عن متوسطات الخلایا ومتوسطات کل مجموعة من المجموعات ولکل من الجنسین حتی یمکن تفسیر النفاعل ویتطلب هذا أیضا رسم شکل بیانی امتوسطات الخلایا .

ولكن في هذا المثال فلا يوجد تفاعل دال فيكون أمامنا فقط تقسير الفروق المرجودة بين مجموعات المتغير المستقل الثاني (المجموعات) حيث لا يوجد فرق دال بين الجنسين ،

ولبحث الفررق بين المجموعات نجرى اختبار للمقارنات المتعددة بين متوسطات المجموعات باستخدام إحدى طرق المقارنات المتعددة ولتكن طريقة شفيه مثلا.

حيث ١٠.٩١ هي الوسط التوافقي لاحجام المجموعات (١٢ ، ١٢ ، ١٠ ، ١٠) مدى شفيه = ١٠.٤٧ = ٣،٠٤٠

ثم نكون جدول الفروق بين متوسطات المجموعات الاربع ونقارنها بمدى

جدول (۱۰ – ٤) الفروق بين المترسطات ومدى شفيه

مدى شفيه	£ľ°	የ ሶ	16	16	المثوسط
Y, • £	0,٦٣	1,77	1, 40		م، (۹,۳۲)
	* £,٣A	*,**			(14,97)
	٤,٣٠	<u></u>			(11) re
	<u> </u>	:			(10, 4)

ويتضح من جدول فروق المتوسطات ومقارنتها بمدى شقيه أنه : توجد فروق دالة عند مستوى ٥٠،٠ بين متوسط المجموعة الرابعة وبين كل من متوسطات المحموعات الأولى والثانية والثالثة . أى أن البرنامج اكثر فعالية مع مجموعة الطلبة عن مجموعات المعلمين والموظفين والعمال بسمتوى دلاله ٥٠٠٠ وحجم التأثير (تأثير المجموعات على النوعية بالحقوق السياسية المرأة) هو :

مجه مربعات المجموعات – (الح
$$-$$
 ۱) متوسط مربعات الخطأ مربع اینا $-$ مجه المربعات الکلی مجه المربعات الکلی $-$ ۱۷۲,٤۲ $-$ ۱۹۰,۹۰ $-$ ۱۹۰,۹۰ $-$ ۱۹۰,۹۰ $-$ ۲۳۲,۳٤ $-$ ۲۳۲,۳٤

وتعنى أن ٣٩,٧ ٪ من التباين في المتغير التابع يرجع الى المتغير المستقل (المجموعات) وهي تدل على حجم تأثير مرتفع

وكذلك مربع أوميجا للمجموعات =

أو مربع أوميجا للمجموعات =

مجموع مربعات المجموعات - (ك متوسط مربعات الخطأ

مجموع المربعات الكلي + متوسط مربعات الخطأ

وتعنى أن ٣٩,٢ من تباين المتغير التابع (الانجاه نحو الحقوق السياسية المرأة) يرجع الى المجموعات. وهي تدل على حجم تأثير مرتفع.

ويمكن حساب حجم التأثير لمتغير النوع والتفاعل أيضا إلا أن عدم دلالة أي منهما تحول دون حساب حجم التأثيرلهما .

مثال (٢) : أجرى باحث دراسة عن الفروق بين المستويات الاقتصادية في التوافق الأسرى للمنزوجين ذوى التعليم العالى والثانوي.

جدول (۱۰ - ۰) درجات التوافق الاسرى حسب نوع التعليم والمستوى الاقتصادي

منحفض	مترسط	مرتقــع	التعليم
۸ ۰	1. 18	1. 1. 14	
1 V	17 11	۸۱۱	تعليم عالى
V A	۸.	17 1	
٧١.	٧ ١٢	10 A 14	
V A	٨ ٨	1. 17 1.	تعليم ثانوي
V	٨ 1	18 1	

ولتحليل البيانات نقوم باجراء التجميع الاولى للارجات في كل خلية ولمجموعات المستوى الاقتصادى ، ونوع التعليم ، وكذلك المجموع الكلى للدرجات (مجه س) ومجموع المربعات (مجه س) ومجموع المربعات (مجه س) وتضعهم في جدول (١٠ - ٢) .

جدول (۱۰ – ۲)

الميموخ الكلي	منفقض	متوسط	مرتفع	سنوى	التعليم
۱۸	٦	۵	٧	ن	تعليم
۱۷۵	£ £	٨۵	VT	مجس	عائي
14	٥	1	٨	ن	تعليم
١٨٠	۸۸	۲٥	4.	مب س	ثائرى
**	- 11	11	10	ن	الجموع
You	AY	11.	ידו	مجس	الكلي
4710	71.	Yoll	1477	مجس۲	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·

والختبار فرض تجانس مجموعتي التعليم فأن :

أما تجانس مجموعات المسترى الاقتصادى فأن :

وبالتالي يتحقق فرض تجانس مجموعات المستوى الاقتصادى ، ولحساب مجموع المربعات الكلي وأقسامه المختلفة نكمل خطوات تحليل التباين الثنائي

$$\frac{1}{1} \left(\frac{1}{1} + \frac{1}{1} \left(\frac{1}{1} + \frac{1}{1} \left(\frac{1}{1} +$$

*, = Y = Y & * Z * A - 1 Y * 0, YZ + 1 Y * 1, Y =

٧ - مجموع مربعات مجموعات المستوى الاقتصادي =

حيث (ن،ن،ن،ن،) هي أحجام مجموعات المستوى الاقتصادى ، (مجسس، مجموعات المستوى الاقتصادى ، (مجسس، مجسس،) مجموع درجات كل مستوى من المستويات الاقتصادية التلاثة ،

مجموع مربعات مجموعات المستوى الاقتصادي =

Y7, £7 =

$$\frac{Y}{(مجس,)} + \frac{(مجس,)}{(مجس,)} + \frac{(مجس,)}{(مجس,)} + \frac{(مجس,)}{(مجس,)}$$
 $\frac{X}{(0, -1)} = \frac{(0, -1)^{3}}{(0, -1)^{3}} + \frac{(0, -1)^{3}}{(0, -1)^{$

حیث (ن, ،ن, ، ...،،ن,) هی أعداد درجات كل خلية ،

(مجس ،، مجسس ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، مجسس ،) هي مجموع درجات الخلايا الست

مجموع مربعات الخلايا =
$$\frac{(YY)^{Y}}{V} + \frac{(A^{O})^{Y}}{O} + \frac{(33)^{Y}}{O}$$

$$\frac{\text{Y}(YOO)}{\text{TY}} = \frac{\text{Y}(YA)}{\text{O}} + \frac{\text{Y}(AY)}{\text{T}} + \frac{\text{Y}(AY)}{\text{A}} + \frac{$$

٩ - محموع مربعات التفاعل = مجموع مربعات الخلايا - مجموع مربعات النعليم - مجموع مربعات المستوى الاقتصادي

Y0.7Y -

١٠ - مجموع مربعات الخطأ = مجموع المربعات الكلي-مجموع مربعات الذلايا

1+1,17=

ثم نضع مجموع المربعات وأقسامه المختلفة في جدول تحليل التباين (١٠-٧) وتكمل الجدول بوضع درجات الحرية لكل قسم من أقسام مجموع المربعات ، ونحسب متوسط المربعات وقيم ف لكل مصدر من مسادر التباين .

جدول (۱۰ - ۷) تعلیل التباین الثنائی (نوع التعلیم × المستوی الاقتصادی) في درجات التوافق الاسرى

مسترى الدلالة	ٺ	متوسط المربعات	درجات الحرية	مجموع المربعات	مصدر التباين
غيردال		۰,۵۷	1	4,07	نوع التعليم
دال عند ۲۰۰۱	11,10	۳۸, ۲۳	Y	٧٦,٤٦	المستري
					الاقتصادي
دال عند ۲۰۰۰	۳,۷۳	17,71	۲	70,77	التعاعل
		٣, ٤٣	۳۱	1.7, **	الخطأ
			4"1	Y+A, 9Y	الكلى

ثم نقارن قيم ف المحسوبة مع قيم ف الجدولية حيث نجد أن قيمة ف لنوع التعليم غير دالة (حيث لا توجد ف أقل من الواحد في الجداول). أما قيمة ما للمستوى الاقتصادي (١١,١٥) فهي دالة عند مستوى الاقتصادي (١١,١٥) فهي دالة عند مستوى ١٠٠، لأن ف (٢١،٢٠)

بينما قيمة ف للتفاعل دالة عند مستوى ٥٠٠٠ لأن ف (٢١،٢٦،٥٠٠)=

ونستنج من جدول (۱۰ - ۷) عدم وجود فرق دال بين نوعى النعليم فى التوافق الأسرى ، بينما توجد فروق دالة بين المستويات الاقتصادية فى التوافق الاسرى عند مستوى دلالة ۲۰۰۱ ، ويتطلب هذا إجراء المقارنات المتعددة بين المتوسطات ، أما النفاعل فينطلب حساب ، متوسطات الخلايا والمجوعات ورسم شكل بياسى قبل تفسير النتائج ، ولا نستطيع تفسير الفروق بين المستويات الاقتصادية بدون التفاعل ، وسوف نجرى المقارنات المتعددة فى هذا المثال باستخدام طريقة توكى

ثم نقارن هذا المدى (١٠٨٦) مع الفروق بين مــــوسطات المســــويات الاقتصادية المرتبة تصاعدياً كما بالجدول ،

جدول (۱۰ - ۸) فروق المتوسطات ومدى توكى

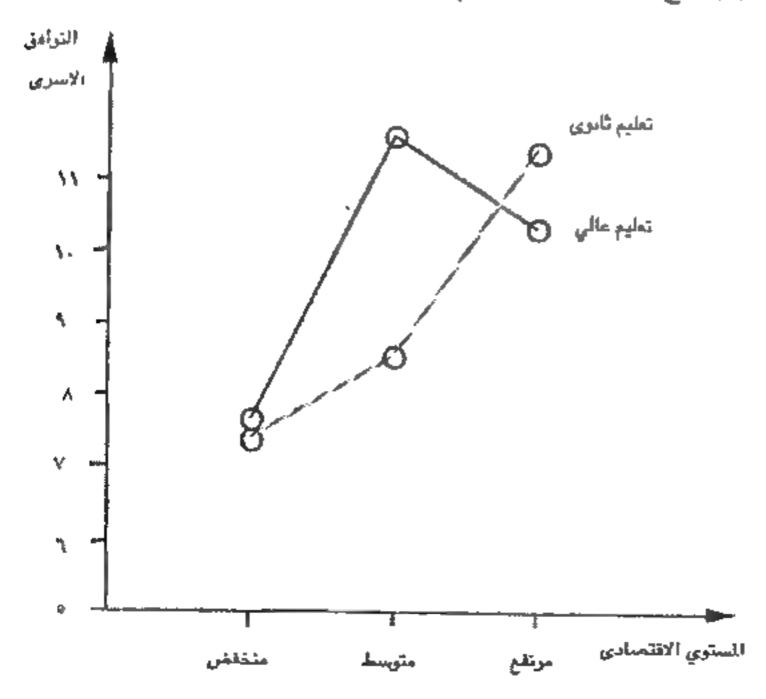
مدي توكي	المتوسط	المرتفع	المنخفض	متوسط المستوى
۱,۸٦	7,00	٣, ٤٢		المنخفض (٧,٤٥)
	۰,۱۳			المرتفع (۱۰٫۸۷)
				المترسط (۱۱)

ويتضح من الجدول (١٠ - ٨) وجود فروق دالة بين المستوى الاقتصادى المنخفض وكلا من المستويين المنوسط والمرتفع في التوافق الاسرى عند مستوى ٥٠٠٠ بينما لا يوجد فرق دال بين المستويين المتوسط والمرتفع .

ثم نحسب متوسطات الخلايا وهي : جدول (١٠ – ٩) متوسطات الخلايا

منخفض	متوسط	مرتفع	التعليم
٧,٣٣	11,70	14,28	عالى
٧,٦	۸,٦٧	11,70	ئانوي ا

وتوضيح النفاعل يتطلب رسم بياني امترسطات الخلايا (شكل ١٠ ٤)



شكل (١٠ -- ٤) تفاعل نوع التعليم مع المستوى الاقتصادى

ويتضح من الشكل (١٠ – ٤) أن التفاعل نتج من زيادة متوسط مجموعة المستوى الاقتصادي المتوسط من ذوي التعليم العالى عن ذوي التعليم المتوسط .

بينما لا توجد فروق دالة بين نوعى التعليم في حالة المستوى الاقتصادي المرتفع أو المنخفض .

ولوضع الفروق الناتجة عن المقارنات المتعددة للمتوسطات مع التفاعل. الموضح بالشكل (١٠ - ٤) فاننا نستنتج أن :

ذوى المستوى الاقتصادى المرتفع والمتوسط أعلى من ذوى المستوى الاقتصادى المنخفض فى التوافق الاسرى كما أن ذوى التطيم العالى والمستوى الاقتصادى المتوسط أفضل من ذوى التعليم الثانوى والمستوى الاقتصادى المتوسط . كما نستطيع استنتاج أن : مجموعتى المستوى الاقتصادى المرتفع (ذوى التعليم العالى والثانى) ومجموعة المستوى الاقتصادى المتوسط والتعليم العالى أعلى من مجموعتى المستوى الاقتصادى المتوسط والتعليم العالى أعلى من الاقتصادى المتوسط والتعليم العالى أعلى من الاقتصادى المتوسط (تعليم عالى وثانوى) والمستوى الاقتصادى المتوسط (تعليم عالى وثانوى) والمستوى

أما حجم التأثير لكل من المستوى الاقتصادى والتفاعل فيتم حسابه كما يلى:

مربع أوميجا للمستوى الاقتصادى -

مجه مربعات المستوى الاقتصادى - (ك با متوسط مربعات الخطأ

مجد المربعات الكلى + متوسط مربعات الخطأ

حيث كر هي عدد المستريات الاقتصادية

وتعنى أن ٣٢.٨ ٪ من تباين التوافق الاسرى يرجع الى المستوى الاقتصادى ، وهي تدل على حجم تأثير مرتفع.

مربع أوميجا للتفاعل -

مج مربعات النفاعل - (اله ١٠٠) (اله ١٠٠) متوسط مربعات الخطأ مجد المربعات الكلي + متوسط مربعات الخطأ

حيث كم عدد مستويات نوع التعليم ، لئم عدد المستويات الاقتصادية

$$\frac{T,\xi T \times (1-T)(1-T)-T0,TY}{\tau,\xi T+Y \cdot \Lambda, \tilde{\tau}T} = \frac{1}{T,\xi T+Y \cdot \Lambda, \tilde{\tau}T}$$

وتعنى أن ٨٨٪ من تباين التوافق الاسرى يرجع لتفاعل المستوى الاقتصادى مع نوع التعليم ، وهي تدل على حجم تأثير متوسط ،

ويمكن جمع حجم التأثير لكل متغير مستقل والتفاعل معا لحساب حجم التأثير الكلى في الدراسة .

عليل التباين الثلاثي والعاملي

ويستخدم تحليل التباين الثلاثي Three - Way Anova في حالة وجود تلاتة متغيرات مستقلة بكل منها مستريين (أو مجموعتين) على الاقل ، ومتغير بابع . ويكون الاهتمام بدراسة أثر كل متغير مستقل على المتغير التابع ، وكذلك دراسة التفاعلات بين المتغيرات المستقلة وأثرها على المتغير التابع .

ويوجد في تحليل التباين الثلاثي نوعان من النفاعل: تفاعل ثنائي بين كل زوج من الستخيرات المستقلة وعددها تلاثة تفاعللات ، وتفاعل ثلاثي بين المتغيرات المستقلة الثلاثة .

وينقسم التباين الكلى للمنغير التابع الى ثمانية أقسام هى:

١ - تباين يرجع الى كل متغير
 من المتغيرات المستقلة أ ، ب،
 جـ

٢ - تباین برجع الی النفاعلات الفنائیة رهی ثلاثة أب، ب جه ، أج.

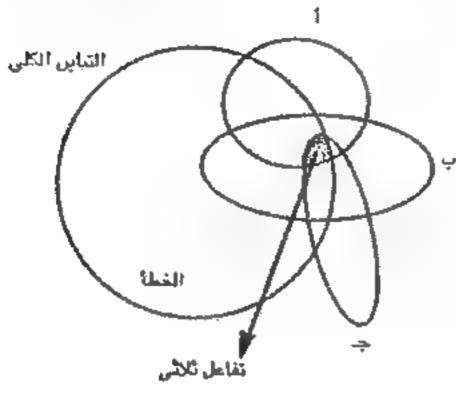
٣ - تباين يرجع الى التفاعل الثلاثي أب ج

٤ - تباين الخطأ

ويتم اجراء تحليل التباين الثلاثي للتوصل الى أثر كل قسم من الاقسام السبعة الأولى على المتغير التابع .

والافتراضات الاساسية في تحليل التباين الثلاثي هي نفس افتراضات تحليل التباين الاحادي والثنائي .

ومعنى التعاعل الثنائي هو نفس المعنى الموضح في تحليل التباين الثنائي ، أما التفاعل الثلاثي فيقصد به اختلاف العلاقات بين مستويات المتغيرين المستقلين باختلاف مستويات المتغيرين المستقلين باختلاف مستويات المتغير المستقل الثالث، ويوضح التفاعل الثلاثي مدى تغير التفاعل الثلاثي مدى تغير التفاعل الثالث.



شکل (۱ - ٥)

ومن الصعب تفسير التفاعل الثلاثي اذا كان دالا ، ولذلك في حالة دلالة النفاعل الثلاثي فان تفسيره يتم من خلال التفاعلات الثنائية ، أو تفاعل متغيرين مستقلين عند كل مستوى من مستريات المتغير المستقل الثالث.

أما تحليل التباين العاملي Factorial Anova فيقصد به تحليل التباين في حالة وجود اكثر من ثلاثة متغيرات مستقلة ومتغير تابع .

وقد يصنف البعض تحليل التباين الثلاثي بأنه تحليل تباين عاملي ، ولكننا نود التفرقة بينهما لسبب آخر هو أنه يمكننا اجراء تحليل تباين ثلاثي وتفسير نتائجه ، أما تحليل التباين العاملي لأكثر من ثلاثة متغيرات مستقلة فمن المستحيل تفسير التفاعل الرباعي إن وجد وعليه فاننا نوصى بعدم إجراء التحليل العاملي ، ونتوقف في أي دراسة عند تحليل التباين الثلاثي ، وإذا كانت الدراسة نتضمن المعديد من المتغيرات المستقلة فيمكن استخدام أسلوب إحصائي آخر مثل الانحدار المتعدد أو تحليل التمايز ، حيث أن تحليل التباين العاملي سوف يستبعد تفسير التفاعلات الاعلى من التفاعل الثلاثي ، وهذا يعد خطأ كبيرا ، وتوجد دراسات تستخدم أربعة متغيرات مستقلة (أو اكثر) في تحليل تباين رياعي (أو اكثر) ولاتسجل التفاعلات الثلاثية والرياعية (أو الاعلى منها) ويعد هذا إغفالا لنتائج هامة في الدراسة ، وعليه فاننا نرى بالاكتفاء باستخدام ثلاثة متغيرا ت مستقلة هامة في الدراسة ، وعليه فاننا نرى بالاكتفاء باستخدام ثلاثة متغيرا ت مستقلة كحد أقصى في البحوث التي تستخدم أسلوب تحليل التباين .

خطوات غليل التباين الثلاثي:

إذا كان لدينا ثلاثة متتغيرات مستقلة (أ، ب، ج.) ومتغير نابع فاننا سنخدم تحليل النباين الثلاثي وخطوات إجراء هذا التحليل متشابهة مع خطوات تحليل التباين الثنائي إلا أنها اكثر تعقيدا ولذلك سوف نوجز خطوات التحليل ونجمعها بطريقة أخرى حتى يسهل فهمها والخطوات هى:

- ١ تجميع درحات مجموعات كل متغير مستقل ، ودرجات الخلايا الثنائية (أ
 ب، ب چـ ، أ جـ) والخلايا الثلاثية أ ب جـ ،
 - ٢ -- حساب مجموع الدرجات الكلية (مجه س) ومجموع مربعاتها (مجه س)
- ٣ حساب مجموع المربعات الكلى ومجموع مربعات كل متغير مستقل على حده ،
- ٤ حساب مجموع مريعات الخلايا الثنائية أب ، ب ج ، أج لاستخدامها في
 الترصل إلى مجموع مريعات النفاعلات الثنائية أب ، ب ج ، أ ج . .
- محساب مجموع مربعات الخلابا الثلاثية أب جا واستخدامها في حساب
 مجموع مربعات التفاعل الثلاثي ومجموع مربعات الخطأ
 - ٣ تسجيل مجموع المربعات الكلي ومكوناته الثمانية في جدول تحليل التباين .
- حديد درجات الحرية لكل قسم من مجموع المربعات ، ثم حساب متوسط
 المربعات المتغيرات المستقلة والتفاعلات ، وإيجاد قيم ف لكل منها .
 - ٨ مقارنة قيم ف المحسوية بالقيم الجدولية .
- ٩ إذا وجد أثر أساسى Mam effect دال لأحد المتغيرات المستقلة أو جميعها فاننا نستخدم إحدى طرق المقارنات المتعددة للمتوسطات في حالة وجود اكثر من مجموعتين . أما إذا كان للمتغير المستقل مستويين (أ و مجموعتين) فيكون الغرق الدال لصالح المتوسط الأعلى.
- اذا رجد تفاعل ثلاثي دال ، فاننا نستخدم التفاعلات الثنائية في تفسير
 التفاعل الثلاثي ، أو تفاعل متغيرين عند كل مستوى من مستويات المتغير
 المتغير الثالث،

مثال (٣): أجريت دراسة لبحث الرضا الوظيفى لثلاث مجموعات من الاخصائيين الاجتماعيين من ذوى مستويات الخبرة المختلفة (أقل من صنوات، من أقل من ١٠، ١٠ سنوات فأكثر) من الجنسين بعد تعرضهم لبرنامج تدريبى ومقارنتهم مع ثلاث مجموعات مشابهة لهم ولم يتم تدريبهم .

جدول (۱۰ - ۹) درجات الرضا الوظيفي لعدة مجموعات من الاخصائيين الاجتماعيين

لويلة	متوسطة خبرة ط		خبرة مد	قارلة	خبرة	
اناث	ذكور	اناث	ذكور	اناث	ذكور	
٧	٧	٥	٦	٤	0	مجبرعة
٥	٥	٧	٧	٦	٧	التدريب
٥	٨	٦	٧	٧	٦	
٧	٥	٩	٦	0	٧	
٨	٧	٧	0	٦	٦	
£	٤	٥	£	٤	٤	مجموعة
٦	٦	٧	٦	٤	٥	لم تندرب
٤	٧	٦	٥	٣	٥	
٧	*	٥	٧	٥	٣	
٥	٥	"[٧	٣	٣	

ويوجد في هذه الدراسة ثلاثة متغيرات مستقلة هي التدريب أو عدم الندريب، والنوع (ذكور ، إذات) ، والخبرة (قليلة ، متوسطة ، مرتفعة) ، والمتغير التابع هو الرضا الوظيفي ، وبذلك يكون أسلوب تحليل البيانات هو تحليل النباين الثلاثي (٢ × ٢ × ٣) حيث تدل الاعداد دلخل القوس على مستويات كل متغير من المتغيرات المستقلة ، ومن الواضح أن المجموعات داخل الخلايا متساوية (وهذا ليس شرطاً فقد تكون الأعداد مختلفة) ولاجراء تحليل النباين الثلاثي بانباع الخطوات السابق ذكرها ، فائنا نقوم باجراء الخطوتين الاولى والثانية

بتحميع درجات الخلايا ، ودرجات كل مستوى من مستويات المتغيرات المستقلة ، والمجموع الكلى للدرجات ومجموع مربعاتها ونضع كل ذلك في الجدول (١٠ - ١٠) التالى :

جدول (۱۰ – ۱۰) بيانات أولية لتحليل التباين الثلاثي

المجموع الكلي	موع	المج	ملويلة	خبرة	ترسطة	خبرة ٥	عليلة	خبرة		
الجنسين معا	ū	ذ	ت	à	ت	â	ಎ	à		•
Y+ 1AA	10	10	۲۲	**	0 T£	P T1	o YA	0	ن مجہ س	تدريب
r, 101	10 V£	10	٥	٥	o 44	9	11	٥	ن مجس	لاتدريب
1. 444	۳۰ ۱٦۸	۲۰ ۱۷۱	1. 0.k	1.	1.	1.	۱۰ ٤٧	1.	ن مجـس	المجموع
			11	- 1	11	i i	۲.		ن مجهس	المجموع الكلى المحسين

لاحظ أن حسابات تعليل التباين الثلاثي معقدة ومطولة ويفصل استخدام الحاسوب في اجراء هذا النوع من التحليل ، ومن يرغب في الاجراء باستخدام الألة الحاسبة فاننا نوضح فيما يلى الخطوات من ٣ وحتى ٩ :

$$\frac{(مجس)}{(ب)} - \frac{(مجس)}{()} + \frac{(مجس)}{()} + \frac{(مجس)}{()}$$

حيث (ن، ، مجس،) لمجموع الذكور ، (ن، ، مجس،) لمجموع الانات

*, 10 = 1910, TO - 98+, A + 975, Y=

$$\frac{(4-1)^{3}}{(4-1)^{3}} = \frac{(4-1)^{3}}{(4-1)^{3}} + \frac{(4-1)^{3}}{(4-1)^{3}} = \frac{(4-1)^{3}}{(4-1)^{3}}$$

حيث (ن، مجس،) لمجموعات التدريب، (ن، مجس،) للمجموعات التدريب التدريب المجموعات التي لم تتدرب

$$\frac{v(\pi\pi\eta)}{\tau_{*}} = \frac{v(1\pi\eta)}{\tau_{*}} + \frac{v(1\pi\eta)}{\tau_{*}} = \frac{v(1\pi\eta)}{\tau_{*}}$$

17,41 - 1910,50 - YT+,+F+ 1174,15-

(د) مجموع مربعات الخبرة =

حيث (ن، مجس) لمجموعة الخبرة القليلة ، (ن، مجسس) للخبرة المتوسطة ، (ن، مجسس) للخبرة الطويلة

$$\frac{\tau(177)}{4} + \frac{\tau(117)}{4} + \frac{\tau(117)}{4} + \frac{\tau(117)}{4}$$
 مجموع مربعات الخبرة = $\frac{\tau}{4} + \frac{\tau(44)}{4} + \frac{\tau(44)}{4}$

1910, 40 - 797 4 + 407, 50 + 54+, 4-

14,0-

YT. 17 - 1910, TO - TTO, . Y + TTO, YY + OAQ . Y + OAQ . Y -

مجموع مريعات التفاعل (النوع × التدريب)

- مجموع مربعات خلايا (النوع × التدريب)

- مج مربعات النوع - مج مربعات الندريب

(ب) مجموع مريعات الخلايا (النوع ×الخبرة) =

$$\frac{(a - w_1)^2}{(a - w_1)^2} + \frac{(a - w_1)^2}{(a - w_1)^2} + \frac{(a - w_1)^2}{(a - w_1)^2} + \frac{(a - w_1)^2}{(a - w_1)^2}$$

$$\frac{Y_{(n,n)}}{\dot{v}_{(n,n)}} + \frac{Y_{(n,n)}}{\dot{v}_{(n,n)}} + \frac{Y_{(n,n)}}{\dot{v}_{(n,n)}} + \frac{Y_{(n,n)}}{\dot{v}_{(n,n)}}$$

$$\frac{(a - \omega_1)^2}{(a - \omega_1)^2} + \frac{(a - \omega_2)^2}{(a - \omega_2)^2} + \frac{(a - \omega_1)^2}{(a - \omega_1)^2}$$

مجموع مربعات تفاعل (التدريب × الخبرة)

(د) مجمرع مربعات الخلايا الثلاثية (النوع × التدريب × الخبرة = 1 مجمرع مربعات الخلايا الثلاثية (النوع × التدريب × الخبرة

$$\frac{V_{(N^{2})}}{V_{(N^{2})}} = \frac{V_{(N^{2})}}{V_{(N^{2})}} + \frac{V_{(N^{2})}}{V_{(N^{2})}} + \frac{V_{(N^{2})}}{V_{(N^{2})}} = \frac{V_{(N^{2})}}{V_{(N^{2})}} + \frac{V_{(N^{2})}}{V_{(N^{2})}} = \frac{V_$$

مجموع مربعات النفاعل الثلاثي = مجموع مربعات الخلايا الثلاثية - مجموع مربعات النوع- مجموع مربعات الخبرة - مجموع مربعات النوع- مجموع مربعات النبائية

إهر) مجموع مريعات الخطأ = مجد المربعات الكلى -- مجد مربعات الخلايا
 الثلاثية

وبعد ذلك نضع مجموع المربعات الكلى وأقسامه الثمانية في جدول تحليل التباين الثلاثي:

جدول (۱۰ – ۱۱) تحليل التباين الثلاثي (النوع × التدريب × الخبرة) لدرجات الرضا الوظيفي

مستوى الدلالة	Ü	متوسط المربعات ا	درجات الحرية	مجموع المربعات	مصدر التباين
غيردال	٠, ١٢	1,10	١	٠,١٥	النوع
دال عند ۲۰۰۱،	14,00	44,41	١	44,41	التدريب
دال عند ۰٫۰۰۱	3,77	A, V0	۲	17,0	الخبرة
					التفاعلات
					i
غير دال	1,18	1,17	1	*,17	النوع × التدريب
غيردال	٠,٥٠	4,70	۲	1,50	النوع × الخبرة
غير دال	1, 74	7,44	٣	٤,٦٤	التدريب × الخبرة
غير دال	1,77	٠,٣٤	۲	٠,٦٨	التفاعل الثلاثي
		1,50	£٨	٦٢, ٤٠	الخطأ
			٥٩	1-1,70	الكلي

وبمقارنة قيم ف المحسوبة بالقيم الجدولية يتضح أنه يوجد فرق دال عند مستوى ١٠٠، بين مجموعتى التدريب وعدم التدريب ، كما توجد فروق دالة عند مستوى ١٠٠، بين مجموعات الخبرة ، ولايوجد تفاعل دال وهذا يسهل مهمة تفسير الفروق التى توصل اليهاالتحايل ،

ولمعرفة أي مجموعات الخبرة أفضل في الرضا الوظيفي نجرى مقارنات متعددة بين المتوسطات باستخدام إحدى الطرق السابق الاشارة اليها.

أما حجم التأثير لنتائج الدراسة فيتم حساب مريع أوميجا .

..... نجايل التباين الثنائي والثلاثي والعاملي

مربع أرميجا للتدريب =

مج مربعات التدريب - (ك منوسط مربعات الخطأ

مجه المربعات الكلي + متوسط مربعات الخطأ

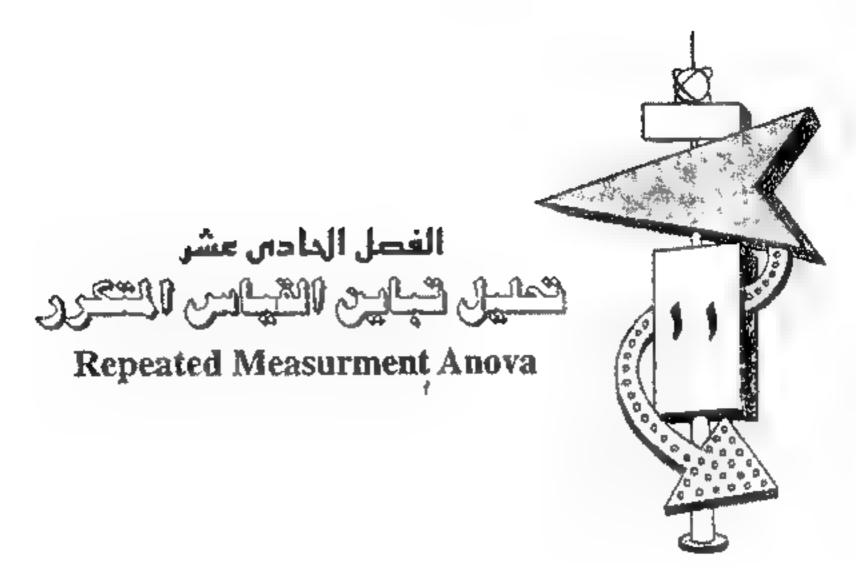
$$1.192 = \frac{1.7 \times (1 - 1) - 11.11}{1.71 + 1.9.70}$$

وتعنى أن ١٩,٤ ٪ من تباين الرضا الوظيفي يرجع إلى البرنامج التدريبي وكدلك مربع أوميجا للخبرة -

مج مربعات الخبرة - (كر - 1) متوسط مربعات الخطأ

مجد المربعات الكلي + مترسط مربعات الخطأ

وتعلى أن ١٤,٦ ٪ من تباين الرضا الوظيفي يرجع إلى مستوى الخبرة الوظيفية.





الفصل الدادي عشر تحليل تباين القياس المتكرر

عند اجراء دراسات تجربيبة كثيراً ما نرغب في قياس سلوك الافراد عدة مرات متنالية تحت شروط تجربيبة مختلفة ، فقياس درجات مجموعة من الأفراد قبل الالتحاق ببرنامج تدريبي وبعد الانتهاء من البرنامج ثم متابعة القياس بعد فترة معينة من نهاية البرنامج يعد قياسا متكرراً (لمتغير تابع واحد) لمجموعة واحدة ، أما القياس القبلي والبعدي فقط فلا يعد قياساً متكرراً ونستخدم في تحايل بياناته إختبار (ت) للمجموعة الواحدة السابق الاشارة إليها.

وتوجد تصميمات تجريبية للقياس المتكرر أكثر تعقيداً ، (لا أن استخدام الحاسوب يسهل تحليل بيانات هذه التصميمات المعقدة .

وتصميمات القياس المتكرر هامة جدا في الدراسات التجريبية في العلوم الإنسانية عامة وفي العلوم النفسية والتربوية بصفة خاصة . فكثيرا ما يرغب الباحث في معرفة مدى التحسن باستخدام طريقة علاجية معينة خلال فترة تطبيقها وبعد الانتهاء منها ، أو معرفة فعالية برنامج في تعديل الانجاهات ومدى ثبات هذه الانجاهات بعد فترة معينة من انتهاء البرنامج ، أو معرفة فعائية طريقة للتدريس ومدى ثبات المعلومات بعد انتهاء التدريس. وفي مثل هذه التصميمات تكون الفروق الكبيرة بين خبرات الافراد سببا في اختلاف استجاباتهم لنفس المعالجة التجريبية مما يزدي إلى التشنت الكبير في الدرجات ، وفي كثير من المالات ، يرجع معظم هذا التشنت الى فروق بين الافراد قبل اجراء التجريبة فانا المالات ، يرجع معظم هذا التشنت الى فروق بين الافراد قبل اجراء التجريبة فانا إستطعنا عزل هذا الجزء من التباين من آثار المعالجات ومن الخطأ التجريبي فان

وأحد أهداف هذه التجارب التي نلاحظ فيها الفرد تحت شروط تجريبية مختلفة هو ضبط الفروق بين الافراد ، وفي مثل هذه التجرية نقيس تأثير المعالجة على الفرد بنسبة متوسط إستجابته في كل المعالجات (قبل ، وبعد ، ومتابعة مثلا) . ويكون كل فرد مقارنا بنفسه (عن طريق المتوسط) وبذلك نعزل الغروق

بين الأفراد عن الخطأ التجريبي .

ويقصد بالقياس المتكرر إعادة قياس نفس المتغير على نفس الأفراد عدة مرات متنالية . وهنا تظل خصائص كل فرد ثابتة أثناء تكرار القياس ، ونكون العلاقة بين القياسات المتكررة علاقة موجبة . وعليه فان القياسات المتكررة ليست مستقلة عن بعضها البعض، وهذا يختلف عن المجموعات المستقلة في تحليل النباين . وقد تستخدم بعض تصميمات القياس المتكرر عدة مجموعات مستقلة ، ولكن تكرار قياس المتغير التابع لجميع أفراد المجموعات يظل مستخدما في هذه التصميمات البحثية ،

وتوجد عدة تصميمات تجريبية للقياس المتكرر ،أحدها يسمى تصميم المجموعة الواحدة واجراء القياس عدة مرات متنالية والتصعيم الثاني يستخدم عدة سجموعات (مجموعتين أو أكثر) مع القياس المتكرر، والذي يعرف عادة باسم تصميم المجموعة الضابطة ، وهو يتضمن متغير مستقل واحد (المجموعات) مع القياس المتكرر . أما التصميم الثالث فهو الذي يتضمن متغيرين مستقلين مع القياس المتكرر . كما توجد تصميمات أخرى اكثر تعقيدا والتي تستخدم اكثر من متغيرين مستقلين في النصميم .

ومن مميزات تصميمات القياس المتكرر، أن الارتباط بين القياسات المتتالية يقلل تباين الخطأ كما أن استخدام نفس الافراد في التجرية لفترات متتالية يعد توفيرا للرقت والجهد عن استخدام أفراد آخرين في كل فترة (أومعالجة). إضافة الى أن كثير من المشكلات البحثية تتطلب استخدام تصميمات أنقياس المتكرر.

أما عبوب تصميمات القياس المتكرر فتبدو في أن الشريط التجريبية السابقة قد تؤثر على القياس التالى لها ، إضافة الى عوامل التعب والخبرة والملل أو أي ظروف آخرى قد تؤثر على التتاتج ، ويستطيع الباحث أن يقرر إذا كانت مثل هذه العوامل أو الظروف قد تؤثر على النتائج ، والمشكلة الآخرى المدصلة بهذه العوامل أو الظروف قد تؤثر على النتائج ، والمشكلة الآخرى المدصلة بهذه التصميمات هي الافتراضات المرتبطة بتحليل البيانات , Ferguson & Takane)

ولا تختلف افتراضات تحليل تباين القياس المتكرر عن افتراضات تحليل التباين السابق ذكرها سوى في تكرار قياس المتغير التابع. والافتراضات هذا هي: الاعتدالية، والتجانس، والاستقلالية في جمع بيانات الافراد المختلفين، كما تفترض تجانس تغاير درجات القياس المتكرر (Ferguson & Takane, 1989: 363)

وإذا إفتراضنا تساوى تباينات المجموعات وتغاير Covariance درجات القياس المتكرر فان مصغوفة التباين / التغاير تكون متساوية ، وبالتالى تتساوى معاملات الارتباط في العصغوفة ويدل هذا على تماثل المصغوفة . فاذا كان ذلك صحيحا فيمكن استخدام اختبار (ت) في تعليل تباين القياس المتكرر ، كما أن الحيد القليل (غير الدال) عن التجانس لا يعوق استخدام إختبار (ف) عن التجانس لا يعوق استخدام إختبار (ف) عن التجانس لا يعوق استخدام إختبار (ف) & Takane,1989 : 364)

ويمكن اجراء اختبار بسيط وسريع لشرط التجانس باستخدام طريقة هارتلى

حيث يكون التباين الاكبر والتباين الاصغر من تباينات درجات كل مجموعة من مجموعة من مجموعات الأقراد ولكل فترة من فترأت القياس - وتقارن قيمة ف max بالقيمة الجدولية عند مستوى ٥٠٠٠ من جداول : 1991 . Winer et al., 1991) F- max

واذاك إقتراح جيسر وجرينهوس (364) واذاك إقتراح جيسر وجرينهوس (364) والقيمة الجدولية باستحدام Gisser & Greenhouse أنه يمكن مقارنة قيمة (ف) بالقيمة الجدولية باستحدام درجات حرية (1, 0) فإذا كانت قيمة (ف) دالة ، فإننا نصل إلى قرار محدد لأن ف الجدولية المستخدمة هذا اكثر تحفظا ، أما إذا كانت غير دالة فإننا نقارن القيمة المحسوبة بالقيمة الجدولية عند درجات حرية [(0) ، (0) ، (0) ، (0) أفإذا كانت غير دالة ، فإننا نصل إلى قرار محدد لأن ف الجدولية في الحالة الثانية اكثر تحرراً. أماإذا لم تكن دالة فإننا في حاجة إلى حساب قيمة (0) ع حتى نحدد درجات الحرية المناسبة لتوزيع ف وهي (0) ع ، (0) ع ، (0) ع ، (0) ع ، (0) ع ، (0) ع ، (0) ع ، (0) ع ، (0) ع ، (0)

أولا ؛ خَليل بيانات القياس المتكرر لجموعة واحدة ؛

عند اجراء دراسة على مجموعة واحدة وقياس المتغير التابع عدة مرات ، مثل اجراء دراسة تجريبية مع القياس القبلى والبعدى وقياس متابعة بعد فترة زمنية من انتهاء النجرية ، فان تحليل البيانات هو نوع من تحليل التباين الاحادى حيث تعد فترات القياس متغيرا مستقلا ،

ولكن النموذج المستخدم هنا مختلط حيث يتم اختيار الافراد عشوائيا بيدما فترات القياس محددة -

وينقسم تباين المتغير التابع هنا الى عدة أقسام هي : تباين بين الافراد ، وتباين بين الافراد ، وتباين الخطأ .

مثال(۱): أجرى باحث تجربة بنطبيق طريقة جديدة للعلاج النفسى على مجموعة من المرضى ، وقام بقياس السلوك التوافقي قبل العلاج وبعد فترة العلاج ثم بعد سنة أشهر من العلاج ، ويرغب في معرفة مدى فعائية الطريقة في العلاج وكانت البيانات كما بالجدول (١١):

جدول (١١-١) بيانات السلوك التوافقي لمجموعة من المرضى في فترات مختلفة

المجموع	متابعة	بعد العلاج	قبل العلاج	الافراد
1٧	***	٧	٤	Y
۱۸	٧	٨	٣	۲
17	٦	٧	٣	٣
14	٥	٦	١	£
۱۲	٥	٥	۲	٥
٩	٤	0	صفر	٩
١٤	٧,	٦	۲	٧
١٢	٥	٦	١	٨
11.	£ £	0•	17	المجموع

والإجراء تحليل هذه البيانات نتيع الخطوات التالية :

- ١ نحسب مجموع درجات كل فرد وكل فترة كما بالجدول والمجموع الكلى (مجـ
 س) ، ثم نحسب مجموع مربعات الدرجات (مجـ س) ،
 - ۲ -- نحسب مجموع المربعات الكلى = مجه س ۲ _ (مجه س) في
 - ٣ نحسب مجموع مربعات الافراد .
 - ٤ نحسب مجموع مريعات الفترات
 - ٥ مجموع مربعات الخطأ
- = مجموع المربعات الكلي مجموع الافراد مجموع مربعات الفترات
- تضع البيانات في جدول تحليل تباين القياس المتكرر الاحادى . ثم ندون درجات الحرية ونحسب متوسط مربعات الفطأ (متوسط مربعات الخطأ (متوسط مربعات الافراد ليست موضع اختبار لأننا نسلم باختلاف الافراد) .

٧ - نسحب قيمة ف الفترات ثم نقارنها بقيمة ف الجدولية ، وفي حالة كونها دالة ، نجرى المقارنات المتعددة بين متوسطات الفترات باحدى طرق المقارنات المتعددة بين متوسطات الفترات باحدى طرق المقارنات المتعددة للستوسطات السابق توضيحها .

وتعد فترات قياس السلوك التكيفي (قبل ، وبعد ، ومتابعة) بمثابة المتغير المستقل ومن ثم فان التحليل هذا يشبه تحليل التباين الاحادي .

١ - من المثال مجه س الكلي = ١١٠ ،

سم الكلية (عدد الدرجات) سعدد الافراد × عدد الفترات

۸× ک = ۸× ۳ = ۲۶ ، مجد س لجميع الدرجات = ۲۱۲

$$\frac{Y}{v} = \frac{(n - w)}{v} - \frac{Y}{v}$$
 $\frac{Y}{v} = \frac{(n - w)}{v} - \frac{Y}{v}$
 $\frac{Y}{v} = \frac{(n - w)}{v} - \frac{Y}{v}$

) • Y, AT =

بدرجات حرية (ن-۱) = ١٤ - ١ = ٢٢

٣ - مجموع مريعات الافراد =

وحيث أن جميع الافراد الثمانية لهم درجات في القياسات الثلاثة ، فيكون المقام متسارى (ك - ٣) -

- 770 - 77,300

1, A=

بدرجات حرية = عدد الأفراد -١ = ١-١ = ٧

٤ -- مجموع مربعات الفترات =

حيث ٨ هي عدد الأفراد ، ن - ١٨ ك

$$\frac{Y_{(11)}}{\Lambda} = \frac{Y_{(11)}}{\Lambda} + \frac{Y_{(11)}}{\Lambda} + \frac{Y_{(11)}}{\Lambda}$$

مجموع مربعات الخطأ - مجموع المربعات الكلى - مجموع مربعات الافراد
 مجموع مربعات الفترات

$$\lambda Y, YY - Y Y, \lambda Y - Y \cdot Y, \lambda Y =$$

۲, ۱۷ -

ثم نضع مجموع المربعات الكلى وأقسامه الثلاثة ودرجات الحرية في جدول (١١-٢) .

جدول (۲۰ - ۲۰) تحليل تباين القياس المتكرر الاحادى لدرجات السلوك التكيفي

مستوى الدلالة	ن	متوسط المربعات	د، ح	مجموع المريعات	مصدر التبای <i>ن</i>
		4,14	٧	۲۱,۸۴	الأفراد
دالة عند ٠,٠٠١	104,11	٤١,١٦٥	Y	AY, TT	الفترات
		٠,٢٦٢	12	۲, ٦٧	الخطأ
			44	1.4,44	الكلى

وبمقارنة قيمة ف للفترات (١٥٧, ١٢) بقيمة ف الجدولية نجد أنها دالة عند مستوى ١٠٠، أو أقل ويعنى هذا وجو فروق دالة عند مستوى ٢٠٠، بين منوسطات درجات المينة في السلوك التكيفي في الفترات الثلاث ، ولمعرفة أي المتوسطات أعلى فائنا نجرى اختبار للمقارنات المتعددة للمتوسطات الثلاثة (٢ ، المتوسطات الثلاثة (٢ ، ٥٥٥) بطريقة توكى أو شفيه ،

$$\frac{Y \times \cdot, YYY \times Y, Y \in X (1-Y)}{A} = (\cdot, \cdot \circ \text{ sic }) \text{ with } (300)$$

وبمقارنة مدى شفيه (°, ۷) بفروق المتوسطات نجد فروقًا دالة بين المتوسطات المثلثة بمعنى أن القياس القبلى أقل من البعدى والمتابعة والقياس البعدى أعلى من المتابعة .

وعليه نستنج أن متوسطى القباس البعدى والمتابعة أعلى من متوسط القياس الفبلى مما يدل على فاعلية طريقة العلاج في تحسن السلوك التكيفي . كما أن متوسط القياس البعدى أعلى من متوسط قياس المتابعة مما يعنى وجود نقص فعلى (دال) في السلوك التكيفي لكنه لا يزال أعلى من القياس القبلى .

وحجم التأثير للفترات (مربع أوميجا) =

مجد مربعات الفترات - (ك - ١) متوسط مربعات الخطأ مجد المربعات الكلى + متوسط مربعات الخطأ

وهى تعنى أن ٧٥,٧ ٪ من تباين السلوك التكيفي يرجع الى فترات القياس وبمعنى آخر فان طريقة العلاج تؤدى الى ٧٥٪ من التباين في السلوك التكيفي ،

مثال (٣) : قد تكون بيانات القياس المتكرر هي درجات ثلاثة أو اكثر من المحكمين على عدد من اللاعبين (أو عدد من البحوث) ويكون الهدف من التحليل هو معرفة مدى إتفاق أو اختلاف المحكمين ، ويعد المحكمون بمثابة فنرات القياس ، فاذا وجدت فروق فانها تعنى عدم إتفاق المحكمين وإذا كانت درحات أربعة محكمين على عشرة بنود لمقياس معين (أو عشرة بحوث) هي :

جدول (۱۱ - ۳) درجات أربعة من المحكمين على عشرة بنود (أو بحوث)

المجموع	المحكم (د)	المحكم (جـ)	المحكم (ب)	المحكم (أ)	البنود
12	٣	۲	0	٤	1
17	٤	٣	٥	£	۲
٩	۲	١	£	۲	4
۱۳	٤	۲	٤	٣	٤
\ \ \	۲	• •	٣	۲	٥
۱۷	٤	٣	٥	٥	٦
10	٤	Y	٥	٤	٧
11	۴	١	٤	٣	٨
١٤	ź	۲	٤	٤	٩
٨	٧	1	٣	4	1.
170	۳۲	١٨	٤٢	۳۳	المجموع

مجس الکلی ۱۲۰ ، مجس^۲ الکلی = ۶۶۹

ن الكلية = ١٠ ، ك - ٤ ، ١٠ - ١٠

مجموع مربعات الخطأ = مجموع المربعات الكلي - مجموع مربعات البنود

YE, 770 = TT+, 770 = E10, Yo =

مج مربعات المحكمين =

مجد مربعات المحكمين = ۲۹۰,۹۲٥ - ۳۹۰,۹۲٥ = ۲۹,٤٧٥

- مجموع مريعات المحكمين

£, YYO =

ثم نصنع مجموع المربعات الكلى ومكوناته الثلاثة في جدول تحليل تباين القياس المتكرر لحساب متوسط المربعات وقيمة ف لكل من البنود والمحكمين .

جدول (۱۱ – ٤) تحليل تباين القياس المتكرر لدرجات المحكمين على بنود المقياس

مستوى الدلالة	ن	متوسط المربعات	د. ح	مجموع المزيعات	مص <i>در</i> التبای <i>ن</i>
دألة عند ٢٠٠١،	17,15	7, V£	٩	72,770	البنود
دالة عند ٢٠٠١	71,88	٩,٨٣	٣	79, <u>í</u> Vo	المحكمون
		٠,١٦	۲۷	1, 440	الخطأ
			49	01,70	الكلي

وتدل نتائج التحليل على وجود فروق دالة عند مستوى ٢٠٠٠ بين البنود ، وقد يكون هذا أمر طبيعى ، إلا أنه فى القياس النفسى يدل على عدم إتساق البنود كما توجد فروق دالة بين المحكمين عند مستوى ٢٠٠٠ بمعنى عدم إتفاق المحكمين ، وينطلب هذا إجراء مقارنات متعددة بين متوسطات درجات المحكمين (بطريقة توكى مثلا) للتعرف على الفروق بينهم ، فاذا كان الآمر مرتبط بتحكيم بنود احتبار ما فعلى الباحث القيام بحل هذه المشكلة والتوصل الى ما يؤدى للاتفاق ، وذلك بتعديل البنود ثم إعادة التحكيم مرة أخرى حتى يحدث إتفاق بين المحكمين .

أما إذا كان الأمر متعلقاً بتحكيم عدة بحوث في مجال معين ، فيمكن التعرف على المحكم المتشدد من المحكم المتساهل في أحكامه .

وكذلك الحال في حالة تحكيم أداء عدد من اللاعببين مثلا ، حيث يمكن التعرف على الفروق بين المحكمين للتوصل إلى ما إذا كان هناك تشدداً أو تساهلا في التحكيم

كما يمكن استخدام نفس الاسلوب في تحليل بيانات بنود إختبار . فاذا طبق اختبار على عينة من الافراد فيمكن إعتبار إجابات الافراد على البنود هي قياس متكرر . وبالتالي فان تحليل مثل هذه البيانات نستطيع منه حساب معامل ثبات الاختبار ، وفيما يلى مثال توضيحي لذلك.

مثال (٣): أجرى إختبار من خمسة بنود على عشرة أفراد ولكل بند درجة واحدة وكانت الاجابات كما بالجدول (١١ - ٥) والمطلوب تعليل البيانات وحساب معامل ثبات الاختبار.

جدول (١١ - ٥) الاجابات من خمسة بنود

	المجموع			ــــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	البذ		1.50
		٥	٤	٣	۲	١	الأفراد
İ	٥	1	,	1	1	١	١
	٤	1	1		١	1	٧
	£		١	١,	1	,	٣
	٣	١,		١	1		٤
l	٣	•	,	1	1	١	٥
ı	۳	•)	١		١	٦
l	۲				١	1	v
ļ	۲		١		1		٨
	۲	•]	•	١,	,	1	4
	١		•	•	•	١	1.
	44	٣	٥	٦	٧	٨	

مجموع الدرجات الكلى (مجه س) ~ 49 مجموع مربعات الدرجات (مجه س 7) ~ 79

$$\frac{(1)}{\alpha} + \frac{(1) + \dots + (1)}{(1) + \dots + (1)} + \frac{(1)}{(1)} = \frac{(1)}{\alpha}$$

$$1, £ A = 1 \, 7, A \, Y - 1 \, A, Y =$$
 $A, 1 \, Y = 1, £ A - Y, 0 A - 1 \, Y, 1 A = ألفطأ = 1, £ A - Y, 0 A - 1 \, Y, 0 A -$

جدول (۱۱ - ۱) تحلیل بیانات اجابات الافراد علی خمسة بدود

و	منوسط المربعات	د. ح	مجموع المربعات	مصدر التباین
1, YY	٠, ۲۸۲	٩	۲, ٥٨	بين الأفراد
1,78	۰٫۳۷	٤	١, ٤٨	بين البنود
	٠, ۲۲٦	4.4	۸,۱۲	الخطأ
		£9	17,14	الكلى

معامل ثبات البند = متوسط مربعات الافراد - متوسط مربعات الخطأ ك × متوسط مربعات الخطأ

حيث ك هي عدد الينود (Winer et al., 1991 : 1022)

ولكن هذه الطريقة محدودة الاستخدام أولا لصعوبة تطبيقها ، وثانيا أن استخدامها مرتبط بوجود تباين بين الافراد فاذا كانت اجابات ودرجات الافراد متساوية فلا نستطيع التوصل الى معامل الثبات ، وقد يكون معامل الثبات من هذه الطريقة سالبا .

ثَانِيا ؛ خَليل تباين القياس المتكرر لجموعتين أو أكثر ؛

إذا كانت البيانات التي تم جمعها عن مجموعتين أو أكثر وفي عدة قياسات متدالية ،مثل اجراء دراسة تجريبية على مجموعة واستخدام مجموعة أخرى صابطة ، فان تحليل البيانات هنا يشبه تحليل النباين الثنائي باستثناء نقسيم الحطأ الى جرئين . ويكون أحد المتخيرين المستقلين هو المجموعات (تجريبية أو صنابطة) والمتغير الثاني هو فترات القياس (اكثر من فتريتن) .

وإذا كانت فترات القياس فترتين فقط (قبلى وبعدى) المجموعتين (تجريبية وصابطة) فاننا لا نستخدم تحليل تباين القياس المتكرر ، وإنما نجرى مقارنة بين متوسطى المجموعتين (التجريبية والصابطة) في درجات القياس القبلي ، فأذا كانت المجموعتان غير مختلفتين بعطى لم نتوصل الى فرق دال ، فأن الخطوة التالية تكون باجراء مقارنة بين متوسطى المجموعتين في درجات القياس البعدى .أما إذا كانت المجموعتان مختلفتين في درجات القياس القبلي ، فأننا نجرى تحليل تغاير ANCOVA لعزل أثر القياس القبلي من القياس البعدى .

وإذا كانت فترات القياس فترتين (قبلى وبعدى) لعدة مجموعات فانلا نجرى مقارنة بين المجموعات فى القياس القبلى باستخدام تحليل التباين الاحادى، فاذا كانت الفروق بين المجموعات غير دالة ، فاننا نجرى تحليل تباين أحادى بين المجموعات القياس البعدى. أما إذا نتج من تحليل التباين الاحادى لدرجات القياس القبلى وجود فروق دالة بين المجموعات ، فيجب أن نجرى تحليل تغاير لعزل أثر القياس القبلى من القياس البعدى .

ولكن في حالة تعدد فترات القياس (أكثر من فترتين) فأننا نستخدم تحليل تباين القياس المتكرر الموضح هنا.

وينقسم التباين الكلى في تحليل القياس المتكرر لعدة مجموعات الى عدة أقسام هي : تباين المجموعات ، وتباين الفطأ . وتباين الخطأ . وحيث أن النموذج المستخدم هو عشوائي للافراد ، ومحدد للمجموعات ، فان هذا يؤدي الى تقسيم تباين الخطأ الى قسمين : أحدهما خطأ للمجموعات والثاني خطأ للفترات وتفاعل الفترات والمجموعات .

ويتم إتماع الخطوات التالية الجراء تحليل تباين القياس المتكرر الثنائي :

- ١ إيجاد مجموع درجات الافراد (عبر فترات القياس) ، ومجموع درجات المجموعات ، ومجموع درجات الفترات ، والمجموع الكلى للدرجات (مجس) ، ومجموع مربعاتها (مجس) .
 - ٢ حساب مجموع المربعات للدرجات ، ودرجات الحرية (ن- ١) .
 - ٣ حساب مجموع المربعات بين الافراد ، ودرجات الحرية (١٠٠١)
 - ٤ حساب مجموع مربعات المجموعات ، ودرجات الحرية (ك ١-١٠)
- مجموع مربعات خطأ المجموعات مجموع مربعات بين الافراد مجموع
 مربعات المجموعات .
 - ٢ حساب مجموع مربعات الفترات ، درجات الحرية (كر ١)
- ٢ حساب مجموع مربعات الخلايا (المجموعات × الفترات) واستخدامه في
 حساب مجموع مربعات التفاعل (المجموعات × الفترات)
- ٨ حساب مجموع مربعات الخطأ الثاني = مجموع المربعات الكلى مجموع مربعات بين الافراد مجموع مربعات الفترات مجموع مربعات النفاعل
- بنضع البيانات السابقة في جدول تحليل تباين القياس المتكرر ثم نوجد متوسط المربعات لكل قسم منها.
- ١٠ نحسب قيمة (ف) للمجموعات بقسمة متوسط مريعاتها على متوسط مريعات الخطأ الاول ، بينما قيمة (ف) للفترات والتفاعل فنستخدم معهما متوسط مربعات الخطأ الثاني،
- 11 نقارن قيم (ف) المحسوبة بقيم (ف) الجدولية بدرجات المرية المحددة ومستوى الدلالة المطلوب،
- ١٧ إذا وجدت فروق دالة بين المجموعات ، وبين الفترات ، فاننا نجرى إختبال
 للمقارنات المتعدة بين المتوسطات، باحدى طرق المقارنات المتعددة السابق
 توضيحها.

مثال (۳):

طبق برنامج لتعديل سلوك مجموعتين من التلاميذ (فكور وإناث) ذوى النشاط الزائد ، وتم قياس السلوك العدوائي قبل وأثناء تطبيق البرنامج وبعد إنتهائه . وكانت البيانات كما يلي:

جدول (۱۱ - ۷)

تكرار قياس درجات الملوك العدواني لمجموعتين من التلاميذ

وع	المجموع		يحد الد	رنامج	أثناء البرنامج		قبل البرنامج	
	71		٩		١٠		17	ذكور
ĺ	77		3+ .		14		18	
	٤٣.		11		18		17	
	ነ ግዓ		11		1Y		13	
۱۸۷	٣٨	(01)	14	(09)	11	(Y£)	10	
	**		٨		1.		١٤	انات
	**	1	٩		3.		11	
	44		٨		٩	ĺ	14	
	27		٩		1.		14	
175	٣٧	(11)	11	(01)	14	(W)	10	
	۲0٠		4.4		114		127	<u></u>

ولتحليل بيانات هذه الدراسة نقوم بجمع درجات كل فرد في المجموعتين ، وجمع الدرجات لكل خلية ، ودرجات كل فترة من فترات القياس . ثم نوجد المجموع الكلي (مجس حود ٢٥٠)

ومجموع مريعات الدرجات (مجدس = ٢٥٠ ع)

مجموع مربعات الافراد =

$$\sigma_{7} = \frac{\tau(\tau_{0}, \tau_{1})}{\tau_{1}} - \frac{\tau(\tau_{1}) + \dots + \tau(\tau_{1}) + \tau(\tau_{1})}{\tau_{1}} = 0$$

$$19.7 = \frac{{}^{4}(70.)}{10} - \frac{{}^{4}(177)}{10} + \frac{{}^{4}(177)}{10} = 7.71$$

مجموع مربعات الخطأ الأول - مجموع مربعات الأفراد- مجموع مربعات النوع - مجموع مربعات النوع - ٣٦,٨ = ١٩,٢ - ٥٦

1.7, 27-

مجموع مريعات الخلايا (النوع × الفترات) -

$$1YT, \xi V = \frac{Y(YO)}{Y^2} - \frac{Y(\xi \xi)}{O} + \dots + \frac{Y(O9)}{O} + \frac{Y(Y\xi)}{O}$$

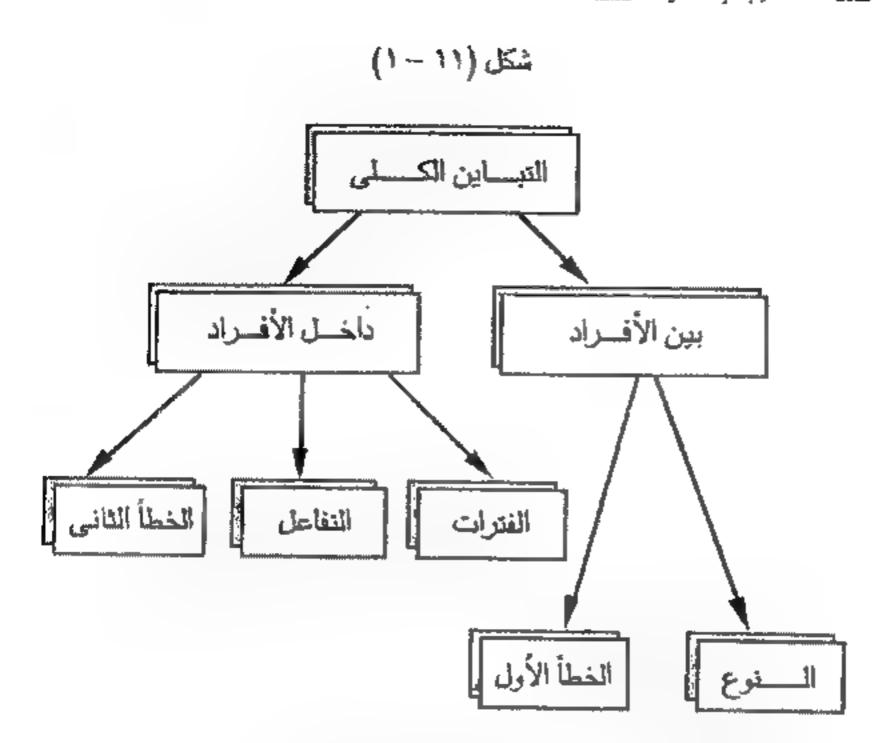
مجموع مربعات النفاعل (النوع × الفترات) = مجموع مربعات الخلايا -مجموع مربعات النوع - مجموع مربعات الفترات

1, A =

مجموع مربعات الخطأ الثاني = مجموع المربعات الكلي - مجموع مربعات الافراد - مجموع مربعات الفترات - مجموع مربعات التفاعل

٦, ٤ ---

ويفضل استخدام التخطيط النالي لتوزيع التباين الكلى الى مكوناته، وذلك للاهتداء به في اجراء التحليل.



ثم نضع مجموع المربعات الكلى وأقسامه المختلفة في جدول تحليل تباين القياس المتكرر الثنائي (جدول ١١ - ٨) وكذلك درجات الحرية لكل قسم ، ثم نحسب متوسط مربعات الخطأ لكل منها،

جدول (۱۱ – ۸) تحليل تباين القياس المتكرر الثنائي (النوع × الفترات) لدرجات السلوك العدواني

مستوى الدلالة	Ĺ	متوسط المربعات	د. ح	مجموع المريعات	مصدر التباین
غيردالة	٤, ١٧	19, Y £, 7	٨	11, Y , T7, A	النوع الخطأ الأول
دالة عند غير دالة	144,40	01,V£	۲ ۲	1•٣, £٧ •, A ٦, £	الفترات التفاعل الخطأ الثاني
			*1	177,77	الكلى

ونحسب أيضا قيمة (ف) للنوع باستخدام الخطأ الاول ، وقيمتى (ف) للمنزات والتفاعل باستخدام الخطأ الثانى . وثقارن قيم (ف) المحسوبة بالقيم الجدولية فينتج أن ف للنوع (٤,١٧) غير دالة وكذلك التفاعل غير دال ، بينما قيمة (ف) للفترات (١٢٩,٣٥) فهى دالة عند ٢٠٠، أو أقل ،

ثم نجرى المقارنات المتعددة بين متوسطات الفترات باستخدام احدى الطرق السابق ذكرها لمعرفة الفروق بين متوسطات الفترات حتى يمكن تفسير النتائج . وحيث أنه لا يوجد تفاعل دال فان تفسير نتائج الفروق بين الفترات يتم على أساس نتائج الفروق بين المتوسطات ،

ججم التأثير للفترات (⁰⁰) =

مجموع مربعات الفترات – (ك – ١) متوسط مربعات الخطأ للفترات مجموع المربعات الكلي + متوسط مربعات الخطأ

1. £ × (1 - T) - 1+T, £Y

., 110=

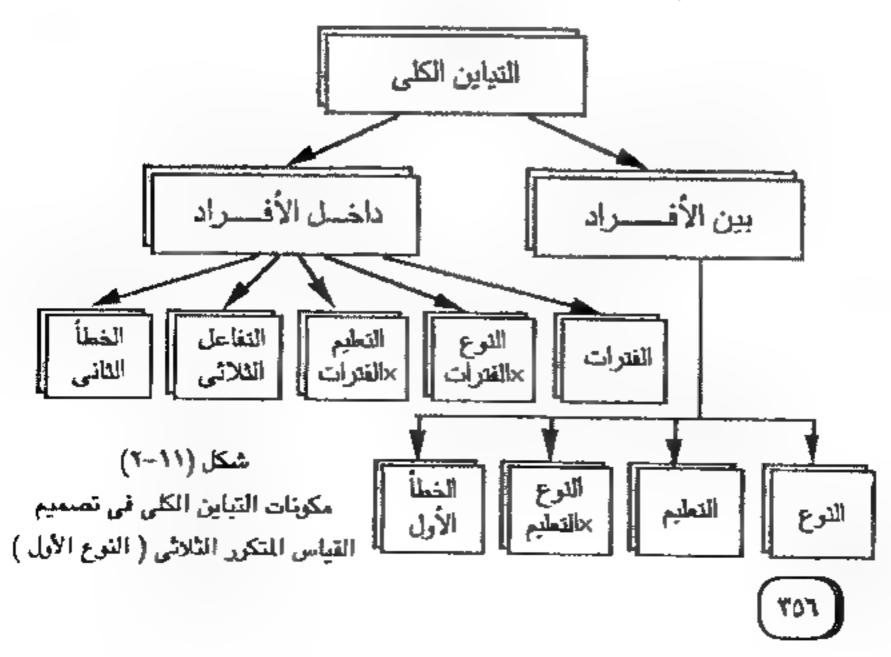
ويعلى أن ٦١،٥٪ ٪ من تباين السلوك العدوانى يرجع الى الفروق بين الفترات، أو يرجع الى فعالية البرنامج المستخدم (وهى نسبة عالية جدا) • ثالثًا: عليل تباين القياس المتكرر الثلاثي (الحالة الاولى)

إذا أجريت دراسة باستخدام متغيرين مستقلين بالاضافة إلى تكرار القياس فان تحليل تباين القياس المتكرر يشبه تحليل النباين الثلاثي باستثناء تقسيم تباين الخطأ الى حزئين كما سبق التوضيح في حالة تحليل تباين القياس المتكرر الثنائي ومن أمثلة دراسات هذا النوع إجراء دراسة على عدة مجموعات مختلفة في مستوى التعليم وتتضمن الجنسين (ذكور وإناث) بالاضافة الى فترات القياس وكذلك المتغير التابع ويكون تكرار القياس هنا على المتغيرين المستقلين النوع والتعليم (1991 .. Winer et al) – ويكون تصميم مثل هذه الدراسة كما يلى:

جدول (۱۱ – ۹) تصميم القياس المتكرر الثلاثي (النوع الاول)

					<u> </u>	
	القياس	فترات		الأفراد	النوع	التعليم
٤	٣	۲	١		رير	احدا
				Y * *	ڏکور	تعلیم ثانوی
				0 7 4 4	إناث	قانوی
				1. 11 17	ذكور	تعلیم عالی
				16 10 17 17	إناث	عالی

ويمكن تقسيم التباين الكلى الى الاقسام التالية :



ويتم اجراء تحليل تباين القياس المتكرر الثلاثي ليبانات التصميم السابق بحساب مكونات التباين الكلي ويتم ذلك بحساب مجموع المربعات الكلي ويليه حساب مجموع مربعات كل مصدر من مصادر التباين وهي :

- ١ بين الافراد ، النوع ، ومستوى التعليم ، وتفاعل النوع × التعليم (ويحسب باستخدام مجموع مربعات خلايا النوع × التعليم)، ثم الخطأ الاول وتحسب مربعاته باستخدام مجموع المربعات بين الافراد .
- ٢ الفترات ، وتفاعل النوع × الفترات (ويحسب باستخدام مجموع مربعات خلايا النوع × الفترات) ، وتفاعل التعليم × الفترات (ويحسب باستخدام مجموع مربعات خلايا التعليم × الفترات) ، والتفاعل الثلاثي (ويحسب باستخدام مجموع مربعات الخلايا الثلاثية التوع × التعليم × الفترات) وأخيرا الخطأ الثاني ويحسب باستخدام مجموع المربعات السابقة ومجموع مربعات داخل الافراد .

وتوضع هذه المربعات ودرجات حريتها في جدول تحليل تباين القياس المتكرر الثلاثي ، حيث يتم حساب متوسط المربعات بقسمة مجموع مربعات كل قسم على درجات حريته . ويستخدم متوسط مربعات الخطأ الأول في حساب قيم (ف) لكل من النوع ، ومستوى التعليم ، والتفاعل بينهما .

بينما يستخدم الخطأ الثاني لحساب قيم (ف) للفترات وتفاعلاتها الثنائية مع النوع والتعليم ، وكذلك التفاعل الثلاثي (النوع × التعليم × الفترات) .

ومن الواصلح أن تحليل تباين القياس المتكرر الثلاثى أكثر تعقيد اعن الثنائي، ولذلك فان مثل هذه التحليلات يمكن اجراؤها باستخدام الحاسوب على أن نوضح للحاسوب كيفية حساب مجموع مربعات الخطأ ، خاصة في الحالة الثانية الني نوضحها فيما بعد .

أما في حالة تعدد المتغيرات المستقلة (اكثر من متغيرين مستقلين) مع تكرار القياس فأن أسلوب التحليل يعتمد على نفس الطريقة الموضحة مع اصافة متغيرات جديدة وتفاعلاتها ، أما تباين الخطأ فيظل قسمين فقط : الأول لاختبار الفروق بين مستويات كل متغير مستقل وتفاعلات المتغيرات المستقلة مع بعضها الدعض ، والثاني لاختبار الفروق بين فترات القياس وتفاعلاتها مع المتغيرات المستقلة .

رابعا : خَليل تباين القياس المتكرر الثلاثي (الحالة الثانية):

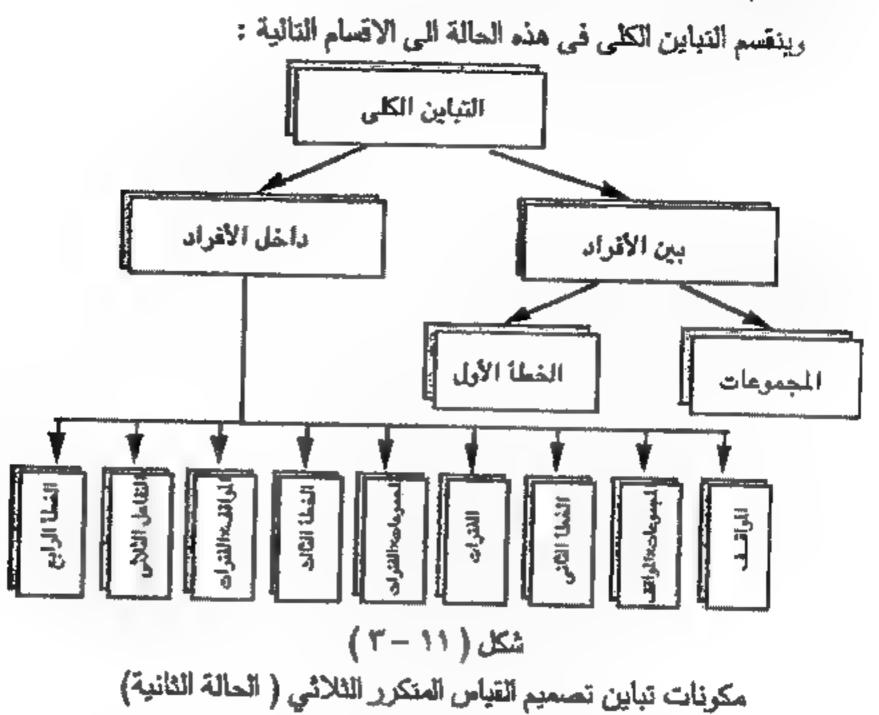
بعد هذا التصميم أكثر التصميمات تعقيداً ويحتاج إلى متخصص لتوصيح كيفية تحليل بياناته . فعند إجراء دراسة تتضمن متغيرين مستقلبن مع فترات القياس ، ولكن تكرار القياس يكون على متغير مستقل واحد منهما بينما يكون المتغير المستقل الثاني ضمن الشروط التجريبية ، ومثال ذلك اجراء دراسة على ثلاث مجموعات من العاملين باحدى الهنيات ، حيث يتم تعرضها لمواقف وظيفية معينة (في الاسبوع الأول لشهر ما وفي الاسبوع الاخير مثلا) ويكون تكرار القياس مصاحب لكل موقف من الموقفين ، ويكون شكل التصميم كما يلى :

جدول (١١ - ١٠) تصميم القياس لمتكرر الثلاثي (الحالة الثانية)

نی	للينى الثا	قف الو	المو	الموقف الوظيقي الأول					
	القياس	ـــترات	ė	٢	القسياء	ــترات	ف	1 154	
£	٣	۲	١	£	٣	7	1	الأفراد	التعاليم
									تعلیم ثانوی
								A 1. 11 17 18	تعلیم ثانوی
								10 17 17 14 14	نعلیم عالی

وينقسم التباين الكلى في هذه الحالة إلى عدة أفسام مختلفة عن الحالة الاولى ، حيث يوجد أربعة أفسام لتباين الخطأ: الاول لاختبار الفروق بين مجموعات العاملين ، والثاني لاختبار الفروق الوظيفية وتفاعلها مع المجموعات ،

والثالث لاختبار الفروق بين فترات القياس وتفاعلها مع المجموعات ، أما الرابع فيستخدم لاختبار تفاعل الفترات مع المواقف ، والتفاعل الثلاثي (المجموعات × المواقف × الفترات) (Winer et al., 1991) ، وهذه الاقسام المختلفة لتباين الخطأ تؤدى الى زيادة تعقيد التحليل في هذه الحالة ، مما يستدعى اجراء التحليل باستخدام برامح Spss وإستشارة أحد خبراء الأحصاء بشرط أن يحدد المبرمج كيفية حساب أقسام الخطأ.

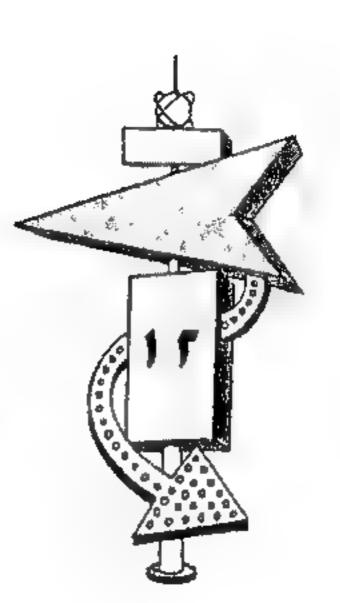


وفي حالة استخدام اكثر من متغيرين مستقاين بالاضافة الى المتغير المتضمن مع الفترات (مثل المواقف الوظيفية) فان أسلوب تعليل البيانات يظل كما هو مع إضافة المتغيرات المستقلة الى المصادر التى يستخدم معها الخطأ الاول بينما المتغير المتضمن (المواقف الوظيفية) وتفاعلاته مع المتغيرات المستقلة يضاف الى مجموعة المصادر التى تستخدم الخطأ الثاني ، ومتغير فترات القياس وتفاعلاته مع المتغيرات المستقلة مع مجموعة الخطأ الثالث ، وآخيرا تفاعلات المتغير المتضمن مع الفترات وتفاعلات الدرجات الاعلى يستخدم معها الخطأ الرابع .

ومن الواصلح أن تعقيد التحليلات الاحصائية هنا يزداد بزيادة المتغيرات المستقلة في تصميمات القياس المتكرر ، ولذلك فان هذه التحليلات بنم اجراؤها باستخدام برامج spss ، ولكن ننصح بأن تكون التصميمات البحثية اكثر بساطة مما سبق ذكره ، وإلا فان الاسلوب المناسب للتحليل بتم تحديده باستشارة أحد المتخصصين ، ويفضل استخدام أساليب التحليل متعددة المتغيرات Multivariate.

ـــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	تطيل التعاير حص		
---------------------------------------	-----------------	--	--

الفصل الثاني عشر الفصل الثاني عشر الشعشر الشعشر المساكرة المساكرة Analysis of Covariance



الفصل الثانى عشر تحــــليل التفــــــاير

عند إجراء دراسة وجمع بيانات عن متغير تابع باستخدام تصميم معين ، فاننا نجد العديد من الممتغيرات الخارجية التي قد تؤثر على المتغير التابع موضع الدراسة . وبعض هذه المتغيرات الخارجية من المستحيل ضبطها ، كما أن البعض قد لا نلاحظه ، فاذا كان توزيع الافراد على مجموعات الدراسة عشوائيا ، فاننا نستطيع منبط تباين المتغير التابع الذي يرجع الى تأثير المتغيرات الخارجية ، وتحليل التغاير (ANCOVA) يقوم بدور مشابه لهذا حيث أنه يعزل آثار المتغيرات الخارجية من المتغير التابع (Ferguson & Takane, 1989:391) ،

وتوجد طرق أخرى مباشرة لضبط أثر المتغيرات الخارجية مثل: إعادة إجراء الدراسة Repilcation، وتصميمات الوحدات العشرائي Block ، وتصميمات المتكرر، وغيرها ، وهذه التصميمات يمكن استخدامها لضبط أثر مصادر النباين الخارجية .

أما تحليل التغاير فهو نوع من الضبط الاحصائى حيث يتم قياس متغير (أو اكثر) خارجى له أثر على المتغير النابع ، وذلك بهدف عزل أثر هذا المتغير النابع (Winer etal, 1991: 739) .

فاذا كان الهدف من الدراسة تقويم فعالية عدة طرق للتدريس ، والمتغير النابع هو التحصيل الدراسي ، أما المتغير الخارجي (المصاحب) والذي له أثر على التحصيل هو الذكاء . فاذا أجبر المجرب على استخدام فصل كامل كوحدة تجريبية ، وهو أمر مقبول لأن الفصول تختلف في الذكاء . فانه يستخدم تحليل التغاير لعزل أثر الذكاء من التحصيل ، وقد تكون الدراسة للتعرف على فعالية المواقف الضاغطة على الثبات الانفعالي ، وفي هذه الحالة يكون المتغير الدخيل هو مستوى الثبات الانفعالي في المواقف غير الضاغطة أو قبل اجراء التجرية والذي يحب عزل أثره من القياس البعدي للنبات الانفعالي .

ويجب الحذر عند إستخدام تحليل التغاير لعزل أثر القياس القبلي، حيت

يجب قياسه قبل تطبيق المعالجات التجريبية . أما إذا تم القياس أثناء الدراسة فانه بكون قد نأثر بالمعالجات ، وبالتالي فان عزل أثره يؤدى الى تقليل أثر المعالحات . كما أن محاولة عزل أكثر من متغير خارجي قد يؤدى الى عزل الكثير من تباين المتغير التابع ولا نصل الى نتائج تستحق الدراسة.

ويوجد نوعان من المتغيرات الخارجية التي تؤثر على المتغير التابع في العلوم الانسانية الأول هو متغيرات تعد خصائص داخل الفرد المشترك في الدراسة فمثلا قياس الذكاء والاتجاهات والتحصيل هي متغيرات تخص الفرد ذاته وبالتالي تتأثر بالمعالجات أثناء الدراسة والنوع الثاني هو متغيرات خارج الفرد مثل المستوى الاقتصادي والاجتماعي للاسرة ، أو عدد الأخوة ومثل هذه المتغيرات لا تتأثر بالمعالجات (Ferguson & Takane , 1989 : 403 - 404).

أما نعلم اللغة مثلا فينائر بانجاهات الطالب نحو مجموعته ، ولذلك يجب قياس مثل هذا المنغير قبل الندريس ، وإذا تم قياسه أثناء التجرية فان درجاته نتأثر بالمعالجة أو أن الاتجاء قد يتغير أثناء تعلم اللغة ،

ويمكن استخدام المتعير الخارجى (الدخيل) كمتغير تصنيفى ، بمعنى تقسيم المتغير الى مستويات (الذكاء مثلا) وإدخاله فى تحليل التباين كمتغير مستقل . وبالتالى يصبح تحليل التغاير الاحادى هو تحليل تباين ثنائى ، وبالطبع افتراضات تحليل التباين ليست متحفظة مثل افتراضات تحليل التغاير ولكن من عيوب هذا الأسلوب أمكانية التوصل إلى مجموعات فرعية (خلايا)غير متساوية العدد ، مما يؤثر على تجانس هذه المجموعات .

وتحليل التغاير يتضمن استخدام أسلوبين في التحليل هما الاتحدار الخطى البسيط بين المتغير الخارجي والمتغير التابع لعزل أثر المتغير الخارجي ، ثم تحليل تباين الجزء المتبقى من المتغير النابع (المتوسطات المعدلة المجموعات) والذي يرجع الى تأثير المعالجات التجريبية ، وهذه المتوسطات المعدلة المجموعات ترضح جزء من التباين في المتغير التابع بعد عزل أثر المتغير الخارجي ، وعليه فان تحليل التغاير يستخدم كل من تحليل الانحدار وتحليل التباين & Ferguson)

وقد نم التوصل الى تحليل التغاير ونشر أول مثال عليه عام ١٩٣٢ . ويستخدم هذا الاسلوب بكثرة في البحوث التجريبية في مجالات العلوم المختلفة ومنها العلوم الانسانية ويطلق عليه أحيانا اسم تحليل التباين التلازمي نسبة إلى إسم

المتغيرالمساحب (الدخيل) Variate . وعند استخدام تحليل التغاير فائنا نهتم بتباين المتغير النابع وتباين المتغير الدخيل ، وتغاير المتغيرين معا ، لكل مصادر التباين في تصميم تحليل التباين المستخدم (أحادي أو ثنائي أو متعدد) وعند استخدام تحليل التغاير الاحادي فان مصادر التباين هي : بين المجموعات ، والخطأ ، والكلي ، أما تحليل التغاير الثنائي فيشمل مصادر تباين مختلفة وهي : بين مجموعات المتغير المستقل (ب) ، وبين مجموعات المتغير المستقل (ب) ، وتفاعل المتغيرين المستقلين معا (أب) ، والخطأ ، والكلي . وبالطبع يتم حساب مجموع مربعات كل مصدر من هذه المصادر لكل من المتغيرين التابع والدخيل وحاصل منربهما .

إفتراضات خليل التغاير:

ذكرنا أن أسلوب تحليل التغاير هو دمج لأسلوبي تحليل الانحدار مع تحليل التباين ، ولذلك فإن إفسراصات تعليل التغاير تتعنمن افسراصات كلامدهما بالاصافة الى افتراصات خاصة بتحليل التغاير وهي :

تجانس معاملات انحدار المجموعات ، وعدم تأثر المتغير الخارجي (الدخيل) بالتجربة .

والافتراض الاخير سهل التأكد من اجراءات الدراسة ، أما الافتراض الأول نجانس معاملات الانحدار) فيجب اختباره قبل أن نقرر صلاحية أسلوب تحليل التغاير في تحليل البيانات ، ويتطلب اختبار هذا الافتراض حساب مجموع مريعات المتغيرين التابع والدخيل ، وحواصل الضرب لكل مجموعة من المجموعات الفرعية . ثم حساب مجموع المربعات المعدلة لكل مجموعة بعد عزل أثر المتغير الدخيل ، وجمع هذه المربعات المعدلة ولنرمز لها بالرمز (أ) . ثم نصب مجموع المربعات داخل المجموعات بعد تعديلها ولنرمز لها بالرمز (ب) ، وتكون قيمة المربعات داخل المجموعات بعد تعديلها ولنرمز لها بالرمز (ب) ، وتكون قيمة (ف) لاختبار شرط تجانس معاملات الانحدار من المعادلة :

حيث ن عدد الأفراد الكلى ، ك عدد مستريات المتغير المستقل (المعالجات) ويمكن اعادة صداغة المعادلة لغريا كما يلى :

و نقارن قيمة ف الناتجة بالقيمة الجدولية بدرجات حرية (ك-1)، (ن-22) . فاذا كانت ف غير دالة فان افتراض تجانس معاملات الانحدار يتحقق، وإذا كانت دالة فلا يجوز استخدام تحليل النباين لتلك البيانات

(Ferguson & Takane, 1989: 401; winer et al, 1991: 765)

وإذا قام الباحث باجراء التحليل مع عدم توفر شرط تجانس معاملات الانجدار فان نتائجة لا معنى لها وليس لها تقسير صحيح

ويمكن الابتعاد عن هذه المشكلة بطريقة بسيطة (ولكنها صعبة التنفيذ) وهي توزيع الافراد عشوائيا على المعالجات التجريبية ، مع عدم نأثر المتغير الدخيل بالمعالجات (قياسه قبل اجراء التجربة) ، وعندئذ لا داعى لاختبار افتراض تجانس معاملات الانحدار (768 : 1991 .. winer et al)

أُولاً: كَلِيلَ النَّعْايِرِ الأحادي : One - way ANCOVA

يتضمن تحليل التغاير الاحادى منغيرا مستقلا (المعالجات) ومتغير تأبيع ومتغير تأبيع ومتغير خارجى (دخيل) ويتم حساب مجموع مريعات مصادر التباين (بين المجموعات والخطأ والكلى) لكل من المتغير التابع والخارجي بالاضافة الى حواصل منربهما وفيما يلى خطوات تحليل التغاير الاحادى:

- ۱ -- ایجاد مجموع درجات کل مجموعة والمجموع الکلی العتغیرین التابع (مجــ
 س) والخارجی (مجـص) .
- ٢ إيجاد مجموع مريعات المتغيرين التابع (مج س) والخارجي (مج ص))،
 وحواصل العنرب (مج س ص) ،
- ٣ حساب مجموع المربعات الكلى ، ومجموع مربعات المجموعات ، ومجموع مربعات الخطأ للمتغير التابع (س) .
- ٤ حساب مجموع المربعات الكلى، ومجموع مربعات المجموعات ، ومجموع مربعات الخطأ للمتغير الخارجي (ص).
- ه حساب مجموع حواصل الضرب (س ص) الكلي ، وبين المجموعات ، والخطأ ،
 - ٦ وضع النواتج في جدول تحايل النغاير ودرجات حرية كل منها .
- ٧ حما ب مجموع المربعات الكلي المعدل للمتغير التابع بطرح مربع حواصل

- الصرب الكلي مقسومة على مجموع العربعات الكلي للمتغير الخارجي .
- ٨ حساب مجموع مربعات الخطأ المعدل للمتغير التابع بطرح مربع حواصل الضرب للخطأ مقسومة على مجموع مربعات الخطأ للمتغير الخارجى .
- ٩ حساب مجموع مريعات بين المجموعات المعدل المنفير التابع بطرح ناتج الخطوة (٧) من ناتج الخطوة (٨) .
- ١٠ وضع درجات حرية المجموعات كما هي ، بينما درجات حرية الخطأ تقل
 درجة بسبب عزل أثر المتغير الخارجي،
- ١١ حساب مترسط مربعات المجموعات ، ومتوسط مربعات الخطأ ، وقيمة (ف)
 ثم مقارنتها بالقيمة الجدولية .
- ١٢ إذا كانت قيمة (ف) المحسوبة دالة فيتم حساب متوسطات المجموعات المعدل الجراء المقارنات المتعددة بين هذه المتوسطات .

وحساب المتوسطات المعدلة يتطلب حساب معامل انحدار (س على ص) من المعادلة

معامل الإنحدار (ب) = مجموع حراصل ضرب س ص الخطأ

ويكون المتوسط للمعدل للمجموعة

منوسط المجموعة في المتغير النابع - معامل الانحدار [مدوسط المجموعة في المتغير الخارجي] المتوسط العام للمنغير الخارجي]

م بن المعدل = م بن - ب [م سه- م س]

حيث س، ص ترمز المتغيرين التابع والخارجى ، ك ترمز المجموعة (أو المعالجة) .

مثال (۱) :أجريت دراسة ابحث الفروق بين أربع طرق التموة المهارت الاجتماعي) . الاجتماعي الدور الاجتماعي) . وبعد تطبيق المعالجات ، كانت البيانات كما يلي :

جدول (۱۲ - ۱)

درجات الإنطواء والدور الإجتماعي بإستغدام طرق تنمية المهارات الإجتماعية

			 -	, G					
	ملريفة	(٣)	طريقة	طريقة (٢)		طريقة (١)			
الدور	الانطواء	الدور	الانطواء	الدور	الانطواء	الدور	الانطواء		
7	٥	٥	٩	٤	1	ź	V		
٧	٨	ξ	-10	Y	١٠	٣	٥		
٨	٧	٣	٩	٥	٧	٣	٩		
٧	1 4	٣	٨	٦	٨	ź	٨		
٩	1.	Υ	٧	7	٩	7	1.		
٥	7					۲"	7		
£ Y	\$5	17	٤٣	۲A	£4	74"	ξO		

$$\frac{Y(1YT)}{YY} = \frac{Y(\pm 0)}{7} + \frac{Y(\pm 1)}{0} + \frac{Y(\pm 1)}{7} = \frac{Y(\pm 0)}{7} = \frac{Y$$

٤, ٣٩ -

$$\vec{V} = \frac{\vec{Y}(YY^*)}{YY} = \vec{X}Y = -$$

نحليل التغاير ـــــــ

(ب) مجموع مريعات بين المجموعات (الدور الاجتماعي) =

$$\frac{(77)^{7}}{7} + \frac{(11)^{7}}{6} + \frac{(11)^{7}}{6} + \frac{(11)^{7}}{6} + \frac{(11)^{7}}{6} + \frac{(11)^{7}}{6} + \frac{(11)^{7}}{7}$$

(جـ) مجموع مربعات الخطأ (الدور الاجتماعي)= ٢٧, ٢٢ = ٢٧, ٢٢

ه - (أ) مجموع حواصل الضرب الكلي = مجه س ص - مجه س × مجه ص ن

(ب) مجموع حواصل الصرب بين المجموعات

-- ٧,٣ (بالطبع من الممكن أن نكون حواصل الضرب سالية) (جـ) مجمرع حواصل المنرب للخطأ -- ٢١ - (٧,٣ - ٢٨,٣

٦ -- نضع البيانات السابقة في جدول تحليل التغاير الأحادي

٧ - مجموع المريعات الكلى المعدل (الدور)

- مجد مربعات الكلى (للدور) - مربع مجموع حواصل العنوب الكلى مجد مربعات الكلى (للانطواء)

٨ -- مجموع مريعات الخطأ المعدى (للدورالاجتماعي)

مجد مريعات الخطأ (الدور) - مريع مجد حواصل العندرب الخطأ - مجد مريعات الخطأ (الانطواء)

حدول (٢٢ - ٢) تطيل النفاير الاحادى بين المجموعات في الدرجات السلوك العدواني

ف	متوسط المربعات	_	مجد المربعات المعدل	-3		مات وجرام	مصدر	
					مريعات الانطواء	بع عواصل المنزب	مريعات اقدور	التباين
YV, 09	۱۸, ۲۱	۲	11, 4 = 10, 11	۴	£. Y4	٧,٣-	٤٦,٧٧	بیں
دالة عند		:	o£,7£ =					المجموعات
1, 1 1	٠,٦٦	17	Y(YA,T) - YV, YT - XY, YA =	١٨	a., Y	۲۸,۳	۲۷, ۲۳	الخطأ
			"(YY) = YE 30,9Y=	Yì	٥٤, ٥٩	Y 1	Yź	الكلي

٩ - مجموع مربعات بين المجموعات المعدل (للدور الاجتماعي)
 - مجموع المربعات الكلي المعدل - مجموع مربعات الخطأ المعدل

١٠ - درجات حرية الخطأ المعدلة - درجات حرية الخطأ -١٠ - ١٨ - ١ - ١٧

١١ - نحسب متوسط المربعات بين المجموعات بالقسمة على درجات حريتها (٣)

$$^{\bullet}$$
, ٦٦ = $\frac{11, \Upsilon \Lambda}{17}$ = ألخطأ = $\frac{11, \Upsilon \Lambda}{17}$

قيمة ف = 14, ٢١ س٥٩ بدرجات حرية (١٧،٢) وهي دالة عند ٢٠٠٠، • . ٢٦

١٢ - نحسب المتوسطات المعدلة للمجموعات حتى يمكن اجراء المقاربات المتعددة بدن هذه المتوسطات.

$$|| \frac{1}{1} \frac$$

$$(V.\Lambda 7 - \frac{2^{\bullet}}{\sigma}) - .072 - \frac{Y\Lambda}{\sigma} = 12^{\circ} \cdot (V.\Lambda 7 - \frac{2^{\bullet}}{\sigma})$$

المترسط المعدل المجموعية الثالثة =
$$\frac{17}{6}$$
 – عدد. ($\frac{27}{6}$ – ۲۸۸۰)

$$|\lambda = \frac{10}{7} - 10 \cdot 10^{-1} = \frac{17}{7} - 10^{-1} \cdot 10^{-1} = \frac{10}{7} - 10^{-1}$$

وإذا إستخدمنا طريقة توكى لمقارنات بين المتوسطات عند مستوى دلاله ٥٠٠٠ فإن:

مدی ترکی
$$q = \sqrt{\frac{77, 17}{0,50}}$$
 مدی ترکی $q = \sqrt{\frac{77, 17}{0,50}}$ $q = \sqrt{\frac{77, 17}{0,50}}$ مدی ترکی $q = \sqrt{\frac{77, 17}{0,50}}$

حبث ٥,٤٥ هي الوسط التوافقي لأحجام المجموعات ثم نقارن الفروق بين المتوسطات المعدلة مع مدى توكى (جدول ١٢ – ٣) جدول (١٢ – ٣) فروق المتوسطات

مدی توکی	مچدځ (۱٫۸۰)	مجـ۲ (۲۵,۵۲)	مچـ۱ (٤,٠٣)	۳ . به (۲,۹۸)	المتوسطات
1, 77	Y, AY Y, VV	Y.01 1.19	١,٠٥		مجہ ۲ مجہ ۱
	1,44	 _			مجہ ۲
					الضابطة

ويتصنح من جدول (١٢ - ٣) وجود فروق دالة بين متوسط المجموعة الرابعة ومتوسطات المجموعات الثلاث ، كما توجد فروقًا دالة بين متوسط المجموعة لئانية ومتوسطى المجموعتين الاولى والثالثة ، أما إذا إستخدمنا طريقة

حجم التأثير (مربع أوميجا) =

مجد مربعات بين المجموعات المعدل - (ك - 1) متوسط مربعات الفطأ المعدل مجد المربعات الكلي المعدل + متوسط مربعات الخطأ المعدل

$$17,01$$
 = $\frac{07,77}{17,01}$ = $\frac{1,77 \times (1-1) - 01,71}{17+10,97}$

ويعنى هذا أن ٧٩٪ من تباين المتغير التابع (الدور الاجتماعي المعدل) يرجع الى الطرق المستخدمة.

إختبار شرط غانس معاملات الانحدار:

ينطلب إجراء اختبار شرط نجانس معاملات الانصدار حساب مجموع مربعات كل مجموعة على حدة في الانطواء والدور الاجتماعي وحواصل الضرب، ثم تعديل مجموع مربعات المجموعات في الدور الاجتماعي بعزل أثر الانطواء من كل مجموعة على حده أيضا . وكذلك حساب مجموع المربعات

داخل المحموعات وتعديلها معزل أثر الانطواء والتي رمزنا إليها بالرمز (ب) -ونطبق القانون :

ف = (مجموع المربعات بلخل المجموعات بعد تعيلها - مجموع المربعات المعنلة لكل المجموعات) ÷ (ك - ١) ف = ف = (ن - ٢ ك)

حيث أ = حاصل جمع مجموع المربعات المعدلة لكل المجموعات ويوضح الجدول (١٢-٤) مجموع مربعات كل مجموعة في الانطواء والدور الاجتماعي وهاصل الضرب بإستخدام بيانات جدول(١٢-١)، وكذلك مجموع المربعات المعدلة لكل مجموعة

مج المربعات (الدرر) المعدل	مج مربعات الانطواء	مجد حواصل المنرب	مجا مربعات الدون	المجموعة
4. 17 - (4.0) - 1. AT	14,0	٧,٥	3,ለተ	١
-, T = \frac{(V)}{1-} = 0, Y	10	٧	٥, ٢	۲
7, 27 - (Y, A) - Y, 0	٥, ٢	۳,۸	٥, ٢	5"
5, 75 = \frac{1(14)}{17,0} = 14	17,0	1.	1.	الظابطة
1.,75	٥٠,٢	۲۸,۳	۲۷, ۲۳	المجموع

تم حساب بیانات جدول (۱۲ – ٤) علی النحو التالی : مجموع مریعات الدور للمجموعة الأولی = ۹۰ – $\frac{(77)^{7}}{7}$ = 7, A7 ومجموع حواصل الضرب للمجموعة الأولی = ۱۸۰ – $\frac{77 \times 93}{7}$ = 9, A ومجموع حراصل الضرب للمجموعة الأولی = 10, A – $\frac{77 \times 93}{7}$ = 10, A ومجموع مریعات الإنطواء للمجموعة الأولی = 10, A – $\frac{(63)^{7}}{7}$ = 10, A وهكذا لبقية المجموعات فی جدول (۱۲ – ٤)

 $\frac{Y}{A,Y} = \frac{Y}{Y} = \frac{Y}{Y} = \frac{Y}{Y}$ = 11, $YX = \frac{Y}{A,Y} = \frac{Y}{Y}$ = 11, $YX = \frac{Y}{Y}$

 $\frac{1}{1+\frac{1}{2}} = \frac{(1+\frac{1}{2}) \div (1+\frac{1}{2}) + (1+\frac{1}{2})}{(1+\frac{1}{2}) \div (1+\frac{1}{2})} = \frac{1}{1+\frac{1}{2}} = \frac{1}{1+\frac{1$

ثَانِياً : كَالِيل التَّعَايِرِ الثُنَائِي : Two - way ANCOVA

إذا كانت الدراسة تنضمن متغيرين مستقلين مع المتغير التابع والمتغير الخارجي (الدخيل) ، فاننا نستخدم أسلوب نطيل التغاير الثنائي .

واجراء تحليل التغاير النبائي أكثر تعقيدا من الأحادي وذلك لأنه يتضمن متغير مستقل ثاني بالاحمافة الى تفاعل المتغيرين المستقلين .

وسوف نجمل الخطوات فيما يلي :

- ١ حساب مجموع درجات الخلايا للمجموعات الفرعية وللمتغيرين التابع
 والخارجي .
- ٢ -- حساب مجموع الدرجات الكلى للمتغيرين النابع والخارجى (مجس ، مجس محسس) ومجموع المربعات وحراصل الضرب (مجسس ، مجسس) ومجموع المربعات وحراصل الضرب (مجسس ، مجسس)
 ص)
- ٣ حساب مجموع مربعات مصادر التباين : الكلى للمتغير المستقل الاول ،
 والمتغير المستقل الثاني ، والتفاعل بينهما ، والخطأ لدرجات المتغير التابع .
 - ٤ حساب مجموع مريعات مصادر التباين السابقة لدرجات المتغير الخارجي،
 - ٥ حساب مجموع حواصل الضرب لمصادر التباين السابقة
 - ٣ وصنع نتائج الخطوات ٢ ، ٤ ، ٥ في جدول نطيل التغاير الثنائي.
- حساب مجموع المربعات المعدل (بعد عزل أثر المتغير الخارجي من المنعير
 التابع) لكل مصدر من مصادر التباين المبيئة سابقا.
 - ٨ حساب درجات الحرية المعدلة ،
- ٩ -- إيجاد مترسط مربعات الخطأ لكل مصدر من مصادر التباين ثم حساب قيم
 (ف) ومقارئتها بالقيم الجدولية .
- ١٠ إذا وجدت فروقًا دالة بين مستويات أحد المتغيرين المستقاين أو كليهما ،

نحسب مترسطات الدرجات المعدلة للمستويات ، ثم نجرى المقارنات بين المترسطات باستخدام إحدى طرق المقارنات المتعددة .

١١ -- إذا وجد تفاعل دال ، نقوم برسم المتوسطات المعدلة الخلايا ونستخدمه في
 تفسير الفروق بين المجموعات.

مثال(٢): أجرى باحث دراسة لمقارنة ثلاثة أساليب للارشاد الأسرى ودورها في حل المشكلات الأسرية ، وطبق الاساليب على ثلاث مجموعات من الذكور والاناث المتزوجين ، ولأن الانجاه نحو العلاقات الأسرية له دور في المشكلات الاسرية . فقام الباحث بقياسه قبل استخدام أساليب الارشاد حتى لاينأثر دما.

جدول (۱۲ – ٥) أماليب الارشاد ودرجات المشكلات الاسرية والانجاء نحو العلاقات الاسرية

المجموع		الدالث		الثاني		الأول		الأسلوب
انجاء	م، اسرية	انجاء	م.اسرية	ائجاه	م. اسرية	اثواء	م، اسرية	
صن	U,	من	س	سن	U+	Um	U	الملوع
		13	٣	18	٧	A	٣	
	1	31	Y	11	1	14	0	
	1 .	18	١	Y٠	٨	14	1	
		18	۲	10	٧	Y£	٩	نكسور
		YY] 7	14	1			
		ነግ	۲					
777	27	(44)	(۱٦)	(YY)	(۲۲)	(04)	(14)	
		1.	صفر	٨	صفر	1,8	٧	
	ŀ	10	3	17.	٤	٧	مسئر	
		Y٦	٩	¥4	٨	1.	ź	إنساث
l		18	٤	١٨	٥	10	٦	
l		14	£		i	ኛ ፕ	٩	
		17	¥					
		4.5	٨					
***	٧٦.	(1TY)	(17)	(77)	(14)	(YT)	(٢٦)	
£9£	177	444	٤٩	172	44	171	££	المحموع

مجدس = ۸۲۲ ۽ مجدس = ۲۵۰۰ ۽ مجدس = ۲۵۰۰

ولاجراء التحليل نقوم بحساب مجموع درجات الخلايا لكل من المشكلات الاسرية والاتجاه نحو العلاقات الاسرية ، وكذلك المجموع الكلى للذكور والأناث ومجموعهما معا ، ومجموع مربعات الدرجات للمتغيرين وحواصل الصرب وقد تم تدوين تلك البيانات بالجدول (١٢ - ٥)، لاحظ أن عدد أفراد كل مجموعة صغير لتبسيط العلميات الحسابية فقط .

ثم نقوم بحساب مجموع مربعات كل مصدر من مصادر التباين لكل من المتغيرين : المشكلات الاسرية (س) ، الانجاء نحو العلاقات الاسرية (س) ، وحواصل الضرب .

(أ) متغير المشكلات الاسرية :

$$Y09,98 = \frac{Y(17Y)}{Y1} - AYY = 128,987$$
 = 39,907

$$A \cdot 1 = \frac{{}^{Y}(177)}{{}^{Y}(177)} - \frac{{}^{Y}(77)}{17} + \frac{{}^{Y}(07)}{10} = 1 \cdot A$$

$$\frac{Y(177)}{7} - \frac{Y(19)}{17} + \frac{Y(79)}{9} + \frac{Y(17)}{9} - \frac{Y(17)}{17} - \frac{Y(17$$

٤ - مجموع مريعات خلايا النوع × الاساليب =

$$\frac{{}^{7}(177)}{2} - \frac{{}^{7}(77)}{2} + \dots + \frac{{}^{7}(77)}{2} + \frac{{}^{7}(1\lambda)}{2} = \frac{{}^{7}(177)}{2}$$

Y1, 27 =

ه - مجموع مريعات تفاعل النوع × الأساليب = ٢١,٤٣ - ١٠١٨ - ٢٠٢٢

٣ -- مجموع مربعات الخطساً = ٢١,٤٣ - ٢١,٤٣ - ١٥٩,٩٤

(ب) متغير الاتجاه نحو العلاقات الاسرية :

$$^{Y}_{1}$$
 - مجموع المربعات الكلى = $^{Y}_{1}$ - $^{Y}_{1}$ = $^{Y}_{1}$ - $^{Y}_{1}$ - $^{Y}_{1}$

$$YV, \xi V = \frac{Y(\xi q \xi)}{Y_1} - \frac{Y(YY)}{Y_1} + \frac{Y(YY)}{Y_1} = Y_1, Y_1$$

٣ - مجموع مربعات الاساليب =

$$77,77 = \frac{7(171)}{7} - \frac{7(179)}{17} + \frac{7(179)}{9} - \frac{7(171)}{9} = \frac{177}{9}$$

عجموع مربعات خلايا النوع × الاساليب =

$$\frac{Y(\xi q \xi)}{Y} = \frac{Y(YY)}{Y} + \dots + \frac{Y(YY)}{Q} + \frac{Y(QA)}{\xi} = \frac{Y(QA)}{Y}$$

$$1Y\xi, \xi Y = \frac{Y(QA)}{QA}$$

77,74 - 77,27 - 172,27 - 172,27 - 172,27 - 77,74 - 77,77 - 77,77

٣ -- مجموع مربعات الخطأ = ١٢٤,٤٢ - ٢٤,٤٢١ - ١٤٠,٥٤٧

(جه) حواصل الضرب:

TY, TY =

٣ - مجموع حواصل الضرب للاساليب

19, ** --

YYY

A71-

ثم نصع البيانات في جدول تعليل التغاير الثنائي جدول (۱۲ - 7) تحليل النغاير الثنائي (النوع × الاساليب) لدرجات المشكلات الاسرية والانجاء نحو العلاقات الاسرية (متغير خارجي)

L.i	دح متوسط		مج المريعات		, العدرب	مصدر		
	المريمات	المعدلة	المعدل	ζ,	من	یں سی	س	التباين
۰٫۰۸ غیر دال ۱۳٫۲۷ دال عند۲۰۰۱ ۱۳٫۲۷ غیر دال	*,18 **,1° 1,**	Y Y	1,11° £1,7 7,1£	Y Y	TV, EV 17, 14 17, 17	14,14-	7,72	الدرع الأساليب التفاعل
	۱,۵۲	Y£	17,70	40	¥£0, £0	TAY, 11	የየሊ ቀነ	النطأ
			Y1, 11	۲۰	A11, AV	111,01	T09,98	الكلي

.. تحليل النخاير

مجمرع مربعات الاساليب المعدل

- مجموع مريعات الإساليب (س) + مجه مربعات الخطأ (س)

(مجد حراصل الضرب للاساليب + مجد حراصل العضرب للخطأ) " مجد مربعات الاساليب (ص) + مجد مربعات الخطأ (ص)

-- مجـ مريعات الخطأ المعدل

-07,037 - 171 -07,77 - * 7,* 3

مجموع مريعات النفاعل المعدل

س مجموع مربعات النفاعل (س) + مجم مربعات الخطأ (س)

مج حواصل النفاعل + مج حواصل الضرب للخطأ) مج مربعات الخطأ (ص) مج مربعات النفاعل (ص)

77.70- (TAV.91+10.01) - YTA01+7.7A=

Y, . £ = 1"1,70- Y. 7,00 - YED, 19 -

- مجا مريعات الخطأ المعدل

وبوضع مجموع المربعات المعدلة بالجدول وحماب متوسط المربعات وقيم (ف) يتضبح أن قيمتى ف للنوع والتفاعل غير دالة ، بينما قيمة (ف) للاساليب (۱۳,۲۷) دالة عند مستوى ۲۰۰۰

ولمعرفة أي الاساليب أفضل من الأخرى نحسب المتوسطات المعدلة ثم نقارن بينها باحدى طرق المقارنات المتعددة -

معامل انحدار (س على من) =
$$\frac{n + e_1 - e_2 - e_2 - e_3 - e_3 - e_4 - e_4 - e_5 - e_5}{n + e_3 - e_5 - e_5}$$

المتوسط المعدل للاسلوب الأول = $\frac{12}{p} - 70$, $\left(\frac{171}{p} - \frac{392}{17}\right)$

= PA , $3 - 70$, $\left(70$, $31 - 39$, 61)

= PA , $3 - 70$, $\left(70$, $31 - 39$, 61)

| Integral linearly likelies = $\frac{P7}{p} - 70$, $\left(\frac{371}{p} - \frac{392}{17}\right)$

= 77 , $3 - 70$, $\left(\frac{971}{p} - \frac{392}{17}\right)$

| Integral linearly likelies = $\frac{P3}{71} - 70$, $\left(\frac{971}{71} - \frac{392}{17}\right)$

| Integral linearly likelies = $\frac{P3}{71} - 70$, $\left(\frac{977}{71} - \frac{392}{17}\right)$

| Integral linearly likelies = $\frac{P3}{71} - 70$, $\left(\frac{977}{71} - \frac{392}{17}\right)$

رإذا استخدمنا طريقة تركى عند مسترى ٠٠٠٠ قان :

مدى توكى =
$$\mathbf{p} \times \mathbf{q}$$
 متوسط مريعات الخطأ المعدل ن $\mathbf{q} = \mathbf{q} \times \mathbf{q}$ ن $\mathbf{q} = \mathbf{q} \times \mathbf{q}$ $\mathbf{q} \times \mathbf{q} \times \mathbf{q}$ $\mathbf{q} \times \mathbf{q} \times \mathbf{q} \times \mathbf{q}$ $\mathbf{q} \times \mathbf{q} \times \mathbf{q} \times \mathbf{q}$ $\mathbf{q} \times \mathbf{q} \times \mathbf{q} \times \mathbf{q} \times \mathbf{q}$ $\mathbf{q} \times \mathbf{q} \times \mathbf{q} \times \mathbf{q} \times \mathbf{q}$

ثم نقارن مدى توكى مع فروق المتوسطات المعدلة (جدول ٢٠ - ٧) جدول (٢١ - ٧) فروق المتوسطات المعدلة ومدى توكى

مدى توكى	الأول ٦,٥	الثانی ٤,٨٨	الثالث ۲, ۹	الأسلوب
1, 4%	Y, Y *, YY 	1, 9.		الثالث الثاني الأول

ويتسنح من جدول (١٢ - ٧) وجود فروق دالة بين متوسط درجات الاسلوب الثالث وكل من متوسطى الاسلوبين الاول والثانى ، ولا يوجد فرق دال بين متوسطى الاسلوبين الاول والثانى،

حجم التأثير للاساليب (مربع أوميجا) =

مجد مربعات الاساليب المعدل - (ك - ١) متوسط مربعات الخطأ المعدل مجد المربعات الكلى المعدل + متوسط مربعات الخطأ المعدل

$$4, £70 = \frac{1,07 \times (1-7) - £4,7}{1,07 + V9,19} =$$

رهى تعنى أن ٢٠٥٤٪ من تباين درجات المشكلات الاسرية ترجع لاساليب الارشاد الأسري المستخدمة .

ثَالِثًا: خَلِيلِ التَّغَايِرِ في حالة القياس المتكرر:

إذا أجريت دراسة تجريبية وتم قياس قبلى وبعدى للمتغير التابع فائنا نجرى اختبار بين المجموعات في درجات القياس القبلى ، فاذا لم نجد فروضًا بين متوسطات المجموعات ، فاننا نقوم باختبار الغروق بين المجموعات في درجات القياس البعدى فقط .

أما إذا وجدنا فروقاً دالة بين متوسطات المجموعات في القياس القبلى ، فاننا نستخدم اسلوب تحليل التغاير لعزل أثر القياس القبلي من القياس البعدي .

أما في حالة وجود متغيرين واجراء قياس قبلي لهما وقياس بعدى للمتغير النابع فاننا نستخدم اسلوب تحليل التغاير مع القياس المتكرر،

مشال (٣): أجريت دراسة تجريبية لتعديل السلوك العدرائى للاطفال واستخدمت طريقتين للعلاج وتم قياس السلوك العدرائى قبل وبعد التجرية ومفهوم الذات قبل التجربة وكانت البيانات كما يلى: (عدد أفراد كل خلية متساوى وصغير لنبسيط خطوات الحل فقط).

جدول (۱۲ – ۸) السلوك العدواني ومفهوم الذات لمجموعتين من الاطفال (قياس قبلي وبعدي)

موع	المج	ألبعدى	الفياس	القبلي	القياس		
الساوك لعداوسي	مقهسوم السندات	السلوك العدواني(س)	مفهاوم الذات (ص)	ظملوك العدواتی(س)	مفهورو الدات (من)	الأفراد	الملريقة
١٨	٦	٨	٣	1+	۳	١	الأولى
77	1.	١٢	۵	10	6	¥	
Tέ	17	11	٨	(OV) Y-	A	٣	
(17) 14	(٣٦) £	(11) 7	(\ \ \	14	(14) 1	£	
40	۲	1.	١	10	١	٥	الثانية
íô	11	۲۰	٨	70	٨	٦	-
20	٧.	10	۱۰	٧٠.	1+	٧	
(171) 10	£ (٢2)	(00) 11	(17)	(VP) 10	(11) 1	٨	
. 444	YΑ	40	44	14.4	44	المجموع	المجعوع

مجد ص النات = ۱۲۸۲ ، مجد س العدوانی = ۳۲۰۹ ، مجد م ۱۲۸۲ مجد م ص = ۱۲۸۲

ولاجراء تحليل البيانات نقوم بجمع درجات كل خلية وكل طريقة وكل فنرة وكذلك المجموع الكلى لكل متغير من المتغيرين وحاصل ضربهما ، بالاضافة الى مربعات الدرجات وهي مدونة بالجدول وفي الهوامش.

ثم نحسب مجموع المربعات لكل متغير ولكل مصدر كما يلي :

(أ) : متغير مقهوم الذات :

$$171, Vo = \frac{V(VA)}{17} - 057 = 120$$
 المريعات الكلى $= 730$

$$Y, Yo = \frac{Y(YA)}{Y} - \frac{Y(YY)}{A} + \frac{Y(YY)}{A} = eY, Yo$$

$$\frac{V(VA)}{V} = \frac{V(VA)}{A} + \frac{V(VA)}{A} = \frac{V(VA)}{A}$$

٤ -- مجموع مربع خلايا السرق × الفترات --

Y, Yo --

0- مجموع مربعات تفاعل الطرق × العترات = ۲, ۲۰ – ۲, ۲۰ – صفر = صفر $\frac{7}{(VA)} - \frac{7}{(2)} + \dots + \frac{7}{(2)} + \dots + \frac{7}{(2)} - \frac{7}{(2)} = \frac{7}{(2)}$ - مجموع مربعات بین الافراد = $\frac{7}{(2)} + \frac{7}{(2)} + \frac{7}{(2)} + \dots + \frac{7}{(2)} = \frac{7}{(2)}$

111, Vo -

٧ - مجموع مربعات داخل الافراد = ١٦١.٧٥ - ١٦١٠٧ = صفر

٨ - مجموع مربعات الخطأ الأول

- مجموع مربعات الافراد - مجموع مربعات الطرق

٩ - الايرجد خطأ ثانى الأن مجموع مربعات داخل الافراد = صفر ، مجه مربعات الغترات = صفر

(ب) - متغير السلوك العدواني:

$$7A \cdot 7 = \frac{\sqrt{(YYY)}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{(YYY)}}{A} + \frac{\sqrt{(4Y)}}{A} = 7 \cdot A$$

$$Ao,o_7 = \frac{V(YYY)}{\Lambda} - \frac{V(PY)}{\Lambda} + \frac{V(PY)}{\Lambda} = Fo,o_\Lambda$$
 $= Fo,o_\Lambda$

عموع مريمات خلايا الطرق × الفدرات =

 A0,07 - A,47 - 108,19 = 108,19 - 108,19 - 108,19 - 108,19 - 108,19

٣ - مجموع المريعات بين الافراد -

٧ -- مجموع المربعات داخل الافراد - ٢٤٨٨ - ٢٩٥،٩٤ - ٩٢٠٥ - ٩٢٠

٩ - مجموع المربعات الخطأ الثانية = ٩٢،٥ - ٥٥،٥٧ - ٥٧،٠ = ٣٠،٢٧

(جـ) حواصل الضرب:

$$1 \sim مجموع حواصل العنريب الكلي $= 1444 - \frac{44 \times 44}{17} = 174$$$

٢- مجموع حواصل الضريب للطرق

٣ - مجموع حواصل الضرب الفنزات

ع - مجموع حواصل صرب الخلايا -

ገኝፕለ 🔔

۱۷۵٫۳۸٬۳۰۰ مجموع حواصل العنوب داخل الأفراد ۵٬۲۸۰ – عمقر ۷ مجموع حواصل العنوب داخل الأفراد ۵٬۳۸۰ – عمقر

٨ - مجموع حواصل الضرب للخطأ الاول = ١٧٥,٣٨ - ١٦٣ = ١٦٣ - ٩ - مجموع حواصل الضرب للخطأ الثاني - صغر

ئم نضع البيانات السابقة في جدول بتعليل تغاير القياس المتكرر جدول (١٢ - ٩)

	مارسط	7.3) ألشرب	ات رحواصا	مجا أمريعا		
فنبه	امريعات		مجد الدريمات المحال	3-3	مقهوم الذات	حواصل المنزيد	الساوك العنوائس	مسدرالتباين	
		7	1-0, YA (140, TA) - Y40, 48	٧	111,70	1ሃቀ,ፕለ	110,12	الإفراد	
17,117	të, ea	١,	15,54 = 11,15 = 1+0,74	` i	1,10	ነጚተለ	14,+1	الطرق	
غيردائي	9 5, 34	•	33,40 = (145) = 417,00	٩	101,00	137, **	*	الخطأ الأول	
۸۰٫۷۱ دال عقد ۱۰۰۱	Jo,ol	1	A0,07	ì	يبش	بمنائز	A0,04	الفتريت	
يد ٠,٥٤ ن ٽ ة	*,øY	١	*,01	1	مساور	عسائر	4,67	المارق×الفترات	
	1,-1	1	1,17	٦	jia	مىئر	1,17	الخطأ الثاتي	
			11A, YA (140, YA) - TA\ (1	10	121,40	170,74	۳۸۸ ٤٤	الكلي	

ونقل درجات حرية الخطأ الاول درجة واحدة بسبب عزل أثر المنخير الخارجي ، بينما تظل درجات حرية الخطأ الثاني ، لعدم عزل أي شئ منه. ويتضح من الجدول عدم وجود فروق دالة بين الطرق ، أو تقاعل دال . بينما يوجد قرق دال عند مستوى ٢٠٠٠ بين فترتى القياس القبلى والبعدى في السلوك العدواني ، لصالح القياس القبلى ، ويدل هذا أيضا على أن السلوك العدواني ، لصالح القياس البعدي نتيجة لطرق العلاج المستخدمة .

حجم النأثير الفترات (مربع أوميجا) -

مجموع مربعات القترات المعدلة - (ك - 1) متوسط مربعات الخطأ مجموع المربعات الكلى المعدل + متوسط مربعات الخطأ

1, +7 × (1- Y) - A0,07 == 373. *

وهي تعدى أن ٤٢,٤ ٪ من تباين السلوك العدواني يرجع الى فستسرني القياس.

رابعياً : هَليل السّفاير في حالة القيباس المُسكرر مع قيباسات مختلفة للمثغير الخارجي :

قد يجري باحث دراسة ويقوم بنطبيق عدة طرق علاجية مثلاعلى مجموعات مختلفة ويقيس درجات المتغير التابع قبل وبعد استخدام هذه الطرق ، وكذلك يقيس درجات المتغير الفارجي قبل وبعد التجريب ،

وفى هذه الصالة تنغير درجات المتغير الخرجى بعد التجربة عنها قبل التجربة ويعنى هذا أن المتغير الخارجى بتأثر بالمعالجات التجريبية المستخدمة ، ومن ثم فانه يتضمن جزء من أثر المعالجات والذى يجب عزله، واجراء تحليل بيانات هذه الحالة بشبه الحالة السابقة

مثال(٤): أجريت دراسة تجريبية لمعرفة فعالية ثلاث طرق التدريس في تحسين درجات الطلبة في اللغة العربية ، وتم قياس التحصيل قبل وبعد التحريب. وكانت البيانات كما يلي: (لا حظ أن عدد الافراد بكل خلية قليل ومتساوى لتبسيط حل المثال فقط).

جدول (۱۲ - ۱۲) التحصيل والذكاء لثلاث طرق مع قياس قبلي وبعدي

<u></u>				····-			
وع	المجم	دى	البعــــ	بيلى	ألق		
التحصيل	الذكاء	التحصيل	الذكاء	التحميل	الدكأء	الافراد	الطريقة
77	٧	١٤	٤	٨	۲	١	الأولى
44	16	1,4	4	11	۵	Y	3 -
(12) (14	(27) 40	(0£) YY	(YY) 1£	(20) 12	(19) 11	٣	
γ.	11	١٠	٤	1.	٧	ź	الثانية
77	1,4	14	١٠	١٤	٨	٥	
(41) 17	(0+) 11	(01) **	(٢٦) ١٢	(٣9) 10	(45) 9	٦	
18	۲	٨	١	٦	۲	٧	التقليدية
ሃዝ	17	18	٩	17	٨	۸	
(09) 19	(24) 19	(YY) 1·	(11) 1	(YY) 1	(٢٠) ١٠	٩	
41.7	140	177	٧٧	1+1:	74"		المجموع

مجاص (الذكاء) = ١٢٣٣ ، مجاس (التحصيل) = ٢٤٩٥ ،

مچہ س ص س ۲۰۰۶

ولاجراء تحليل بيانات هذه الدراسة نقوم بجمع درجات كل خلية وكل مجموعة وكل فترة من فترات القياس ، ثم المجموع الكلى ومجموع المربعات وذلك للمتغيرين الذكاء والتحصيل وحاصل المضرب . وهذه البيانات مدونة داخل الجدول وأسفلة وعلى اليسار . وتستخدم هذه البيانات في حساب مجموع المربعات لمصادر التباين المختلفة ولكل متغير وحاصل الضرب أيضا.

وفيما يلي خطوات حساب مجموع العريعات لتلك المصادر والمتغيرات .

(أ) – متغیر الذكاء :
$$(100)^{-1}$$
 – متغیر الدكاء : $(100)^{-1}$ – $(100)^{-1}$

$$\frac{V(170)}{1A} = \frac{V(74)}{7} + \frac{V(00)}{7} + \frac{V(27)}{7} = \frac{V(27)}{7} + \frac{V(27)}{7} = \frac{V(27)}{7}$$

$$\epsilon, \epsilon = \frac{\frac{Y}{Y}(176)}{14} = \frac{\frac{Y}{Y}(YY)}{9} = \frac{Y}{Y}(YY) = \epsilon, \epsilon$$

٤ -مجموع مربعات خلايا الطرق × الفترات →

$$\frac{\sqrt{(170)}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{(11)}}{7} + \dots + \frac{\sqrt{(12)}}{7} + \frac{\sqrt{(12)}}{7} = \dots$$

Y1. AY ---

ه -- مجموع مريعات تفاعل الطرق × الفترات = ٢١,٨٣ - ٢٣ - ١٠,٢٣ - ٧ - ٧ ٣ - مجموع مريعات بين الأقراد

110-

٧ - منهموع مريسات داخل الأفراد - ٢٢٠٠٥ - ١٩٥٠ ٣٥،٥٣

٨ -مسهموع مريعات الشطأ الأول = ١٩٥ -- ١٩٠ -- ١٨٤. ٦٧ = ١٨٤.

٩ سمجموع مريعات الفطأ الثاني ◄ ٥,٥ – ٧ - ١٤

(ب) متغير التحصيل :

$$\frac{1}{14} = \frac{1}{14} $

$$\frac{7}{1/4} = \frac{7}{4} = \frac{7}{4} = \frac{7}{4} = \frac{7}{4} = \frac{7}{111} = \frac{7}{111} = \frac{7}{111} = \frac{7}{111} = \frac{7}{111} = \frac{7}{111} = \frac{7}{111} = \frac{7}{111} = \frac{7}{111} = \frac{7}{111} = \frac{7}{111} = \frac{7}{1111} = \frac{7}{111111} = \frac{7}{111111} = \frac{7}{111111} = \frac{7}{111111} = \frac{7}{111111} = \frac{7}{111111$$

2 - مجموع مربعات خلايا الطرق × الفترات

IAE, O -

 $34 \cdot 7 - 1 \cdot 0 - 148.0 - 14$

YVV -

٧ -- مجموع مريعات داخل الأفراد = ٢٧٤٠ -- ٢٧٧ -- ٩٧٠

144 - 100 - 144 - 140 - 14

٩ - مجموع مريمات الخطأ الذاني = ٥٧،٥ - ٢٠ ٦٨ - ٤٤ ٦٢ - ٢٢

(جـ) حواصل الضرب:

٧ - مجموع حواصل العنزب للطرق

، -- مجموع حواصل صرب خلايا الطرق × الفترات

مجموع حواصل ضرب تفاعل الطرق × الفترات

1+, TY = 14, 0 - 4+ - 01, 14 -

٣ -- مجموع حواصل الصرب بين الأفراد

٧ - مجموع حواصل المنوب داخل الأفراد = ٢٢٦٥ - ١٨٦٥ - ٤٠

٩ - مجموع حواصل الضرب للخطأ الذائي = ٤٠ - ١٧.٥ - ١٧.٥ - ١١.٨٢ - ١١.٨٢
 ثم نضع البيانات السابقة في جدول تطيل التغاير الثنائي للقياس المتكرر
 ٣٨٩

جدول (۱۲ - ۱۱) تحليل النغاير الثنائي للقياس المنكرر

	مثوسط	درع			الصرب	ت رحولمال	مهدالدريعا	
<u>_</u>	أمربعات	~		د.ع	الدكاء	جامبل المترب	التحسيل	مصدر التباين
			V/77= - (14/0) - YVV	٨	110	ነለጜወ	***	الإفراد
٣,٠٦	۲۷, ۱۲	¥	DE, YZ=147Y-147F	Ţ	11,77	۲۰	100	الطرق
غير دالة	۸۸۷	ø	Y/? - (10%=) YF,M/? - YF,M?	٦	148,37	ነ፡፡ኒ፡፡	177	الحطأ الأول
۵۲.٦ دالة عندا ۲۰۰۰	11,07	١	T1,p3=F- (19,97) -A1,47	1	€,0	17,0	34.13	العدرات
۱,۹۵ غير دالة	1,19	۲	$\frac{2^{2}}{2^{2}} = \frac{1}{4^{2}} \left(\frac{1}{4^{2}} \frac{1}{4^{2}} \right) = 1 $	Y	٧	1+,19	11, ££	الكهاعل.
	,	D.	Y =	3	1t	11,47	11"	المطأ الثاني
				۱Y	YY+,0	717,0	TV£,0	انكلي

ويتم حساب مجموع المربعات المعدل لأفراد = ٢٧٧ - (١٨٦,٥) - ٣٩٨ عبد المربعات المعدل الأفراد = ٢٧٧ - (١٩٥

مجموع المربعات المعدلة للخطأ الأول = ١٧٧ -
$$\frac{(107,0)}{145,77}$$
 = ١٨٤, ٦٧

مجموع المربعات المعدلة للطرق (بالطرح) = ٦٣ ٩٨ ٣٠ - ٤٤,٣٧ مربعات

$$T = \frac{\Upsilon(11,\Lambda\Upsilon)}{12} - 1\Upsilon = 11$$
 مجموع المربعات الخطأ الثانى المعدلة = Υ

مجموع مريعات الفترات المعدل

= (مد مربعات الفترات + مد مربعات الخطأ الثاني) ! النحصيل

- مد مربعات الخطأ الثاني المعدلة

$$T = \frac{\frac{1}{11, \Lambda T + 17, 0}}{\frac{111 + 120}{111 + 100}} = \frac{11 + 12, 01}{111 + 100} = \frac{111 + 12, 01}{111 + 100} = \frac{111 + 12, 01}{111 + 100} = \frac{11111 + 12, 01}{111 + 10$$

مجموع مريعات التفاعل المعدلة

= [محد مربعات النفاعل + محد مربعات الخطأ الثاني اللتحصيل

- محد مربعات الخطأ الثاني العدلة

$$T = \frac{T(11, \Lambda T + 11, TV)}{(11 + 12, 21)} = T$$

$$1,77 = 11,11 - 17,11 =$$

لاحظ أن درجات حرية الخطأ الاول نقل درجة لعزل أثر المتغير الخارجى ، وكذلك درجات حرية الخطأ الثانى نقل درجة أيضا لعزل أثر المتغير الخارجى مرة أخرى بسبب تكرار قياسه.

ومن الواضح أن قيمة (ف) للطرق (٣,٠٦) وهي غير دالة ، وكذلك تفاعل الطرق × الفترات ، بينما بوجد فرق دال بين الفترات حيث أن قيمة ف (٣٢,٠٥) دالة عند مستوى ٢٠٠، ولأنه لا يوجد سوى فترنين فمن السهل المقارنة بينهما ، حيث يتضح أن درجات القباس البعدى للتحصيل أعلى من القياس القبلى ، ومن الممكن حساب المتوسطات المعدلة كما يلى:

$$(\frac{170}{14} - \frac{77}{9}), 150 - \frac{177}{9} = \frac{177}{9}, (\frac{177}{9} - \frac{177}{9})$$

$$|15,79 - (7,0 - 10,11 = 1$$

ويتصنح أن المتوسط المعدل للتحمييل البعدى أعلى من المتوسط المعدل للتحصيل القبلي. أما إذا رغبتا في حساب المتوسطات المعدلة للطرق فيكون معامل الانحدار مختلف.

معامل الانحدار (التحصيل على الذكاء) للطرق = محد حراصل ضرب الخطأ الأول (الدكاء) معامل الانحدار (التحصيل على الذكاء)

ويكون المتوسط المعدل للطرق (في التحصيل)

متوسط الطريقة في التحصيل -- معامل انحدار الطرق (متوسط الطريقة في الذكاء -- المتوسط العام الذكاء)

وعلى سبيل المثال: المترسط المعدل للطريقة الثالثة

$$\left(\frac{170}{1\lambda} - \frac{79}{7}\right) \cdot \lambda \xi V - \frac{09}{7} \Rightarrow$$

$$\left(\frac{1}{1}, \frac{1}{1}, ac{1}{1}, \frac{1}{1}, \frac{1}{1}, \frac{1}{1}, \frac{1}{1}, \frac{1}{1}, \frac{1}{1}$$

وكذلك يمكن حساب بقية المتوسطات المعدلة للطريقتين الأولى والثانية وهما : ١٤, ١٣، ١٤، ١٣ على الترتيب .

وإدا كانت الفروق بين الطرق دالة فيمكن إجراء المفارنات المتعددة المعتومطات المعدلة بإستخدام إحدى طرق المقارنات المتعددة .





الفصل الثالث عشر تحـــليل الاتجـــاه

يهدف التحليل العلمى للمعلومات الى التعرف على طبيعة الوظائف والعلاقات بين المتغيرات المستقلة والتابعة . وعند اجراء دراسات تجريبية يمكن الترصل الى هذا الهدف إذا كانت البيانات كمية ، أما في حالة البيانات الكيفية فيصعب التوصل الى تلك العلاقات المشار اليها .

وإحدى طرق توضيح العلاقات بين المتغيرات أو بين المعالجات هي استخدام الرسوم البيانية وشكل الانتشار ، حيث توضح الرسوم البيانية طبيعة العلاقات بين المتغيرات ،

وقد تكون العلاقة بين متغيرين علاقة خطية ، بمعنى أنه يمكن توفيق خط مستقيم ليوضح هذه العلاقة . ونمثل العلاقة الخطية بمعادلة من الدرجة الأولى بين متغيرين وهي : ص - أ + ب س

حيث مس متغير تابع ، س متغير مستقل ، أ مقدار ثابت ، ب معامل الانحدار البسيط .

أما إذا كانت العلاقة بين المتغيرين منحنية ، فاننا نمثلها بمعادلة من الدرجة الثانية ، وتكون على الصورة :

والصورة العامة هي :

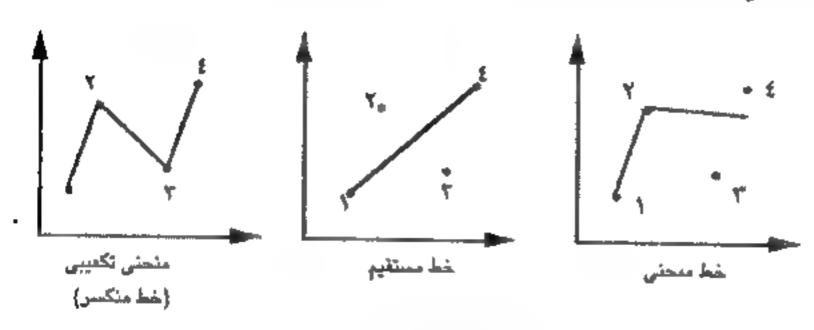
مس = أ + ب، س + ب، س + ب، س + ب، س + + ب، ك س ك وهي تمثل علاقة من الدرجة (ك).

أولا : حالة خُليل التباين :

إذا تضمنت دراسة تجريبية أربع مجموعات ، وتم اجراء تحليل البيانات ونتح عنها رفض الفرض الصفرى ، فان هذا القرار بعنى أن المجموعات مختلفة ،

أى اختلاف تأثير المعالجات على المتغير النابع . ولا تدل النتائج أو القرار المتصل بها عن طبيعة العلاقة بين المعالجات والمتغير النابع ، فقد تكون العلاقة خطية أو منحنية أو تكعيبية أو غير ذلك .

وبالطبيع فان العلاقة المناسبة هي الني تمثلها أفضل معادلة مع اخطاء قليلة.



المكل ١٣ - ١

ويتم التوصل الى المعادلة المناسبة لبيانات متغيرين عن طريق تحليل الاتجاه واستخدام معاملات المقارنات المتعامدة Orthogonal ، ومن خصائص المعاملات المتعامدة أن مجموعها = الصفر ، ومجموع حاصل ضرب معاملات إتجاهين = صفر

ومعاملات المقارنات المتعامدة لأربع معالجات هي :

ونلاحظ أن مجموع معاملات كل إنجاه = الصغر ، وتوجد جداول خاصة لهذه المعاملات . ولاجراء تحليل الانجاه analysis ، نقوم بحساب مجموع المربعات الكلى للانجاه إعتماداً على المعادلة العامة السابق الاشارة اليها:

فيكرن مجموع مربعات الانجاه = مجموع مربعات الانجاه الخطى + مجموع مربعات الانجاه المنحنى + مجموع مربعات

الانجاه التكعيبي+

ويحسب محموع مريعات الانجاء الخطى من تباين المجموعات محموع مريعات الانجاء = [مجر (معامل المقارنة × مجموع درجاتها)] أ أن محموع مريعات الانجاء = [مجموع مريعات المعاملات لكل مجموعة × حجم المجموعة] (Winer etal, 1991)

ويتم اجراء تحليل الانجاء للتعرف على طبيعة العلاقة بين البيانات إذا كانت خطية أو منحنية أو تكعيبية أو رباعية ، وذلك في حالة المقارنة بين عدة مجموعات ، أي في حالة التباين أو تحليل تباين القياس المتكرر أو تحليل النغاير.

مثال (1) : أجرى باحث دراسة لبحث العلاقة بين مستوى المشكلات الأسرية ومفهوم الذات لدى الابناء . فاختار أربع مجموعات بمثل أربع مستويات هي : انفصال الوالدين ، والخلافات المستمرة ، والخلافات البسيطة ، والاسرة السعيدة ، وهجم كل مجموعة ٢٠ فردا ، وفيعا يلى ملخص البيانات .

Second					
المجموع الكلي	الرابعة	الثالثة	الثانية	الأولى	المجموعة
۸۰	۲۰	۲٠	۲٠	۲۰	
11/0	TAO	٣٤٠	72.	***	جم المجموع جد الدرجات
1927-	VE10	7574	4440	744.	جـ مربعات الدرجات
18,11	19, 40	17	11	11	لمتوسطات

وأسلوب التحليل التوصل إلى الإنجاء بيداً بتجليل التباين ، ولذلك فاننا نحسب مجموع المريعات الكلى ، وبين المجموعات ، والخطأ

$$\frac{(V_{0} - V_{0})}{U} = Acc = \frac{(Acc - V_{0})}{U}$$

$$= Acc = \frac{(Acc - V_{0})}{U}$$

$$= Acc = \frac{(Acc - V_{0})}{Acc}$$

$$19.07,A1 - 19.71 =$$
 $19.07,A1 - 19.71 =$
 $19.07,A1 =$
 $19.07,A1 -$
 $19.07,A1 -$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 $19.07,A1 +$
 19

وبمقارنتهامع قيم ف الجدراية نجد أنها دالة عدد مستوى ١٠٠٠٠١ وكل ماسبق هو تحليل تباين أحادى لبحث الفروق بين المجموعات في مفهوم الذات أو علاقة مستوى المشكلات مع مفهوم الذات .

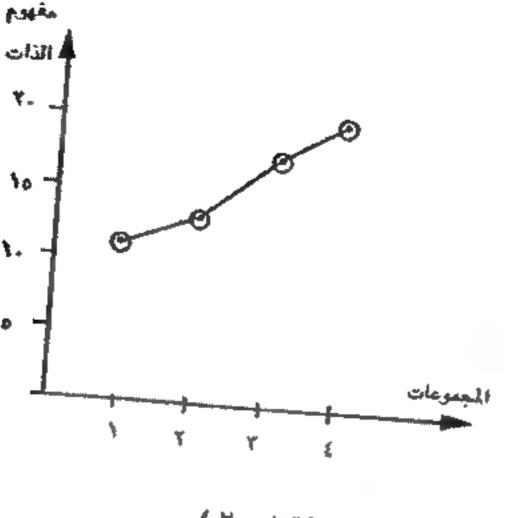
75.00 - 177.A1

ويمكن اجراء مقارنات متعددة بين متوسطات المجموعات لمعرفة المجموعات لمعرفة المجموعات الارتباط = مجموع المجموعات الاعلى في مفهوم الذات كما نستطيع حساب نسبة الارتباط = مجموع مربعات الكلي

وتعنى أن ٤٩,٢٪ من التباين في المتغير التابع برجع الى الانتماء. المجموعات وكذلك مربع أوميجا = مجموع مربعات المجموعات -- (ك - ١) متوسط مربعات الخطأ

وهي تعني أن ٦،٩٪ ٪ من تباين متغير مفهوم الذات يرجع الي مستوي المشكلات الأسرية ، ويقصل استخدام مربع أو ميجا بدلا من مربع إينا.

وإذا مثلنا متوسطات المجموعات في رسم بياني كما بالشكل (٢-١٣) حبيث يتمنح من الشكل (٢٢ - ٢) أن العلاقة الخطية قبوية ، وريما تكون العلاقة منحنية أو ثلاثية (تكعيبية) ، ولذلك فاننا نقسم مجموع مربعات المجموعات الى الاتجامات الثلاثة.



(Y-17)

مجموع مربعات المجموعات مجموع المريعات الخطية + مجموع المريعات المنحنية + مجموع المربعات التكعيبية

ثم نجرى اختبار لكل اتجاه للتوصل إلى درجة الاتجاه المناسب للبيانات . وبَستخدم معاملات المقارنات المتعامدة في حالة أربع مجموعات المذكورة سابقا ، لحساب مجمرع المربعات لكل اتجام -

ويتم حساب مجموع مربعات كل اتجاه في ثلاث خطوات : الأولى تحسب فيها مجموع مربعات المعاملات ، والثانية نحسب فيها مجموع درجات الانجاء ، أما الخطوة الثالثة فيتم فيها حساب مجموع مربعات الأنجاه وهي - (مجموع درجات الانجاه)٢ ÷ (مجموع مربعات المعاملات لكل مجموعة x حجم

المجموعة)

ولحساب مجموع مربعات الاتجاء الخطي فان الخطوات الثلاث هي:

(أ) مجموع مربعات المعاملات الخطية

 $Y \cdot = {}^{Y}(Y) + {}^{Y}(Y) + {}^{Y}(Y) + {}^{Y}(Y) = 0$

(ب) مجموع درجات الاتجاه الخطى = مجموع درجات كل مجموعة × معامل المقارنة ثم نجمع ذلك للمجوعات كلها :

090 = TX0 x T + TE+ x 1 + YE+ x 1 - YY+ x T -=

(جـ) مجموع مربعات الانجاه الخطى = (٥٩٥) * + (٢٠ × ٢٠) = ٢٠ ، ٨٨٥ . وبالمثل يتم حساب مجموع مربعات الانجاه المنحنى على النحو التالى :

(أ) مجموع مربعات معاملات الانجاء المنحدي

 $\xi = {}^{Y}(1) + {}^{Y}(1-) + {}^{Y}(1-) + {}^{Y}(1) =$

(ب) مجموع درجات الانجاه المنحني = مجموع درجات كل مجموعة ×

معامل المقارنة ثم نجمع ذلك للمجموعات

 $Yo = YAo \times 1 + Y£* \times (1-) + Y£* \times (1-) + YY* \times 1 =$

 $(4.8) - 4.8 = (4.8)^{3} + (4.8)^{3} + (4.8)^{4} + (4.8)^{4}$

وفي حالة الإنجاه التكعيبي فإن :

مجموع مربعات معاملات الانجاه النكعيبي = $(-1)^{7}+(7)^{7}+(-7)^{7}+(1)^{7}$... ۲ مجموع درجات الانجاه التكعيبي

TAOX 1 + TE+ x (T-) + YE+ XT + TY+ x (1-) =

مجمرع مربعات الاتجاء التكعيبي = (- ١٢٥) * ÷ (٢٠ × ٢٠) = ٥،٥١

ثم نضع البيانات السابقة في جدول الختبار دلالة كل اتجاء ، لا حظ أن لكل انجاء درجة حرية وإحدة

ويمكن تلخيص كل ما سبق في الجدول النالي (جدول ١٣ - ٢)

(جدول ١٣ - ٢) ملخص العلميات الحسابية لتحليل الاتجاء

ı,	متوسط المريطات	مجمرع مربطت	مجبرع درجات	مريعات درجاد	į	۳	Y	1	المحموعات
		نجاء الانجاء	الاتجاء		TAO	71.	75.	44.	مد الدرجات
14,54	M0,+1	AA0,+3	090	٧٠	۲+	1+	1-	T-	معاملات الحملية
*,*11	V,A1	Y,43	40	ź	۱۰	1-	1~	1+	معاملات المنحنى
T,0 V	{0,0 }	10,03	150-	۲.	۱+	۳-	۲+	1-	معاملات التكعيس
	17,70	النطأ							

ونلاحظ أن مجموع مربعات الانجاهات الثلاثة الخطية والمتحنية والتكعيبية = 70.000 + 7.000 = 73.000.

ونسبة مجموع مربعات الانجاهات الى مجموع مربعات المجموعات =

ومعنى هذا أن الانجاهات الثلاثة تمثل ١٠٠٪ من النباين . ونادرا ما يحدث هذا ، فقد يوجد إنجاه أعلى درجة من التكعيبي ، وعند ذلك يكون مجموع مربعات الانجاهات الثلاثة أقل من مجموع مربعات المجموعات -

ولا ختبار الانجاء الخطى فاننا نحسب قيمة ف وهي تساوي

متوسط مربعات الانجاة الخطى

وبمقارنتها بقيم ف الجدولية نجد أنها دالة عند مستوى أمن وبمقارنتها بقيم ف الجدولية نجد أنها دالة عند مستوى أمن و والانحراف عن الخطية يمكن إختباره بحساب مجموع مربعات الانحراف عن الخطية بدرجات حرية (ك - ٢) ، ثم نحسب قيمة ف مجموع مربعات الانحراف عن الخطية

= مجموع مربعات المجموعات - مجموع مربعات الخطية = ٢٤ ٩٣٨ - ٢ - ٨٨٥ - ٣٢,٢٨

متوسط مريعات الانحراف عن الخطية = $\frac{07,770}{(3-7)}$

قيمة ف للانحراف عن الخطية = $\frac{77,79}{17,00}$ = 7,09 وهي غير دالة 17,00

مما يعنى أن الانحراف عن الخطية غير دال

أما قيمة ف للاتجاة المنحنى = $\frac{V. \wedge 1}{17. Vo}$ = 17. وهي غير دائة المنحنى

وقيمة ف الانجاة التكعيبي = (١٣,٧٥ - ١٣,٧٥ وهي غير دالة أيضا

والاختبارات السابقة للاتجاهات الثلاثة هي اختبارات متعامدة (مستقلة عن بعضها البعض) ونستنتج من النحليل السابق أن العلاقة بين المجموعات ومفهوم الذات يمثلها الاتجاه الخطى (علاقة خطية).

ولذلك فإن المعادلة التي نمثل هذه العلاقة الخطية هي : ص = أ + ب س

حيث أ، ب هما المقدار الثابت ومعامل الانحدار الخطى، ص هى متغير مفهوم الذات، س هى متغير المجموعات وتأخذ القيم ١، ٣،٢، ، ؟ أى قيم الانتماء للمجموعة

(هذا المتوسط ليس له معنى وإنما $Y, o = \frac{1+4}{7}$ متوسط س = $\frac{1+4}{7}$ متوسط س = $\frac{1+4}{7}$ الثابت أ)

قيمة ب = المجموع مريعات الانجاء الخطى خ مجموع مريعات س

قيمة أ= م من - ب م من = 1100 من - ٢٠٩٧ × ٢٠٩٧ عند أ

وتصبح المعادلة الضاية هي: ص = ٢,٩٧ + ٢,٣٩ س

ومعامل الارتباط من المتغير المستقل (المجموعات) والمتغير التابع . (مفهوم الذات) يدل على نسبة النباين التي ترجع للاتجاء المستخدم .

مجموع مريعات الخطي مريعات الخطي مريعات الخطية مريع معامل الارتباط اللانجاة الخطي مجموع المربعات الكلي (مربع ابنا) مجموع المربعات الكلي محموع المربعات الكلي مربع ابنا) محموع المربعات الكلي محموع المربعات الكلي مربع ابنا)

مربع معامل الارتباط للاتجاة التكعيبي (مربع أيتا)

ونستنتج من ذلك أن الاتجاه الخطى يفسر ٤٦.٤ ٪ من تباين المتغير التابع بينما الاتجاء التكعيبي يمثل ٤٩.٢ ٪ من تباين المتغير التابع -

وهي منقارية مع قيمة مربع إينا السابق الحصول عليها (٤٦٤٠).

وبالطبع يفضل استخدام مربع أوميحا وهي تدل على الارتباط داخل المحموعات (وتسمى سبيرمان رو) إذا كانت العينات عشوائية , Winer et al) (1991 أما في حالة تحليل التباين التنائي ، فاننا نتبع نفس الطريقة مع كل متغير ومع التفاعل أيضا . بمعنى أننا نقسم مجموع مربعات المتغير المستقل الاول الي عدة أقسام : خطية ، ومنحنية ، وتكعيبية و نختبر دلالتها كما سبق ، ثم نتبع نفس الشي مع المتغير المستقل الثاني ، ونختبر دلالة تباين هذه الاقسام ، وكذلك مع تفاعل المتغيرين المستقلين نتبع نفس الخطوات السابق الاشارة & Ferguson)

وتكون المشكلة هنا كثرة العمايات الحسابية والتي تستلزم استخدام الساسوب في اجراء تحليل الانجاه .

طريقة أخرى لإختبار إجّاه العلاقة بين منغيرين :

وتوجد طريقة أخرى تستخدم لاختبار إنجاء العلاقة بين المتغير المستقل والمتغير التابع هي تعتمد على ضم مجموع مربعات المتغير المستقل ومجموع مربعات الخطأ معا، ثم يحسب منها مجموع مربعات الانحراف عن الخطية والذي يستخدم كمجموع مربعات الخطأ لاختبار إنجاه الخطية ويتم نفس الشئ للاتجاهات المنحنية والتكعيبية وغيرها (Winer et al, 1991)

ويوضح جدول (١٣ -٣) تحليل الانجاه بهذه الطريقة وهي اكثر استخداما من الطريقة السابقة .

جدول (١٣ - ٣) تطيل الانجاه،

مستوى اندلالة	ف	متوسط المريعات	دح	مجد المريعات	المصدر
دالة عند ٠,٠٠١	71,07	414,41 14,40	۳ ۷٦	95% EE 47%, Vo	المجموعات الخطأ
دالة عند ١٠٠١	17, ≥1	AA0, + 7 37, 1 +	۱ ۷۸	۸۸۵, ۰٦ ۱۰۲۲, ۱۳	الخطية الانحراف عنها
غير دال	٠,٣٠	۳, 91 17, 17	۲ ۷۷	۷,۸۱ ۱۰۱٤,۳۲	المنحنية الانحراف عنها
غير دال	1, 14	10,19	۲ ۲۷	10,07 174,77	التكعيبي الانحراف عنه

بإستخدام مجموع مربعات الخطية والمنحنية والتكعيبية السابق حسابها فإن: مجموع مربعات الأنحراف عن الخطية

مجموع المربعات الكلى - مجموع مربعات الخطية

MO, +7 - 19+4, 19 -

- ۱۰۲۲, ۱۳ (بدرجات حریة = ن - ۲ = ۲۸)

مجموع مربعات الانحراف عن الانجاه المنحنى

مجموع مربعات الانحراف عن الخطية

- مجموع مربعات الانجاء المنحني

- ۱۰۲۲, ۱۳ - ۲۰۲۲, ۱۳ = ۲۰۲۲ (بدرجات حریة = ن- ۳ =۷۷)

وكذلك مجموع مريعات الإنحراف عن التكعيبية

974, 47 - 20,07 - 1-12, 44 -

بدرجات حرية (ن - ٤ = ٧٦)

ويتصنح أن النتيجة النهائية بالجدول (١٣ – ٣) مشابهة لنتائج الطريقة السابقة . ثانيا : حالة خليل تباين القياس المتكرد:

اجراء تحليل الاتجاه في حالة تحليل تباين القياس المتكرر لاتختلف كثيراً عن تحليل التباين ، حيث أننا نستخدم نفس الخطوات السابقة . أما في حالة القياس المتكرر الثنائي فاننا ننبع نفس الخطوات مع كل مصدر من مصادر التباين (المجموعات ، والفترات ، والتفاعل) ونستخدم نوع الخطأ المناسب (الأول أو الثاني) عند حساب النسبة الفائية .

مثال (٢): أجريت دراسة على مجموعة من الافراد تعرضوا لبرنامج لتعديل أسارب العمل وأثره على الرضا الوظيفي وكانت البيانات كما يلى:

(٤		11)	دول	خر
---	---	--	----	---	-----	----

المجموع	منابعة ٢شهور	متابعة ٣شهور	بعدى	أثناء البرنامج	قبلى	الفترات الافراد
۳۷	٨	٨	٩	Y	٥	١
. 44	٦	٦	٧	٥	٤	4
٤١	٨	9 1	٩	٨	v	4
94.	Y	٧	٨	۰	٢	1
٣٨	٨	٨	٩	v	٦	0
72	٦	٦	٦	٤	۲	۱,
44	٧	٦	Y	7	٣	v
۲۱ .	٥	٥	٦	٤	1	
۳.	3	٧	٨	٥	٤	٩
44	7	٦	Υ	٦	٣	1.
4.4	٦٢	ጎለ	Y7	γα	۳۸	المجموع

فاننا نجرى تحليل تباين القياس المتكرر أولا ، ثم يليها تقسيم مجموع مربعات الفترات الى الاتجاهات الفطية والمنحنية والتكعيبية وربما الاعلى من ذلك في حالة دلالة الانحراف عن هذه الاتجاهات .

$$\frac{1}{1} (TY) = \frac{1}{1} (TX) + \frac{1$$

$$\frac{Y(Y^*Y)}{a+a} = \frac{Y(YA) + + Y(YA) + Y(YV)}{a}$$
 مجموع مریعات الآفراد = $\frac{Y(YA) + Y(YA) + Y(YA)}{a}$

V1, YA = 1AVY, VY - 1988 =

مجموع مربعات الخطأ = مجموع المربعات الكلى – مجموع مربعات الفترات - مجموع مربعات الافراد

V1, VA - A0, EA - 17V, VA =

- ۱۰٫۵۲ بدرجات حریة (۶۹ – ۶ – ۹ – ۳۱ – ۲

وتكون قيمة ف للفترات = متوسط مربعات الفترات متوسط مربعات الخطأ

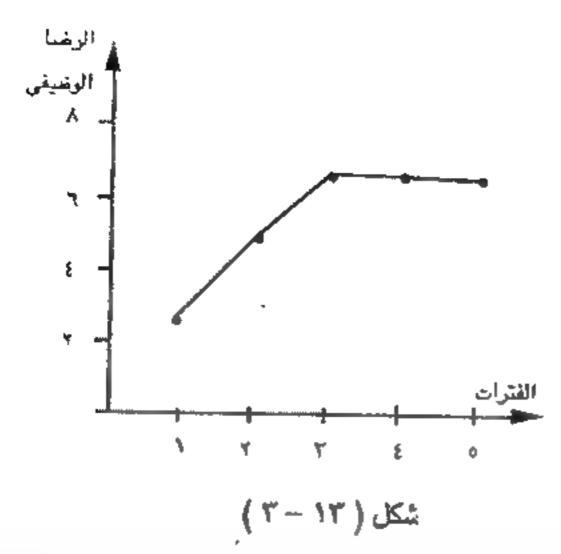
$$VY, TQ = \frac{Y1, TY}{*, YQ} = \frac{\left(\xi \div A0, \xi A\right)}{\left(T'1 \div 1*, 0Y\right)} = \frac{1}{4}$$

وهي دالة عند مستوى ٢٠٠١،

وتعنى وجود فروق في الرصا الوظيفي بين فترات القياس والمعرفة الفترات التي يختلف فيها الرصا الوظيفي ، فأننا نجرى مقارنات متعددة بين متوسطات الفترات .

أما لمعرفة طبيعة العلاقة بين الفترات ودرجات الرضا الوظيفى . فاننا . نجرى إختبار العلاقات الخطية والمنحنية والتكعيبية وغيرها . فاذا كانت العلاقة الخطية دالة والانحراف عنها غير دال فيمكن النوقف عن اجراء تحليلات أخرى . أما إذا كان الانحراف عن الخطية دال فاننا نكمل التحليل باختبار دلالة العلاقة المنحنية . وهكذا حتى نحدد أفضل علاقة ممكنة بين المتغير المستقل والمتغير النابع .

وبتمثيل متوسطات الفترات بيانيا كما بالشكل (١٣ -٣) يتضح أن طبيعة العلاقة بين الفترات والرضا الوظيفي علاقة منحنية ، وقد تكون من درجة أعلى من ذلك ،



ولاجراء تحايل الاتجاه فاننا نستخدم معاملات المقارنات المتعامدة في حالة ' خمس مجموعات ، والتي نحصل عليها من جدول خاص (Winer et al, 1991) والجدول التالي (١٣ - ٥) يوضح معاملات المقارنات المتعامدة والعمليات الحسابية اللازمة ، وهو مشابه للجدول (١٣ - ٢) السابق .

جدول (۱۳ - ۵) تحليل الاتجاء القياس المتكرر

مسترى لدلالة	ڼن	مئومط المريعات	مجموع مريمات الإنباء	مجمرع درجات الانجاد	ميسرع مريعات المعاملات	۵	í	٣	۲	١	المجمرعات
						٦٧	٦٨	n	ργ	۲A	مجد الدرحات
دال عبد ۰٫۰۰۱	171,17	£V, 31	<i>६</i> ೪, ٦ ١	11	11	T	١	مسفر	1-	۲	الساءلات عمارة
دان عند ۲۰۰۱	11-,07	27,-3	77,-7	٦٧	۱£	۲	1-	٧-	1.	۲	المتحثية
غير دال	1,11	-, £1	-,£1	Y	3+	١	۲-	مسئز	۲	1	التكحيبية
بال ع <u>ند</u> ۰٫۰۰۱	IATT	0,77	0,77	11	٧٠	١	٤	٦		١	الرباعيه
متوسط مريعات الفطأ -٢٦-											

ونلاحظ من الجدول (١٣ - ٥) أن معاملات المقارنات المتعامدة تنضمن أربعة انجاهات (خطى ، ومنحنى ، وتكعيبى ، ورباعى) ، بينما فى جدول (١٣ - ٣) بحتوى على ثلاثة إنجاهات فقط . وبالرجوع الى الجداول الاحصائية الخاصة بالمعاملات المتعامدة (Ferguson, 1971) تجد أنه فى حالة ثلاث مجموعات تكون المعاملات لإنجاهين فقط (خطى ومنحنى) ، وفى حالة أربع مجموعات تكون المعاملات لثلاثة انجاهات (خطى ، ومنحنى ، وتكعيبى) بينما فى حالة خمس مجموعات الى ٧ مجموعات تكون المعاملات لأربعة انجاهات (خطى ، ومنحنى ، وتكعيبى) ، أما فى حالة ٨ مجموعات الى ١٠ مجموعات الى ١٠ ورباعى ، ومنحنى ، وتكعيبى ، ورباعى ، ومنحنى ، وتكعيبى ، ورباعى) ، أما فى حالة ٨ مجموعات الى ١٠ مجموعات الى ١٠ ورباعى ، وخماسى)

مجموع مربعات الانجاء الخطى = $(-Y)^{Y} + (-1)^{Y} + \cot(+1)^{Y} + (Y)^{Y} = 1$ مجموع مربعات الانجاء الخطى

= - ۲ × ۲۷ - ۱ × ۹۷ + صغر × ۲۱ + ۲ × ۱۸ + ۲ × ۹۲ =

$$19 = \frac{1}{19}$$
 عربعات الانجاة الخطى = $\frac{19}{10 \times 10}$

ومجموع مربعات الانحراف عن الخطية = $0.5 \times 0.71 \times 0.00 \times 0.00$ الانحراف عن الخطية = $0.5 \times 0.00 \times 0$

ولذلك نكمل اجراء تحليل الانجاه

ومجموع مريعات الانحراف عن الاتجاه المنحني

$$(\Upsilon\Upsilon, \Upsilon\Upsilon + \xi \Upsilon, \Upsilon\Upsilon) - \Lambda 0, \xi \Lambda =$$

۲ = ۲ - ۷ = ۲) ٥,٨١ =

١٠,٠٢ = (٢+٥,٨١) = الانحراف عن الانجاء المنحنى = (٢٠,٠٢ - ٢٩,٠١ - ٢٩,٠١

وهي دالة عند ١٠٠١

ولايعنى هذا أن ندوقف عن اكسال التحليل وإنما نحسب الانحراف عن الانجاه التكعيبي

مجموع مريعات الانحراف عن الانجاء التكعيبي

- ۸۵, ۵۸ – (۲۱, ۲۱ + ۲۲, ۰۲ + ۴۱,۰۰) - ۲۲,۵ بدرجات حریة ك ~ ٤ = ۱

 $1 \times 0.77 = \frac{1 \div 0.77}{0.79} = \frac{1 \div 0.77}{0.79}$ قيمة ف للانحراف عن الانجاء التكعيبي = $\frac{1 \div 0.77}{0.79}$

وهي نفس القيمة للانجاء الرباعي

ويعنى هذا أن البيانات تتضمن علاقة رياعية إضافة الى العلاقات الخطية والمنحنية .

طريقة أخرى :

وتوجد طريقة أخرى تستخدم مربعات الانحراف عن الانجاه في اختبار الانجاه وهي اكثر استخداما من الطريقة السابقة (1991, Winer etal) •

ويوضح الجدول (٦٣ - ٦) هذه الطريقة والتي تتفق نتيجتها النهائية مع الطريقة السابقة .

مج مريعات الانحراف عن الخطية

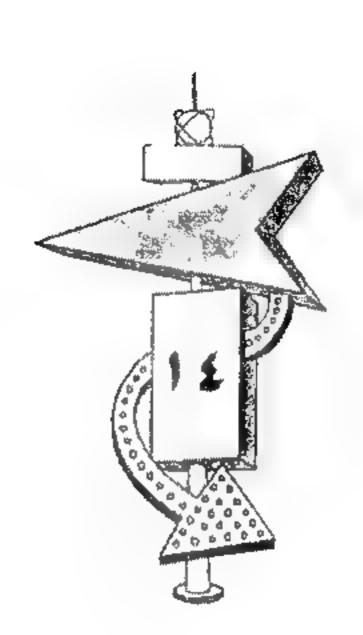
= مج. مربعات الفترات +مج مربعات الخطأ - مجموع مربعات الخطية = ٨٥,٤٨ + ٢٥,٠١ - ١٠,٥٢ - ٤٧,٦١ بدرجات حرية ٢٩ وبالمثل مجموع مربعات الانحراف عن الانجاه المنحنى
= ٣٨,٣٩ - ٣٢,٠٦ = ١٦,٣٣ بدرجات حرية ٣٨
وهكذا كما بالجدول (١٣ - ٢) طريقة أخرى لتحليل الانجاه .

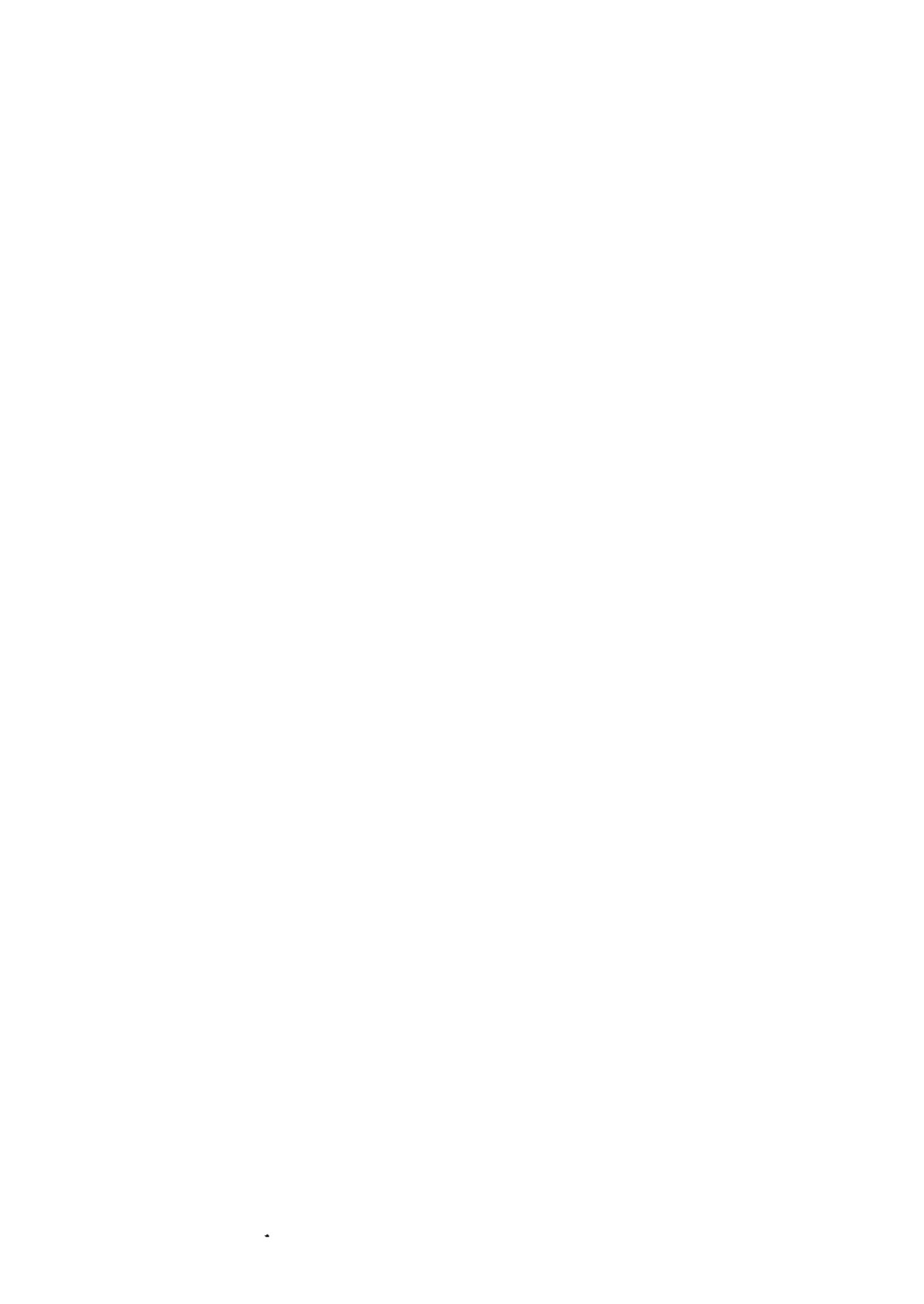
مستوى الدلالة	ij	متوسط المربعات	دح	هج. المربعات	المصدر
ىالة عند ۱۰۰۰	۳۸, ٤٠	έ٧,71 ₹,Υξ	1 44	٤٧,٦١ ٤٨,٣٩	الخطية الانحراب عنها
دالة عند ٠,٠٠١	44, 44	17, • **	Y YA	**, • *	المنحنية الانمراف عنها
غيردالة	۰,۳۷	*,17 •,£٣	**	*, ٤٩ ነው, ለደ	التكعيبي الانحراف عنه
دالة عند ۲۰۰۱	≴,०٩	1,77	£ ٣٦	0,88 10,08	الرياعي الانمراب عنه

ويتضح من الجدول أن العلاقة بين الفنرات والرصا الظيقي معقدة حيث أنها تتضمن علاقات خطية ومنحنية ورباعية .

	•		
•			

الفصل الرابع عشر الأحمال التحميل عمرال التحميل المرابع عشر المرابع عشر المرابع عشر المرابع عشر المرابع عشر المرابع عشر المرابع المراب





الفصل الرابع عشر تحليل الانحدار والارتباط المتعدد

عند توضيح الانحدار والارتباط الخطى البسيط ذكرنا أن الانحدار الخطى يدل على العلاقة بين متغيرين ويستخدم للتنبؤ بأحد المتغيرين (المتغير التابع) بمعرفة درجات المتغير المستقل كماأن الارتباط البسيط يوضح العلاقة بين المتغيرين (المستقل والتابع) وهذه العلاقة تدل على التباين المشترك بين المتغيرين (

لكننا الآن بصدد بحث العلاقة بين عدة متغيرات أحدها متغير تابع (ص) وبقية المتغيرات مستقلة (أو منبئات) . ويكرن الهدف هنا هو امكانية التنبؤ بالمتغير التابع من المتغيرات المستقلة مجتمعة معا ، ومعرفة تباين المتغير التابع الذي يسهم به كل متغير من المتغيرات المستقلة (المنبئات).

وقبل البدء في عرض تعليل الانحدار والارتباط المتعدد ، نود توضيح الفروض المتعلقة بالانحدار والارتباط الخطى البسيط ، وكيفية إختبار دلالة كل منهما.

أختبار دلالة معامل الارتباط البسيط:

يوجد عدد من الفروض عن معاملات الارتباط البسيط تنطلب الاختبار الاحصائى . ومن هذه الفروض أن معامل الارتباط فى مجتمع العنية تسمفر أو قيمة معينة ، أو أن معاملى الارتباط بين متغيرين من عينات مختلفة متساويان،

واختبار دلالة الارتباط تعنى إختبار ما إذا كان معامل الارتباط النائج مهما، أو أن له وجود مختلف عن الصغر ، وقد نختبر معامل الارتباط مقابل قيمة محددة ويكون الغرض من الاختبار هو معرفة ما إذا كان معامل الارتباط المحسوب من العينة يمثل معامل الارتباط في المجتمع ،

ويكون اختبار دلالة الارتباط (بأنه مساو للصفر أو لقيمة معينة) بناء على نظرية معينة أوبحوث سابقة أو كليهما . فاذا كان المتوقع أن العلاقة بين متغيرين

متوسطة فلا يجوز أن نختبر إختلافها عن الصغر ، فاذا إقترحت الأدبيات أن العلاقة بين درجات القدرات الللغظية والكمية والمكانية حوالى ٣,٠ (فى المتوسط) . فإن الفرض المناسب للاختبار يكون إختبار معامل الارتباط ٣٠٠ عن إختبار مساواته للصغر ، وحتى نقرر قبول أو رفض الفرض الصغرى (ر سمفر أو ر سروب) ، يجب معرفة شكل التوزيع العينى لمعامل الارتباط -Shavel) . son 1988:588

فاذا إخترنا عينة عشوائية حجمها ٢٠ فردا من مجتمع والارتباط في هذا المجتمع بين متغيرين (س، ص) يساوى الصفر . وإذا وجدنا أن معامل الارتباط بين درجات العينة قريب من الصفر ، فان هذه النتيجة ترجع الى خطأ المعاينة . ولو إخترنا عينة أخرى حجمها ٢٠ فرداً أيضا فان معامل الارتباط (بين متغيرين) الناتج قد لايساوى الصفر ولايساوى الارتباط السابق الترصل اليه ، ولكنه قريب من الصفر . وإذا كررنا هذا الاجراء عدد كبير من المرات وحسبنا في كل مرة الفرق بين الارتباط في العينة والارتباط في المجتمع ورسمنا التوزيع التكرارى لهذه الفروق (القروق على المحور الافقى والنكرار على المحور الرأسي) فان التوزيع الناتج يسمى التوزيع العيني لمعامل الارتباط . ويقترب هذا التوزيع من توزيع (ت) عندما يكون إرتباط المجتمع مساويا للصفر . وعليه فيمكن استخدام توزيع (ت) في اختبار الفرض الصفرى بأن الارتباط في المجتمع = صفر) Shavelson, 1988: 588 - 589

وعند مايكون الارتباط في المتجمع موجبا (٣٠٠ مثلا) يكون التوزيع العينى للارتباط سالب الالتواء ،أما إذا كان الإرتباط في المجتمع سالبا فيكون التوزيع العيني للارتباط موجب الالتواء . ولذلك فان الحالة العامة لاختبار مثل هذه الفروض (الارتباط الموجب و السالب) تتطلب تحويل الارتباطات بسبب توريعاتها الملتوية حتى يقترب التوزيع من المنحني الاعتدالي ، وقد توصل فيشر إلى تحويل مناصب لذلك يسمى التحويل اللوغارتيمي وهو تحويل الارتباط الى

والخنبار مدى اختلاف معامل الارتباط المحسوب من العينة عن الارتباط في المجتمع نستخدم التحوزيع الاعتدالي إذا تم تحويل معامل الارتباط الي

حيث ذرهى قيمة تحويل معامل إرتباط العينة ، ذر قيمة تحويل معامل ارتباط المينة ، الخطأ المعيارى لتحريل معامل الارتباط في العينة (560 - 589: Shavelson, 1988)

ويتطلب اختبار الفرض الصفرى وجود الافتراضات الاساسية لمعامل الارتباط وهي العشوائية في اختبار العيلة واستقلالية درجات كل فرد من أفراد العينة عن الآخرين . بالاضافة الى التوزيع الاعتدالي المزدوج لدرجات المتغيرين، ويقصد به أن توزيع درجات أحد المتغيرين (ص مثلا) يكون توزيع اعتداليا عند كل قيمة من قيم المتغير الثاني (س) ،كما أن لكل قيمة (ص) يكون توزيع درجات (س) توزيع اعتداليا ، بالاضافة الى العلاقة الخطية بين (س ، من اختبار إفتراض الاعتدالية بعدة طرق ، وأسهل هذه الطرق هي فحص شكل الانتشار ، فاذا كان التوزيع ملايا فاننا نستخدم معامل إرتباط الرتب أو نحول الدرجات ليقترب التوزيع من الاعتدالية .

كما يشترط الاختيار أن يكون حجم العينة = ٣٠ أو أكثر ,Shavelson) (1988 : 560

والمعادلة التي تستخدم الختبار الفرض الصفرى (ر- صفر) هي :

وهى تتطلب تحويل معاملي الارتباط الى الدرجة (ذ) باستخدام تحويل فيشر اللوغاريتمي ، وتوجد جداول إحصائية لتحويل معاملات الارتباط .

مثال (۱): إذا كانت العلاقة بين النفكير الابتكارى والاستدلال اللغوى = 0.5 و لعينة حجمها ١٠٠ طالب وطالبة ، وكان الفرض الصفرى أن العلاقة في المجتمع = 0.7 اعتمادا على البحوث السابقة .

ولاحتبار هذا الفرض (معامل الارتباط في العينة - معامل الارتباط في المجتمع)

والفرض البديل: أن معاملي الارتباط مختلفان . فإننا نقوم بتحريل معاملي الارتباط الي الدرجة (ذ) باستخدام التحويل اللوغاريتمي أو الجداول .

حیث ذره، به
$$= (0.7) = (0.7) = (0.7)$$
 میث ذره، به خورت دره، به خورت دره به القیمة الحرجة $= (0.7) \cdot \sqrt{(0.7)} - (0.7)$ $= (0.7) \cdot \sqrt{(0.7)} - (0.7)$

ثم نقارن القيمة الحرجة بقيم المنحنى الاعتدالي (١,٩٦ عند مستوى ٠٠٠٠ باستخدام اختبار الطرفين) حيث نجد أن القيمة الحرجة (١,٧٢) غير دالة .

ويكون القرار أن معامل الارتباط في العينة يساوى معامل الارتباط في المجتمع أو أنه لا يختلف عن معامل الارتباط في المجتمع اختلاقا دالا.

أما إذا حددنا الفرض البديل من البداية أن معامل الارتباط في العينة اكبر من معامل الارتباط في المجتمع ، فاننا نستخدم في هذه الحالة اختبار الطرف الواحد، وتكون القيمة المقابلة لمستوى دلالة ٥٠٠٠ (من الجدول) هي ١٠٠٠ وعليه فان القيمة الحرجة اكبر من القيمة الجدولية ، فيكون القرار رفض الفرض المسفري وقبول الفرض البديل وهو أن معامل الارتباط في العينة اكبر من معامل الارتباط في العينة اكبر من معامل الارتباط في المعينة اكبر من معامل

مثال (٢): أجريت دراسة لبحث العلاقة بين الرضى الوظيفى والاداء فى العمل ، واختيرت عينة عشوائية (٦٠) من العاملين باحدى المؤسسات وبلغ معامل الارتباط بين الرضا الوظيفى والاداء ٥٠، بينما كانت العلاقة بين الاداء فى العمل والراتب الشهرى ٣٠، والمطلوب إختبار دلالة معاملات الارتباط . بمعنى هل توجد علاقة دالة بين الاداء فى العمل وكلامن الرضى الوظيفى والراتب الشهرى؟

ويكون الفرض الصفرى : معامل الارتباط فى المجتمع = صفر ثع نحول معاملي الارتباط ٥,٠٠٠ الى الدرجات (ذ) وهما :

٠,٣١٠، ٠,٥٤٩ ، ٣١٠، ، ثم نحسب القيمة الحرجة لكل منهما أسعرفة مدى الخنلاف كل منهما عن الصفر.

وبالرجوع الى قيم المنحنى الاعتدالي نجد أن القيمة الحرجة لمعامل الارتباط ٣٠٠٠ دالة عند مستوى ٠٠٠٠

ويكون القرار رفض الفرض الصفري (معامل الارتباط = صفر)

ونقبل الفرض البديل (معامل الارتباط لا يساوى الصفر) بمستوى الدلالة المبين لكل منهما.

وإذا كان فى الدراسة عدد كبير من المتغيرات وتم حساب مصفوفة معاملات الارتباط بينها ، فيكون من الصعب تحويل كل معامل ارتباط الى الدرجة (ذ) ثم حساب القيمة الحرجة ومقارنتها بقيم المنحنى الاعتدالى ، ولكن يمكن مقارنة معاملات الارتباط بالمصفوفة مع جدول حاص باختبار دلالة معاملات الارتباط (أنظر الملاحق) ويستخدم مع الجدول درجات الحرية (ن - ٢) مستوى الدلالة المناسب (٥٠٠٠ أو ٢٠٠١) ، وهى تعتمد على اختبار (ت) حيث

وهي مربع ت المذكورة آنفا ، (Sirkin, 1995 : 433) إختبار الفرق بين معاملي إرتباط ،

قد نرغب في اختبار الفرق بين معاملي إرتباط بين متغيرين باستخدام عينتين مستقلتين . فأذا كانت العلاقة بين الرضا الوظيفي والاداء هي ٠٥٠٠ من العينة العشوائية السابق ذكرها . فأذا تكررت الدراسة باستخدام عينة أخرى عشوائية هجمها ١٠٠ ووجد أن معامل الارتباط = ٢٣٢٠ ونرغب في اختبار الفرق بين معاملي الارتباط.

ولاختبار الفرق بين معاملى الارتباط (انفس المتغيرين) من عينتين مستقلتين فاننا نحول معاملى الارتباط الى درجات (ذ) ، ثم نحسب القيمة الحرجة للفرق بينهما من القانون :(567: Shavelson, 1988):

القيمة المرجة للفرق بين معاملي إرتباط =
$$\frac{\dot{c}_1 - \dot{c}_2}{3(\dot{c}_1 - \dot{c}_2)}$$

حيث ع (د، - نه) هي الخطأ المعياري للفرق بين معاملي الارتباط

$$\frac{1}{T - i} + \frac{1}{U_{i} - T} = (i^{2} - i^{3})^{2}$$

ويفترض هذا الاختبار العشوائية في اختيار أفراد كل عينة واستقلالية اختيار كل عينة واستقلالية اختيار كل منهما عن الاخرى ، والتوزيع الاعتدالي للدرجات . كما يشترط أن يكون حجم كل عينة أكبر من ٢٠ (568: \$havelson, 1988)

الله عينة اكبر من ٢٠ (Shavelson, 1988: 508) الأرباط
$$\dot{\epsilon}_{i} = \dot{\epsilon}_{i} = \dot{\epsilon}_{i}$$
 (a) $\dot{\epsilon}_{i} = \dot{\epsilon}_{i} = \dot{\epsilon}_{i}$ (b) $\dot{\epsilon}_{i} = \dot{\epsilon}_{i} = \dot{\epsilon}_{i}$ (c) $\dot{\epsilon}_{i} = \dot{\epsilon}_{i} = \dot{\epsilon}_{i}$ (b) $\dot{\epsilon}_{i} = \dot{\epsilon}_{i} = \dot{\epsilon}_{i} = \dot{\epsilon}_{i}$ (c) $\dot{\epsilon}_{i} = \dot{\epsilon}_{i} = \dot{\epsilon}_{i}$

ولاختبار الفرق بين معاملي الارتباط المذكورين أعلاه (٠,٠ ، ٢٣٠٠) فان ذر = ١٠٥٠ ، ذر = ٢٣٢٠

لأنها أقل من القيمة للجدولية (١٠٩٦) عند مستوى دلالة ١٠٠٠

إختبار دلالة معامل الانجدار:

بعد التوصل الى معادلة انحدار خطى بسيط (بين متغيرين) فان المعادلة نحتوى على معامل الانحدار (ب) والمقدار الثابت (أ) وتستخدم المعادلة فى النبؤ بالمتغير النابع من المتغير المستقل وكما وضحنا المكانية اختبار دلالة معامل الارتباط البسيط ومكن أيضا اختبار دلالة معامل الانحدار والهدف من الاختبار هو تحديد ما إذا كان معامل الانحدار يساوى الصفر أو يختلف عن الصفر والتوزيع المناسب لهذا الاختبار هو توزيع (ت) بدرجات حرية (ن ٢٠) ونستخدم المعادلة

حيث (ب) معامل الانحدار البسيط (ص على س)، (ن) حجم العينة ، ع س الانحراف المعيارى لدرجات المتغير المستقل (س) ، ع من الانحراف المعيارى لدرجات المتغير المال الارتباط بين المتغيرين (س ، ص) . لدرجات المتغيرين (س ، ص) .

ويفترض هذا الاختبار: العشوائية في إختبار العينة واستقلالية درجات كل فرد عن بقية أفراد العينة ، والعلاقة الخطية بين المتغيرين ، والاعتدالية في توزيع درجات (ص) علد كل من قيم (س) ، وتجانس تباين درجات (ص) لكل قليمة من قليم (س) (Shavelson, 1988: 573 - 574)، فإذا كان معامل إنحدار الاداء في العمل على الرضا الوظيفي (ص على س) هو ١, ٢٣ والانحراف المعياري للرضا الوظيفي - ٣٠٤، الانحراف المعياري للاداء في العمل على الرضا الوظيفي والاداء في العمل على الرضا الوظيفي والاداء في العمل الارتباط بين الرضا الوظيفي والاداء = ٠٥٠٠

ت = ۱۳٬۵۱ بدرجات حریة (۲۰ – ۲)

قيمة ت (١٠٠١، ١٠٠٠) = ٢,٦٧ ، ت (١٠٠١، ١٠٠٠) = ٣.٤٧ وعليه تكون قيمة ت المحسوبة (١٣،٥١) دالة عند مستوى ٢٠٠٠، وهذا يعنى رفعن الفرض الصفرى وهو: معامل الانحدار = صفر وقبول الفرض البديل: معامل الانحدار لا يساوى الصفر

وفي حالة التوصل الى معادلة انحدار بين متغيرين من عينتين مستقلتين فيمكن اختيار دلالة الفرق بين معاملي الانحدار باستخدام المعادلة:

$$\frac{3^{2}}{3^{2}} (1-x^{2}) \frac{3^{2}}{3^{2}} (1-x^{2})$$

$$\frac{3^{2}}{3^{2}} (1-x^{2}) \frac{3^{2}}{3^{2}} (1-x^{2})$$

بدرجات حرية (ن ، +ن ، - ٤)

حيث (ن،ن) حجمي العينتين، (س، ب) معاملي الانحدار العينتين، أما عي، عي، عي، عي، عي، هي الانحرافات المعيارية لدرجات المعتنين، أما عي، عي، عي، عي، العينتين، (ر،، ن) هما معاملي الارتباط (بين المتغيرين (س، ص) من العينتين، (ر،، ن) هما معاملي الارتباط (بين المتغيرين س، ص) للعينتين (Shavelson, 1988: 578)

مثال (٣) : أجريت دراسة لبحث أثر نوع المحاضرة (المنظمة وغير · المنظمة) على علاقة التحصيل الدراسي والقلق وكانت النتائج كما يلي:

معامل الاتحدار	معامل الارتباط	ع القلق	ع التحضيل	ڹ	المجموعة
. *, ٢	,11	۲	٤	70	الأولى
1,72-	٠,٦٢	۲, ۱	٤,٥	44	الثانية

والخنبار دلالة الفرق بين معاملي الانحدار نحسب قيمة ت من المعادلة:

$$\frac{\left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{smallmatrix}\right]^{2}(\xi, 0)}{\left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{smallmatrix}\right]^{2}(\xi, 0)} + \frac{\left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{smallmatrix}\right]^{2}(\xi)}{\left[\begin{smallmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{smallmatrix}\right]^{2}(\xi)}$$

ت = ۲٬۱۱ بدرجات حرية (۲۰ + ۲۳ - ٤ = ٤٤)

رتكون قيمة ت الجدولية عند مستوى ٥٠٠٠ ٣٠٠٠ وبالتالى فان قيمة ت المحسوبة (٢٠١١) دالة عند مستوى ٥٠٠٠ وبالتالى فان قيمة ت المحسوبة (٢٠١١) دالة عند مستوى ٥٠٠٠ وهذا يعنى رفض الفرض الصفرى (الفرق بين معاملى الانحدار = صفر) وقبول الفرض البديل (القرق بين معاملى الانحدار لايساوى الصفر) ويكون القرار هو : أن معامل الانحدار بين المتغيرين في العينة الاولى بخنلف عنه في العينة الذانية.

الانصدار والارتباط المتعدد:

يقصد بالانحدار المتعدد التوصل الى معادلة خطية تربط بين متغير تابع وعدة متعيرات مستقلة (منبئات) . ويكون الهدف من ذلك هو امكانية التنبؤ بالمنغير التابع باستخدام بيأنات المتغيرات المستقلة ، والفكرة الاساسية هنا هى نفس فكرة الانحدار الخطى البسيط ، ولكنها تستخدم عدة متغيرات مستقلة . وتكون معادلة الانحدار البسيط على الصورة : ص = أ. + ب س

أما في حالة وحود متغيرين مستقلين س، ، س، فان معادلة الانحدار تكون ص = أ + ب، س، + ب، س،

حيث ب، ، ب، هما معاملي الاتحدار الجزئي ، أ مقدار ثابت

ومعامل الانحدار الجزئي هو العلاقة بين متغيرين (مستقل وتابع) عددما يكون المتغير الثالث ثابتا.

ويمكن حساب قيم معاملى الانحدار والمقدار الثابت باستخدام بيانات المتغيرات (المستقلة والتابع) ، وحساب معاملات الارتباط بينهم و المتوسطات الحسابية والانحرافات المعيارية ، فاذا رمزنا لمعامل الاتباط بين المتغير التابع (ص) والمتغير المستقل (س) بالرمز (رس(۱)) ، ومعامل الارتباط بين (ص، س) بالرمز (رس(۱)) ، ومعامل الارتباط بين س، ، س، بالرمز رب والمتوسطات الحسابية للمتغير التابع والمتغيرين المستقلين بالرموز م س ، م، ، م، ، والانحرافات المعيارية ع في المتغير التابع ، ع، ، ع، المتغيرين المستقلين ، فان :

$$\frac{c_{-c(1)} - c_{-c(1)} - c_{-c(1)}}{c_{1}} = \frac{3_{-c}}{3_{1}}$$
(1-)

(Shavelson, 1988: 585 - 588)

والارتباط المرتفع بين المتغيرين المستقلين (أو بين المتغيرات الميتقلة بصفة عامة) أمر هام لأنه يؤدى الى تقديرات غير ثابتة لمعاملات الانحدار الجزئى، إذ أن معاملات الانحدار الجزئى قد تتغير قيمتها وأحيانا الاشارة من عينة الى أخرى، فقد يكون الارتباط موجبا، بينما معامل الانحدار قد يكون سالبا، لأن معامل الانحدار الجزئى هو دليل على العلاقة بين متغيرين عندما تكون المتغيرات الأخرى ثابتة ، وبالتالى فان قيمة واشارة معامل الانحدار تختلف عن معامل الارتباط.

ويقصد بالارتباط المتعدد العلاقة الخطية بين مدخير تابع وعدة متخيرات مستقلة مجتمعة معا . وبمعنى آخر هو العلاقة الخطية بين متخير تابع ودائة خطية لمجموعة متغيرات مستقلة (منبئات) . وهو بذلك يشبه معامل الارتباط البسيط لكن قيمته تترواح بين صغر ، ١ كما أنه يعرف بالعلاقة بين درجات متغير تابع وبين القيم المتنبأ بها للمتخير التابع من المتغيرات المستقلة . فاذا كان المتغير التابع (ص) والقيم المتنبأ بها (ص) فاننا نستطيع حساب معامل الارتباط المتعدد مثل معامل الارتباط المتعدد مثل معامل الارتباط البسيط من المعادلة :

$$C_{m_{i}(i,j)} = \frac{C_{m_{i}(i)} + C_{m_{i}(i)}^{2} - C_{m_{i}(i)}^{2$$

(Shavelson, 1988: 590)

ومربع الارتباط المتعدد (ر^۲) يدل على نسبة التباين في المتغير التأبع التي يمكن تفسيرها باستخدام بيانات المتغيرات المستقلة

ويمكن تفسيم تباين المتغير التابع الى قسمين : الارل جزء متنبأ به ، والثانى . جزء غير متنبأ به (الباقى) ، وبالتالى يكون :

مجموع المربعات الكلى للمتغير التابع = مجموع مربعات الانحدار (المتنبأ به) + مجموع مربعات الباقى (غير المتنبأ به) .

وعليه فإن ر = مجموع مربعات الانحدار وهي ندل على نسبة التباين المتنبأ به مجموع المربعات الكلي

من التباين الكلي ،

أما نسبة التباين غير المفسر = ١ - ر٢٠ .

لاحظ أن مجموع المربعات الكلى = مجمس"، بينما مجموع مربعات الانحدار = مجد (ص - ص)"، ومجموع مربعات الباقى = مجد (ص - ص)"، ولاختبار دلالة الارتباط المتعدد نستخدم اختبار (ف)

ف =
$$\frac{(1+2)}{(1-2)-(1-2)}$$
 $\frac{(1-2)-(1)}{(1-2)}$...(۱۲)
 $(1-2)+(1)-(1-2)$ $(1-2)+(1-2)$ $(1-2)$

أما لاختبار دلالة معاملات الانحدار الجزئية فاننا نستخدم اختبار (ت)

بدرجات حرية (ن-ك-١)

(في حالة متغيرين مستقلين)

ريقصد بالخطأ المعياري لمعامل الاتحدار أنه الخطأ في تقدير قيم المتغير النابع من التجمع الخطى المتغيرين المستقلين (في حالة متغيرين فقط) وإذا حسبنا معاملي الانحدار من بيانات عينة معينة ثم كررنا الدراسة على عينات أخرى فان معاملات الاتحدار سوف تختلف من عينة لأخرى ، فانا مثلنا هذه القيم بمنحنى نوزيع تكراري فان الانحراف المعياري لهذا التوزيع الناتج يدل على خطأ المعاينة لممعامل الانحدار ، وهو الخطأ المعياري لمعامل الانحدار ، وهو الخطأ المعياري لمعامل الانحدار -Shavel) son,1988 : 602;Kerlinger & Pedhazur, 1973 : 119)

وكما ذكرنا سابقا كلما زاد معامل الارتباط بين المتغيرين المستقلين يزداد الخطأ المعيارى لمعاملى الانحدار ، ومن ثم تصبح معاملات الانحدار غير مستقرة الافتراضات الاساسية للاتحدار والارتباط المتعدد ،

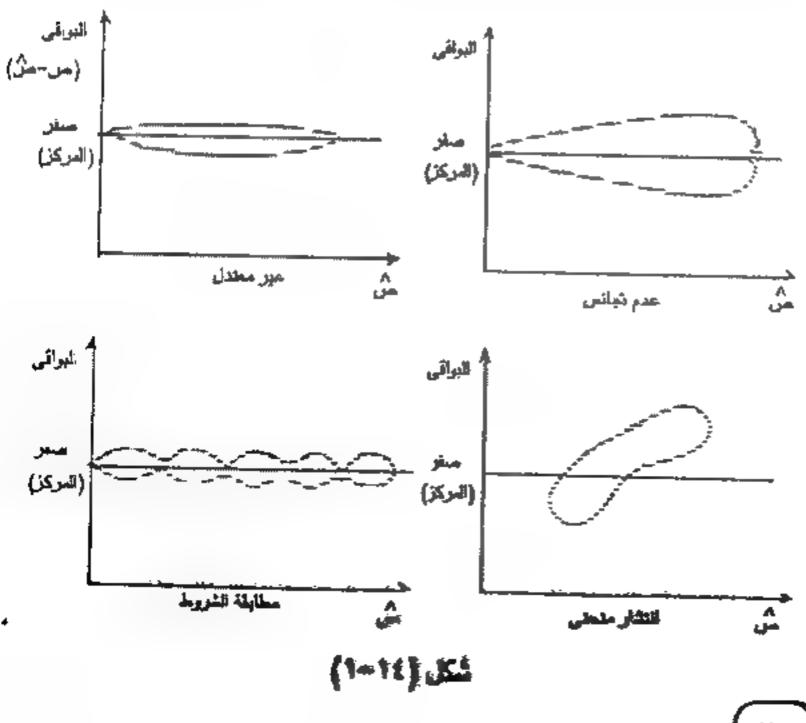
تتشابه افتراصات تحليل الانحدار والارتباط المتعدد مع افتراصات تحليل النباين ، لأن تحليل النباين وتحليل الانحدار يعتمدان على النماذج الخطية - فغى تحليل الانحدار وتحليل التباين تكون المتغيرات المستقلة محددة أو عشوائية أو خليط منها . وبالطبع نختلف النموذج الخطى باختلاف نوع المتغيرات المستقلة . فاذا إستخدامنا المتغيرات المستقلة المحددة (ذات مستويات أو معالجات محددة) فأن تحليل البيانات يستخدم النموذج المحدد (مثل تحليل التباين) ، أما أذا كانت المتغيرات المستقلة عشوائية فأن النموذج المحددة (المستويات التباين . ويصفة عامة يعتمد الانحدار المتعدد على المتغيرات المستقلة المحددة (المستويات) وقليل منها يستخدم متغيرات مستقلة عشوائية . أما تحليل التباين فهو حالة خاصة من تحسليل الانحدار حيث نكون المتغيرات المستقلة محددة المستويات خاصة من تحسليل الانحدار حيث نكون المتغيرات المستقلة الانحدار والارتباط مسبقا (1911 : 1991 . 1988) . وافتراضات تحليل الانحدار والارتباط المتعدد هي (595 - 593 : Shavelson) .

- ١ العشوائية في اختيار العينة واستقلالية درجات كل فرد عن الافراد الآخرين
 في العينة ، ويستطيع الباحث التأكد من هذا الشرط بنفسه .
- ٢ التوزيع الاعتدالي في المجتمع لدرجات المتغير النابع عند كل مستوى من المستويات الممكنة للمتغيرات المستقلة مجتمعة (وهي تمثل درجات ش).
- ٣ تجانس تباينات المتغير التابع في المجتمع عند كل مستوى من المستويات الممكنة المتغيرات المستقلة مجتمعة (ويسمي Homosecedasticity)

٤ - العلاقة الخطية في المجتمع بين المتغير النابع وأى متغير مستقل عبد تثبيت المتغيرات المستقلة الأخرى.

ويمكن اختبار الافتراضات الثلاثة (٢ ، ٣ ، ٤) من شكل الانتشار بين درجات المتغير التابع المتنبأبها (ش) على المحور الافقى ربين الفرق بين درجات المتغير التابع والمتنبأبها (ص – ش) على المحور الرأسى والتي تسمى البواقى ، وتستخدم برامج Spss للتحليل الاحصائي في التوصل لشكل الانتشار المطلوب (شكل ١٦ – ١) . ففي حالة الاعتدالية نتوقع أن تكون نقاط التوزيع متجمعة وقريبة من مركز التوزيع عند كل مستوى من مستويات درجات (ش) ، مع وجود عدد قليل من النقاط أعلى وأسفل خط مركز التوزيع لشدل على اعتدالية توزيع البواقي عند كل مستوى من مستويات درجات (ش) ، وعند مخالفة شرط الاعتدالية يجب تحويل الدرجات باستخدام التحويل المناسب .

أما شرط العلاقة الخطية فيعنى أن نكون النقاط قريبة من مركز التوزيع أيضا . ومخالفة شرط الخطية يستازم تحويل الدرجات أو إستخدام نموذج انحدار خطى منحدى Curvilinear . وكذلك مخالفة شرط التجانس تتطلب تحويل الدرجات .



مثال (٤): أجريت دراسة التنبؤ بالتحصيل الاكاديمى من درجات مفهوم الذات الاكاديمى والانبساطية على عينة حجمها ١٠٠ طالب وطالبة ، وتم حساب المتوسطات والانحرافات المعيارية للمتغيرات الثلاثة وكانت المتوسطات ٥٤،٣، مرافات المعيارية ١٠٠، ١٠٢٦، ١٠,٦٥ على التربيب ، وكان معامل ارتباط التحصيل مع مفهوم الذات ٤٠، ومع الانبساطية ٢٠، وعلاقة مفهوم الذات مع الانبساطية ٢٠، والمطلوب حساب معادلة الانحدار المتعدد بين التحصيل الاكاديمي كمنغير تابع ومفهوم الذات والانبساطية كمتغيرات مستقلة .

معادلة الانحدار المتعدد المفترضة هي:

رباستخدام المعادلات ١٠،٩،٨ يمكن حساب قيم أ ، به ، ٠٠

$$\frac{(-1, -1) - (-1) - (-1)}{(-1, -1)} = \frac{3}{3!}$$

$$\frac{(-1, -1) - (-1)}{(-1, -1)} = \frac{3}{3!}$$

$$\frac{(-1, -1) - (-1) - (-1)}{(-1, -1)} = \frac{1}{3!}$$

$$\frac{(-1, -1) - (-1) - (-1)}{(-1, -1)} = \frac{1}{3!}$$

$$\frac{(-1, -1) - (-1) - (-1)}{(-1, -1)} = \frac{1}{3!}$$

$$\frac{(-1, -1) - (-1) - (-1)}{(-1, -1)} = \frac{1}{3!}$$

T, YA0 -

$$\left(\frac{1.10}{.94}\right)\frac{(.10)(.12)-.17}{(.10)-1}$$

وتكون معادلة الانحدار هي : ص = ٢٤,٥٤٤ + ٣٤,٢٨٥ + ٢٧٢ ، من ٢ والارتباط المتعدد يحسب باستخدام المعادلة (١١)

$$\frac{(*, \xi \circ) (*, Y^*) (*, \xi \circ) Y - Y(*, Y^*) + Y(*, \xi \circ)}{Y(*, \xi \circ) - 1}$$

وتعنى أن ١٦.١ ٪ من تباين التحصيل الاكاديمي يرجع الى المتغيرين. مفهوم الذات والانبساطية.

ولاختيار دلالة الارتباط المتعدد نستخدم المعادلة (١٢)

$$\frac{C'(i-1)-1)}{(1-C')^{2}} = \frac{(1-171,1)^{2}}{(1-171,1)\times 7}$$

$$9.77 = \frac{10.717}{1.774} = 3$$

ثم نقارن قيمة ف المحسوبة (٩,٣١) مع قيمة ف الجدولية بدرجات حرية (٩,٢٠) ومستوى الدلالة المناسب ، وحيث أن ف (٩,٢٠) = ٤,٨٦٣ فان قيمة ف (٩,٢١) دالة عند مستوى ١٠٠٠

وإذا أردنا كتأبة معادلة الانحدار في صورة أوزان معيارية (بيتا).

لمعاملات الإنحدار حيث

$$^{1, \Upsilon \Lambda 9} = \frac{1, \Upsilon \Upsilon}{1.70} \times \Upsilon, \Upsilon \Lambda 0 = \frac{18}{10} \times \frac{1}{10} = \frac{1}{10}$$
 بیتا (۱)

وتصبح المعادلة: ص = ٢٨٩، س، + ٢٥٠، س، ويكون مربع الارتباط المتعدد

مجموع حواصل ضرب قيم بينا (المعيارية)

× معامل إرتباط المتغير المناظرلها مع المتغير التابع

أما لإختبار دلالة معاملي الانحدار فاننا نستخدم المعادلة (١٤) لحساب الخطأ المعياري لكل منهما ، ثم نستخدم المعادلة (١٣) لحساب قيمة (ت)

الخطأ المعيارى لمعامل انحدار مفهوم الذات (ب,) =
$$\frac{3^{v}(1-c^{v}_{-u,(1)})}{4-c^{v}_{-v,v}}$$

$$= \frac{(07.^{v}1)^{v}(1-171.^{v})}{(1-171.^{v})^{v}(1-171.^{v})}$$

$$= \sqrt{(17.^{v}1)^{v}(1-(0.2.^{v})^{v})} \times A^{v}$$

$$= 7^{v}A^{v}$$

الخطأ المعيارى لمعامل انحدار الانيساطية (ب $_{v}$) = $\frac{3^{v}}{4-c^{v}}(1-c^{v}_{-u,(17)})$

$$\frac{\Psi, YA0}{\text{قیمة ت (لمعامل الانحدارب $_{1}$) = $\frac{\Psi}{\text{likedi (hazılıı)}} = \frac{\Psi, YA0}{\text{likedi (hazılıı)}} = \frac{\Psi, YA0}{\text{likedi (hazılıı)}} = \frac{\Psi, YA0}{\Psi, YA0}$
 $\frac{\Psi}{\Psi} = \frac{\Psi}{\Psi} = \frac{\Psi}{\Psi}$
 $\frac{\Psi}{\Psi} = \frac{\Psi}{\Psi}$$$

وهي دالة عند مستوى ٢٠٠١

$$\star, Y \xi = \frac{\star, Y \vee Y}{1, 1 Y \gamma} = \chi \zeta$$

وهي غير دالة ، وتعنى أن إضافة متغير الانبساطية الى المعادلة للتنبؤ بالتحصيل الأكاديمي لا تضيف شيئا دالا . ومن الواضح أن مربع الارتباط التحصيل الاكاديمي ومفهوم الذات = ١٦ . وينما إضافة متغير الانبساطية أدى الى أن مربع الارتباط المتعدد بين التحصيل الاكاديمي ومفهوم الذات والانبساطية في أن مربع الأرتباط المتعدد بين التحصيل الاكاديمي ومفهوم الذات والانبساطية في التباين = ١٦١ . • - ١٦ . • = ١ • • . • وهي إضافة ثبت من اختبار معامل الانحدار (بم) أنها غير دالة .

ويمكن إجراء إختبار آخر للدلالة باستخدام (ف) حيث

$$\frac{\left(1-Y\right)+\left(\frac{Y}{au(1)}-\frac{Y}{au(1)}\right)}{\left(1-Y-i\right)+\left(\frac{Y}{au(1)}\right)} = 0$$

$$(44.1)^{\frac{1}{4}} = \frac{1 \div (1.1)^{\frac{1}{4}} - 111^{\frac{1}{4}}}{11 - 111^{\frac{1}{4}}} = \frac{1 \div (1.1)^{\frac{1}{4}}}{11 - 111^{\frac{1}{4}}} = \frac{1}{11 - 1}$$

وهي غير دالة ، وتعنى أن إسهام المتغير الثاني (الانبساطية) في الننبؤ بالتحصيل االكاديمي إسهاما صعيفا (غير هام).

علافة الارتباط الجزئي وشبه الجزئي بالارتباط المتعدد :

يختلف الارتباط الجزئى عن الارتباط المتعدد . فالارتباط الجزئى Partial يختلف الارتباط الجزئى عن الارتباط المتعدد عزل أثر متغير ثالث من كايهما . أما الارتباط المتعدد فهو يجمع المتغيرات المستقلة معا (في نجمع خطى) للنعرف على علاقتها التراكمية مع متغير تابع . ومعنى هذا أن الارتباط الحزئى يركز على عزل المتغيرات للتعرف على الآثار المتبقية .

فقد نرغب في معرفة العلاقة بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات يعيدا عن مستوى الدخل ، وتكون العلاقة المطلوبة هي علاقة المسئولية الاجتماعية بمفهوم الذات بعد عزل أثر مستوى الدخل من كل منهما . أما إذا كان مستوى الدخل ثابنا في العينة فلا نحتاج إلى عزل أثره . فاذا رمزنا للمسئولية الاجتماعية بالرمز (س) ومفهوم الذات بالرمز (س) ومستوى الدخل بالرمز (س) فان معامل الارتباط الجزئي بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات هو معامل ارتباط بين الجزئين (ص مسنوى) ، (س، ، س) ويقصد بالجزء (ص ، س)) أنه الجزء المتبقى من درجات المتغير (ص وهو المسئولية الاجتماعية) بعد عزل أثر المتغير س (مستوى الدخل) منه ، وكذلك الجزء (س، - س) هو الجزء المتبقى من س، (مفهوم الذات) بعد عزل أثر المتغير س (مستوى الدخل) منه و يرمز لمعامل الارتباط الجزئي المذكور بالرمز ر (س ، س)) (س، - س)

ويحسب معامل الارتباط الجزئى من الدرجة الأولى (المشار اليه) باستخدام معاملات الارتباط البسيط، أما معامل الارتباط الجزئي من الدرجة الأانية فيتم حسابه باستخدام معاملات الارتباط الجزئى من الدرجة الأولى وهكذاء

ويكون مسعدامل الارتباط الجزئي من الدرجة الاولى بين المسكولية الاجتماعية ومفهوم الذات روس من (س من) وسوف نرمز بالرمز روس ٢٠١) (٢٠١)

$$C_{(n_0, Y)}^{(n_0, Y)} = \frac{C_{n_0}^{(1)} C_{n_0}^{(1)}}{\sqrt{(1 - C_{n_0}^{Y})} (1 - C_{1Y}^{Y})}$$

ويستخدم مربع الارتباط الجزئي في التوصل الى معادلة الانحدار المتعدد .

ويدل مربع الارتباط الجزئى على نسبة النباين التى تساعد فى التنبؤ بتباين الخطأ من اضافة متغيرات جديدة الى معادلة الانحدار ...(Wener et al.) (1991:939)

ويمكن حساب مربع معامل الإرتباط الاتباط الجزئى من مربع معاملات الارتباط المتعدد ففى حالة المثال المذكور (المسئولية الاجتماعية ص، مفهوم الذات س، مستوى الدخل س») يكون مربع الارتباط الجزئى بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات هو:

$$\frac{c_{m_{i,\gamma}} - c_{m_{i,\gamma}}}{1 - c_{m_{i,\gamma}}} = \frac{c_{m_{i,\gamma}} - c_{m_{i,\gamma}}}{1 - c_{m_{i,\gamma}}}$$

مثال (٥): إذا كانت علاقة المسئولية الاجتماعية بمفهوم الذات ٠،٥٠ ومع مستوى الدخل ٠،٢٠ وعلاقة مفهوم الذات بمستوى الدخل ٠،٢٠

فأن معامل الارتباط الجزئي بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات بعد عزل أثر مستوى الدخل منهما هو:

$$\frac{Y_{0}, Y_{0},

وبذلك انخفض معامل الارتباط المسئولية الاجتماعية مع مفهوم الذات من ،٥٢ الى ٤٤٠٠ بعد عزل أثرمستوى الدخل ، وهو انخفاض قليل لضعف علاقة مسترى الدخل مع مفهوم الذات ،

أما معامل الارتباط الجزئي بين المسئولية الاجتماعية ومستوى الدخل بعد عزل أثر مفهوم الذات هو :

ونلاحط أن معامل الارتباط بين المسئولية الاجتماعية ومستوى الدخل بعد عزل أثر مفهوم الذات انخفض من ٠,٣٥ الى ٢٩، وهو انخفاض كبير بسبب العلاقة المرتفعة بين المتغير الذي عزلنا أثره مع أحد المتغيرات المطلوبة في حساب العلاقة وهو المسئولية الاجتماعية (٢٥٠).

ويمكن استخدام الرمز ر (ص١٠٠) بدلا من الرمز السابق ليعنى الارتباط الجزئى بين ص ، س، بعد عزل أثر س،

ومعامل الارتباط الجزئى من الدرجة الثانية يقصد به العلاقة بين متغيرين بعد عزل أثر متغيرين آخرين . فاذا كان في المثال السابق متغير آخر هو مستوى النعليم (سم) وعلاقاته بالمتغيرات الثلاثة هي : ٠٠ ١٥ ، ١٥ ، ١٠ ، فان معامل الارتباط الجزئى من الدرجة الثانية بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات بعد عزل أثركلا من مستوى الدخل ومستوى التعليم هو :

$$\frac{C_{(a_{0},\gamma,\gamma)}(\gamma,\gamma,\gamma)}{\left[\frac{1}{1-\zeta_{(a_{0},\gamma,\gamma)}}\right]\left[\frac{1}{1-\zeta_{(a_{0},\gamma,\gamma)}}\right]\left[\frac{1}{1-\zeta_{(a_{0},\gamma,\gamma)}}\right]}$$

حيث ر (س٢٠١) ، ر (س٢٠١) ، ر (٢٠٢٠) هي معاملات الرتباط جزئي من من الدرجة الأولى والتي يجب حسابها أولا قبل حساب معامل الارتباط الجزئي من الدرجة الثانية . فاذا كانت معاملات الارتباط الجزئي من الدرجة الثانية . فاذا كانت معاملات الارتباط الجزئي من الدرجة الاولى من المثال هي : ٢٥٠، ، ١٥٠، ، ١٤٠، على الترتيب

$$\frac{10.1 - 10.1 \times 31.1}{6|0: C_{(-0.77)}(1.77)} = \frac{10.1 - 10.1 \times 31.1}{\sqrt{1 - (01.1)^{7} \left[1 - (31.1)^{7}\right]}}$$

$$\frac{10.1 - 10.1 \times 31.1}{\sqrt{1 - (01.1)^{7}} \left[1 - (31.1)^{7}\right]}$$

$$\frac{10.1 - 10.1 \times 31.1}{\sqrt{1 - (01.1)^{7}}} = \frac{10.1 \times 31.1}{\sqrt{1 - (01.1)^{7}}}$$

ويمكن اختبار دلالة الارتباط الجزئى باستخدام اختبار (ت) من المعادلة السابق ذكرها

$$("-")^{(-")}$$
 بدرجات حریة $("-")^{(-")}$ $("-")^{(-")}$

أما الارتباط شبه الجزئى Semi-Partial Correlation ، فيهو يوصنح العلاقة بين درجة كلية ودرجة جزئية ، بمعنى أنه معامل إرتباط بين درجات أحد المتغيرات مع جزء من درجات متغير آخر ، وهذا الجزء ناتج عن عزل أثر متغير ثالث ، فاذا رغبنا في معرفة علاقة المسلولية الاجتماعية (ص) مع مفهوم الذات (س) بعد عزل أثر الانبساطية (س) من مفهوم الذات فقط ، فان معامل الارتباط شبه الجزئي يكون بين المسلولية الاجتماعية وجزء من مفهوم الذات المتبقى بعد عزل أثر الانبساطية منه ، ويرمز لمعامل الارتباط شبه الجزئي المذكور بالرمز رس (٢٠١) وهو معامل ارتباط شبه جزئي من الدرجة الأولى ويحسب باستخدام معاملات الارتباط البسيط

(Winer et al .,1991: 936)

ويلاحظ أن المعادلة (١٧) متشابهة مع المعادلة (١٥) باستثناء جزء في المقام هو $\sqrt{1-\zeta_{out}^{(1)}}$ وقيمته أقل من الواحد الصحيح ، أي أن معامل الارتباط شبه الجزئي أصغر من معامل الارتباط الجزئي .

وبحساب معامل الارتباط شبه الجزئي بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات مع عزل أثر مستوى الدخل من مفهومالذات فقط فهو

وكذلك لـ س (۱۰۲)
$$= \frac{7, 4 \times 1,07 - 100}{7}$$
 وكذلك لـ س (۱۰۲) $= \frac{7, 4 \times 1,07 - 100}{7}$ $= \frac{7, 4 \times 1,07}{7}$ وهو أقل من معامل الارتباط الجزئى .

ويدل معامل الارتباط شبه الجزئى (٠,٤٧) على علاقة المسئولية الاجتماعية بمفهوم الذات بعد عزل أثر مستوى الدخل من مفهوم الذات فقط. وكذلك معامل الارتباط شبه الجزئى بين المسئولية الاجتماعية ومستوى الدخل بعد عزل أثر مفهوم الذات من مستوى الدخل فقط (هو ٢٦٠) .

ومعامل الارتباط شبه الجزئي من الدرجة الثانية في حالة وجود متغير مستقل آخر بحسب من المعادلة .

$$C_{ab}(\tau, \tau) = \frac{C_{ab}(\tau, \tau) - C_{ab}(\tau, \tau)}{\sqrt{1 - C_{ab}(\tau, \tau)}}$$

ويستخدم معامل الارتباط شبه الجزئى كحل لمشكلة حساب الارتباط المتعدد. فالارتباط المتعدد هو علاقة متغير تابع مع تجمع خطى لعدد من المتغيرات المستقلة فى التجمع الخطى ، وينما ندخل المتغير الذى يضيف إضافة هامة (معنوية) لا مكانية التنبؤ ولذلك فان حساب الارتباط المتعدد يبدأ بأكبر معامل ارتباط بسيط بين المتغير التابع وأى من المتغيرات المستقلة ، ويدخل معادلة الانحدار (مثل علاقة المسدولية الاجتماعية مع مفهوم الذات ٥٠،٠) حيث يكون مربع الارتباط المتعدد في هذه الحالة هو مربع معامل الارتباط البسيط [(٥٠،٠) = ٧٢،٠] . ثم نبحث عن الاتفافة التالية لأحد المتغيرات المستقلة الأخرى ، بعد عزل أثر المتغير المستقل الارتباط شبه الجزئى (مثل علاقة المسئولية الاجتماعية مع مستوى الدخل بعد عزل أثر مفهوم الذات من مستوى الدخل فقط وهو يساوى ٢١٠٠) . وبالتالى عزل أثر مفهوم الذات من مستوى الدخل فقط وهو يساوى ٢٠٠٠) . وبالتالى تكون الاحنافة الجديدة لمعامل الارتباط المتعدد هى (٢٠٠٠) - ٠٠، وبالتالى

ويكون مربع الارتباط المتعدد بين المسئولية الاجتماعية وكالا من مفهوم الذات ومستوى الدخل = (*, 0*) + (*, 7*)

بمعنى أن ٣٤٪ من تباين المسئولية الاجتماعية يرجع الى مفهوم الذات ومستوى الدخل ، ويكون اسهام مفهوم الذات في هذا التباين هو ٢٠، واسهام مستوى الدخل ، وتعرف هذه الطريقة باسم Stepwise Regression أي طريقة الخطوات المتتابعة.

ولكن هل تعد هذه الاضافة لمستوى الدخل في مربع الارتباط المتعدد إصافة هامة (دالة) ؟ وبالطبع لا نستطيع أن نجيب عن هذا السؤال الابعد إختبار دلالة هذه الاضافة باستخدام اختبار (ف) لاختبار الفرق بين مربع معاملي الارتباط المتعدد (وهما ٢٠، ، ٢٤، ،) .

وبمقارنة قيمة ف (٧) بالقيم الجدولية نجد أنها دالة عند ١٠،١ ومعنى هذا أن إضافة متغير مستوى الدخل يسهم إسهاما هاما (دالا) في مربع الارتباط المتعدد بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات ومستوى الدخل،

والصورة العامة للمعادلة (١٨) هي :

$$\frac{\left[\sqrt{2} - \sqrt{2}\right] \div \left[\sqrt{2} - \sqrt{2}\right]}{\left[1 - \sqrt{2} - \sqrt{2}\right]} \div \left[\frac{1}{1} - \frac{1}{1}\right]} = 0$$
(19)...(P1)

ونستنتج مما سبق أن مربع الارتباط المتعدد بين المستولية الاجتماعية وكلا من مفهوم الذات ومستوى الدخل يساوى مربع الارتباط البسيط بين المستولية الاجتماعية ومفهوم الذات بالاضافة الى مربع الارتباط شبه الجزئى بين المستولية الاجتماعية ومستوى الدخل بعد عزل أثرمفهوم الذات من مستوى الدخل فقط.

أما إذا كان لدينا ثلاثة متغيرات مستقلة (باضافة مسترى التعليم مثلا) فأن مربع الارتباط المتعدد بين المسئولية الاجتماعية وهذه المتغيرات المستقلة الثلاثة هه :

مريع الارتباط البسيط (من) + مريع الارتباط شبه الجزئي ل من (١٠١) بين من ، س، بعد عزل أثر س، من س + مريع الارتباط شبه الجزئي من الدرجة الثانية بين ص ، س، بعد عزل أثر س، ، س، من س، حيث يشير ل من (٢١٠٣) إلى العلاقة بين المسئولية الاجتماعية (ص) ومستوى التعليم (س،) بعد عزل أثر كلامن المتغيرين مفهوم الذات (س،) ومستوى الدحل (س،) من مستوى التعليم فقط . ويحسب الارتباط شبه الجزئي من الدرجة الثانية عادة باستخدام الارتباط المتعدد ، حيث :

$$C_{a_{ij}(Y^{1}Y^{2})}^{Y} = C_{a_{ij}(Y^{2})}^{Y} - C_{a_{ij}(Y^{2})}^{Y} = \cdots (Y^{2})$$

أى أنه يساوى الفرق بين مربع الارتباط المتعدد مع ثلاثة متغيرات ناقصا مربع الارتباط المتعدد مع متغيرين ، وبالطبع للصراح) لاتساوى مجموع مربعات الارتباطات البسيطة [للمراه) + للمراه) + للمراه)] ويكون ذلك صحيحا فقط في حالة ما إذا كانت المتغيرات المستقلة غير مرتبطة ببعضها البعض ، بمعنى أن تكون مرتبطة بالمتغير النابع ولكنها مستقلة عن بعضها البعض ،

ويعد هذا مدخلا آخر لحساب الارتباط المتعدد باستخدام أساوب التحليل

العاملي والتوصل الى عوامل متعامدة (مستقلة) ثم نستخدم درجات العوامل من العاملي والتوصل الى عوامل متعامدة (مستقلة) وبالتالى تكون مربعات الحاسب الآلى Factor Score (حتى نتأكد من إستقلالينها) وبالتالى تكون مربعات إرتباطات درجات العوامل مع المتغير التابع هي مربع الارتباط المتعدد -Fergu) son & Takane, 1989)

ويتضح أن مربع معامل الارتباط المتعدد هو مجموع عدة مربعات لارتباطات بسيطة وشبه جزئية كل منها يوضح فائدة إضافة متغير مستقل بعد عزل آثار المتغيرات السابقة له . ويشار أحيان اللي مربع الارتباط المتعدد باسم معامل التحديد المتعدد بينما مربع الارتباط شبه الجزئي هو معامل التحديد شبه الجزئي (937: 1991. Winer et al., 1991)

والآن نعود مرة أخرى الى المعادلة (٢٠) والتى توصنح أن مربع الارتباط المتعدد للمتغير التابع (ص) مع ثلاثة متغيرات مستقلة يتكون من ثلاثة أقسام هى عمريع الارتباط البسيط بين ص $<math>m_{\mu}$ مربع الارتباط شبه الجزئى من الدرجة الثانية m_{μ}
اكن هذه المعادلة (٢٠) مرتبطة فقط بالمثال حيث أن معامل الارتباط البسيط رس(١) هو اكبر معامل ارتباط ، وبالتالي فان إسهامه أكثر من أي معامل إرتباط بسيط آخر ، وبليه معامل الارتباط شبه الجزئي الاكبر من أي معامل ارتباط شبه الجزئي الاكبر من أي معامل ارتباط شبه جزئي آخر من الدرجة الاولى بعد عزل أثر المتغير الأول، وهكذا مع بقية المكونات ، ولذلك يمكن أن يكون مربع الارتباط المتعدد

بمعلى أننا استخدمنا أولا مربع الارتباط البسيط بين ص ، س, إذا كان هو اكبر معامل ارتباط بسيط ، والجزء الثانى هو الارتباط شبه الجزئى بين ص ، س، بعد عزل أثر س, من س, (إذا كان هو أعلى إرتباط شبه جزئى من الدرجة الاولى) أما الجزء الثالث فيكون أيضا آعلى ارتباط شبه جزئى من الدرجة الثانية بعد عزل أثر س, ، س, من س, وهكذا . ولذلك فان العلميات الحسابية للإرتباط المتعدد معقدة جدا ومطولة ، ونستطيع اجراء هذه التحليلات يدويا في حالة متغيرين مستقلين (رربما ثلاثة متغيرات) ، أما في حالة زيادة عدد المتغيرات المستقلة فاننا نستخدم برامج Spss في إجراء العمليات الحسابية .

خليل الانحدار والارتباط المتعدد باستخدام الدرجات الخام:

يمكن احراء تحليل الانحدار والاتباط المتعدد باستخدام درجات المتغيرات . وسوف نعرض خطوات هذه الطريقة في الحالة البسيطة وهي حالة متغير تابع مع متغيرين مستقلين ، حيث تكون معادلة الانحدار على الصورة : ص = أ + ب، س، + بب س،

ونتبع الخطواتت التالية لحساب معاملي الانحدار (ب، ، ب،) والمقدار الثابت (أ) ثم نحسب مربع الارتباط المتعدد بعد ذلك :

- ١ نحسب مجموع درجات ومجموع مربعات درجات كل متغير ، وكذلك مجموع حواصل الضرب لكل متغيرين من المتغيرات المستقلة والمتغير التابع .
 - ٢ -- تحسب مجموع المربعات الكلى للمتغير التابع (ص) .
 - ٣ نحسب مجموع المربعات الكلى لكل من المتغيرين المستقلين س، ٤ س،
- - ٥ نطبق المعادلات التالية لحساب معاملي الانحدار و،المقدار الثابت

أ - م ص - بيهم، - بيهم،

حيث م، ، مه متوسطى س، ، س، ، ص متوسط المتغير التابع (ص)
ثم نكتب معا دلة الانحدار بعد الحصول على قيم معاملى الانحدار والمقدار
الثابت (أ) .

٣ - نحسب مجموع مربعات الانحدار من المعادلة

مجد مربعات الانحدال = بمحدس، ص + بم مجدس، ص

٧ - نحسب مربع معامل الارتباط المتعدد من المعادلة :

وهي نسبة التباين المفسر باستخدام بيانات المتغيرين المستقلين .

٨ - نختبر دلالة الارتباط المتعدد باستخدام تحليل التباين حيث

متوسط مربعات الانحدار
$$('' - b - 1')$$

متوسط مربعات الانحدار $(1 - c')$ ($b - 1$)

متوسط مربعات الخطأ $(1 - c')$ ($b - 1$)

ثم نقارن قيمة ف المحسوبة بالقيمة الجدولية عند مستوى الدلالة المناسب مشال (٣): إذا كانت درجات المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات ومستوى الدخل لعينة حجمها عشرة أفراد كما يلى فاحسب معادلة الاشحدار المتعدد والارتباط المتعدد بين المسئولية الاجتماعية وكلا من مفهوم الذات ومستوى الدخل،

(لاحظ أن حجم العينة منغير ويجب ألا يقل عن ٣٠ ولكننا نستخدم هذا العدد لتسهيل العمليات الحسابية).

جدول (١٤ - ٢) المستولية الاجتماعية مفهوم الذات ومستوى الدخل

٦٢	£Λ	1.6	ا - ا المجموع
	•	70	4
*	٧	1%	٨
1	Y	۳.	٧
۸	٥	1+	٦
٩	λ	£+	0
٧	٤	۲.	1
٧	۲	10	-
٥	1	٠	l '
۳	1	1.	,
مبىتوى الدخل (س٧)	مفهوم الذات (س١)	المستولية الاجتماعية (ص)	الأفراد

ولإحراء تعليل الانحدار والارتباط المتعدد نتبع الخطوات السابقة

۱_مجـ ص = ۱۸۵، مجـ س = ۱۸۵، مجـ س = ۱۳۰ ، مجـ ص = ۲۲۶۱،

مجه س = ۲۷۸ ، مجه س = ۱۰۳۶ ، مجه س ص = ۲۲۸ ،

مجدس بص = ۱۲۷۱ ، مجدس س = ۳۱۷

لاحظ أن مجموع الدرجات والمربعات وحواصل الضرب السابقة تستخدم لحساب مجموع المربعات وحواصل الضرب المصححة مثل تحليل التباين وتحليل التغاير

٢ - مج المربعات الكلى للمساولية الاجتماعية

٤ - أ - مج حواصل صرب المسلولية الاجتماعية × مفهوم الذات (مجس, ص)

$$127 = \frac{130 \times 64}{1} = 731$$

ب - مجد حراصل صرب المساولية الاجتماعية × مساوى الدخل

$$\frac{1}{1} \frac{1}{1} وتكون معادلة الانحدار: ص = -٦٦٣ م + ٢.٤٦٨ س + ١٩٥٥ مير. أو المسئولية الاجتماعية = - ٦٣٣ م + ٢.٤٦٨ × مفهوم الذات + ٢٠٩٥ مستوى الدخل .

 $=\left(\frac{0\lambda\ell}{L^2}\right)-\lambda\ell^2, 7\times\left(\frac{\lambda^2}{L^2}\right)=000, \ell\times\left(\frac{\gamma\Gamma}{L^2}\right)=-\gamma\Gamma\Gamma, 0$

وعادة ماتستخدم مثل هذه المعادلات في التنبؤ بالمتغيرات المختلفة ،وأكثر تطبيقاتها في مجال التنبؤ بالتحصيل الدراسي، وكذلك في التنبؤ بالسلوك الانساني، والآن لحساب الاتباط المتعدد نقوم بحساب مجموع مربعات الاتحدار وهي :

مج مربعات الانحدار = ب،مج س،ص + ب،مجه س،ص = ۱۱۰٫۵ x 1,400 + ۱٤٦ x ۲,٤٦٨ = ۲۵٦,۲۵٦ °

وتعلى أن ٧٠٤٪ من تباين المتغير التابع (المسئولية الاجتماعية) ترجع السي مفهوم الذات ومستوى الدخل. ولكننا هنا لا نستطيع أن نحدد حجم إسهام كل من مفهسوم النذات ومستوى الدخل، لأن هذا يتطلب حساب معامل الارتباط شبه الجزئي.

والاخترار داللسة الارتراط المرتعدد نضع مجموع في جدول تحليل التباين التالى:

جدول (١٤ - ٣) تحليل التباين للارتباط المتعد يبين المسئولية الاجتماعية وكلا من مفهوم الذات ومستوى الدخل

	مستوى الدلالة	ني	متومنط المربعات	د. ح.	مجموع المربعات	مصدر التباين
	دالة عند	٤,٧١	YAA,1YA	۲	٥٧٦,٢٥٦	الانحدار
ľ	7.1		71,17	٧	£47,188	الباقى (الخطأ)
				4 = 1-1.	1	الكلى

وبالطبع يمكن حساب قيمة (ف) دون إعداد الجدول (١٤ - ٣) كما يلى:

متوسط مربعات الخطأ

$$(Y, Y)$$
 درجات حریة (Y, Y) = $\frac{Y \wedge A, Y \vee A}{Y \wedge A, Y \vee A}$ = $\frac{Y \wedge$

ثم نقارتها مع قيمة ف الجدولية بدرجات حرية (٢ ، ٢) وهي = ٤,٧٤ عند مستوى ٥٠,٠٥ غير دللة عند ٥٠,٠٠ حد حل آخر :

يمكن إجراء تحليل الانحدار والارتباط المتعدد للمثال السابق باستخدام المنوسطات والانحرافات المعيارية ومعاملات الارتباط البسيط وهي الطريقة التي استخدمناها مع المقال (٥).

جدول (١٤- ٤) معاملات الارتباط البسوط والمتوسطات والانحرافات المعيارية للمتغيرات

3	المتوسط	אטא	1.00	المتغيرات
11,010	14,0	4,10%0	A57,4	المستولية الاجتماعية (ص)
۲,۳۰	£,A	٠,٣٤٣	- 1	مفهوم الذات (س،)
7,000	7,5			مستوى الدخل (س٠٠)

وهي قريبة جدا من قيمة ب، السابق المصول، عليها

$$\frac{(*,727)(*,070)(*,774)Y-{}^{Y}(*,070)+{}^{Y}(*,774)}{{}^{Y}(*,727,*)}$$

الإرتباط المتعدد .

إحتيار النبئأت بطريقة التحليل المتتالي Stepwise Regession

توجد عدة طرق لاختيار المنبئات (المتغيرات المستقلة) من بين مجموعة كبيرة منها . وهي تعد مشكلة معقدة لأن إضافة أو حذف أي متعير مستقل الى معادلة الانحدار يؤثر على حجم معاملات الانحدار الجزئي والتي تستحدم في حساب الارتياط المتعدد . فاذا كان بالمعادلة ثلاثة متغيرات مستقلة وقررنا إضافة متغير رابع لأهميته (النظرية مثلا) فان إضافته تغير من معاملات الانحدار الثلاثة المابقة عليه وبالتالى يتغير معامل الارتباط المتعدد .

وحل هذه المشكلة يتطلب إجراء تحليل الانحدار عدة مرات لكل البدائل الممكنة من المتغيرات المستقلة ، ثم نختار أفضل معادلة انحدار .

ففي حالة أربعة متغيرات مستقلة بكون عدد البدائل الممكنة (٢ أ - ١ = ١٥) وبزيادة عدد المتغيرات تزداد المشكلة صعربة . ويرجع اقتراح هذه الطريقة الي رانجر فيرسنش Ranger Ferisch عام ١٩٣٤ .

لكن الطريقة التقريبية التى تنطلب حسابات أقل تسمى بطريقة الخطوات المتتالية Stepwise وأحيانا يطلق عليها اسم طريقة التحليل المتتابع ،وتتخلص هذه الطريقة (باستخدام الحاسوب) في :

- ١ إختبار أفضل منبئ وهو المتغير الاعلى إرتباطا مع المتغير التابع فيكون هو
 أول متغير يدخل معادلة الإنحدار ،
- ٢ نجرى عملية مزاوجة بين المتغير الاول (بالمعادلة) مع بقية المتغيرات المستقلة لنحصل على المتغير الذي يضيف آعلى إضافة للمتغير الاول ويتضمن هذا حساب الارتباط المتعدد لكل زوج من المتغيرات مع المتغير التابع وهي تستازم (ك ١) عملية مزواجة . لكن برنامج (Spss) يختار المتغير الاعلى إرتباطاً جزئياً بعد عزل المتغير الاول (بالمعادلة) . ثم يتبقى عدد (ك ٢) من المتغيرات المستقلة
- ٣ تنكرر الخطوة الثانية مع بقية المتغيرات للنوصل الى المتغيرالثالث لمعادلة الانحدار بحيث تكون إضافته أعلى من المتغيرات الاخرى وهكذا . حتى يتم اضافة المتغيرات الاخرى أنه فى كل اضافة المتغيرات التى تسهم إسهاما دالا للارتباط المتعدد ، حيث أنه فى كل خطوة يتم إختبار دلالة الاضافة للارتباط المتعدد .

وتسمى الطريقة الموضحة باسم طريقة الخطوات المتنالية التصاعدية - Backward Step وتنازلية - ward Stepwise وتوجد طريقة أخرى عكسية أو تنازلية - ward Stepwise وهى تعتمد على الحذف بدلامن الاضافة . حيث بيداً التحليل بالترصل الى معادلة انحدار تحتوى جميع المتغيرات المستقلة ، ثم تتابع الخطوات في حذف المتغير الذي لا يصيف إضافة دالة حتى نصل إلى المتغير الذي لانستطيع حذفه لأن إسهامة في الارتباط المتعدد إسهاما دالا . وبالطبع يتم في كل خطوة اختبار لدلالة الاضافة التي يسهم بها المتغير موضع الفحص . ولحيانا تؤدى هذه الطريقة الى نتائج أفضل من طريقة الإضافة التصاعدية , Ferguson & Takane)

ونود الاشارة الى نقطة هامة جدا فى تحليل الانحدار والارتباط المتعدد ومرتبطة بخطأ شائع فى استخدام تحليل الانحدار والارتباط المتعدد ،فمن المألوف أن يحدد الباحث المتغيرات المستقلة (المنبئات) التى يستخدمها فى التنبؤ اعتماداً على أدبيات البحث أو نظرية معيئة يرغب فى اختبارها . وقد تدل الادبيات (أو النظرية) على إستخدام متغير مركب من عدة عناصر فرعية ، و يستخدم الباحث هذه العناصر الفرعية كمنبئات ، ولا ضرر فى هذا . ولكن المشكلة تكمن فى استخدام العناصر الفرعية والدرجة الكلية أيضا فى معادلة واحدة . وفى هذه الحالة تكون النتائج التى يتوصل إليها الباحث غير صحيحة . لأن استخدام مجموع العناصر (أو مجموع عدة متغيرات) كمتغير آخر فى التحليل يؤدى الى عدم المكانية الحاسوب التوصل الى مقلوب لمصفوفة الارتباطات (أو مجموع المربعات) فيقدم مقلوبا Invverse المربعات) محددة المصفوفة . ويرجع السبب الى أن محددة المصفوفة المصفوفة الاستب الى أن

تفسير معاملات الانحدار والارتباط المتعدد:

تدل معاملات الانحدار الجزئي في معادلة الانحدار على مدى أهمية المنخير المستقل في المعادلة ، ولكن الدليل الاقوى يرجع لمعامل الارتداط .

وفي المثال (٦) السابق نلاحظ أن معامل إرتباط المسئولية الاجتماعية مع مفهوم الذات (٢٦٨.) هو أعلى معامل إرتباط بسيط ، كما أن معامل ارتباط المسئولية الاجتماعية مع مستوى الدخل (٢٠٥٠) مرتفع مما يدل على أنهما مهمان في التنبؤ بالمسئولية الاجتماعية ، لكن إسهام مفهوم الذات في التنبؤ أعلى من مستوى الدخل . وبملاحظة معاملات الانحدار المتعدد نجد أن معامل انحدار مفهوم الذات (٢٠٤٨) أكبر من معامل انحدار مستوى الدخل (١,٩٥٥) ، لكن مقارنة المعاملين لاتدل على حجم تاثير كل منهما ، كما أن معامل الإنحدار يعتمد على تباين المتغير المستقل ، مع أن المتغيرين لا يختلفان في التباين (٢٠٣٠ ، ٢٠٣) وعليه فإن مفهوم الذات اكثر قوة في التنبؤ بالمسئولية الاجتماعية عن مستوى الدخل (Shavelson, 1988:598)

أما إذا إختلف تباين المتغيرين ، فاننا نحول معاملى الانحدار إلى معاملاً النحدار معيارية إنحدار معياري (بيتا) ، أي معاملات انحدار تعتمد على الدرجات المعيارية للمتغيرات حتى يكون تباين كل منهم هو الوحدة .

ولتعديل معاملات الانحدار العادية الى معيارية تستخدم المعادلة

$$(47)$$
 $(\frac{3}{2})$ بيتا (β) = برا

حيث بيتا (β) هي معامل الانحدار الجزئي المعياري ، وبالتالي فان حجم بيتا يدل على قوة إسهام المتغير المستقل في التنبؤ دون الخوف من إختلاف التباينات (Shavelson, 1988:599)

وبالتطبيق على المثال السابق فان :

$$\beta_1(ais_{0.70} + 1.5) = -1, (\frac{5}{3 au}) = -1.7$$
 $\beta_1(ais_{0.70} + 1.5) = -1.7$
 $\beta_1(ais_{0.70} + 1.5) = -1.7$
 $\beta_1(ais_{0.70} + 1.5) = -1.7$
 $\beta_1(ais_{0.70} + 1.5) = -1.7$

ومن الراضح أن معاملى الانحدار مختلفان مما يدل على الاستنتاج بأن مفهوم الدات اكثر قوة فى التنبؤ بالمسلولية الاجتماعية عن مستوى الدخل أما مربع الارتباط المتعدد (٠,٥٧٤) فيعنى أن نسبة (٥٧.٤٪) من تباين المتغير النابع (المسلولية الاجتماعية) ترجع الى الاتحدار الخطى المتغيرات المستقلة ، وعليه فأن مفهوم الذات ومستوى الدخل يفسرا ٤٧٠٤٪ من تباين المسلولية الاحتماعية . كما أن ٤٧.٦٪ لا من التباين غير مفسر ويرجع الى متغيرات أخرى ،

وفى المثال السابق تجد أن إسهام مقهوم الذات فى التباين المفسر هر (م. ٢٦٨) عن تباين المسئولية الاجتماعية ، بينما مستوى الدخل يسهم بمقدار ١٢,٩٪ من تباين المسئولية الاجتماعية (وهو مربع الارتباط شبه الجزئى بين المسئولية الاجتماعية ، ومستوى الدخل بعد عزل أثر مفهوم الذات من مستوى الدخل فقط)

لاحظ أنه يمكن حساب مربع الارتباط المتعدد باستخدام الاوزان المعيارية حيث :

مربع معامل الارتباط ر
$$^{Y}_{u_{0}(1)} = \beta_{1} C_{u_{0}(1)} + \beta_{2} C_{u_{0}(1)}$$
 معامل الارتباط $C_{u_{0}(1)} = \beta_{1} C_{u_{0}(1)} + \beta_{2} C_{u_{0}(1)}$ $= 870.* \times 17.71 \times 17.70$.

ر من (٢١) - ٥٧٤ وهي نفس القيمة السابق الحصول عليها .

والارتباط المتعدد حساس لحجم العينة وعدد المتغيرات المستقلة المستخدمة، ويذكر شيفالسون (Shevalson, 1988:600) أن حجم العينة في الارتباط المتعدد يجب أن لا يقل عن ٥٠ ، وأن يكون حجم العينة مساويا عشرة أمثال عدد المتغيرات المستقلة ، وهذا الأمر يعكس حقيقة أنه كلما اقترب حجم العينة من عدد المتغيرات المستقلة فأن مربع الإرتباط المتعدد يقترب من الوحدة ، مما يتطلب ضرورة تصحيح الارتباط المتعدد.

وقد ترصل عدد من العلماء الى معادلات مختلفة للتصحيح تسمى -Shrin) kege Formula وهي :

$$(YY)$$
.....(Y_{-1}) $(1-C')$ $(1-C')$ (YY)

_____ الأماليب الإحمائية _____

وبالتطبيق عل المثال السابق فأن :

$$(1-1)^{4} = (1-1)^{4} = (1-1)^{4} = (1-1)^{4} = (1-1)^{4} = (1-1)^{4}$$

وتكون ر (المصححة) = ١٩٢٠، وبالتالى تكون نسبة التباين المفسر هى وتكون ر (المصححة) = ١٩٢٠، وبالتالى تكون نسبة التباين المفسر هى ٤٧،٩ ٪ من تباين المتغير التابع ويرجع الانخفاض الكبير من ٤٠،٤ ٪ الى ٤٧،٩ ٪ الى أن حجم العينة صغيرا جدا.

غليل الانحدار والارتياط المتعدد باستخدام المصفوفات

عند إجراء تحليل الانحدار البسيط (متغير تابع ومتغير مستقل) يكون لدينا معادلتين ومجهولين (أ ، ب) وبحل المعادلتين نصل الى قيمتى أ ، ب ، أما فى حالة تحليل لانحدار المتعدد لمتغيرين مستقلين ومتغير تابع ، فيكون لدينا ثلاثة معادلات تحتوى على ثلاثة معاملات مجهولة ، وبحل المعادلات نحصل على قيم (أ ، ب ، ب ،) كما وضحنا سابقا وتكون المعادلة : ص = أ + ب ، س ، + ب ، س ،

وحيث أن العينة المستخدمة تتضمن عدد (ن) من الافراد ، فيمكن وضع المعادلات في صورة مصفوفات تسهل العمليات الحسابية في حالة تحدد المتغيرات المستقلة (ولا ننصح غير المتخصص بدراسة هذا الجزء) ، والمصفوفة هي مجموعة من البيانات توضع بطريقة منظمة في صفوف وأعمدة (مثل مصفوفة الارتباط المألوفة للجميع)

وتكتب المعادلة ص = أ + ب، س، + ب، س، في صورة مصفوفات البيانات الأفراد كما يلى:

والمصفوفة الأولى تمثل المتغير النابع (ص) وعدد عناصرها (ن×1) بمعنى عدد (ن) صف وعمود واحد ، أما المصفوفة الثانية فهى نمثل المتغيرات المستقلة وعدد عناصرها (ن× ٣) بمعنى عدد (ن) صف عوثلاثة أعمدة اثنان منها للمتغيرين المستقلين بينما العمود الأول للمقدار الثابت ، والمصفوفة الأخيرة للمعاملات وهي (٣ × ١) أي ثلاثة صغوف وعمود واحد ،

رسوف نكتب المصفوفة بعد ذلك بحرف واحد كبير الحجم ليدل على المصفوفة مثل ص = س ب(٢٨)

والمصفوفة س هي (ن × ۲) ، لانستطيع حساب مقلويها (س-۱) لأنها غير منماثلة ، وعليه فيمكن ضرب الممعادلة (٢٨) في المصفوفة س ا وهي عبارة

عن تبديل الصفوف بالأعمدة والاعمدة بالصفوف في المصفوفة س بمعنى أن س/ عناصرها هي (٣× ن) ثلاثة صفوف ، وعدد (ن) عمود .

وتصبح المعادلة (٢٨) على الصورة .

والمعادلة (٢٩) تحتوى على (س/س) رهى تمثل مصفوفة متماثلة لأن حاصل صرب س/ (٢×٠) × س (٢×ن) ينتج مصفوفة (٣×٣) وهي التي نستطيع حساب مقلوبها بشرط أن لا يكون أي صف (أو عمود) منها تحويل خطى لصف (أو عمود) آخر .

وفي حالة تعدد المتعبرات المستقلة يمكن استخدام نفس المعادلات الموضحة (٣٠ ، ٢٩ ، ٣٠) ، والمعادلة الاخيرة هيي التي تستخدم في حساب المعاملات . الاحظ أنه من المهم التوصل الى مقلوب المصفوفة (س/س) حتى يمكن صرب المصيفوفات بعد ذلك وحساب قيم المعاملات . ونستطيع التوصل الي حساب مقلوب مصفوفة من الدرجة الثالثة باستخدام طريقة دوير Dwyer والتي تعرف ياسم طريقة دولتل (winer et al.,1991) أما المصنفوفات من الدرجة الاعلى فتتطلب استخدام الحاسب الألى .

ويكرن مجموع المربعات الكلي (ص) هو نائج ضرب ص/ص، ومجموع مربعات وحواصل ضرب المتغيرات المستقلة هو س/ س ، أما مجموع مربعات

ومجموع مربعات الانحدار = ب/ س/ ص وبالنطبيق على المثال (١) قان:

$$\frac{1}{4} = [100 \text{ m}]^{-1} \text{ m} = \frac{1}{4} = [100 \text{ m}]^{-1} \text{ m} = \frac{1}{4} = [100 \text{ m}]^{-1} = \frac{1}{4} = [100 \text{ m}]^{-1} = \frac{1}{4} = \frac{1}{$$

رهي قيم قريبة من القيم السابق حسابها مع فارق في التقريب لأن مقاوب المصفوفة يتطلب دقة اكثر من أربعة أرقام عشرية

ومجموع مربعات الانحدار =
$$\begin{bmatrix} 1.17 \\ 11.0 \end{bmatrix}$$
 $\begin{bmatrix} 1.9714 \\ 11.0 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 1.9714 \\ 0.070 \end{bmatrix}$ مربع الارتباط المتعدد = $\frac{34.070}{0.311}$

وهي قريبة من القيمة السابق المصول عليها

وأعنقد أن القارئ لهذا الحل يقدر تماما فائدة الحاسب الآلى في التحليل الاحصائي المعقد .

مقلوب الصفوفة:

ولمن برغب في معرفة كيفية حساب مقلوب المصغوفة (يشترط أن تكون خلفيته رياضية) ويتبع مايلي لحساب مقلوب المصغوفة (س س س) - في المثال (Winer etal., 1991: أو طريقة دوليتل: (Dwyer) أو طريقة دوليتل: Ferguson & Takane, 1989)

	T				
		,	זוי	£A	14
	,	مناز	T17	TVA	
H	منار	سنز	170		
		1-1-17 - 177 (7.º	- 1.1	= 2A 1• √	- 1-1
			19,41170	14,17455	T, 133YA
	1	() () () () () () () () () ()	(1. V) (1. V) - 2.1A	V 84 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	
i	241134	*******	ZANITA	1 VAL - LAY 1	
	*,18896=	1,11011	¥,11111=	TASSYA-	
5 BYME	<u>ه</u> ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	[صفر - { الإ } (الإا)	*(111117) - (111117) - (111117)		
·,17751-	(518196)×	[(5.24097-)(5.11111)-	0,¥1A{£ =		
	0,VtAss+	P,VIASS:			
	4,40599	*,AYY04= ==			

طريقة دوير للقلوب المصفوفة :

تعتمد طريقة دوير على تقسيم المصفوفة الى قسمين بشرط أن حاصل صربها يساوى مقلوب المصفوفة م -1 = 0 ى كما أنه يمكن اختيار مصفوفة أخرى ي بشرط أن م -1 = 0

ومن ذلك فان ى = ت أو ت ى = I حيث I هى مصفوفة الوحدة وعليه يمكن التوصل من المصفوفة م الى المصفوفة ت/ والمصفوفة ى وهذه هي طريقة دوير لا يجاد مقلوب المصفوفة م .

مثال : (Winer et al., 1991 : 900) : مثال

***************************************	1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				
		1	(٨	11
	١ ،	مغر	18	44	İ
¥ .	مقر	مئز	78		
		- or	1- (17)	<u> </u>	£-117√
	$^{4},Y=\frac{1}{a}$	<u> منثر ۲ × ۲۵، ۵ = ۴، ۴</u>	7- 1x 7-17	VP7 -79 -0	
) 1	مبر – ۱ : «مثر – ۲ <u>(۲۰۱)</u> ۱	$\frac{(*,1-)Y-*,Y*_{2c}Y=j\hat{u}_{cold}}{q}$	₹ ₹ A = ₹ X 0₹ ,* - ₹ [-₹ ,*]	i	
•,1311 -	*,*fff==	+, ++ 000 - m	1-		

```
____ الأساليب الإحصائية ___
```

Canonical Correlation: الارتباط الطبيعي

يستخدم الارتباط المتعدد لحساب العلاقة بين متغير تابع وعدة متغيرات مستقلة ، أما إذا كان لدينا اكثر من متغير تابع فاننا نستخدم أسلوب احصائى آخر مو Canonical Correlation .

وقد أطلق عليه فؤاد أبو حطب وآمال صادق (1991) اسم الارتباط الطبيعى . وهو يستخدم لمعرفة العلاقة بين مجموعينن من المتغيرات : مجموعة متغيرات تابعة ، ومجموعة متغيرات مستقلة . ولذلك يمكن أن يطلق عليه اسم الارتباط التجميعي أو الارتباط الجمعي حيث أنه يجمع كل مجموعة من المتغيرات في معادلة خطية مستقلة ثم يحسب العلاقة بين التجمعين الخطيين لكل من المتغيرات التابعة والمستقلة .

وفي هذه الحالة يعد الارتباط النجميعي ارتباطاً بسيطاً بين مجموعتين من المتغيرات كل منهما تمثل تجمع خطى معين ، وقد توصل الى هذا الاسلوب هوتلاج عام ١٩٣٥. وحساب معامل الارتباط الطبيعي (الجمعي) معقد ، حتى في الحالة البسيطة التي تتضمن متغيرين في كل مجموعة ، حيث أنها تعتمد على حساب مقلوب المصفوفات وجذورها وحساب عدة معادلات انحدار بولذلك تستخدم البرامج الاحصائية في الحاسب الآلي لهذا الغرض .

واستخدام معامل الارتباط الطبيعى (الجمعى) قليل بسبب تعقد عملياته الحسابية ، كما أن تفسيره قد يكون مشكله في بعض الحالات وأحد إستخداماته لحساب أوزان المقاييس الفرعية لبطارية إختبارات بهدف تحسين ثبات الدرجات) (Ferguson & Takane, 1989 : 506

ريهدف الارتباط الطبيعى (الجمعى) الى التوصل الى تباين المتغيرات التابعة الذى يمكن تفسيره من المتغيرات المستقلة . فاذا كان لدينا عدة متغيرات مستقلة ومتغير تابع واحد ، فيمكن اجراء تعليل الانحدار المتعدد للتنبؤ بالمتغير التابع . وكلما زاد عدد المتغيرات المستقلة تتعقد العمليات الحسابية ، مما يستلزم خفض عدد المتغيرات المستقلة واحدى طرق الخفض هى اجراء تعليل عاملى للمتغيرات المستقلة والتوصل الى عدد من العوامل التى تعد متغيرات مستقلة جديدة . وتستخدم درجات هذه العوامل مع درجات المتغير التابع فى حساب معادلة الانحدار المتعدد . أما فى حالة وجودعدة متغيرات تابعة وعدة متغيرات مستقلة جديدة فيمكن خفض عدد كل منهما باجراء تحليل عاملى لكل مجموعة مستقلة جديدة فيمكن خفض عدد كل منهما باجراء تحليل عاملى لكل مجموعة

على حدة ، والتوصل الى عدد من العوامل (بالطبع أقل من عدد المتغيرات) ، وتستخدم درجات العوامل في حساب الارتباط الطبيعي (الجمعي) بين مجموعتي العوامل (التابعة والمستقلة) . وهذا ما يحدث في الارتباط الطبيعي (الجمعي) ، حيث يتم حساب تجمع خطى لكل مجموعة من مجموعتي المتغيرات التابعة والمستقلة ثم تحسب العلاقة الارتباطية بين التجمعين الخطبين . وهذان التجمعان متشابهان مع المكونات الاساسية النائجة من استخدام التحليل العاملي بطريقة المكونات الاساسية النائجة من استخدام التحليل العاملي بطريقة المكونات الاساسية الماسية النائجة من استخدام التحليل العاملي بطريقة المتغيرات التي يتضمنها ومربع معامل الارتباط بين التجمعين يسمي بالجذر وهو مربع معامل الارتباط الطبيعي (الجمعي) . وكما يحدث في التحيل العاملي) ، بوجود عدة جذور المصفوفة Eigenvalues ، فيرجد أيضا عدة معاملات إرتباط طبيعية (جمعية) الاأننا نستخدم دائما أول معامل ارتباط ، ومربع معامل الارتباط الطبيعي هو نسبة التباين المشترك بين مجموعتي المتغيرات التابعة والمستقلة (Warwick, 1975)

وتدل معاملات الانحدار المعبارية (بينا) في كل تجمع خطى على مدى أهمية المتغيرات الاصلية في هذا النجمع الخطي،

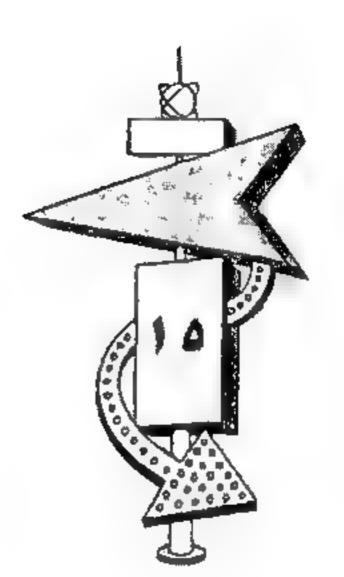
كَلِيلَ التَمايِرَ: Discriminant Analysis

عند استخدام أسلوب الانحدار المتعدد لمتغير تابع مع عدة متغيرات مستقلة، عادة ما يكون المتغير التابع متصلا Continuous. أما إذا كان المتغير التابع ثنائى Dichotomous (وهو شئ نادر) مثل إجابة سؤال (١ ، صغر) أو مجموعتين من الاهراد (مرضى الاكتئاب ، والعاديون) ، وقى هذه الصالة يكون المطلوب النمييز بين المجموعتين باستخدام المتغيرات المستقلة ، وإذلك يتم تعيين درجة (١ ، صغر) للمجموعتين ثم نحسب معامل الارتباط الثنائي Biserial Correlation بين متعير المجموعات والمتغيرات المستقلة ، ونجرى تحليل الانحدار المتعدد بين متعير المجموعات والمتغيرات المستقلة ، ونجرى تحليل الانحدار المتعدد التوصل الى معادلة الانحدار بالطريقة السابق توضحيها ، ويكون التاتج معادلة تسمى ذالة التمييز على الوزن النسبى لكل متغير مستقل فى المتغيرات المستقلة فى دالة التمييز على الوزن النسبى لكل متغير مستقل فى الفصل (النمييز) بين المجموعتين .

ويمكن حساب الدرجات المتنبأبها للافراد في كل مجموعة باستخدام دالة التمييز ، وتمثل هذة الدرجات متغير متصل حيث يمكن التوصل منه الى درجة فطع Cutting Score معينة تميز كل مجموعة عن الاخرى ، وهي الدرجة التي نؤدي الى اكبر تمييز ممكن بين المجموعتين .

وتجد طرق متعددة التحليل النمايز واختيار المتغيرات المناسبة التي تؤدى الي اكبر نمييز ممكن بين المجموعات ، وليس هذا مجال التوضيح هذه الاساليب ولمن يرغب في التعمق يرجع الى & Mourad, 1979;Huberty (كساليب Smith,1980;Huberety,1990)

الفصل الخامس عشر الخامس عشر الخامس عشر المسال المسال المسال المسال Path Analysis





تحليل المسار أسلوب احتصائى إرتباطى يعتمد على تحليل الانحدار والارتباط المنعدد ويستخدم اوضع احتمال العلاقة السببية بين المتغيرات .

وهو ليس طريقة للكشف عن السببية ، وإنما هو طريقة لاختبار نموذج علاقي معين بين مجموعة متغيرات . فالارتباط المتعدد يستخدم لتحديد العلاقة بين عدة متغيرات يمكن ترتيبها منطقيا في معادلة الانحدار المتعدد وبالنتائج حسب دخولها المعادلة (من طريقة Stepwise) . وتكرن المحاولة لمعرفة إذا كان متغير ما متأثرا بالمتغيرات التي تسبقه ، ومقدار إضافته للننبؤ بالمتغيرالتابع .

أما تحليل المسار فهو يعتمد على نموذج توضيحى للعلاقات بين المتغيرات المختلفة ، بناء على البحوث السابقة والنظريات المتعلقة بظاهرة معينة . ولكنه لايدل على السببية الموكدة مثل التحكم في متغير مستقل تجريبيا وبحث أثره على متغير تابع . وإنما هو خطوة متقدمة عن اسلوب الارتباط البسيط، ويذلك يعد حلقة متوسطة بين السببية الناتجة من الدراسة التجريبية وبين السببية المستنتجة من الارتباط البسيط .

وتحليل المسار أسلوب إحصائى تم التوصل اليه من اكثر من ٥٠ عاما عن طريق سيويل رايت sewell wright عام ١٩٢١ ،وأجرى عليه العديد من الدراسات بعد ذلك . وقدم دنكان Duncan هذا الاسلوب للعلوم الانسانية عام الاراسات بعد ذلك . وقدم دنكان Blau & Duncan, 1967 هذا الاسلوب للعلوم الانسانية عام العديد من العلماء مثل 1977 ، حيث نال إهتمام العديد من العلماء مثل Goldberger,1972;Duncan,1975; Heise,1975; Wolfle, 1977; Anderson, 1978)

لكن هذا الاسلوب قليل الاستخدام في مجال العلوم الانسانية ، وقد يرجع ذلك الى عدم علم الباحثين به أو لسيطرة أساليب احصائية أخرى على تحليل بيانات التصميمات البحثية . وتحليل المسار مشابه لتحليل الانحدار المتعدد حيث نفترض في كل منهما أن يكون الباقي Residual مساريا الصغر ، وتحقق فرض "

التجانس المسترك Homoscedasticity ، واستقلالية اخطاء المتغيرات عن بعضها البعض ، واستقلالية الاخطاء عن المتغيرات .

كما يعتمد تحليل المسار على فكرة المربعات الصغرىLeast Square المستخدمة في تحليل الانحدار ، وهذه الافتراضات المتضمنة في تحليل الانحدار تستخدم صراحة في تحليل المسار في تفسير العلاقة السببية بين المتغيرات -Wol) (fle, 1980)

كما يفترض العلاقات الخطية البسيطة بين كل زوج من المتغيرات.

ويتميز تحليل المسار عن تحليل الانحدار في قلة العمليات الحسابية ، وفي استخدام نتائج التحليل . حيث يستخدم الباحث نتائج تحليل المسار في اعطاء تفسيرات اكثر تفصيلا وتوضيحا للعلاقات بين المتغيرات عن نتائج تحليل الانحدار. ويقدم تحليل المسار الوسيلة لتلخيص نتائج البحوث التجريبية لظاهرة معينة ووضعها في نموذج مترابط لتفسير العلاقات بين متغيرات الظاهرة ، وهو ينطلب من الباحث التفكير في نظام السببية وإتصال المتغيرات ببعضها (المسارات) في ضوء الأدلة النظرية والامبريقية المتاحة لتقدير الآثار السببية .

وتوجد عدة تماذج لتحليل المسارهي :

النموذج الحادي الانجاء Recursive ، والنموذج الجماعي Block والنموذج . Non -recrsive والنموذج التبادلي Block . Non -recrsive الجماعي احادي الانجاء

وسوف نقتصر في هذا الفصل على توضيح النموذج اهادى الاتجاه ، أما النماذج الاخرى فهى اكثر تعقيدا وتتطلب عرض نفصيلى تكل منها والذى يحتاج الى مؤلف كامل ، فالنموذج الجماعي يتضمن عدة متغيرات تابعة مرتبطة بنفس مجموعة المتغيرات الممتقلة وهو يسمح بمقارنة معامل العسار الجزئى مع معامل المسار البسيط لمعرفة حجم التأثيرالمباشر للمعامل البسيط وحجم التأثير المشترك . كما أنه يستخدم لمعرفة مدى تأثير المتغيرات الخارجية على معاملات الارتباط بين المتغيرات الداخلية عن طريق مقارنة الارتباطات البسيطة مع ارتباطات بواقى المتغيرات الداخلية ،

أما النموذج الجماعي أحادي الانجاه فهو يضم النموذجين أحادي الانجاه والجماعي معافي نموذج واحد . حيث يسمح بتقدير شبكة من الآثار المباشرة ، من خلال تقدير مدى اسهام المتغيرات الداخلية في علاقاتها مع المتغيرات السابقة لها والتائية بعدها، وتقدير مدى إسهام المتغيرات المتغيرات السابقة على الارتباطات بين

المتغيرات النالية ، وقد يختبر الباحث نغايرات البواقى ، وأخيرا قد يقدر الباحث مدى نأثر العلاقات البسيطة بين مجموعة متغيرات معينة ومجموعة المتغيرات النالية لها بمجموعة متغيرات ثالثة . ويبدو أن النموذج الجماعى أحادى الاتجاء معقد ، وكذلك النموذج التبائلي ،

وتعتمد جميع النماذج (عدا النموذج التبادلي) في تقديرها لقيم معاملات المسارات على طريقة المربعات الصغرى المستخدمة في الانحدار البسيط - كما أن تقدير مصغوفة معاملات المسارات في حالة تعدد المتغيرات يستخدم مقلوب مصغوفة الارتباطات بين المتغيرات المستقلة (وهي المتغيرات التفسيرية -Explan مصغوفة الارتباطات بين المتغيرات المستقلة (وهي المتغيرات التفسيرية -faory (atory) ، وضربها في مصفوفة إرتباطات المتغير التابع مع المتغيرات المستقلة)

وقبل توضيح النموذج أحادى الانجاه سنحدد أنواع المتغيرات المستخدمة فى تحليل المسار ، فعند دراسة ظاهرة مايوجد ثلاثة أنواع من المتغيرات هى : متغيرات خارجية Endogenous (مستقلة) ، ومتغيرات داخلية Endogenous (تابعة) ، والمتغيرات التى لايتضمنها النموذج المستخدم . كما أن بعض المتغيرات الداخلية قد تكون خارجية لبعض المتغيرات التالية لها فى النموذج .

وتحديد نموذج المسارات يعتمد على أدبيات البحث المتعقة بالظاهرة موضع الاهتمام وهي النظريات والبحوث السابقة والأدنة الامبريقية المختلفة عيث يضع الباحث نموذجاً بوضح ترتيب المتغيرات وأيها يكون مستقلا، ثم يحدد المتغيرات التالية (التابعة) الذي تتأثر بالمتغيرات المستقلة ، وقد تؤثر المتغيرات النابعة في متغيرات أخرى تالية لها وبذلك تعمل كمتغيرات مستقلة وتابعة في نفس الوقت، وقد يحدد الباحث متغيرات أخرى (عوامل) دخيلة غير متضمنة في النموذج والتي تسمى بمتغيرات البواقي Residuals (Wolfle, 1980)

النموذج أحادى الانجاه: Recrsive Equation Model

ينضمن هذا النموذج انجاه واحد للمسارات من المتغيرات الخارجية (المستقلة) الى المتغيرات الداخلية (النابعة) . ويقصد بالمسار الخط الواصل بين متغير ومتغير آخر ، ويتحدد المسار بانجاه معين وقيمة محددة تسمى معامل المسار . ولذلك فان المسار أحادى الانجاه يعنى إنجاه السهم النابع من متغير والمؤثر على منغير آخر .

وسوف نرمز للمتغيرات المستقلة والتابعة بالرموز س، ، سب، سب، سب، سب، ومنغيرات البواقي بالرمز (ى). أما معاملات المسار فسوف نرمز لها بالرمز م ، ويكون معامل المسار من المتغير س، الى س، هو مب، ومعاملات المسار هى أوزان مشابهة لأوزان الانحدار (ب أوبيتا) ، إلا أننا سنستخدم الرمز (م) ليدل على معاملات المسارات المعيارية ، وقد تكون معاملات المسار عادية مثل معاملات الانحدار (بيتا) ، ويرى الانحدار (ب) ، أومعاملات مسار معيارية مثل معاملات الانحدار (بيتا) ، ويرى دنكان (Duncan, 1975) أنه يقضل استخدام معاملات المسار العادية ، ومعامل المتغير

الانحراف المعيارى المتغير التابع معامل المسأر العادى × الانحراف المعيارى المتغير التابع الانحراف المعيارى المتغير المستقل

وهذه المعادلة تشبه معادلة معامل الانحدار المعياري

ومعامل المسار المعياري من الدرجة الاولى يساوي معامل الارتباط البسيط، أما في حالة وجود عدة مكونات فان علاقة معامل الارتباط البسيط بين متغيرين ومعامل المسار المعياري تحسب من المعادلة:

فاذا كان لدينا ثلاثة متغيرات فان:

$$(1-a^{-1})^{-1}$$
 $(2a^{-1})^{-1}$ $(2a$

مثال (١) : لنموذج أحادى الانجاه من ثلاثة متغيرات :

إذا مثلنا نموذج أحادى الاتجاء لثلاثة متغيرات كما بالشكل (١٥ -١)

فاننا نلاحظ أن : المتغيرين سي هما متغيران مستقلان ، المتغير (سي) متغير تابع ، بينما المتغير (سي) متغير تابع ، بينما المتغير (ى) هو متغير غير متضمن من لكنه يؤثر على (سي) وتكون معادلات النموذج هى :

سير = مهر سير + مير سير + م سير = مهر سير + م سير سير (٢)

وباستخدام الدرجات المعيارية (ذ) للمتغيرات وكذلك معاملات المسار المعيارية فان

نم سع مرب ذر + مرب ذر + م ى نى وبمشرب المعادلة فى ذر والجمع الأفراد العينة فأن

مصدة وقرسم ومحدة ومصدة وقرخ على مصدة وقي

رهيث أن $\frac{a - c_1 c_2}{c_1} = c_1 = \frac{a - c_1 c_2}{c_2} = c_1 = \frac{a - c_1 c_2}{c_2} = c_1$

قان: ری سم ی +م ی ری(٤) (حیث محد قی = سفر) م م ساد م سم د ب

وبإستخدام المعادلة (٣) والصرب في ذرثم الجمع والقسمة على (ن) فإن:

(°).....(°)

カンカケーセンーセク

كذلك ر - م - م - ر - + م - ر - + م ي د مي

(حيث أن ر ۽ ١٠ ، ر پي ٣٠ مي لأن المتغير ي مرتبط مع سي فقط

فيكرن معامل مسارهما المعياري يساوى معامل الارتباط اليسيط)

حيث ر أ - مربع معامل الارتباط المتحد بين س ، وكلاً من س ، س ،

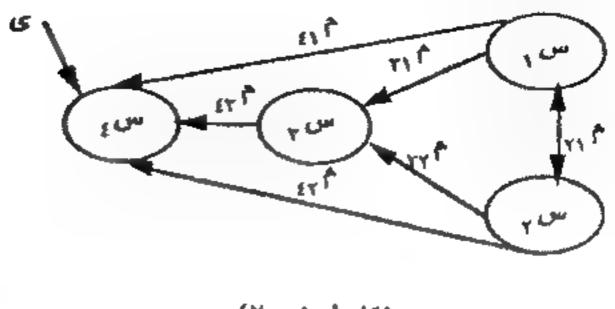
(4)
$$\frac{c_{m}-c_{m}c_{m}}{1-c_{m}}$$

ومعاملات المسارات مي ، مي هما أوزان الانحدار المعيارية (بينا) ، وهما الأثر المباشر للمتغيرين (٢،١) على المتغير (٣) . أما الأثر غير المباشر للمتغير

(۱) على أى متغير سر الى سم الى و الى سم الله معاملات المسار من ، من ، من ، من ، من وتستخدم المعادلات ٧ من ، من من المعادلات ٧ من ، من من المعادلات ١٠٥٧ من المعادلات ١٠٥٧ من المعادلات ١٠٥٧ من المعادلات ١٠٥٧ من المعادلات ١٠٥٧ من المعادلات ١٠٥٧ من المعادلات ١٠٥٧ من المعادلات ١٠٥٧ من المعادلات ١٠٥٧ من المعادلات ١٠٥٧ من المعادلات المعادلات المعادلات المعادلات المعادلات المعادلات المعادلات المعادلات المعادلات ١٠٥٧ من المعادلات

مثال (٢) : نموذج أحادى الاتجاه يتضمن أريعة متغيرات

يتصنح من الشكل (١٥ - ٢) أن النموذج يتضمن أربعة متغيرات بالاضافة الى المتغير (ى) الذي يؤثر على المتغير التأبع س، •



شکل (۱۰ – ۲)

كما أن المتغيرين س، ، س، هما متغيران مستقلان يؤثران على المتغيرين س، ، س، موالمتغير س، ، س، ، والمتغير س، يؤثر على المتغير س، ، بمعنى أن س، يعمل كمدغير تابع (بالنسية الى س، ، س،) ومتغير مستقل (بالنسبة المتغير س،) .

وقد توجد متغيرات بواقى أخرى تؤثر على سى ، وأخرى تؤثر على سى ، وأخرى تؤثر على سى مسى وهكذا مما يؤدى الى تعقد النموذج ، ومثل هذه المتغيرات تعتمد على الظاهرة موضوع الدراسة ، لاحظ أن المتغيرين س، ، سى مستقلان بالنسبة المتغيرين س، ، سى مستقلان بالنسبة المتغيرين س، ، س، نكنهما مرتبطين ببعضهما البعض.

ومعادلات النموذج (شكل ١٥ - ٢) هي:

4 70mmp+10mmp=-0

س ، هم ،، س ، + م بر س ، + م بر س ، + هم بر س ي

وباستخدام الدرجات المعيارية (ذ) ومعاملات المسار المعيارية أيضا فان :

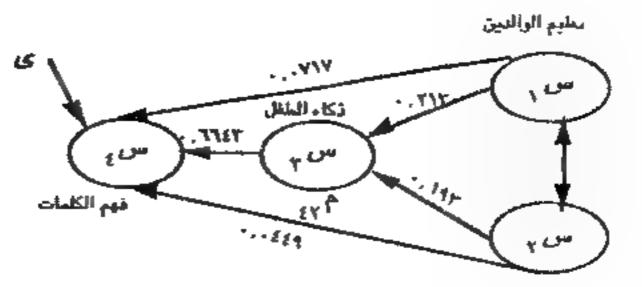
معاملات المسارات ميم ، مهم ، ميد ، ميد ، ميد ، ميد ، مي

حيث ينتج من المعادلة (١٠) ما يلي :

$$I = a_{11} c_{12} + a_{13} c_{13} + a_{13} c_{13} + a_{13} c_{13}$$
 $ci2c_{11} c_{12} c_{13} c_{13} + a_{13} c_{13} م الله المثال عددى (١) : نعرض المثال التالى في حالة أربعة متغيرات مأخوذ عن (Wolfe,1980)

جدول (١٥ – ١) معاملات الإرتباط البسيط بين المتغيرات الأربعة

فهم الكلمات	ذكاء الطفل	المستوى الاقتصادى	تطيم الوالدين	متف بر	11
	۰,۷	۱ ۲۰,۳ ۲۸,۰	۱ ۰,۰ ۰,۳۱	تعليم الوالدين المستوى الاقتصادى ذكاء الطفل فهم الكلمات	1 U* 1 U* 1 U* 1 U*



للستري الاقتصادي

شکل (۱۰–۲)

معادلات النموذج في صورة درجات معيارية هي :

وبحل هذه المعادلات الثلاث معا ينتج مايلي :

$$\frac{(n-c_n)(c_n-c_nc_n)+(c_n-c_nc_n)(c_n-c_nc_n)}{(r-c_n)(c_n-c_nc_n)+(c_n-c_nc_n)}$$

وبالتعويض عن قيم معاملات الارتباط

$$\frac{(\cdot, ^{1} \times \cdot, ^{0} - ^{1}, ^{1})(\cdot, ^{1} \times \cdot, ^{0} - ^{1}, ^{1}) + (^{1}, ^{1} \times \cdot, ^{1} - ^{1}, ^{1})(\cdot, ^{1} \times \cdot, ^{1})}{(\cdot, ^{1} \times \cdot, ^{0} - ^{1}, ^{1})(\cdot, ^{1} \times \cdot, ^{1}) + (^{1}, ^{1} \times \cdot, ^{1} - ^{1}, ^{0})(\cdot, ^{1} \times \cdot, ^{1})}{(\cdot, ^{1} \times \cdot, ^{1} \times \cdot, ^{1})(\cdot, ^{1} \times \cdot, ^{1} \times \cdot, ^{1})}$$

$$= \frac{\cdot, ^{1} \times \cdot, $

لاحظ إننا إستخدمنا أربعة أو خمسة أرقام عشرية لضمان دقة حساب المعاملات.

$$\frac{C_{12}-C_{11}C_{11}-C_{12}}{(1-C_{11})}$$

$$\frac{(1-C_{11})}{(1-C_{11})}$$

$$\frac{\gamma_{12}-C_{12}+\gamma_{12}-\gamma_{12}-C_{12}}{(1-C_{11})}$$

$$\frac{\gamma_{12}-C_{12}+\gamma_{12}-C_{12}}{(1-C_{11})}$$

$$\frac{\gamma_{12}-C_{12}+C_{12}}{(1-C_{11})}$$

$$\frac{\gamma_{12}-C_{12}+C_{12}}{(1-C_{11})}$$

ويذلك يكون الأثر المباشر للمتغير الاول (مستوى تعليم الوالدين) على المتغير الرابع (فهم الكلمات عند الاطفال) يساوى من - ٧١٧٠٠٠

والاثر المباشر للمتغير الثاني (المستوى الاقتصادي والاجتماعي) على المتغير الرابع (فهم الكلمات) هو مي = ٩٤٤٠٠٠

بينما الاثر غير المباشر المتغير الثانى على المتغير الرابع على المتغير الرابع على المتغير الداء مهد مده مده مده م

* YTO1 -

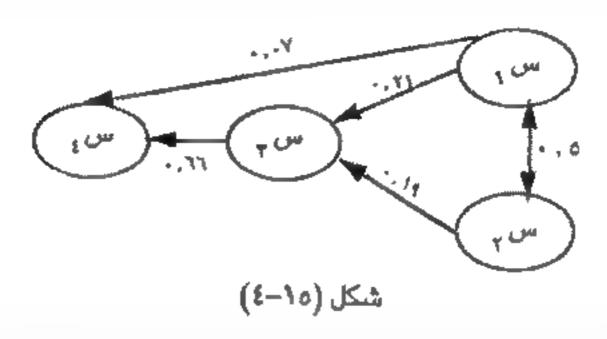
والاثر العباشر للمتغير الثالث (ذكاء الطفل) على المتغير الراسع (فهم الكلمات) = من - 171۳ من - 1718 من العباشر = ۱،۰ - ۱71۳ من - ۱۳۵۷ من الكلمات وكذلك الأثر العباشر لمستوى تعليم الوالدين على ذكاء الطفل = من - ۲۱۳ من ٢١٣٠٠٠

والأثر غير المباشر = ر $_{\rm rr}$ - م $_{\rm rr}$ = ۲۱۲. - ۲۱۳. - ۲۱۳.

أما الأثر المباشر للمستوى الاقتصادى على ذكاء الطفل عم مم = ١٩٣٠. والأثر غير المباشر = ر م م ح ح م ٣ = ٢٠٠ - ١٩٣٠. = ١٠٠٠. ويتضح من النتائج أن الأثر المباشر للذكاء على فهم الكلمات مرتقع عن الأثر غير المباشر ، وكذلك الأثر المباشر لكل من مستوى تعليم الوالدين والمستوى الاقتصادي الاحتماعي على ذكاء الاطفال أعلى من الأثر غير المباشر.

وعندما يكون الأثر المباشر لمتغير على متغير آخر ضعيفا فيمكن اهمال المسار الذي يربط بينهما، ويعاد تخطيط النموذج مرة أخرى.

ومن النتائج السابقة يتضح أن الأثر المباشر للمستوى الاقتصادى الاجتماعي على فهم الكلمات ضعيف (١٠٠٤٤٩)، وبالتالي يمكن اهمال المسار بين المستوى الاقتصادي الاجتماعي وفهم الكلمات ويصبح النموذج كما بالشكل (١٥ - ٤) .



وقد يرى البعض أن الأثر المباشر بين مستوى تعليم الوالدين وفهم الاطفال الكلمات (١٠٠٧) أثرا ضعيفا وبالتالى بلغى هذا المسار وعموما بعد تعديل المسار يجب إعادة حساب معاملات المسار للنموذج المعدل ، ثم استخدامها في حساب معاملات الارتباط بين كل متغيرين ومقارئتها بمعاملات الارتباط الارتباط الارتباط ألما الارتباط اللارتباط الارتباط ال

وتكون معاملات المسار الجديدة من ، من أما من ، من فتبقى كما حسبت من قبل ومعادلة النموذج بشأن س هى : ذ من قبل ومعادلة النموذج بشأن س هى : ذ من قبل ومعادلة النموذج بشأن س

$$v_{i,n} = \frac{c_{i,n} - c_{i,n}}{(1 - c_{i,n})} = \frac{r_{i,n} - r_{i,n}}{(1 - c_{i,n})^{3}} = \frac{r_{i,n}}{r_{i,n}}$$

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{(1-\zeta_{11}^{2})} = \frac{1}{(1-\zeta_{11}^{2})} = \frac{1}{(1-\zeta_{11}^{2})} = \frac{1}{(1-\zeta_{11}^{2})}$$

ومن الواضح أن الأثر المهاشر لكل من مستوى تعليم الوالدين ، وذكاه الاطفال على فهم الكلمات قد إزداد بعد تعديل النعوذج ، ويمكن حساب معاملات الارتباط البسيط الجديدة بين المتغيرات بعد تعديل النموذج وهي :

สถิ⁺ทวทรีถริ⁺ทธิถริ⁼

*,7V10+ *,0× *,19T× *,+91A+ *,Y1T× *,+91A=

*,787- *,7Y10+ *, ** A9+ *, * 197=

وبمقارنة معاملات الارتباط البسيط المقدرة باستخدام معاملات المسار مع معاملات الارتباط الاصلية يتضح وجود اختلاف بسيط في معامل الارتباط بين المستوى الاقتصادى الاجتماعي وفهم الكلمات (٢٤٧، ولالا ٢٨٨،) وكذلك معامل الارتباط بين ذكاء الاطفال وفهم الكلمات (٢٤٢، ولا من ٢٠٠).

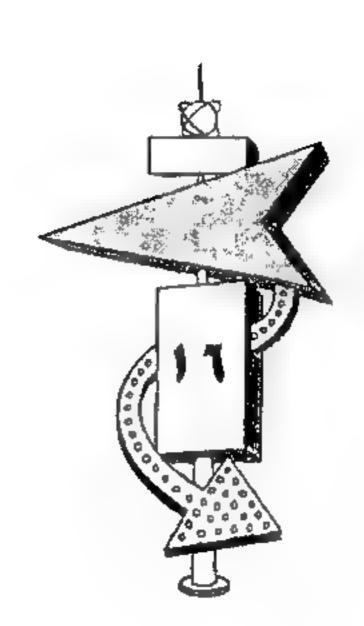
وإذا كانت الفروق بين معاملات الارتباط المقدرة والاصلية ضئيلة فاننا نستنتج أن البيانات متسقة مع نموذج المسارات المعدل .

ولدلك يجب توخى الحذر والدقة عند اقتراح نموذج مسارات ، فاذا كان النموذج غير منطقى أو ليس له أسس علمية فاننا لا نستطيع مطابقة البيانات مع النموذج المقترح .

وفي حالة وجود عدد كبير من المتغيرات فان المسارات تتعقد وبالتالى في حالة وجود عدد كبير من المتغيرات فان المسارات تتعقد وبالتالى في المراء تحليل المسار ، ويمكن استخدام برامج Spss لتحليل المسار.

. التصابل العصاملي حص

الفصل السادس عشر القصل السادس عشر التحالي الصادس Factor Analysis



الغصل السادس عشر التحسليل العاملسس

التحليل العاملي هو طريقة احصائية متعددة المتغيرات تستخدم في تحليل البيانات أو مصفوفات الارتباط (وهي معاملات ارتباط بسيط) ، أو مصفوفات التباينات (للمتغيرات وحواصل ضريها) . ويكون الهدف هو ترضيح العلاقات بين تلك المتغيرات ، وينتج عنها عدد من المتغيرات الجديدة (المفترضة) تسعى بالعوامل . وعادة ما تكون البيانات هي درجات أفراد على متغيرات نفسية أو اجتماعية أو تربوية . ويرجع أصل التحليل العاملي الى التربية وعلم النفس ثم إنتشر استخدامها بعد ذلك في مجالات الاقتصاد والانثروبولوجي والفسيولوجي وغيرها .

وقد اعتمد ظهور التحليل العاملي على دراسات في مجالي علم النفس والبيولوجي مثل دراسات جالنون في القرن التاسع عشر ونظرية مندل عن الوارثة عام ١٨٦٦ وبحوث جاوس في الوراثة أيضا ، وقد تم توصيف نتائح هذه الدراسات توصيفا تراكميا للخصائص الوراثية أدت إلى التفكير في وجود أسلوب مناسب لها ، وبذلك مهدت هذه الدراسات الطريق لوجود الاساليب الاحصائية التي تناسب تلك المشكلات.

وقد توصل بيرسون في نهاية القرن الناسع عشر إلى قانون الارتباط الخطى البسيط المعلوم لدينا ، كما أجرى بيل عام ١٨٩٧ دراسة جيدة عن الارتباط المتعدد والارتباط الجزئي ، وفي عام ١٩٠٠ توصل العلماء إلى وصنع أفكار عن تحليل يتضمن عدة متغيرات ، وكانت درسة بيرسون عام ١٩٠١ عن الخطوط والسطوح والفراغ هي أساس أساوب التحليل العاملي المعروف باسم , Mulaik) principal Axes

وقد سارع سبيرمان ، عالم النفس المشهور ، إلى اجراء دراسة نفسية متبعا الطريقة الجديدة في التحليل لإثبات نظريته في الذكاء بأن الأنشطة العقلية تنتج من قدرة عقلية عامة وقدرات نوعية ، وأدى ظهور أول نموذج للتحليل العاملي عام ١٩٠٤ عن التكوين العقلي وسميت النظرية باسم نظرية العاملين . حيث لاحظ

سبيرمان وجود علاقة مشتركة بين سنة متغيرات عقلية أطلق عليها العامل العام ، كما لاحظ أيضا وجود عوامل خاصة بتلك المتغيرات أطلق عليها اسم العوامل الدوعية . وقد اختلف العلماد الانجليز مع سبيرمان ومتهم تومبسون وسيرل بيرت وفيليب قرنون بشأن نموذج سبيرمان . إلا أن نموذج سبيرمان دعمته دراسات. حرانت Granett عام 1914 وثرستون عام 1971 بوضع أسس لعوامل متعددة .

وقد تبع سبيرمان العديد من الدراسات التي قام بها علماء آخرون مثل تومسون وسبيرمان وهو تلنج Hotelling وجيلفورد . فقى عام ١٩٣١ تمكن ثرستون بجامعة شيكاغو من التوصل إلى نظرية العوامل المتعددة في التكوين العقلي. وبدلك فهو قد إختلف إيضا مع العلماء الانجليز في نظرية العاملين أو العوامل المتتابعة التي تحدث عنها قرنون وغيره . ثم ظهرت عدة كتب عن التحليل العاملي لكل من: كيلي (Kelly, 1935) ، وبيرت (Burt, 1941)، وثرستون التحليل العاملي لكل من: كيلي (Kelly, 1935) ، وبيرت (Thomson, 1951)، وشرستون وفروتشتر (Thurston, 1957)، وهنريسون (Therrysson, 1957) ، وهارمان - Har

كما ساهم علماء الاحصاء الرياضي في نطوير أسلوب التحليل العاملي (lawley, 1940, 1956, ولذكر منهم: هوتلنج (Hotcling.1933) ، ولاولسي ,1958, 1958) ، ولاتسات (Bartlett,1948) ، وجنمان (1958,1954) ، والمدرسون ورويان (Rao,1952,1955) ، وأهماقارا (Ahmavaara,1954)، وأندرسون ورويان (Rao,1952,1955) ، وأدرسون ورويان (Anderson & Rubin,1956) (Kaiser, 1958) ، وكايزر (Carroll,1953) ، وغيرجسون (Ferguson, 1954) ، وكايزر (Carroll,1953) ، وغيرها في وضع أسس لتدوير المحاور وتحديد عدد العوامل ، وتم اقتباس اسلوب وغيرها في وضع أسس لتدوير المحاور وتحديد عدد العوامل ، وتم اقتباس اسلوب التحليل العاملي من علم النفس الي عدد من العلوم الاخرى مثل علم الاجتماع عن طريق جوادنر (Gouldner,1957) ، والتعربية الرياضية (Driver,1956) ، والقسيولوجي (Driver,1956) ، والفسيولوجي (Driver,1956) ، والفسيولوجي (Mefferd,1965)

وقد ساهم تطور الحاسب الآلى فى الخمسينيات فى إجراء العمليات الحسابية التحليل العاملى ، إلا أن العلماء لم يستطيعوا التفرقة فى ذلك الوقت بين التكوين البسيط والتكوين المفترض نظريا ، ولذلك فان فترة نهاية الخمسينيات وحتى أوائل الستينيات من القرن العشرين كان يستخدم فيها التحليل العاملى إستخداما غير مدروسًا . فقد استخدم التحليل العاملى بكثرة لبحث تكوين النظريات النفسية والاجتماعية والفيزيقية والكيميائية ، كما استخدمت بيانات متعددة موضوعية

وذانية وإسفاطية على أمل أن يوضح التحليل العاملي تصنيف وترتيب المتغيرات والعلاقات بينها . ولكن أفضل ما يمكن أن يتوصل إليه التحليل العاملي في ذلك الوقت هو تجميع عدة بنود أو متغيرات في مجموعات متشابهة المحتوى ولكنها لاتصل الى مرحلة وضع نظريات ، وإنما تؤدى إلى وضع تصنيفات البنود أو المتغيرات.

وفى النصف الثانى من السنينيات فى القرن العشرين بدأ إستخدام االتحليل العاملى فى اختبار صحة الفروض ، وذلك عندما أجرى موسير Mosierعام 1979 دراستة التى نشرت فى مجلة سيكومتريكا Psychometrica حيث استخدم طريقة لتحويل العوامل النائجة تحويلا خطيا حتى تتشابه مع مصغوفة العوامل المتوقعة للتكوين المفترض . وبعد ذلك يتم إختبار المصغوفة الناتجة من حيث درجتها ومدى ملاءمتها للتكوين المفترض وسمى هذا النظام باسم Procrustean وإستخدم جيلفورد هذا الاسلوب فى عزل العوامل عام 197۷ لإثبات نظريته عن التكوين العقلى ،

وقد استخدم عدد من العلماء (في ذلك الوقت) التحليل العاملي لاختبار الفروض ومدى ملائمة النموذج المفترض للبيانات وأجرى العديد من الباحثين من علماء علم النفس وعلماء الاحصاء الرياضي دراسات عن معالم التحليل العاملي وعلاقة الناتج بالتكوين المفترض ومدى ملائمة ذلك للنظريات وتم تطوير عدة طرق التحليل العاملي مما شجع الباحثين على استخدامه ومحاولة التوصل الي النظريات التي تنسق مع البيانات ، وبذلك يكون للتحليل العاملي فوائد كثيرة في تطوير النظريات النفسية القائمة والمستخدمة (mulaik, 1977).

والمهمة الاساسية للتحليل العاملي هي تحليل بيانات المتغيرات للتوصل الى مكونات نتضمنها تلك المتغيرات . حيث يقدم التحليل العاملي نموذج عن التكوين النظرى ، ويتحدد هذا النموذج من العلاقات الخطية بين المتغيرات . ومعنى هذا أن التحليل العاملي يقوم على إفتراض وجود علاقات خطية بين المتغيرات وعدم وجود علاقات صفرية . فاذا وجدت العلاقات الخطية فانه يمكن استنتاج المكونات المشتركة بين المتغيرات والتي تفسر تلك العلاقات ، ويتوصل التحليل العاملي إلى هدفه بطريقتين : الاولى هي خفض عدد المتغيرات الاصلية الى عدد أقل من المتغيرات يسمى عوامل ، والثانية أن معنى العوامل ينتج من خصائص التكوين الموجود داخل مجموعة العلاقات .

وعملية خفض عدد المتغيرات، ومفهوم التكوين هما أساس فهم التحليل العاملي (Ferguson&Takane, 1989) .

خفض عدد المتغيرات :

يهدف التحليل اللعاملي الى التوصل الى عدد قليل من المكونات (العوامل) التي تفسر العلاقات بين المتغيرات . وعملية خفض عدد المتغيرات الى عدد أقل هي علمية ذاتية . ومن المألوف النظر الي خفض عدد المتغيرات بأنه أمر أساسي نفهم العلاقات المشتركة بين المتغيرات أو لفهم السببية . فاذا قررنا أن طالب ما متميز في التحصيل لكونه مرتفع الذكاء ، فان هذا يعد حكما ذاتبا لخفض العديد من المتغيرات المؤثرة على التحصيل الى متغير واحد هو الذكاء . كما أن القرار بشأن الانجاهات السياسية والاجتماعية للافراد قد يعتمد على موقعهم على بعد التحفظ - التحرر ، أو اليسار - اليمين •

ويوجد العديد من السلوكيات التي يقوم بها الافراد ونرجعها إلى متغير واحد مثل الديانة أو الجنسية ، ويعد هذا من ظاهرة العامل العام الذاتي . ويصفة عامة ، فأن الخفض الذاتي لمجموعة من المتغيرات لوصف مواقف معقدة إلى عدد أقل من العرامل لوصف تلك المواقف هي ظاهرة عامة Frguson & Takane, 1989) .:522)

ويقوم التحليل العاملي على إجراء هذا الخفض للمتغيرات ، حيث يختار الباحث موقفا معقدا مثل الذكاء الانساني أو التحصيل الدراسي أو النشاط الزائد للأطفال ، ثم يحدد عدد من المتغيرات التي يظن أنها تصف الموقف (أو مرتبطة به). ويجمع بيانات عن المتغيرات ، ثم يجرى تحليلا عامليا للبيانات ليقلل عدد المتغيرات الى عدد أقل من العوامل والتي يطلق عليها أسماء وخصائص معينة الوصف الموقف الاصلى -

وطريقة خفض عدد المتغيرات الاصلية الى عدد أقل هي طريقة معقدة ، رحتى يمكن فهم هذه الطريقة نعرض المثاليين التاليين (من : Ferguson &: (Takane, 1989 لغهم عملية خفض المتغيرات. جدول (١٦٠)

مدرفرقة معاملات ارتباط بين خوسة متغيرات

			بد بور	ر ب	MAULE 1	مصعورة
	٥	ź	٣	٧	1	المتغير
	15.4	4,Y	٠,٦	۰,٥		1
	1, 11	.,50	٠,٣	-	_	۲
	*, \$4	1,27	_			٣
	70,07	-				٤
ļ				i		۵
l						

مثال (١) : يرضح جدول (١٦ - ١) مصفوفة معاملات إرتباط بمعط بين خمسة متغيرات فإذا حسبنا معامل الإرتباط الجزئي لعزل أثر المتغير الاول من معاملات الارتباط بين المتغيرات من الثاني

الي الخامس فان:

$$\frac{\sqrt{(1-c_{n}^{2})(1-c_{n}^{2})}}{\sqrt{(1-c_{n}^{2})(1-c_{n}^{2})}} = \frac{\sqrt{(1-c_{n}^{2})(1-c_{n}^{2})}}{\sqrt{(1-c_{n}^{2})(1-r_{n}^{2})}} = \frac{1}{c_{n}}$$

معامل الارتباط الجزئي بين المتغيرين (٣٠٢) بعد عزل أثر المغير الاول = صفر. ويعنى هذا أن المتغير الاول هو المسئول عن العلاقة بين المتغيرين (٣٠٢).

وكذلك إذا عزلنا أثر المتغير الاول من العلاقات الاخرى بين المتغيرات (بالجدول) ، نجد أن الارتباطات الجزئية - صفر ، مما يعنى أن العلاقات بالجدول يفسرها المتغير الأول ،

فاذا كان المتغير الاول هو العمر الزمنى والمتغيرات الاخرى هي الاداء المهارى لمجموعة من الاطفال ، فيكون العمر الزمنى هو الذي أدى الى هذه الارتباطات ، وبائتالي يمكن خفض المتغيرات الخمسة الى متغير واحد.

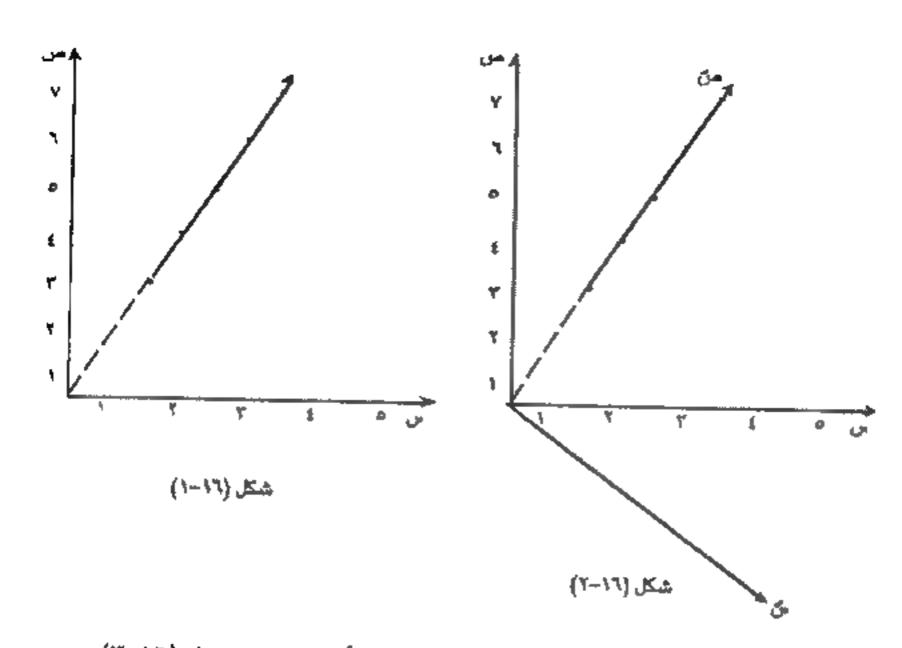
مثال (۲) : إذا كان لدينا متغيرين (س، ص) كما بالجدول (۲۰ -۲)، فيمكن تمثيل هذه البيانات بالشكل البياني (۲۱ -۱۱).

ويتضح من الشكل أن جميع النقاط تقع على خط مستقيم .

جدول (۱۳–۳)

ص	w
٣	١,٥
٤	۲
٥	۲,٥
٦	٣
٧	۳.0

فاذا دورنا المحورين الاساسين (س، ص) إلى موقع آخر يسمى (س، ص) كما بالشكل (١٦ - ٢) فاننا نلاحظ أن جميع نقاط الخط المستقيم تقع على محور (ص) ، وبالتالى تتحول درجات النقاط بالجدول (٦١ - ٢) الى درجات أخرى (جدول ١٦ - ٣) ، حيث نلاحظ أن جميع قيم س = صفر (لأن النقاط تقع على المحور ص على المحور ص أ وموقع كل نقطة على المحور ص يتمثل بقيمة جديدة ، ومعلى هذا أن المتغيرين (س، ص) تم تخفيضهما الى متغير واحد هوص ، ونلاحظ أيضا أن تمثيل النقاط (س،ص)



يستخدم محورين متعامدين (مجال في بعدين) أما جدول (١٦-٣) تمثيل النقاط كمسافات على المحور (ص) كمسافات من نقطة الأصل ص

7, 70

٤, ٤٧

0,09

7, 71

٧, ۸٣

منقز

مىقر

صقر

صفر

تقاطع المحورين) فاننا نستخدم محور واحد فقط (مجال في بعد واحد) .

وهذه الفكرة الموضحة يمكن تعميمها على عدد من المتغيرات ، فاذا كان لدينا درجات النقاط على خط مستقيم يمر بنقطة الاصل (إستخدام الدرجات المعيارية يؤدى الى مرور الخط المستقيم بنقطة الاصل) ، فان شكل المتغيرات الثلاثة في المجال للائل الابعاد يتم خفضها الى شكل في متغير ولحد له بعدين ويمر بنقطة الاصل ، فإن موضع النقاط يتحدد في بعدين ، وبذلك تنخفض المتغيرات الثلاثة إلى متغيرين.

ويمكن تعميم هذه الفكرة على عدد كبير من المتغيرات، والتي يمكن تمثيلها بنقاط في فضاء متعدد الأبعاد (يساوى عدد المتغيرات) . وقد تحتل النقاط عدد من الابعاد (تقريبا) أقل من عدد المتغيرات ، وبذلك يتم خفض عدد المتغيرات الي عدد أقل هو العوامل (Ferguson & Takane, 1989).

مفهوم التكوين:

يهنم التحليل العاملي باكتشاف ووصف التكوين المجموعة من العلاقات بين المتغيرات. فمثلا بيانات متغيرين (س، ص) يمكن تمثيلها بخط مستقيم فيكون شكل النكوين خطيا ، وتتصنح الخطية بخصائص معينة النقاط وعلاقتها ببعضها البعض. وقد تدل النقاط على شكل منحنى تربيعي أو تكعيبي أو أي شكل آخر معقد. أما إذا كانت النقاط عشوائية فانها لا تدل على تكوين محدد.

ويمكن تمثيل العلاقة بين متغيرين هندسيا باستخدام المتجهات ، والمتجهات المتجهات المتجه في الوحدة فأن المتجه هو الوحدة فأن معامل الارتباط بين متجهين يساوى جيب الزاوية المحصورة بينهما . فمثلا معامل الارباط ٢٠٧٠ يمثل متجهين بينهما زواية ٥٤ ، أما معامل الارتباط ٥٠٠٠ فأنه يمثل متجهين بينهما زاوية ١٢٠ وهكذا . أما الارتباط من ثلاثة متغيرات فيمكن تمثيله بثلاثة متجهات ، كما يمكن تعميم هذه الفكرة لأى عدد من المتغيرات .

ومن النموذج الهندسى المستخدم فى التحليل العاملى فأن أطوال المتجهات لها معنى ، فاذا رمزنا المتجة بالرمز (هـ) فان العلاقة بين متجهين هى حاصل صرب المتجهين فى جبب الزاوية بينهما (هم هم حاى) فاذا كان طول المتجه هو الوحدة فان معامل الارتباط يساوى جبب الزاوية .

وبالطبع فان فهم العلاقات بين عدة متغيرات يعتمد على شكل نموذج المتجهات ، حيث تختلف أطوال المتجهات والزوايا بينها . فاذا كان لدينا عدد (ن) من المتجهات بينها . فاذا كان لدينا عدد (ن) من المتجهات بينها . فان هذا النموذج قد يكون عشوائيا أو قد يدل على خصائص تكرين معين . فقد ينتظم عدد من المتجهات في تجمع معين ، وعدد آخر في مكان مختلف . وبالتالي فان عدد (ن) من المتجهات في تجمع معين ، وعدد آخر في مكان مختلف . وبالتالي فان عدد (ن) من المتجهات في قد يتشكل في عدد (ك) من المتجهات ، ويكون الغرض من التحليل العاملي هو وصف تشكيل المتجهات بطريقة اقتصادية توضح خصائص التكوين ، وهذه الخصائص التكوين ، وهذه

وإذا رمزنا للعامل بالرمز (ل) وللمتغير في صورته المعيارية بالرمز (ذ) والاوزان (ب) والعامل الدوعي (و) و فيمكن كتابة المعادلات الخطية للتحليل

العاملي ، وهي معادلات للتنبؤ بدرجات المتغيرات من العوامل كما يلي :

ذر = برر ل + برر ل + برر ل + برر ل + برر ل + برول ل + برول

ذر = ب، ل، + ب، ل، + ب، ل، + ب، لم + ، + باري ل ي + ب، و،

وهكذا لبقية المتغيرات . وتعنى هذه المعادلات أن الدرجة المعيارية للمدخير تساوى حاصل صرب الدرجات المعيارية للعوامل فى أوزانها بالاضافة إلى درجة العامل النوعى لهذا المتغير مصروبة فى وزنها ، والاوزان ب١٠ ، ب١٠٠ ، ٠٠٠٠ النخ تشير الى تشبعات العوامل وهى أوزان لدرجات العوامل ، أما ب١ فهى وذن لدرجة العامل النوعى للمتغير الاول ، ب، للمتغير الثانى وهكذا.

ويهتم التحليل العاملي بالتوصل الى قيم هذه المعاملات أو التشبعات .

والعامل هو متغير مثل المتغيرات الأخرى مع فرق بسيط وهو أن معظم المتغيرات يمكن قياسها مباشرة أما العوامل فهى متغيرات إفتراضية مشتقة من تحليل بيانات مجموعة متغيرات تم قياسها قياساً مباشراً.

ويتم وضع المتغيرات والعوامل تشبعاتها كما بالجدول (١٦ – ٤) - جدول (١٦ – ٤)

مصفوفة تشبعات العوامل والاشتراكيات

	-				
الاشتراكيات هـــ ^۲	••••	ПІ	П	I	العامل
هـ ,		ت ہ	ب ۳	,, <u> </u>	١
¥ -4		مت ۲۲	ب ۲۰	ب ۱۲	۲
¥ -A		ب ب	# ÷	ب س	٣
,	*******	ب ۽	ب ۲۲	ب #	٤
•			•	•	.
•	******	,			
•	*******			.	. [
۲ ن ــه		بن ب	ب ن۲	ب بن	ن

ويتضح من الجدول (١٦ – ٤) تشبعات العوامل والاشتراكيات والتشبعات (الاوزان) هي دليل على العلاقة بين درجات كل متغير ودرجات العامل وأما الاشتراكيات(هـ٢) للمتغير فهي مجموع مربعات تشبعات العوامل لكل متغير (أفقيا) وهي نسبة النباين الكلي للمتغير التي ترجع الى العوامل وهي بذلك تشبه مربع الارتباط المتعدد بين المنغير (كمتغير تابع) ودرجات العوامل (كمنبئات) مربع الارتباط المتعدد بين المنغير (كمتغير تابع) ودرجات العوامل (كمنبئات) أما المجموع الكلي لاشتراكيات المتغيرات (هـ ١) = هـ ١ + هـ ١ + هـ ١ مـ + هـ ١ لاحظ أيضا أن هم هي طول متجه المتغير الاول ، هم طول متجه المتغير

لاحظ ايضا أن هم هي طول منجه المنغير الأول ، هم طول منجه المنغير الثاني وهكذا.

مكونات التباين:

يهتم التحليل العاملى بنوضيح التباين المشترك بن المتخيرات فى صورة تكوينات فرضية (عوامل) . فاذا كانت علاقات الصف الدراسى ودرجات الاستعداد والذكاء غير صفرية فان ذلك يقترح وجود تكوينات فرضية مشتركة بينها . وفي هذه الحالة قد تكون التكوينات لفظية أو مهارية ، وهذه التكوينات الفرضية هى العوامل المشتركة بين المتغيرات .

ولكن عدم توفر العلاقات التامة بين المتغيرات يؤدى الى وجود عوامل خاصة بكل متغير منها ، وهذه العوامل الخاصة هي التي توضح التباين الخاص بالمتغير ، وقد يرجع جزء من التباين الخاص الى أخطاء القياس ، وحيث أنه من المفترض استقلالية الاخطاء في كل متغير عن درجات المتغيرات الأخرى ، فأن هذه الاخطاء لا تسهم في التباين المشترك ولكنها تسهم في التباين الخاص بكل متغير ، ويعتقد كثير من المتخصصين في التحليل العاملي أن التباين الخاص يحتوى على تباين حقيقي (مستقل عن المتغيرات الاخرى) ولكنه يسمى بالنباين الخاص الخاص للمتغير ،

وبناء على ذلك فان تباين المتغيرات جزء منه مشترك وجزء آخر مستقل وهو التباين الخاص ، ويمكن تقسيم التباين الكلى للمتغيرات الى :

تباين مشترك + تباين خاص + تباين الخطأ.

أما التباين المقيقي = التباين المشترك + جزء من التباين الخاص والتباين النوعي = ما تبقى من التباين الخاص + جزء من تباين الخطأ ومن المفترض أن تباين الخطأ يساوى الصفر (إذا كان الخطأ عشوائيا ومستقلا) وعندئذ يكون التباين الكلى = التباين المشترك + النباين الخاص.

وبالرجوع الى معادلات التحليل العاملي المذكورة في الجزء السابق وهي في صورة درجات معيارية ، ومن المعلوم أن تباين الدرجات المعيابة لأى متغير يساوى الوحدة ، وعليه فان تربيع المعادلة السابقة للمتغير الاول هو :

لاحظ أنه لا يوجد حواصل ضرب لاستقلال العوامل عن بعضها البعض .

وبتعنى هذه المعادلة أن : تباين المتغير الاول = جزء من التباين يرجع لكل عامل من العوامل المشتركة وجزء أخير (ب ") العامل الخاص بالمتغير ،

وقد ذكرنا من قبل أن مجموع مربعات تشبعات العوامل للمتغير تساوى الاشراكيات للمتغير أي أن : هـ $\frac{7}{1} = \frac{7}{11} + \frac{7}{$

والتباين الخاص بالمتغير ينقسم الى جزئين: تباين نوعى ، وتباين للخطأ . والجزء النوعى من التباين يرجع الى عوامل نوعية للمتغيرات ولا يرجع الى خطأ القياس ، وحيث أن كل المقاييس تتضمن أخطاء فى القياس ، فإن كل تطبيقات التحليل العاملي ترجع جزء من النباين الخاص إلي خطأ القياس ، ولا نستطيع معرفة تباين الخطأ أو التباين النوعى إلا إذا علمنا معامل ثبات المتغير حيث : تباين الخطأ للمتغير حيث : تباين الخطأ للمتغير حيث .

وحيث أن التباين الكلى للمتغير الاشتراكيات + التباين الخاص + تباين الخطأ . ولاننا نستخدم الدرجات المعبارية فإن التباين الكلى للمنغير الوحدة ، وعليه فإن :

١ = الاشتراكيات + التباين الخاص + تباين الخطأ
 وبتكون الاشتركيات + التباين الخاص = ١ - ثباين الخطأ
 = معامل ثبات المتغير

$\mathbf{A}_{-}^{Y} + \mathbf{3}_{\frac{1}{\|\mathbf{x}\|_{1}}}^{Y} = \mathbf{C}_{\frac{1}{\|\mathbf{x}\|_{1}}}^{Y}$

وبذلك فان اشتراكيات المتغير أقل (أو تساوى أحيانا) معامل ثبات المتغير.

ومن الصبعب حساب ع خطأ ، ع الخاص لكل متغير بسبب تداخل المتغيرات معا ، ويعد تصديد هذه المكونات السابقة مشكلة كبرى في التحليل العاملي وتوجد لها حلول مقترحة سنوضحها فيعا بعد ،

ويبدأ التحليل العاملي بحساب مصفوفة معاملات الارتباط البسيط بين المتغيرات ، واستخدامها في التحليل ، إذا رمزنا لمصفوفة الارتباط بالرمز [ر] والتي نتكون من عوامل مشتركة وعوامل نوعية قان :

وتحسب معاملات الارتباط بين المتغيرات باستخدام الدرجات المعيارية محد ذرذ

وإذا إستخدمنا معادلات المنغيرات في منوء العوامل النائجة وهي :

فيمكن حساب معامل الارتباط بين المتغيرين (١ ، ٢) وهو يساوى مجموع حواصل ضرب تشبعات العوامل في المتغيرين :

كما نستطيع معرفة الزواية بين كل منجهين من العلاقة ر 🚙 = هـ , هـ , حا ي

حيث هم، هم هما طولى المتجهين للمتغيرين الاول والثانى ، حاى هي جيب الزواية (ى) المحصورة بينهما ، وبالمثل لبقية المتغيرات.

التحليل العاملي الاستطلاعي والوكيدي:

Exploratatory and Confirmatory Factor Analysis,

التحليل العاملي هو أساوب إحصائي يستخدم للتعرف على العلاقات المشتركة بين المتغيرات ، والنوصل إلى مسببات هذه العلاقات . أو هو الطريقة الاحصائية التي تعمل على خفض عدد المتغيرات المرتبطة الى عدد أقل من العوامل والتي تفسر العلاقات بين المتغيرات . ويوجد نوعان أساسيان من التحليل العاملي: استطلاعي Exploratatory وتوكيدي Confirmatory.

ويستخدم التحليل العاملي الاستطلاعي (الاستكشافي) في الحالة الذي تكون فيها العلاقات بين المتغيرات والعوامل غير معلومة أو غير مؤكدة . ويسير التحليل في طريق الاستكشاف لتحديد العوامل الكامنة وعلاقتها بالمتغيرات المستخدمة . وعادة ما يتوصل التحليل الى عدد من العوامل أقل من عدد المتغيرات لتفسير العلاقات بين المتغيرات . ولا يكون لدى الباحث معلومة مسبقة عن العوامل الناتجة من التحليل .

أما التحليل العاملي التوكيدي فيستخدم لاختبار الفرض بوجود صلة معينة بين المتفيرات والعوامل الكامنة ، إعتماداً على نظرية مسبقة أو أدبيات البحث ، ثم يختبر الباحث نظام الصلة المفترض إختباراً إحصائيا . وعليه فان التحديد المسبق لنموذج التحليل العاملي التوكيدي يسمح للمتغيرات بحرية النشبع على عوامل محددة دون غيرها ، ثم يتم نقويم النموذج بطريقة إحصائية لتحديد دقة مطابقته للبيانات المستخدمة (6-5:4994).

وباختصار يركز التحليل العاملى (الاستطلاعي أو التوكيدي) على توضيح الصلة بين المتغيرات المستخدمة وعواملها الكامنة ، وبتحديد اكثر فهو بهتم بامكانية التوصل الى المتغيرات عن طريق المكونات الكامنة ، أو مدى تأثير المكونات الكامنة في التوصل الى المتغيرات ، ولذلك فهو يهتم بقوة مسارات الانحدار من العوامل إلى المتغيرات ، وعلى الرغم من الاهتمام بنظام التكوين الارتباطي بين العوامل ، إلا أننا لا نهتم بنظام الانحدار ، وإنما نركز اهتمامنا على الصلة بين العوامل ومتغيراتها ، وفي التحليل التوكيدي يكون الاهتمام بالنموذج المسبق الذي يضعه الباحث اعتماداً على نظرية معينة أو دراسات سابقة أو كليهما ، ثم يحارل إختبار صحة النموذج باستخدام بيانات العينة عن المتغيرات الموجودة في النموذج ، ومدى ملاءمة البيانات للاموذج (7-6: Byrne,1994) وسوف نركز هنا على التحليل العاملي الاستطلاعي وطرق إجرائه ، ونشر فيما بعد الى التحليل العاملي التوكيدي .

طرق التحليل العاملي الاستطلاعي:

يبدأ إحراء التحليل العاملي الإستطلاعي باستخدام مصفوفة الارتباط بين المنغيرات أو مصفوفة النباينات . ثم يتم استخراج العوامل الاساسية ، حيث يتم استخراج العامل الاول وهو عادة عامل عام ويعد أفضل معادلة خطية للمتغيرات وتحتوى على اكبر تباين ممكن لها ، وتكون هذه المعادلة على الصورة :

حيث د ر هي درجة الفرد على العامل المستخرج ، ب، ، ب ، ، ، ب ن هي تشبعات العامل على المتغيرات المختلفة (جدول ١٦ - ٤) ، وهي معاملات إرتباط بين العامل والمتغيرات ، ومجموع مربعات هذه المعاملات يسمى الجذر الكامن Eigenvalue، وإذا قسم على عدد المتغيرات تنتج النسبة المدوية من التباين الكلى للمتغيرات (جزء من التباين المشترك) الذي يقسره العامل الاول ويتم استخراج تشعبات العامل الاول (بالطريقة العركزية) بقسمة مجموع ارتباطات الأعمدة (بعد إضافة تقدير الاشتراكيات في قطر المصفوفة) على الجذر التربيعي لمجموع المصفوفة ، ثم تحسب مصفوفة البواقي بطرح مصفوفة تشبعات العامل الاول من المصفوفة الاصلية للارتباطات ، ونستخدمها بنفس الطريقة لاستخراج تشبعات العامل الثاني والذي يكون مستقلاعن العامل الاول ويمثل أفصل معادلة خطية تحتوى على جزء من التباين المتبقى ، ثم تتكرر الخطوات السابقة لاستخراج العوامل التالية حتى نصل إلى أخر عامل (فؤاد البهي ١٩٧٨). وتسمى هذه الطريقة بالطريقة المركزية Centroid ، وهي الطريقة القديمة التي طورها ترستون. والعديد من أمثلة التحليل العاملي التي نشرت قبل استخدام الحاسوب كانت تستخدم الطريقة المركزية . وتتضمن الطريقة المركزية وضع أول محور مرجعي في منتصف تشكيل متجهات المتغيرات ، ثم المصول على مصفوفة المتبقى من الارتباطات واجراء بعض التعديلات اعتماد على العامل الاول ، ثم نستخرج العامل الثاني ويكون محوره متعامدا مع الأول وهكذا حتى نصل إلى آخر عامل ، والطريقة المركزية هي تعديل لطريقة العوامل الاساسية Principal axes التي استخدامها سبيرمان م

والتى تم تطريرها بعد ذلك وأصبحت تعرف باسم المكونات الاساسية -Prin والتى تم تطريرها بعد ذلك وأصبحت تعرف باسم المكونات الاساسية -cipal Components ، وهى من اكثر الطرق استخداما في الوقت الحاضر للحصول على حل مباشر المصفوفة الارتباط ، وتوجد طرق أخرى للتحليل العاملي

وهي طريقة العوامل الاساسية Ptincipal Factors ، وطريقة راو للتحليل العاملي Rao Canonical Factoring ، وطريقة الفا Alpha Factoring ، والطريقة التخيلية Image Factoring .

Principal Components (PC) طريقة المكونات الاساسية - ١

وهى طريقة مباشرة لتحويل المتغيرات الى مكونات أساسية متعامدة ، وهذه المكونات هى أفضل تجمعات خطية Linear Combinations المتغيرات والتى تفسر أكبر قدرمن التباين الكلى فى البيانات . حيث يكون المكون (العامل) الأول هو أفضل تجمع خطى للعلاقات بين المتغيرات والذى يفسر اكبر قدر من التباين ، وعادة مايكون عامل عام . أما العامل (المكون) الثانى فهو ثانى أفضل تجمع خطى لتفسير جزء من التباين لم يتم تفسيره بالعامل الاول ، أى بعد عزل تباين العامل الاول ، ويعنى هذا أن العامل الثانى متعامد على العامل الأول ، وهكذا فى بقية العوامل .

وتعتمد طريقة المكونات الاساسية على وضع العدد واحد في قطر مصفوفة الارتباط ، بافتراض أن تباين أي متغير هو الوحدة ، ثم تجرى التحليلات على هذا الاساس . ولكن إذا تم وضع الاشتراكيات بدلاً من الوحدة في قطر مصفوفة الارتباط ، فأن هذا يقال رتبة المصفوفة وبالتالي يقلل عدد العوامل المستخرجة ، إذا أن عدد العوامل المناسب لتفسير العلاقات بين المتغيرات يعتمد على رتبة مصفوفة الارتباط (Kim, 1965:472)

Principal Factors (PF): طريقة العوامل الاساسية - ٣

وهى مشابهة لطريقة المكونات الاساسية إلى حدما ، لكنها تختلف عنها فى أنها تصنع تقديراً للاشتراكيات فى قطر مصغوفة الارتباط ، مما يؤدى الى خفض رتبة المصغوفة وبالنالى يقل عدد العوامل المستخرجة ،

وتقدير الاشتراكيات قد يكون مربع الارتباط المتعدد بين متغير ما وبقية المتغيرات الاخرى ، أو أعلى إرتباط بسيط في كل عمود من أعمدة المصغوفة .

والعوامل الناتجة من طريقة العوامل الاساسية ليست تحريلا خطيا مباشرا المتغيرات ، بسبب تغيير قطر مصفوفة الارتباط ، وإنما هي عوامل مستنتجة -In في المتغيرات ، بسبب تفترض أن جزء معين من تباين المتغيرات هو المتضمن في نمط التكرين العاملي لهذه المتغيرات . كما تفترض هذه الطريقة وجود عامل نوعي أو

نباين نوعى لكل متغير مستقل عن المتغيرات الأخرى ، وعن طريق إحلال قطر مصفوفة الارتباط بتقدير للاشتراكيات ، فاننا نعزل هذا التباين النوعى لكل متغير ونجرى تحليلاً للاجزاء المتبقية من تباين المتغيرات .

ونقدير الاشتراكيات الذي يوضع في قطر مصفوفة الارتباط يكون أقل من الوحدة واكبر من الصفر . وبالطبع لاتوجد طريقة واحدة متفق عليها لتقدير الاشتراكيات ، لكن حدها الأعلى هو معامل الثبات وحدها الادني هو مربع معامل الارتباط المتعدد لمتغير ما مع المنغيرات الأخرى (Kim,1975: 480) .

وفى حالة عدم وجود مقلوب لمصفوفة الارتباط أو تكون محددة Determinant المصفوفة صغيرة جدا يستخدم أعلى معامل ارتباط بسيط في كل عمود ليوضع في قطر المصغوفة كتقدير للاشتراكيات ،

كما تستخدم طريقة العوامل الاساسية نظام يسمى تكرار التقدير Iteration حيث يتم تحديد عدد العوامل من مصفوفة الارتباط الاساسية ، ثم يحسب مربع معامل الارتباط المتعدد للمتغير مع المتغيرات الاخرى فى كل عمود ، وتعد هذه المعاملات تقديرات للاشتراكيات التى توضع فى قطر المصفوفة وبالتألى نقال من رتبتها ، ثم يستخرج نفس العدد من العوامل وتستخدم تشبعاتها فى تقدير الاشتراكيات التى توضع فى قطر مصفوفة الارتباط ، وهكذا تتكرر عملية استخراج العوامل وتقدير الاشتراكيات من محاولتين متنائيتين قريب من الصفر ، وهذه الطريقة هى أكثر طرق التحليل العاملى تقبلا وملاءمة فى التوصل الى العوامل الاساسية ،

٣ - الطرق الاخرى للتحليل العاملي الاستطلاعي :

ذكرنا من قبل أن هناك طرق أخرى للتحليل العاملي الاستطلاعي وهي : راو Rao ، الفا Alpha ، التخيل Image.

حيث تعمل طريقة راو على التوصل إلى أعلى معامل ارتباط بين مجموعة المتغيرات وبين العوامل مجتمعة ، وهي تتبع طريقة العوامل الاساسية ، ويعد تقدير الاشتراكيات مشكلة أساسية في هذه الطريقة ، وتحاول طريقة راو تقدير معالم المجتمع (العوامل الاساسية للمجتمع) باستخدام بيانات العينة ، ولا تستخدم هذه الطريقة بكثرة بالرغم من أنها تستخرج عدد أقل من العوامل .

أما طريقة ألفا فهي تعتبر المتغيرات المستخدمة عينة من مجتمع

المتغيرات. وتحاول التوصل الى العوامل الأكثر تعميما ، والاستدلال من عينة المتغيرات الى المجتمع . ويتم اجراء طريقة ألفا ، مثل طريقة العوامل الاساسية ، باستخدام مربع معامل الارتباط المتعدد للمتغير في قطر المصغوفة ، وتعديل معاملات الارتباط على أساس أن المتغيرات هي عينة من مجتمع المتغيرات .

وتعد هذه الطريقة اكثر تعقيدا من طريقة راو ، ولذلك فهي قليلة الاستخدام.

وبقوم طريقة التخيل Image غطرية جتمان في تقدير الاشتراكيات للمتغير بمربع معامل الارتباط المتعدد بين المتغير والمتغيرات الاخرى بالاعنافة الى جميع المتغيرات في المجتمع وتسمى الطريقة Image Factoing لأنها تقدر التباين المشترك للمتغير من مجموع حواصل ضرب معاملات الانحدار المعيارية في الدرجات المعيارية للمتغيرات الأخرى وهذا التباين المشترك يسمى Image وتستخدم هذه الطريقة مصفوفة التباين بوضع Image في قطر مصفوفة الارتباط مع تعديل معاملات الارتباط وعادة ما تتوصل هذه الطريقة الى عدد من العوامل يعادل نصف عدد المتغيرات وهو عد اكبر من اللازم ولا تستخدم هذه الطريقة كثيرا لتعقيدات العمليات الحسابية والطريقة كثيرا لتعقيدات العمليات الحسابية والمسابية والمتعيرات العمليات الحسابية والمسابية تضح مما سبق أن طريقتى المكونات الاساسية (PC) والعوامل الاساسية (PF) هما الأكثر إستخداما في التحايل العاملي الاستطلاعي -

وتكمن المشكلة في هاتين الطريقتين في تقدير الاشتراكيات الذي يوضع في قطر مصفوفة الارتباط وبالتالي يؤثر على رتبتها وعدد العوامل بها . كما أن معرفة عدد العوامل يساعد في التوصل إلى تقدير جيد للاشتراكيات.

عدد العوامل :

ذكرنا أن قيمة الاشتراكيات التي ترضع في قطر مصفوفة الاتباط تؤثر على تحديد رتبة المصفوفة وبالتالي عدد العوامل التي نتضمنها . كما أن القيمة الفعلية للإشتراكيات تعتمد على عدد العوامل المستنتجة من مصفوفة الارتباط . وبذلك فان عمليتي تقدير الاشتراكيات وتحديد عدد العوامل تعتمدان على بعضهما البعض ، وهي إحدى مشكلات التحليل العاملي الاستطلاعي ،

وتوجد ثلاثة مداخل لتحديد عدد العوامل (Cattell,1965) هي :

إلى المدخل الرياضي :

قيمة الاشتراكيات التى توضع فى قطر مصفوفة الارتباط تحدد رتبة المصفوفة ، وحيث أننا نرغب فى التوصل للاشتراكيات التى تقال رتبة المصفوفة ، فان الاقتراح بوضع مربع معامل الارتباط المتعدد للمتغير مع المتغيرات الاخرى بؤدى الى أقل رتبة ممكنة للمصفوفة ، لأن مربع الارتباط المتعدد يمثل الحد الأدنى للاشتراكيات ، واستخدام هذا المدخل عليه اعتراض منطقى وهو أننا لا نهدف الى تقايل عدد العوامل ، وإنما نهدف الى معرفة عدد العوامل ذاتها التى تتضمنها مصفوفة الارتباط ، ولذلك فان البحث يكون عن أفضل تقدير ممكن للعدد الفعلى للعوامل التى تدل عليها البيانات المستخدمة ،

٢ - المدخل الاحصائي :

ويهتم هذا المدخل بالتوصل الى أفضل موائمة ممكنة فى ضوء الاحتمالات والذى يعتمد بدوره على حجم العينة وعدد المتغيرات ، وتوجد عدة طرق لهذا المحك والتى قدمها كل من بارتلت عام ١٩٥١ ، بيرت عام ١٩٥٦ ، لاولى عامى المحك والتى قدمها كل من بارتلت عام ١٩٥١ ، بيرت عام ١٩٥٦ ، لاولى عامى التطبيقات الفعلية التحليل العاملى . فاستخدام طريقة Maximum Likelihood التعد طريقة كشف التغير الآنى Simultaneous أر المزدوج لعدد العوامل والاشتراكيات معا للتوصل الى ما يلائم مصفوفة الارتباط الاصلية عند مستوى دلالة مناسب . ويجب الدذر من الافتراض بأن عملية إستخراج العوامل تتوصل فى البداية الى عوامل خالية من الخطأ وبعدها تستخرج عوامل الخطأ . لأن تباين الخطأ يظهر منذ البداية مع التباين الحقيقى ، وعند تدوير العوامل يتم تدوير تباين الخطأ الى عوامل للخطأ ، وعادة تظل نسبة تباين الخطأ ثابتة ولانستطيع عزل الخطأ دون فقد جزء من التباين الحقيقى إذا توقفنا مبكرا عن إستخراج عوامل إضافية .

٣ -- مدخل التكوين العاملي :

من المألوف أن المصادر التي تؤثر في تباين عدة متغيرات قد يزيد على عدد المتغيرات ذاتها . وحيث أن رتبة المصفوفة لا تزيد عن درجتها ، فاننا لا نستطيع تجاهل الموقف الفعلى الذي يحاول الدموذج العاملي موائمته . فانا وافق عالم الرياضيات على ٣٠ عامل مستخرجة من ٨٠ متغير توثر على أداء ١٠٠ من الافراد ، وإذا قسنا متغيرين عند فردين فقط بعد ذلك ، فلا يزال هناك ٣٠ عامل

تؤثر على الاداء وليس المتغيرين . ولذلك فان الهدف هو التوصل الى العوامل التي العوامل التي يسمح بها المدخل الرياضي ثم تصنفها الى عوامل حقيقية وعوامل للحطأ .

وأحيانا تكون العوامل الحقيقية بعضها مهم والبعض الآخر بسيط ولا يفسر شئ يذكر . فعدد العوامل العمكنة في العصفوفة قد يساوي عدد المتغيرات (ن) ، ولكننا لا نستطيع التعامل مع هذا العدد الكبير للعوامل ، ويكون الأقل في التوصل إلى قيم جيدة للاشتراكيات تؤدى الى تقارب الخطأ ، وعليه يجب التوقف عند عدد من العوامل - بن وفي معظم البحوث قد يكون عدد العوامل ب عدداً كبيراً يتضمن عوامل بسيعلة وعوامل للخطأ .

ويبدو من العرض السابق المداخل الثلاثة أن تقدير عدد العوامل أمر ذاتى بدرجة كبيرة ، وذلك لعدم معرفة رتبة المصغوفة أو القيم الحقيقية للاشتراكيات ، وقد يجرى باحث تحليلا عامليا لعدد من المتغيرات ويستضرج منه عددا من العوامل ، ثم يقرر تغيير عدد العوامل الى عدد أقل ، وريما يتوصل الى عدة حلول للعوامل التى تتضمنها مصفوفة الارتباط . ويستطيع الباحث تبرير هذه الحلول المختلفة بأنها تؤدى الى تكوين قابل للتفسير أو غير ذلك من التبريرات مثل ثبات العوامل أو البعد عن عوامل الخطأ ، وكل هذه التبريرات أو يعضها قد يكون صحيحا ، وعليه فان تقدير عدد العوامل التى تتضمنها مصغوفة الإرتباط بين مجموعة من المتغيرات يعتمد على ذاتية الباحث.

وقد يرى البعض أن المل الصحيح لتحديد عدد العوامل هو استخراج العوامل الذي لا يقل جذرها الكامن Eigenvalueعن الوحدة ، وهو المل الذي قدمه هوتلنج Hotelling. ويقوم هذا الحل على إفتراض أنه لايجوز استخراج عاملا بحتوى على تباين أقل من تباين متغير واحد ، ومع أن هذا الحل مقبول إلا أنه يؤدى الى عدد كبير أيضا من العوامل ،

أما الحل الثانى الذى يلاقى تأييم كبيرا الآن هو الاعتماد على نظرية معينة أو دراسات سابقة أو كليهما فى تحديد عدد العوامل ، وهذا ما يحدث فى التحليل العاملي التوكيدى . حيث يحدد الباحث عددا من العوامل معتمداً على أسس نظرية أو بحثية سابقة ويتوصل بعد ذلك الى مدى مناسبة النتائج مع ما هو مفترض .

تدوير العوامل: Factor Rotation

بعد اجراء التحليل العاملي والتوصل الى العوامل وتشبعاتها ، يأتى دور المرحلة الثانية التى تستلزم تدوير المحاور إلى موقع آخر (كما وضحنا فى مثال رقم ٢) يساعد فى تفسير العوامل ، وقد أشار هارمان إلى العوامل الناتجة بعد التدوير بأنها عوامل مستنتجة ، وتوجد طرق متعددة للوصول الى العوامل المستنتجة ، وجميع هذه الطرق تتضمن وضع المحاور فى موضع يتحدد من خصائص تشكيل متجهات المتغيرات ، وفى بدايات تاريخ التحليل العاملى كان يتم التدوير بوضع تشبعات كل عاملين على صفحة مستقلة ، وتقدير الزاوية بينهما ثم تدوير المحاور بمقدار هذه الزاويه أما الآن فقد تم التوصل الى طرق أخرى تحليلية التدوير العوامل كبديل الطريقة الهندسية .

والقصد من عملية تدوير العوامل هو التوصل الى تشكيل (تكوين) مناسب العوامل له معنى ويمكن تفسيره ، وتوجد طرق مختلفة للندوير يمكن أن ينتج عنها تشكيلات عاملية مختلفة وغيرمخالفة لأى إفتراضات رياضية أو إحصائية ، بمعنى أنه توجد عدة طرق إحصائية متكافئة للتوصل الى الابعاد المتضمنة في البيانات المستخدة في التحليل ،

وعدم تحديد طريقة واحدة التدوير العوامل يعد مشكلة أخرى في استخدام التحليل العاملي . فقد تتوصل طريقة المتدوير الى تكوين عاملي مختلف عن طريقة أخرى ، وليست كل التكوينات العاملية التي نتوصل اليها انفس البيانات مرتبطة بمعان نظرية معينة . وهنا تكمن المشكلة في إختبار طريقة للتدوير تساعد في تفسير العوامل الناتجة . حيث أننا نرغب في اختبار الطريقة الجيدة التي تؤدى الى حل بحقق الأسس المنطقية النظرية والعملية الموضوع البحث ،

وتوجد طريقتان أساسيتان التدوير العوامل هما : التدوير المتعامد -Oblique والتدوير المائل Oblique وكل من الطريقتين نصاول التوصل الى نكوين عاملى بسيط وله معنى . فالعوامل المتعامدة يسهل التعامل معها وتفسيرها لأنها مستقلة عن بعضها البعض ، أما العوامل المائلة فهى اكثر ملاءمة للواقع الفعلى وذلك لتداخل المتغيرات في الموقف الواحد وصعوبة تفسيره بعوامل مستقلة . ولا يوجد أساس علمى لتفضيل طريقة تدوير على الأخرى ، واثما أساس التفضيل هو الطبيعة الخاصة لموضوع البحث .

وقد لخص هارمان (Harman, 1967) القواعد التي وصعها ثرستون

لتدوير العوامل وهي :

- ١ -- كل متغير في مصفوفة العوامل يكون تشبعه صفراً على عامل واحد على
 الاقل .
- ٢ -- كل عامل من العوامل العامة يكون به عدد من التشبعات الصفرية مساو لعدد
 العوامل العامة .
- ٣ لكل زوج من العوامل عدة متغيرات بعضها يتشبع على أحد العاملين والبعض
 الآخر على العامل الثانى .
- ٤ الكل زوج من العوامل عدد كبير من المتغيرات لا تتشبع عليهما وانما تتشبع
 على العوامل الأخرى
- م الكل زوج من العوامل عدد قليل من المتغيرات لها تشبعات على العاملين.
 وتستخدم هذه القواعد في أي طريقة من طرق التدوير المتعامد أو المائل وهي تركز على النشبعات الصغرية وغير الصغرية

أ - التدوير المتعامد:

وهى تتنصمن ثلاث طرق فرعية هى : كوارتيماكس Quartimax وقاريماكس Varimax وقاريماكس Varimax وقاريماكس توضيح لهذه الطرق :

1 - طريقة كوارتيماكس : وهي تهتم بتقايل تشبعات المتغيرات على العوامل بحيث ينشع المتغير مرتفعا على عامل ومنخفضا على العوامل الاخرى ، أى أنها نهتم بتبسيط تشبعات المتغيرات على العوامل . وتعتمد طريقة كواريتماكس على تقليل مجموع مربعات حواصل ضرب تشبعات المتغيرات على العوامل ، بمعنى أن مح " (ب ب ب ب) المتغيرات في حالة عاملين تكون آقل ما يمكن . وحيث أن التدوير المتعامد لا يغير مجموع الاشتراكيات (أى يظل ثابتا) . فأن تقليل مجموع مربعات حواصل ضرب تشبعات المتغيرات على العوامل ، يعنى تكبير مربع مربعات تشبعات العوامل (أى محم ب) . ويتم هذا إذا تشبع كل متغير على عامل ولم ينشبع على العوامل الأخرى . وتميل هذه الطريقة الى أن يكون العامل الأول عاملاً عاماً .

٢ – طريقة قاريماكس :

حيث أن طريقة كوارتيماكس تركز على تبسيط النشبعات في الصفوف (المتغيرات) ، فان طريقة قاريماكس تركز على تبسيط النشبعات في الأعمدة (العرامل) (Kaiser, 1958) ففي طريقة كواريتماكس يمكن لعدد من المتغيرات أن

تنشيع مرتفعاً أو متوسطاً على عامل واحد ، أما طريقة قاريماكس قان النشيعات على العامل تكون واحد أو صفر ، وحنى يحدث هذا التبسيط للتشبعات قان تباين مربعات التشبعات في كل عمود (عامل) يكون أكبر ما يمكن ، ولهذا سميت قاريماكس ، وتعد هذه الطريقة تعديل اطريقة كوارتيماكس ، كما أن طريقة قاريماكس هي اكثر طرق التدوير المتعامد إستخداما.

٣ - طريقة إكويماكس:

رهى تستخدم نفس الاسلوب المتبع في الطريقتين السابقتين ، وتحاول أن توازن بينهما ، بمعنى أنها تهتم بتبسيط تشبعات المتغيرات (الصفوف) وتبسيط تشبعات العوامل (الاعمدة) ، ولهذا سعيت إكويماكس .

ب - التدوير المائل:

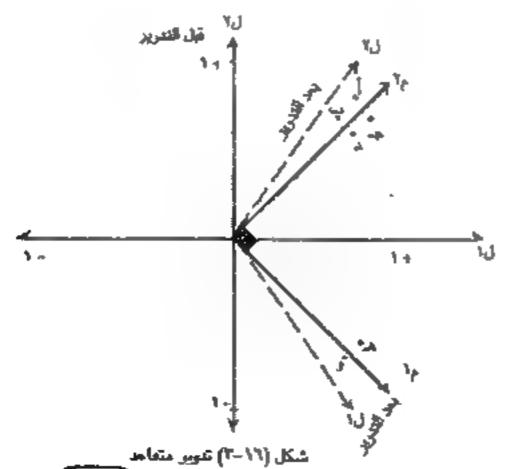
وهى نعتمد أيضا على فكرة تبسيط التشبعات ، وتعطى للمتغيرات الحرية في التشبع على العامل القريب منها ، وهى تعاول تجميع كل عد من المتغيرات معا لنكوين عامل ، ويمكن فهم هذه الطريقة هندسيا (كما سبق في شكل ١٦-٣) وتستخدم طريقة التدوير المائل فكرة تقليل حواصل ضرب تشبعات العوامل على المحاور الاسسية حتى يمكن تبسيط تشبعات العوامل قبل التدوير ، وتسمح طريقة التدوير المائل للعوامل بالارتباط فما بينها ، ويعتمد هذا الارتباط على البيانات المستخدمة ، ويحدد أو يختار الباحث الزوايا بين العوامل المائلة .

مثال (۳) : يوضح شكل (۲۰ - ۳) تدوير متعامد لعاملين ل، ، ل، يمثلان سنة متغيرات (أ، ب، ج، ، ، ، هـ، و) حيث يتضح أن تشبعات

المتغيرات (أ، ب، ج) موجبة ومرتفعة على العاملين ل، ، ل، قبل التدرير .

بينما المتخير (د) تشبعه موجب ومتوسط على كل من العاملين أيضا .

أما المتغيران (هـ ، و) فتشبعاتهما موجية ومتوسطة على العسامل الأول (ل,) وسالية



0.1

ومتوسطة على العامل الثاني (له) .

كما يتضح من الشكل (١٦ - ٣) وجود تجمعين للمتغيرات حيث نلاحظ تقارب مجموعة المتغيرات (أ،ب،ج،د)، بينما المتغيرين (د،ه) يتجمعان معا . وإذا دورنا محوري العاملين فان تشبعات المتغيرات على العاملين تتغير ويصبح بعضها مرتفعا على عامل ومنخفضا على العامل الآخر معا يسهل عملية تفسير العاملين ، كما أن مجموع الاشتراكيات الكلى لايتغير .

والعوامل

جدول (۱۳-۵) تشبعات العرامل قبل وبعد التدوير

قبل التدوير

بعد التدوير

ويتبين من الجدول (١٦ - ٥) تشبعات المتغيرات على

العاملين بعد التدوير المتعامد، حيث تتشبع المتغيرات أ ، ب ، ج ، د تشبعا مرتفعا على العامل الثاني ، ومنخفضا على العامل الاول . بينما يتشبع المتغيران هـ، و تشبعا مرتفعا على العامل الاول ومنخفصت على العامل الثاني . كما نلاحظ أن التشبعات السالبة للمتغيرين هـ ، و على العامل الثاني أصبحت موجبة بعد التدوير .

اله المتغيرات 10 1,90 1,10 1,04 1, 44 ٠,٨٣ 1,10 1, EY ., 11 .,9. +, 44 *, £Y 4,41 1,19 *, YY 1 -573 1,11 1,47 1,50-4, 44 +, Yo 4, 77 ·, Yo | ·, £ Y-1,70 ٠ T, TT 1, E19 1, 10T 7, 140 الجذر الكائن أما التدوير المائل نسبة النباين ١٩٢١، ١٩٢١،

للعاملين (ل, ، لر) فيتصنح في

الشكل (١٦ - ٣) من المحسورين (م، ، م) حيث يمثل كل منهما عاملا بعد التدوير المائل ، ونلاحظ أن العامل الأول م يمر وسط تجمع المتغيرات (أ، ب ، د) بينما العامل الثاني م يمر بين المتغيرين (هـ ، ر) .

درجات العوامل: Factor Scores

ذكرنا أن تشبعات المتغيرات على العوامل هو أوزان معيارية ومجموع مربعاتها (أفقيا) يساوى اشتراكيات المتغير المعنى . وتكون العلاقة بين المتغير الاول في صورته المعيارية والعوامل (ك) هي :

ذ، = ب، ل، + ب، ل، + ب، ل، + ب، ل، + ب، د، + ب، اله ل اله + ب، و

وهي سعادلة انحدار المتغير الاول على العوامل (كعنبئات) ، وبالمثل معادلات المتغيرات الأخرى تكون مشابهة لهذه المعادلة .

كما أن العلاقة بين العامل والمتغيرات هي أيضا علاقة خطية وتعنى أنه يمكن التنبؤ بدرجات العامل من المتغيرات ، وتكون تشبعات المتغيرات على العوامل هي أيضا أوزان معيارية ومجموع مريعاتها (رأسيا) يساوى الجذر الكامن Eigenvalue للعامل ، وتكون معادلة العامل الاول مع عدد (ن) من المتغيرات هي :

ل، = ب،، د، + ب،، د، +ب، د ب س د د ب س د د ب د د

وتستخدم هذه المعادلة في حساب الدرجات المعيارية للعامل الاول وبالعثل درجات العامل الثاني تعسب من المعادلة :

ل = ب١٦ د١ +سمه د٩ + سمه د٩ - ١٠٠٠٠٠ + ب ن٩ د٠

ويتطبيق هذه المعادلات على المثال (٣) فان :

ل ١٥٠ ره نه + ١٠ ، ١٠ + ٢٢ ، نه + ١٩١ ، نه + ٢٨ ، نه + ٥٧ ، نه

ل، = ٩٥٠،٠٠٠ خ، + ٢٠٠،٠٠٠ خ، + ٢٠٠،٠٠٠ + ٢٠٠،٠٠٠ خ، ٢٧٢٠٠ خ،

ويتم حساب درجات العوامل بإستخدام الدرجات المعيارية للمتغيرات.

وتعتمد برامج التحليل العاملي الاستطلاعي في مجموعة برامج Spss على استخدام هذا الاسلوب في حساب درجات العوامل د

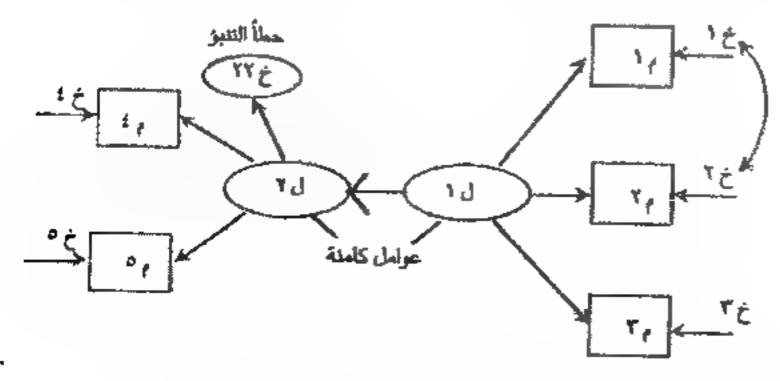
وأحيانا يقوم بعض الباحثين عند حساب درجات العوامل باستخدام الاوزان (التشبعات) الأقل من (التشبعات) الأقل من ٣,٠ ويعد هذا الاجراء ذاتى (وغير صحيح) ويعنى تقدير متحيز لدرجات العوامل، ويؤدى هذا إلى وجود علاقات بين درجات العوامل المتعامدة والتي من المفترض أنها مستقلة عن بعضها البعض خاصة عند استخدام التدوير المتعامد.

التحليل العاملي التوكيدي : Confirmatory Factor Analysis (CFA)

يهتم التحليل العاملي التوكيدي باستخدام بيانات مجموعة من المدخيرات لاختبار صحة تكوين معين يعتمد على معرفة سابقة نظرية أو بحثية ، بمعنى أنه يبدأ بتصور لتكوين معين يجمع بين المتغيرات المستخدمة في التحليل ، ويحاول الناكد من صحة هذا الافتراض ، ويوضح الصلة المفترضة بين المتغيرات وتكوينها العاملي . وهو بذلك يضع تحديدا مسبقا للعوامل ونظاما للعلاقات أو الصلة بينها وبين المتغيرات ، ثم يحاول مطابقة النموذج المقترح مع البيانات المستخدمة ، وبالطبع لا يكون التطابق تاما بين النموذج المقترح والبيانات وإنما يكون هناك عن النموذج،

رفيما يلى مقترح للعلاقات بين خمس مغيرات مقتبس من بيرنى ١٩٩٤) Byrne, 1994 : 7-11)

ويفترض النموذج المقترح في الشكل (١٦ - ٤) وجود خمسة متغيرات محددة بمربعات ، وعاملين (ل، ، ل،) محددة بدوائر قطع ناقص وخطأ للتنبؤ بالعامل الثاني (ل،) هو (خ،) ، كما توجد أخطأ بالمتغيرات الخمسة (خ، إلى خ، وقدل الاسهم على معاملات الانحدار ، وأثر كل متغير على الآخر ويتضح من الشكل أن المتغيرات م، ، م، ، م، متصلة بالعامل الاول (ل،) وهو المسبب لهذه المتغيرات (حيث يشير إنجاه السهم من العامل الى المتغيرات) وكذلك العامل الناني (ل،) هو المسبب للمتغيرين (م، ، مه) . كما يتضح أن العامل ل، يؤثر على العامل ل، ويدل السهم ذو الانجاء الواحد على تأثير متغير على آخر ، أما إذا كان السهم وشير في الانجاهين فانه يدل على علاقة إرتباطية .



شكل (١٦-٤) نموذج لمسار العلاقات المفترضة بين المتغيرات

وتذكر بيرنى أن ينتار حويكس Bentler- Weeks قدما نظاما لتمثيل المنغيرات يعتمد على تقسيمها الى مستقلة وتابعة . فكل متغير يشير إليه سهم فى إنحاء واحد هو متغير تابع ، وإذا لم يصل إليه سهم باتجاء واحد يعد متغيرا مستقلا . وبالطبع المنغير التابع تفسره متغيرات أخرى فى النموذج ، أما المتغيرات المستقلة فتقوم بدو التفسير للمنغيرات التابعة . ويتضح من الشكل أن السهم أحادى الاتجاه يربط العوامل مع المتغيرات ، وكذلك السهم من (ل،) الى (ل،) ، وهى تدل على معاملات انحدار حسب اتجاه السهم .

وتفسير إتصال الاخطاء بمتغيراتها يدل على أن الخطأ متضمن في التنبؤ بمتغير من منغير آخر ، وعليه تعد الاخطاء معلومة ومحددة بمعامل انحدار يساري الوحدة ، فمثلا في الانحدار البسيط يكون التنبؤ بالمتغير الاول(م) من العامل الاول (م) بعكن كتابته على الصورة

حيث سبر هي معامل الانحدار المعياري (بينا) ، وقيمتها غير مطومة ، أما خر فهو خطأ النتبؤ بالمتغير الاول ، لاحظ أن صعامل خر هو الوحدة وعليه فان الوزن (بينا) المرتبط بالخطأ لا يتم حسابه ونقترض أنه يساوى الوحدة .

وبالمثل التنبؤ بالعامل (ل،) من العامل (ل،) يمكن كتابته على الصور،

لى سبره لى الخرى حيث خرى تدل على خطأ التندؤ بالعامل (لى) ، وحيث أن هذا التنبؤ بعامل من عامل آخر ، وهر مختلف عن التنبؤ بمتغير من عامل وبذلك فان الخطأ الاول (خ،) يختلف عن الخطأ (خ،،).

ويمكن ترجمة النموذج المقترح في الشكل (١٦ – ٤) الى معادلات إنحدار كما يلي :

وعلى الرغم من سهولة ترجمة شكل (١٦ - ٤) الى معادلات انحدار ، إلا أنها لا تشير إلى تباينات المتغيرات المستقلة (ك ، ل،) هى معالم فى النموذج، وهامة فى وضع المعادلات وفى اجراء التحليل كله.

غوذج عوامل الدرجة الاولى في التحليل التوكيدي :

First- order CFA Model

بركز التحليل العاملي التوكيدي على العلاقات بين المتغيرات والعوامل . وقد وضحنا نموذج للعلاقات بين خمسة متغيرات يمثلها عاملين (ل، ، ل ، ل ،) ، ويتحد من النموذج أن العاملين من الدرجة الأولى ، لأنهما مستولان عن المتغيرات ولاتوجد عوامل أخرى مسئولة عن هذين العاملين .

ويمكن عرض نماذج التكوين العاملي في مجموعة من معادلات الانحدار ، والتي ندل على عوامل الدرجة الاولى . وفيما يلى نعرض مثالا لذلك مقتبس من بيرني (17 - 13 : Byrne,1994)

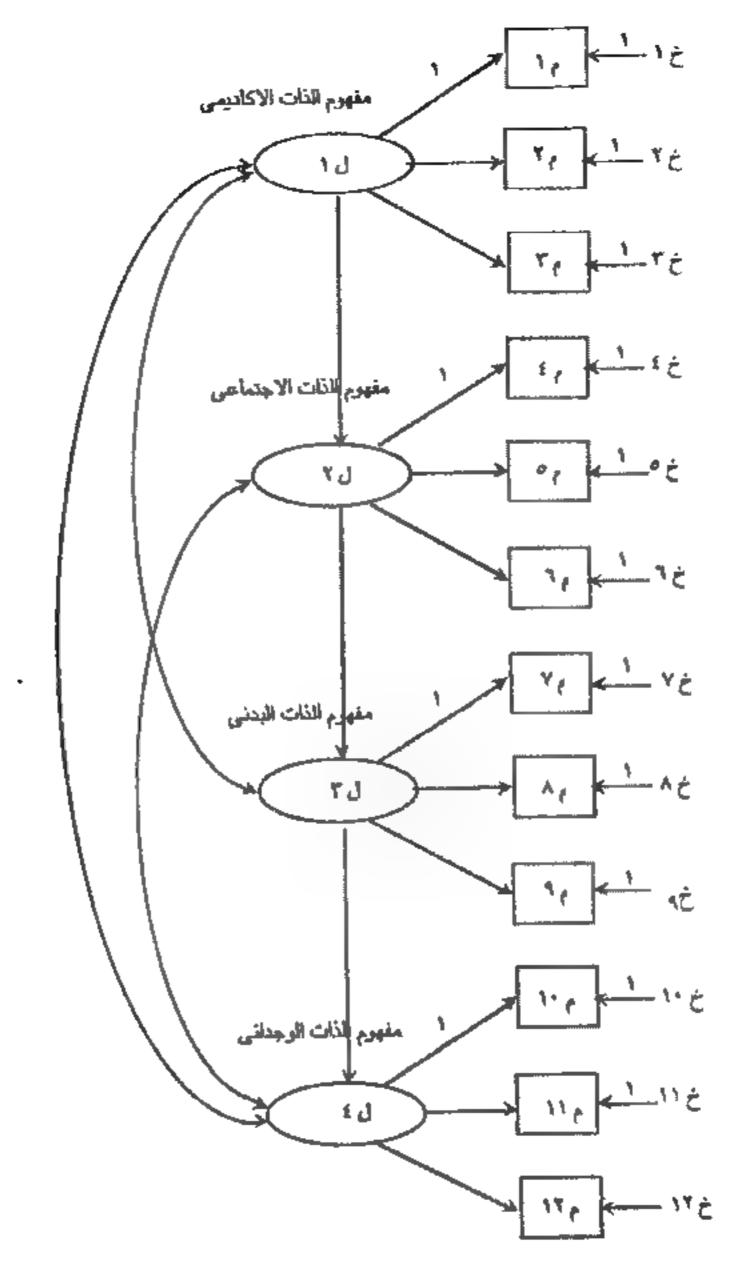
نفترض أن لدينا نموذج رباعى عن مفهوم الذات ، وكل عامل من العوامل الاربعة تم قياسه بثلاثة متغيرات . فاذا كانت العوامل الاربعة هى : مفهوم الذات الأكاديمي ، ومفهوم الذات الاجتماعي ، ومفهوم الذات البدني ، ومفهوم الذات الوجداني . فان تمثيل هذا النموذج يوضحه الشكل (١٦ - ٥) .

ويتضح من الشكل وجود معاملات إنحدار محددة قيمتها بالوحدة، حيث يدل العدد (۱) بالشكل على معاملات الانحدار المحددة للاخطاء وبين كل عامل وأول متغير مرتبط به . وهذه القيم مرتبطة باللموذج الذى قدمه بنتلر – ويكس ولنسهيل تقدير معالم النموذج المقترح . فاذا توصلنا إلى حل واحد لقيم معالم النموذج ، فيصبح النموذج قابلا للاختبار . أما إذا لم نستطع تحديد النموذج فتكون معالمه موضع نقديرات متحيزة . أى أنه قد توجد قيما مختلفة لمعالم نفس النموذج، مما يعنى أن التوصل الى قيم لكل المعالم غير ممكن ، ويصبح النموذج غير قابل التقويم التجريبي .

وتوجد ثلاثة احتمالات لتحديد النموذج وهي :

تحديد واضحJust-identified وبتحديد اكثر من اللازم Just-identified وتحديد أقل من اللازم Under - identified

والنموذج المحدد تحديدا واضحا هو الذي يتضمن تناظراً أحاديا بين البيانات ومعالم التكوين . بمعنى أن عدد تباينات المتغيرات يساوى عدد المعالم المعدرة أو المطلوب تقديرها . وعلى الرغم من قدرة النموذج على التوصل الى حل وحيد لكل معالمه ، فيكون النموذج المناسب غير دال علميا لعدم وجود درجات حرية ، ومن ثم لا يمكن رفضه .



شكل (١٦-٥) نموذج لعوامل درجة أولي مقترحة عن التحليل العاملي التوكيدي

أما النموذج المحدد اكثر من اللازم فهو الذي يكون عدد معالمه المقدرة أقل من عدد نباينات المتغيرات ، ويؤدى هذا الموقف الى درجات حرية موحبة تسمح باختبار النموذج ، وتوضيح مدى مطابقته للبيانات ،

بينما النموذج المحدد أقل من اللازم يكون عدد معالمه المقدرة أكثر من عدد تباينات المتغيرات ، وفي هذه الحالة يحتوى النموذج على معلومات غير كافية (من وجهة نظر البيانات) للتوصل الى حل مجدد لتقدير المعالم ، مما يؤدى الى حلول عديدة (لا نهائية) .

ا ن (ن + ۱) وعدد تباینات المتغیرات = $\frac{(i+i)}{y}$ ، وفی حالة ۱۲ متغیر (شکل ۱۹ – ۵)

. $\forall A = \frac{(1+17)17}{7} = 17$ فان عدد التباينات

وعدد المعالم المطلوب تقديرها في النموذج المقترح هي : ٨ معاملات الحدار (بين العوامل والمتغيرات) ، ٤ تباينات للعوامل ، ٦ تغايرات للعوامل (علاقات بين العوامل) ، ١٢ للخطأ فيكون المجموع = ٣٠ ، وهو أقل من عدد تباينات المتغيرات . وعليه يكون تحديد النموذج اكثر من اللازم بدرجات حرية حديد المتغيرات . وعليه يكون تحديد النموذج اكثر من اللازم بدرجات حرية

والتحديد الزائد للنموذج أمر هام لكنه غير كاف لحل مشكلة التحديد ، أما وضع قيود على معالم النموذج يمكن أن تغيد في مساعدة الباحث في التوصل الى النموذج الاكثر تحديدا . وأحد هذه القيود هي المرتبطة بالاخطاء حيث أننا نحدد معاملات انحدارها بالوحدة ثم نحسب تبايناتها ، أو يمكن أن نحدد التباينات بالوحدة ثم نقدر معاملات الانحدار .أما عدم وضع قيود على المعاملات أو التباينات فانه يؤدي الى نموذج أقل تحديدا ولا نستطيع تقدير كل معالمه ، كما أننا لا نستطيع تقدير كل معالمه ، كما أننا لا نستطيع تقييد بعض تشبعات العوامل بقيمة محددة ،

وفى النموذج المقترح (شكل ١٦ - ٥) نحدد بعض معاملات الانحدار بين مفهوم الذات الاكاديمي والمتغيرات الثلاثة ، والبديل لهذا التحديد هو أن نضع تباين العامل مساويا للوحدة (في حالة المتغيرات المستقلة فقط) ثم نقدر تشبعات العامل ومن المهم ملاحظة أن المتغيرات التابعة لا يمكن تحديدها بهذه الطريقة لأن تبايناتها ليست معالم في الدموذج ،

وتكون معادلات مفهوم الذات الاكاديمي مثلا في النموذج هي :

م، - ل، + خ، م، = نب، ل، + خ، م، = نب، ل، + خ،

وبالمثل معادلات مفهوم الذات الاجتماعي ، والبدني ، والوجداني ، حيث يوجد في المعادلات تقييد لمعامل انحدار المتغير الاول (لكل عامل) بقيمة تساوى الوحدة .

ريتم اجراء التحليل لحساب قيم المعالم (بينا) . في م المعالم التوكيدي : في التحليل التوكيدي :

Second-order CFA Model

يوجد في النموذج السابق أربعة عوامل تعد متغيرات مستقلة وكل منها يعد مستوى واحد يدل عليه اتجاه السهم وهذه العوامل هي عوامل الدرجة الأولى وقد ترى النظرية القائم عليها النموذج وجود عوامل من درجة أعلى تكون مسلولة عن المتغيرات وانجاهات الاسهم من العوامل الى المتغيرات تحدد إذا ما كان نموذج التكوين يتضمن عوامل من درجة أعلى من الدرجة الاولى،

وتشير العلاقات بين العوامل الاربعة في شكل (١٦ - ٥) والتي تدل عليها انجاهات الاسهم ، إلى وجود عوامل من الدرجة الثانية ، ولذلك فقد اقترحت بيرنى وجود عامل آخر من الدرجة الثانية مسئول عن العوامل الاربعة وهو مفهوم الذات العام ، ولذلك يمكن إضافة هذا العامل (مفهوم الذات العام) وتخرج منه أسهم الى العوامل الأربعة في النموذج المقترح ، ويعد هذا العامل من الدرجة الثانية ولا يرتبط بالمتغيرات مباشرة ، وانما علاقته تكون بعوامل الدرجة الاولى الأربعة والتي ترتبط مباشرة بالمتغيرات .

وينضمن النموذج في هذه الحالة أسهم من عامل مفهوم الذات العام الي العوامل الاربعة ، ثم أسهم من العوامل الاربعة الى متغيراتها . ويعنى هذا أن العوامل الاربعة تعد متغيرات مستقلة وتابعة في نفس الوقت . ويدل هذا أيضا على أن تباينات العوامل الاربعة لا تعد معالم في النموذج ، لأنها أصبحت متغيرات تابعة ومسئولة من عامل الدرجة الثانية ، وتدل الاسهم من عامل الدرجة الثانية الى عوامل الدرجة الاولى على مسارات الانحدار ، أو تشبعات عامل الدرجة الثانية والتى يجب تقديرها من التحليل ،

والتنبؤ بعوامل الدرجة الاولى من عامل الدرجة الثانية يصاحبه أخطاء مرتبطة بعوامل الدرجة الأولى . ولأن تباينات هذه الاخطاء مهم فيمكن تحديد قيمة أوزان الاخطاء بالوحدة (كما حدث مع اخطاء المتغيرات) .

والخطوة الاولى لتحديد عامل الدرجة الثانية ، هى هساب عدد المعالم المطلوب تقديرها وهي : ٨ معاملات انحدار من الدرجة الاولى ، ٤ معاملات انحدار من الدرجة الاولى ، ٤ معاملات انحدار من الدرجة الثانية ، ١٢ تباينات أخطاء القياس (المتغيرات) ، ٤ للأخطاء المرتبطة بعوامل الدرجة الاولى ويكون المجموع = ٢٨ وحيث أن عدد تباينات المتغيرات هو ٧٨ ، فإن النموذج يتحدد بدرجات حرية = ٧٨ - ٧٨ = ٥٠

ثم نجرى التحليل لحساب معالم النموذج وأختبار مدى مطابقته للبيانات المناحة .

ويجب التنويه بأنه قد توجد نماذج معقدة بها عدد من تكونيات العوامل الكامنة التي لا نستطيع رؤيتها منفصلة . فعلى الرغم من إمكانية تحديد عوامل الدرجة الاولى في النموذج (باستخدام البيانات) فقد تكون عوامل الدرجة الثانية أمّل تحديدا وبصعب التوصل إليها . أما النموذج السابق عرضه عن مفهوم الذات حيث إفترصنا وجود أربعة عوامل وتبايناتها هي ٤ × ٥ ÷ ٢ = ١٠ ، والمطلوب تقدير ٨ معالم انحدار من الدرجة الأولى ، فيتبقى لنا درجتى حريه تجعل النموذج أكثر تحديدا ويمكن اختباره .

وإذا فرصنا وجود عاملين فقط من الدرجة الاولى فأن عدد التباينات = ٢×٣×٣ = ٣، وعدد المعالم المطلوب تقديرها هي أربعة ، وبالتالي فلا نسنطيع المنبار النعوذج إلا إذا وضعنا قيونا عليه . ومعنى هذا أن الباحث يضع نموذجه في ضوء فكرة إمكانية اختبار بناء على درجات الحرية المراجع ــــ

المراجع

١- أحمد عبادة سرحان: طرق التحليل الاحصائي، دار المعارف، القاهرة،
 ١٩٦٨.

- ٢ السيد محمد خيرى : الاحصاء في البحوث النفسة والتربوية والاجتماعية (طـ
 ٤) ، دار النبضة العربية ، القاهرة ، ١٩٧٠ .
- ٣- رجاء أبوعلام: مدخل إلى مناهج البحث التربوي، مكتبة الفلاح، الكويت،
 ١٩٨٩.
- ٤- صلاح أحمد مراد : المقارنات المتعددة للمتوسطات، مجلة كلية التربية، جامعة المنصورة، العدد الرابع، ١٩٨١.
- ٥- صلاح أحمد مراد : القياس النفسى والاحصاء، قسم علم النفس التربوي، كلية النربية جامعة المنصورة، ١٩٩٢.
- ٧- صفوت فرج: <u>الاحصاء في علم النفس (طـ٢)</u> دار النهضة العربية، القاهرة،
- ٨- فراد أبو حطب، آمال مسادق: مناهج البحث وطرق التحليل الاحصائي،
 الانجلو المصرية، القاهرة، ١٩٩١.
- ٩- فزاد البهى السيد: علم النفس الاحصائى وقياس العقل البشرى، دار الفكر
 العربى، القاهرة ، ١٩٧٨.
- ١٠ محمود عبد الحليم منسى : الاحصياء الوصيفى والاستدلالى في العليم النفسية والتربوية، مكتبة الفلاح، الكويت، ١٩٨٦.
- ١١ محمود السيد أبو النيل : الاحصاء النفسي والاجتماعي والتربوي، دار انهضة العربية، القاهرة، ١٩٨٧.
- Backham, D.X Mayas, J. <u>Aspects of educational technology</u>, vol. V. England: Pitman, 1971.
- 13. Box, G. E. P. Some theorems on quadrative forms applied in the study of analysis of variance problem I: Effect of inequality of variance in the one-way classification: <u>Annals</u> of <u>Math. Statistics</u>, 1954, 25, 290 - 302.

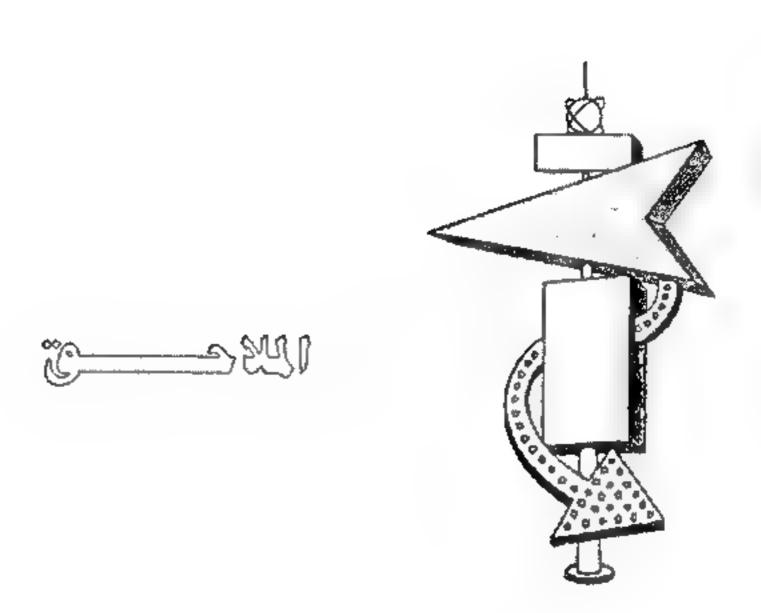
- 14. Byrne , B. M. <u>Structural equation modeling with EQS and EQS-Windows</u> . London: SAGE, 1994.
- Cattell, B. C. Factor analysis: An introduction to essentials.
 Biometrics, 1965, 21, 190 215.
- 16. Cohen, J. <u>Statistical power and analysis for the behavioral sciences (2nd ed.)</u> Hillsdale, N. J.: Lawrence Erlbaum Associates, 1988.
- 17. David, F. N. Games, gods and gambling . N. Y.: Hafner, 1962.
- 18. Duncan, O. D. <u>Introduction to structural equation models</u>. N. Y.: Academic press, 1975.
- Edwards, A. L. Experimental design in Psychological research (3rd ed.) N. Y.: Holt, Rinehart and winston, 1968.
- 20. Ferguson, G. A. Statisrical analysis in psychology and education N. Y.: Mc Graw Hill, 1971
- 21. Ferguson, G. A. & Takane, Y. Statistical analysis in psychology and education (6th ed.) N. Y.: Mc Graw Hill, 1989.
- 22. Fraenkel, J. R. & Wallen, N. E. How to design and evaluate research in education (3rd ed.) N. Y.: Mc Graw Hill, 1996.
- 23. Freund, R. J. & Wilson, W. J. Statistical methods (2nd ed.) N. Y.: Academic press, 1997.
- 24. Games, P. A. Multiple comparisons of means. AERJ, 1971, 8, 531-565.
- Gibbons, J. D. <u>Nonparametric methods for quantitative analysis</u>.
 Newyork: Holt, Rinehart and Winston, 1976.
- Glass, G. V. & Stanley, J. C. <u>Statical methods in education and psychology</u>. Englewood Cliffs, N. J.: prentice Hall, 1970
- 27. Gronlund, N. E. How to Construct achievement tests (4th ed.). Englewood Cliffs, N. J.: Prentice Hall, 1988.
- 28. Guilford, J. P. Fundamental statistics in psychology and educa-

- 29. Haase, R. F., Waechter, D. M. & Solomon, G. S. How significant is a significant difference? Average effect size of research in Counseling psychology. <u>Journal of Counseling Psychology</u>, 1982, 29, 58 65.
- Hald, A. Ahistory of mathematical statistics From 1750 to 1930, N. Y.: John Wiley & Sons, 1998.
- Harman, H. H. Modern Factor analysis. Chicago: university of chicago press, 1967.
- 32. Harter, H. L. Error rates and sample sizes for rang tests in multiple comparison. Biometrics, 1957, 13, 511 536.
- 33. Hays, W. L. Statistics. New York: Holt, Rinehart and Winston, 1981.
- 34. Hopkins, H. D., Glass, G. V. & Hopkins, B. R. Basic statistics for the behavioral sciences. Boston: Allyn and Bacon, 1987.
- Huberty , C. J. <u>Applied discriminant analysis</u> . N. Y. : John Wiley & Sons , 1994
- 36. Huberty, C. J. & Mourad, S. A. Variable selection in discriminant analysis. <u>AERA</u> Annual meeting, San Francisco, CA, 1979.
- 37. Huberty, C. J. & Mourad, S. A. Estimation in multiple correlation / prediction. <u>Journal of Educational Measurement</u>, 1980, 40, 101-112.
- 38. Kendall, M. G. Rank correlation methods (4th ed.) London: Charles Griffin & Company, 1970.
- 39. Kenny, D. A. Statistics for the social and behavioral sciences.
 Boston: Little Brown & Company, 1987.
- 40. Keppel, G. <u>Désign and analysis: A researcher handbook.</u> Englewood Cliffs, N. J.: Prentice Hall, 1973.

- 41. Kerlinger, F. N. & Pedhazur, E. J. Multiple Regression in be havioral research. N. Y.: Holt, Rinehart and Winston, 1973.
- 42. Kiess, H. O. <u>Statistical concepts for the behavioral sciences</u>. Boston: Allyn and Bacon, 1989.
- 43. Kim, J. Factor analysis. In N. H. Nie et al.: Statistical Pakage for the Social Sciences (2nd ed.) N. Y.: Mc Graw Hill, 1975.
- 44. Kimble, G. A. How to use and misuse statistics. Englewood Cliffs, N. J.: Prentice Hall, 1978.
- 45. Kramer, C. Y. Extension of multiple range tests to means with unequal numbers of replications. <u>Biometrics</u>, 1956, 12, 307 - 310
- Linton, M. & Gallo, P. S. Jr. <u>The practical statistician: Simplified handbook of statistics</u>. Monterarey, CA: Brooks Cole, 1975.
- 47. Milewski, E. G. The essentials of statistics I. Piscataway, N. J.: Research and education Association, 1996.
- 48. Milewski, E. G. The essentials of statistics II. Piscataway, N. J.: Research and education Association, 1996.
- 49. Mulaik, S. A. The foundation of factor analysis N, Y.: Mc Graw Hill, 1972.
- 50. Payne, D. A. Measuring and evaluating educational outcomes (2nd ed.) N. Y.: Maxwell Macmillan, Int., 1992.
- 51. Pedhazur, E. J. & Schmelkin, L. P. Measurement Design, and analysis: An integrated approach, Hills dale, N. J.: Lawrence Erlbaum Associates, 1991.
- 52. Petrinovich, L. F. & Hardyek, C. D. Error rates for multiple comparison methods: Some evidence concerning the frequency of erronous conclusions. <u>Psychological Bulletin</u>,

- 1969, 71, 43 54.
- 53. Scheffe, H. A. The analysis of variance. N. Y.: Wiley, 1959.
- 54. Shavelson, R. J. Statistical reasoning for the behavioral sciences (3rd ed.). Boston: Allyn and Bacon, 1988.
- 55. sirkin, R. M. statistics for the social Sciences. Thous and Oaks, London: SAGE, 1995.
- 56. Warwick, P. V. Cononical correlation. In N. H. Nie et al. Statistical Pakage for Social sciences (2nd ed.) N. Y.: Me Graw Hill, 1975.
- 57. Weinberg, S. L. & Goldberg, K. P. <u>Basic Statistics for education and behavioral sciences</u>. Boston: Hughton Mifflin, 1979.
- 58. Winer, B. J. Statistical principles in experimental design (2nd ed.) N. Y.: Mc Graw Hill, 1971
- 59. Winer, B. J., Brown, D. r. & Michels, K. m. <u>Statistical principles in experimental design (3rd ed.)</u> N. Υ.: Me Graw Hill, 1991.
- 60. Wolfle, L. M. Strategies of path analysis. <u>AERA</u>, 1980, 17 (2), 183 209.

_____ الهلاحق ____



.

ملحق رقم (١) جدول توزيع المنحثى الاعتدالي

الساحة الكبرى	الدرجة المعبارية (ذ)	الساحة الكبرى	الدرجة الميارية (ذ)	الساحة الكبرى	الدرجة المعيارية (ذ)	المساحة الكيرى	الدرجة المعبارية (ذ)
,٧٥-	377, -	375.	٠,٤٥	۱۲٥,	۲۳	,0	صفر
YeV,	٠,٦٨	, ۷۷۲	٠,٤٦	۵۹۵,	-, ٧٤	.0.1	1,11
.Voe	+,74	784	٠,٤٧	,011	٠,٢٥	۸۰۵,	٠,٠٢
,VoA	٠,٧٠	385,	٠,٤٨	,4	*, YaY	.017	٠,٠٣
.٧11	۰٫۷۱	,τω	٠,٤٩	,1.1	-,44	,017	٠,٠٤
374,	۰,۷۲	, 491	٠,٥٠	1.1.	.,YV	, 44.	+,+0
۷۲۷,	۰٫۷۲	, 190	٠,٥١	.11,	+.YA	.oYi	٠,٠٩
,474	3٧,٠	,199	٧,٥٢	317,	1,74	۸۲۵,	٠,٠٧
,٧٧٢	۰,۷٥	,۷۰۰	370,-	۸۱۲٫	٠.٣٠	, 657	٠,٠٨
,٧٧٦	٠,٧١	,۷.۳	٠,٥٢	,٦٢٢	٠,٣١	.077	4,14
,٧٧٩	٠,٧٧	, V+o	30	.777	٠,٣٢	, 55.	.,5.
, VAY	٠,٧٨	,٧.٩	٠,٥٥ -	. 177	٠,٢٢	.088	-,11
,YAo	۰,۷۹	,۷۱۷,	10,0	777,	٤٣,٠	٨٤٥,	٠,١٢
AAV,	٠٫٨٠	,۷۱٦	۷۵,۰	۱۳۷,	۵۳,۰	,000	-,147
,٧41	۰٫۸۱	,V14	٨٥,٠	,481	٠,٣٦	,004	٠,١٣
,٧٩٤	٠,٨٢	,۷۲۲	۰,۵۹	,788	٠,۲٧	100,	18
, ۷۹۷	۲۸,۰	,۷۲٦	٠,٦.	ABF,	., YA	٠٢٥,	۰٫۱۰
,4	73A, -	,۷۲۹	1,71	,٦٥٠	-470	,578	11,5
, ۸.۲	۵۸،۰	,777	۲۲,۰	YoF,	٠,٣٩	۷۶۰,	٠,١٧
ه۸۰,	۰,۸٦	,٧٢٦	-,75	,700	٠,٤٠	۷۷٥,	٠,١٨
,Α-Λ	٠,٨٧	,٧٢٩	٤,٦٤	,701	12,+	, o V o	1,14
۱۱۸,	٠.٨٨	,VEY	ه٦,٠	777,	., 27	۰,۵۷۹	٠,٧٠
7/4,	٠,٨١	,V£0	.,17	rrr,	- , 27	740,	-, 41
ria,	1,40	,VE4	٠,١٧	,۱۷۰	-,11	۷۸۵,	.,44

الساحة الكبرى	الدرجة المعيارية (ذ)	الساحة الكبرى	الدرجة المعيارية (دّ)	الساحة الكبر <i>ئ</i>	الدرجة المعبارية (ذ)	الساحة الكبرى	الدرجة المعيارية (د)
, 127	1,77	.417	۱,۳۸	, ۸۷۲	1,18	,414	17,1
, SEA	1,77	,414	1,74	, AVo	1,10	,AY1	+,51
,989	37,78	,414	١,٤٠	, ۸۷۷	1,13	, 476	178, 1
,40.	1,760	,444	1,81	, AV 4	1,17	،۸۲٦	+ ,58
100.	1,70	,444	73,7	, , , , 1	1,14	, ۸۲۹	.,40
,504	1,33	,475	٧, ٤٣	, ۸۸۴	1,11	, 471	12.5
704,	1,77	.970	1,88	م <i>ا</i> لہ,	1,1	3 TA ,	-,4٧
308,	1,74	,44%	١,٤٥	٧٨٠,	1,11	778,	1,44
,402	1,35	۸۲۸,	3,53	,,,,,,,	1.77	۴۳۸ ,	+,44
,400	1, ٧٠	,444	1,57	77%,	1,11	/38,	1,
,907	1,71	,481	1, £A	,۸۹۳	1,78	33A,	1,41
۷۵۲,	1,77	,444	1,54	,M£	1,40	۲3۸,	1,.4
۸۵۴,	1,74	, 477	1,0+	,411	1,17	, 424	1,.4
,404	1,78	, 478	1,01	۸۸۸،	1,47	, Aa+	1,.17
.4%-	1,70	,477	1,04	,4	1,747	164,	1,-8
,4%-	1,701	,117	1,07	1.9.	1,41	701,	10
,431	1,71	,477	1.01	,1.7	1,7.	. ۸٥٥	1,00
,474	1,77	,171	1,00	,1.0	1,71	۸۵۸,	1٧
,474	1,74	,161	1,07	,1.7	1,77	,AR.	1
177	1,75	, AEY	1,67	,1.4	1,77	75%,	1,19
.478	١,٨٠	,464	۸۵,۱	,416	37,7	35'A,	1.1.
,470	1,41	,166	1,61	.411	1,70	V/A,	1,11
, 977	١,٨٢	,160	1,1.	,417	1,17	.774	1.17
,177	7,7	,487	17,1	.410	1,77	,۸۷۱	1,17
]	

		7 .44				T	Ţ	<u></u>
	الساحة	الدرجة الميارية	الساحة	الدرجة المعيارية	الساحة	الدرجة المعبارية	الساحة	السرحة المسارية
	الكبرى	(7)	الكبرى	(i)	الكبرى	(i)	الكبرى	(4)
	,44£	7.07	, 9.64	۲,۲۰	,14.	Y, •7	,117	١,٨٤
	.44£	Y,08	,44.	7,71	,441	Y,.V	AFP,	1,40
ı	_110	۲,00	,44-	7,77	,441	Y, .A	,479	17.7
	,110	70.Y	,44-	7,777	,444	۲,٠٩	.414	1,44
I	,440	۲,۵۷	, ૧૧.	7,77	,444	Y,1.	,۹۷۰	1,44
I	.440	Y. 6VL	,44.	۲,۳٤	,447	Y,11	,47.	1,441
I	.490	٧,٥٨	,441	Y. To	,444	Y,1Y	,4٧4	1,49
	,440	7.65	,445	۲,۲٦	,9,47	٧.١٣	,471	1,4.
ļ	,990	٧,٦٠	.441	٧,٣٧	۹۸٤,	Y,18	,474	1,41
l	.447	٧,٧٠	,441	۸۳,۲	,4A£	۲,۱۵	,477	1,47
l	.447	۲,۸۰	.997	۲,۲۹	۵۸۴,	۲,۱٦	,477	1,47
	.444	4,4.	,997	۲,٤٠	,440	Y,1V	.4V£	1,41
l	,444	٧,	,444	Y, £\	ه۸۴,	٧,١٨	,4V£	1,40
ı	,111	٧,٧.	,994	Y, £Y	,441	4,14	,4Ya	1,41
ſ	"333V	٣,٤٠	,997	72,Y	73.7	Y, Y.	,171	1,97
I	9555A	٣,٦٠	.447	7,11	744	7,11	,4٧٦	1,44
l	" 4111	٧,٨٠	.995	۲,٤٥	,147	7.77	,4٧٧	1,44
ļ	" 4111 V	٤,	,117	4,67	,44٧	۲,۲۲	,400	۲,۰۰
	951117	٥,٠٠	,450	7,57	,447	4,48	,4٧٨	7,.1
			,447	X1,7	,444	Y.Y0	,477	44
	Î	ŀ	,44£	Y, 24	,4/4	7,77	1777	۲,۰۳
		ļ	,112	۲,۵۰	,434	7,77	,474	۲,۰٤
	[Ī	,112	10,7	,101	X7, Y	,444	Y,.0
			,118	Y,0Y	,444	Y, Y4	,44.	\$,.08
								j
								

ملحق رقم (٢) جدول دلالة معامل ارتباط بيرسون

			.,				
٠,٠٠١	٠,٠١	٠,٠٥	ن	.,1	٠,٠١	.,-0	ن
۷۴٥,	, \$ AY	184,	YV	,4444£	,1111	.447	Ŧ
۸۸۵,	,274	,TVf	YA	,111	,44.	.90.	1
, ۵۷۹	, \$٧١	,۳1۷	71	111.	101,	AVA,	
۰,۵۷۰	773,	117,	۲.	, AVE	,417	///.	1
170,	AF3,	, 777	To	,401	,AVE	,Vei	V
1.0.	,£-Y	,۳۱۲	4.	AYo	37A,	, ۷-۷	A
, ٤٧١	787	, ۲۹٦	٤o	,444	,٧٩٨	1777.	1
103,	,573	777	0-	YVA,	,٧٦٥	יזד,	١.
, \$ \ \$,77.	367,	٦.	,A£Y	۰,۷۲۵	7.7.	111
۵۸۳,	,4.0	.770	٧.	YYA,	۸۰۷,	,071	14
, 471	, YA'L	٠٢٢,	۸.	,4.1	347,	700,	14
, 414	, ۷۷.	۸۰۲,	٩.	, ۷۸۰	177,	770.	12
377,	۲۵۲,	,145	1	,٧1.	,721	3/0,	10
, ۲37	,41.	111,	١٥٠	,727	777,	,£4V	17
, ۲۳۲	,144	,171	۲۰۰	۰۲۷,	,1.1	,£AY	17
, ۲۰۷	, 177	377,	۲0.	,V-A	۰۸۰,	, ደገለ	14
,144	, NEA	,117	۲.,	,395	,eVo	,107	11
,174	, ۱۲۸	, -4 <i>A</i>	٤٠٠	, TV4	۱۲۵,	, 111	٧,
127	,110	۸۸۰,	0	,770	, 024	773.	*1
,1.5	, 141	75.	1	,٦٥٢	۷۲۵,	, 275	**
٤٦٥	377.	,. ۲۷۸	0	,38.	۲۲۵,	, £\7	77
. 1757	, .YoA	791-,	1	.774	ه۱ه.	, 5 - 5	48
- 1			i	AIF,	, 6 - 0	,147	Ϋ́ο
}					i i	,۳۸۸	
	}						-

ملحق رقم (٣) جدول دلالة معامل ارتباط الرتب

-,-1	-,-0	ù	٠,٠١	-,-0	ن
،۲۲۰	,871	١٨	-		\$
۸۰۶,	, 87.4	11		744,	٦.
۹۹۱ ،	.80-	۲.	,474	, ۷۸٦	٧
۶۷۹,	۸۲3,	۲۱	,۸۸۱	۸۳۷,	A
۲۶٥,	AY3,	77	,۸۲۲	,v	4
, 0 £4	۸۱3,	**	,٧٩٤	A3F,	1.
۷۲٥,	, ٤.٩	37	۸۱۸,	,714	11
770.	٠٤٠٠,	Yo	,VA+	.401	14
۰,٥١٥	,797,	77	,VEo	, 077	١٣
,0.0	۵۸۲,	YV	۲۱۷,	,080	18
, ٤٩٦	,۳۷۷	۲۸	,174	٥٢٥,	10
, £AV	,۳۷۰	71	rrr,	۷۰۰۷,	17
, EVA	,٣١٤	۳.	ه٤٣,	, 84,	10
		- :			

ملحق رقم (٤) جدول بتحويلات فيشر لمعاملات الارتباط

r	·· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		1				
(ن)	(ح)	(ن)	(د)	(3)	(5)	تحویل فیشر (ز)	معامل الارتباط (د)
, 217	.79.	177	341.	,171	,17-	مىقر	منقر
۸۱3,	.790	, ۲۷۲	057,	,177	,170	.,	.,0
373,	,£	. 777	, ۷۷-	.181	,18.	1,40	1.1.
, 24.	, 2 - 0	YAY,	,YYo	131.	.160	,.10	10
, 277	, EV-	, ۲۸۸	, YA	101.	,10-		,
, ££Y	.110	, ۲۹۳	oAY,	101,	,100		
, 2 £ A	,14.	, ۲۹۹	,444	171.	.17.	٫۰۲۰	
.ioi	, \$ 70	3.7,	, ۲۹0	777	.170	,.40	٠.٣٥
, £\.	, 27%	,71.	,٣	,174	,17.		
, \$77	,270	,410	,٣-۵	,1٧٧	,1٧0		
, £74	, 11.	. ۲۲۱.	.71.	, ۱۸۲	.33.	,.0.	,.0.
, £VA	, \$ & 0	,777	,410	,147	.140	, . 44	00
, έλο	, ٤٥٠	,777	,77.	,197	,114		
, ٤٩١	, £00	,۳۲۷	,740	,114	,110	70	ه٦٠,
, ٤٩٧	, 2%-	,424	,۲۲۰	7.7,	, ۲	,.v.	,.v.
, ۵ - 2	,5%0	,T£A	۵۳۳,	۸۰۲,	, Y - a	,.٧0	. · Vo
.01.	,٤٧٠	307,	,42.	, 717	,11.	, . , .	, . , .
,017	,£V0	,57.	.Tio	,414,	.710	۰۸۰,	۵۸۰,
۳۲۵,	, ٤٨٠	٥٢٦,	.Te-	, TYE	.77.	,.4.	, , 4.
٠٣٥,	, £ Å o	,771	Too.	, ۲۲۹	۵۲۲,	,-40	90
.077	,14.	,۲۷γ	,۳۱,	377,	,۲۲۰	,1	.1
, 017	190	, 777	,570	, ۲۲۹	۰۳۲,	,1.0	,1.0
,014	,0	,۲۸۸	۲۷۰,	,Y£o	,Y£.	,11.	.11.
٦٥٥,	, 5 - 5	347,	,TV0	,Yo-	,450	.117	.110
750,	٠١٥,	, ٤٠.	,۲۸۰				
, oV-	.010	,1.7	۰۸۳,	m,	agY,	.171	۵۲۲,
1		·	1			j	I

تابع ملحق رقم (٤) جدول تحويلات فيشر لمعاملات الارتباط

j		i	1	1	I				_
	(٤)	(c)	(ذ)	(,)	(3)	(5)	تحویل فیشر (ذ)	معامل الارتباط (ر)	J
	AYo, f	,41.	1,.20	,۷۸۰	,VVa	,70.	, oV1	.07.	_
	1,007	,410	104	,VAo	.VA£	,700	700	, 070	
	1,049	,44.	1,.٧١	,۷۹۰	,747	.77,	,01.	,04.	
	1777.1	.440	1,.40	۰,۷۹٫	۲۰۸,	,440	, o4V	.070	
	۸,۲۰۸	.48.	1,.49	,۸۰۰	111	٠٧٢,	3.5,	,02.	
	1,717	,970	1,117	ه۸۰,	,۸۲,	۵۷۶,	1117,	,010	
'	۱,۷۲۸	.48-	1,147	۰,۸۱۰	PYA,	,74.	, N/ 1/4	,00.	1
'	1, 787	.480	1,184	ه۸۱,	۸۳۸,	٥٨٦,	.777	,000	
i .	\ , ATY	۰۵۴,	1,100	, ۲۸,	, AEA	.14.	777	. 50.	ĺ
1	1,441	.900	1,177	۵۲۸,	۸٥٨،	, 790	.35.	٥٢٥,	
t	1,523	,43	1,114	٠٧٨,	٧٢٨.	,٧	۸3۶,	, oV.	
ľ	,.18	,970	1,4.8	a7A.	, ۸۷۷	, V-0	,700	,ova	ŀ
١	, +4Y	-,4٧-	1,771	,A1.	, ۸۸۷	,۷۱.	777,	. 0.4.	
۲	, 146	.476	1, 177	.AEo	, 447	,VIo	,۹۷۰	ه۸۵,	ĺ
۲	, YAA	,44.	1.707	, 40+	,4.4	,٧٢٠	AVF.	, 64.	
۲	, 2 2 7	,٩٨٥	1,772	, 800	.472.	,440	۵۸۶,	,040	
۲	,717	.33-	1,444	٠٢٨,	,444	,٧٣.	.495	, ٦٠٠	l
۲	,112	,990	1,717	ofA,	.38.	۰۷۲،	,۷۰۱	, ٦.0	
			1,777	,۸۷۰	.40.	٧٤.	۷.۹,	.31.	
	1	İ	1,702	۸۷۵,	777	,V\$0	,٧\٧	, 710	
			1,777	,۸۸۰	,477	۰۵۷,	۵۲۷,	, 74.	
			1,714	۰٫۸۸۰	344,	, Voc	.777	, ٦٢,	
			1,877	۰۸۸،	,447	۰۲۲،	,VEV	, ግ۳.	
		- 1	1,887	aPA,	۸,۰-۸	.٧10	.Yo.	۵۳۳,	
		1	1,574	.,4	1,.7.	,۷۷۰	۸۵۷.	, ٦٤.	
			1,844	,4.0	1,-77	, v v _o	V7V.	ه ۱۲,	

ملحق رقم (٥) جدول توزیع (ت) (إختبار الطرفین 2-tailed test)

ـة	ــتوي الدلالـ	_404	درجات	L	ستوى الدلال		درجات
٠,٠٠١	1,18	.,-0	المرية	.,1	٠,٠١	.,.0	المرية
4,44	Y, V1	7,.7	-۲0	-	717,77	17,71	١
۲,٧-	Y, VA	1,.1	77	41.7-	9,98	17.3	٧ .
۲,۱۸	۲,۷۷	Y,+0	٧v	17,17	34,6	7,14	٣
۳,٦٧	Y,V1	Y,+0	47	17,A	17,3	Y,YA	٤
77,77	۲,۷٦	Y,+0	44	٦,٨٧	٤,٠٢	Y,0V	٥
۲,٦٥	Y,Vo	Y, . £	۳.	17,6	7,71	٧,٤٥	٦.
٣,00	τ,ν.	Y,-Y	£.	0,81	Y,00	17,71	٧
٣,0-	Y,3A	4,-1	0-	0,12	7,73	17,7	٨
ቸ,ደኚ	77,77	٧,٠٠	٦.	£, V4	Y. Y.	7,77	١ ،
7,27	Y,7\£	1,44	٨-	£,oA	۲,۱۷	7,77	١.
۲,۳۸	Y, \\Y	1,14	3	٤,٤٤	7,11	۲,۲,	11
7,70	٧,٦٠	1,49	۲	17,3	٣,-٥	۲,۱۸	14
7,77	Y. 05	1,41	0	٤,٢٢	۲,۰۱	11,1	14
7,44	Y, oA	1,47	00	٤,١٤	۲,4۸	4,18	18
				٤,٠٧	7,90	۲,۱۳	١٥
Ī				٤,٠١	Y,4Y	7,17	17
	- 1			٣,4٦	۲,۹۰	7,11	۱۷
				۲,۹۲	۲,۸۸	۲,۱،	١٨
			- 1	٣,٨٩	۲,۸٦	Y,.9	11
:				٣,٨٥	۲,۸۰	۲,۰۹	٧.
į	- 1			٣,٨٢	۲,۸۲	۲,۰۸	71
				7,71	۲,۸۲	۲,۰۷	**
		Ì	ļ	۲,۷۱	۲,۸۱	٧,٠٧	***
	ļ			34,7	۲,۸-	۲,۰٦	4.5
						:	

ملحق رقم (۱) جدول توزیع (شا)

			.	ح اليس	1				د ، ح	
٩	٨	٧	٦	Đ	٤	٣	۲	١	،لقام	الدلالة
137 77.4°	774 04AY -	477 647A	277 pAo1	۲۲۰. ۵۷٦٤ 	0770 0770	417 08.4 -	Y	171	•	
1	19, E 99, E 999, E	19,8 99,8 999,8	19,8 99,8 999,8	44,5	19,7 99,7 499,7		14,. 44,. 444,.	14,0 14,0 114,0	*	.,
A,A1 YY,£ YY.	A, Ao YV, o YY)	A, A4 YY, Y YYY	177 177	11 YA, Y 170	4,14 44,4 144	4, YA 74.0 181	1,00 T-,A 1£1	1.,1 7£,1 17V	٣	
11,7	7, . £ 12, A £1, .		10,1	10,0	17, .	11,7		41.4	٤	.,
£,VV 1-,Y TV,Y	i 1	£, AA \-, o \\A, \	6,46 1.,4 YA,A	33,+	0,14 11,5 11,1	0,81 17,1 77,7	0,V4 17,7 7V,1	17,5 17,5 27,73	e	٠,٠٠
8,1. Y,1A 1A,Y	£, \0 A, \. \9, -	£, Y1 A, Y1 31, 0	£, YA A, £v Y-, -	'	70,3 01,8 1,17		37.0 1.,4 TV	47.0 17.4 0.07	٦	.,
7,7X 7,7Y 11,7	3,AE	7,71 7,11 10,-	V,14				1,71 1,00 YY	4,09 17,7 79,7	v	•,•0 •,•\
	7,88 7,.7 17,.		٦,٢٧	1,11	٧,-١	V, 64	۵۲,۸	. 1	٨	

تابع ملحق رقم (۲) جدول توزیع (ف)

											
				-	ع النسط	. 3]c -	
	٩	٨	٧	٦	0	٤	۲	Y	١	المام	114.416
	۲, ۱/			7,77	Y, 8A	7.35	7,47	٤,٢٦	0,17		0
	1.,7				1	17,27	1	1	F .		١٠،٠١
				-	-	-			1,	ļ	٠١
١	TY		1 .	'	1				1		.,.0
	۸,۹٦			1 '	1 1		17.7		11,,	,.	11
ŀ	۲,٩.	Y,90	۲,-۱	Y 1	۲,۲.	-					
1	2,77			6, -Y		1	1	Í		1	
	۸,۱۲	۸,٣٥	۸,٦٦	1,-0	1,04		F	1	1	1	.,1
	۲,۸-	٧,٨٥	4,41	۲,	7,11	7,71	T, £9	7,11	1.Vo		0
1	٤,٣٩	1	6,78	£,AY	1		0.40	i .		14	1,11
	٧,٤٨	٧,٧١	٨,٠	4,74	۸,۸۹	4,75	٨٠٠٨	17,.	14,1		٠,,,١
l	۲,۷۱	4,00	۲,۸۳	4,44	7,.7	۲,۱۸	7,51	٣,٨١	1,77		1,10
۱	1,19 7,98	8,4.	13,3	2,77	17,13		a,V£	٦,٧.	4,.5	17	1.,1
-		٧,٧١	V, £4	٧,٨٦	A,Yo	۹,.۷	1.,7	17,7	۱۷,۸		.,1
1	۲,٦٥		۲,۷٦	Y, 10	1,41	7,11	T,7£	T,V£	٤٦٠		٠,٠٥
Ł	£,.٣		2, YA	£,£7	£,74 V,4T	0,-2		1 3	۸,۸٦	12	100
ŀ				7,63	7,31	۸,٦٢	1,75	۱۱,۸	1٧,1		١٠٠٠٠
	۲, و٩		۲,۷۱	Y, V4	4,4	۲,٠٦	٣,٢٩	۲,٦٨	1,01		a
1	۲,۸۹	1,	£, \£	1,77		14,3	0,88	٦,٣١	٨,٦٨	10	1
L	1,41	٦,٤٧	1,78	V,4	٧,٥٧	A,Yo	9,78	11,11	17,7	[1,
ı	30,1		۲,٦٦	Y, V£	۲,۸۵		٣, ٧٤	7,75	٤,٤٩		0
(,۷۸	۲,۸۹	٤,٠٢	£,Y.	33,3	1,77	0,44	7,77	۸,۵۳	17	1.,.
ļ '	'' ''	7,11	ι, ει	1,41	Υ, ΫΥ	Y, 12	1,	11,.	17,1		1,
			ĺ								-
<u> </u>											

تابع ملحق رقم (٢) جدول توزیع (ف)

			1	ح البس					E - 4	
1	٨	٧	٦	۵	٤	٣	Y	١	القام	וויאני
Y, 19 Y, 7A 0, Vo		7,71 7,47 7,77	Y.Y. \$,1, 7,07	Y.A1 £,Y£ YY	٤,٦٧	7,Y. 0,\A A.YT	7,44 7,11 1.,4	۸,٤٠	17	
7,27 7,7-	Y,01 T,V1 0,V1	Y,6A Y,A£ I,.Y	7,77 £,-1 7,70	7,77 £,76 7,81	£.0A	1	7,00 7,-1 1-,2	ı	14	
7, 27 7, 07 0, 79	Y, EA Y, TY 0.01	7,0E 7,VV 0,A0	Y, \T Y, 48 \\\	Y,V£ £,1Y 7,77	Y,4- £,0- V,Y7	7.17 01 A,YA	7,57 0,97 1,,7	8, TA A, \A \A	14	•,••
Y, Y9 Y, £7 0, Y£	Y, £c Y, p7 0, ££	Y,01 Y,V. 0,79		٤,١،	Y, AV £, £T Y, \.	Υ, ۱- ε, 1ε Α, ۱-	'	67.3 A, \.	۲.	•,••
Y, YE Y, Yo £, 44	Y, £. T, £0 0, 19		Y,00 T,V1 0,V1	7,77 7,44 7,14		Y,.0 1,AY V,A.	33,7 77,6	E,T. V,10 16,1	**	
Υ,Υ. Υ,Υ. £, λ.	Y,77 Y,Y7 £,99	_ I	Υ, α\ Υ, ٦ν α, οο	Y, lY Y, l. 0, lA	٤,٢٢	۲,-۱ 1,۷۲ ۷,۵0	17.0 17.0 37.P	1,7% Y,AY 18,-	41	.,.» .,.\ .,\
7,79 7,14 £,7£	Y,YY Y,Y4 E,AT		73.7 70.7 A7.6	Y, 04 Y, AY 0, A-	Y, YE E, \1 T, E\	Y,4X £,3£ Y,73	7,7V 0,0T 1,1Y	£,77 V,VY 17,V	41	
Y, Y£ Y, \Y £, 0.	7, 74 7, 77 £, 74				Y,VY £,.Y 7,Yo		7,7£ 0.£0 1,47	17,3 17,0	44	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •

تابع ملحق رقم (٦) جدول توزیع (ف)

د ع	
1-14	الدلالة
المقام	0.1.2.
۲.	.,
1.	1
٦,	
17.	-,
۲	.,
0	•,•6
	17.

			Ŀ	ح البسا	. s				د ع	
٦.	0.	٤.	۴.	48	٧.	١٥	14	١.	المقام	الدلالة
YaY	ToY	Yol	Yo.	724	A3Y	457	Y££	727		-,.0
11.12	77	7444	1171	TYYO	77.9	Thev.	71.7	7-07	١.	٠.١
~		~					-	-		٠,٠٠١
19.0	14.0	19,0	14 .	11,0	14.0	14,6	14, 8	19.8		
19,0		11,0		11,0		44,8	34.8		۲	
1	111,0				144,0	ı i		·	,	.,
							·	,		, .
A, oY	A, 6A	٨,٥٩	A, TY	37,4	77.A	A, V+	A,YE	A, V1		0
77,77	31.1	۲٦,٤	۲٦,۵	17,77	¥1, V	41,4	17,1	17,17	٣	4,48
140	140	477	140	14.7	177	YYY	14Y	171		٠,٠٠١
						44	ا ا	4.1		
0,77	0, Y.	177,0	0,40	5,77	1 1	6,8%	0,41	0,44		*,**
1	£E,A	1 1			1,12		£V, £	16,7	1	٠,٠١
		, -				,	••,•	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		٠,٠٠١ .
٤,٤٢	1,11	£,£٦	٤,0٠,	1,08	10,3	5,77	٤,٩٨	٤,٧٤		٠,٠٥
4,4.	4,48	4,44	4,44	4, (v	4.00	4,71	4,44	1.1	a l	1,11
71,17	YE,E	78,7	48,4	70,1	Yo,£.	80,4	3,77	41.3		٠,٠٠١
Υ, ΥΣ					Y, AV		! 	٤,٠٩		•,•0
	V, - 4	٧,١٤			¥,£-	'	V, YY	٧,٨٧	7	-,.\
\$7,Y	17,7	17,£	31,4	11,3	17,1	17,1	14, -	14, £		٠,٠٠١
4,5.	۲,۲۲	۲,7٤	Y,YA	٣,٤١	٣,٤٤	T.01	T.0V	T. 78		.,.6
74,6	i I	0,41					٦,٤٧.		٧	.,
14,1	37,7	17,7	14.0	17,7	15,5	۱۲,۲	۱۳,۷	18,1	ł	1,111
								Ì	Į	
3 1	۲,۰۲					1				.,.0
								14,0	٨	٠,٠١
1,71	۹,۸۰	4,48	1.,1	1.,1	1-,0	۸,,۸	11,1	11.0		1,111
		į						i		

					ح اليسا	J				C .	
	٦.	٠.	٤.	۳.	72	٧.	10	14	1.	e latti	11/11
1	Y V1	Y, A.	Y,AY	7,77	Y,4.	Y, 4£	٣,٠١	Y,.V	۲,1٤		-,.0
ļ	£, £A	10,07	€, 5٧	\$,70	£,VT	1,41	2,47	0.11	0,71	1	4,41
1	۸,۱۹	A, Y3	۸,۲۷	۸, ٥٥	A,VY	A.4-	4,72	1,07	1,41		٠,٠٠١
	۲,٦٢	۲,٦٤	Y,73	٧,٧.	Y. YE	Y, 77	Y, 60	Y, 51	Y,4A		4.08
ı	£, • A	177.3	1,17	1,40	8,77	13,3	10,3	٤,٧١	1,10	1.	1
	٧,١٢	V, 14	٧,٣٠	V, 2V	V,71	٧,٨٠	۸,۱۲	A, E0	A,Yo		.,1
l	۲, ٤٩	۲,۵۱	Y, 6Y	Y, 6Y	4,31	۲,٦٥	7,71	7,74	Y, A6		-,-0
ı	۲,۷۸	4,41	17,77	4,46	8,.4	6,30	1,70	2,2.	1,01	11	1,11
l	۵۲,۲	٦,٤١	7,67	7,74	ገ,ለ»	٧,٠١	V, TY	77.V	V, 4Y		
	۵۳,۲	۲,1،	Y, EY	Y, 1Y	Y, 01	Y, bi	4,77	4.11	4,76		٠,٠٥
		T. 07								11	*,*1
	۰,۷٦			3, -3					Y, Y1		4,441
	۲,۳۰	۲,۳۱	Y, T£	۲,۳۸	Y, £Y	۲, ٤٦	T, 0T	۲,٦.	۲,٦٧		* , * a
ľ	T, TE	Y, YA	4,84			۲ 77				18	1
	۵,۳۰	6,47	٧٤, ه		1	0.45		۲۵,۶۲			.,1
١,	7,77	7,72	T, TY	7.71	۲,۲۵	Y, T4	Y, £7.	Y. aT	Y.1.		0
			- 1	7,70					T,18	18	
[- 1	٠					٥,٨٥	i	1.2.		
,	r, 12	۲,۱۸	Υ ٣.	Y. Yo.	Y. YA	Y 77	w 5.	Y (A	Υ		_
		۲, ۸								10	•0
				1,40				٥,١٨	1	*	*,**
3		Y, 17	۱,۱۵	Y 14	, ,	٨ ٧١	, ,]	, ,			
1	17	Y 3V	Y . Y	4.7.1	714	ייי אין		1,21	1,23	11	• , • 8
٤	71	1,10	10.3	į v.	, , ,	, ,,	1,40	1,00	1.11	11	•••\
-				7,11	-,00	٠, ۱۱	0,14	0,00	۱۸,۵		1

			山山	ح اليسا	3				د ع	
٦.	٥٠	٤٠	۲.	45	۲.	10	17	1.	المقام	التادلية
۲,-٦	۲, -۸	۲,۱۰	Y, 10	Y, 14	۲,۲۳	۲,۲۱	X7,Y	٧,٤٥		0
۲,۸۲	Y,AV	Y,4Y	٣,	٣,-٨	7,17	7,71	٣,٤٦	4,04.	۱۷	
1,14	٤, ٧٤	٤,٢٢	£, £A	٤,٦٢	£,¥A	0,-8	0.77	0,01		٠,٠٠١
	٤,٠٤						•	4.21		٠,٠٥
k	Υ,ΥΑ	!	<u> </u>		Y, .A	E	7,77	T. 01	14	٠٠١
٤,٠٠	٤,٠٥	٤,١٥	٤,٢٠	٤,٤٥	٤,٥٩	٤,٨٧	0,17	0.55		.,1
1,14	'					1	!	Y, YA		٠,٠٥
7,77		۲,۷٦			l '	1		٣,٤٣	11	4,41
Ψ, λε	۲,۹۰	Y, 99	8,18	8,44	13,3	٤,V٠	٤,٩٧	0, 44		٠,١
			Ųį	, ,					[ĺ
Y,71	1,47				r		1 1			-, • 0
l I			1 1	1 1					٧.	٠,٠١
,,,,	' ' '	,,,,,	, , , ,	*. "	*, ' '		٠,^``	ه.٠٨		• , • • •
١,٨٩	3.43	١,٨٤	1.38	77	YV	Y. 10	7.77	۲.۳.		.,.0
۲.0٠								7,71	44	1
! 1	٣,0٣				£,.\	i 1	£,oA	7A,3		.,1
							1	,	[
1, AE	1,41	1,41	1,15	1,14	۲, ۲	7,11	٧,١٨	Y, Ya		۰۰
٧,٤.	l 1	٣, ٤٩	- 1		4 , V£		1 1		48	1,11
4,44	¥,¥0	Υ, Σο	4,64	τ,νε	۳,۸۷	٤,١٤	8,79	37,3	1	7,111
٨,٨٠	1,81	1,10	1,1.	1,10	1,41	Y, 4V	Y, 10	4,44	1	.,.0
7,77	7,77	Y. EY	۲,٥٠	Y, pA	17,77	۲,۸۱	4,43	4,.4	77	.,.1
4,10	7,11	۲,۲۰	٣,٤٤	۲,۵۹	۲,۷۲	7,44	27,3	£, £A		-,,,,
									İ	
	1,71							11.1		٠,٠٥
	- 1						1 1	7,47	٨x	.,.\
Y, . Y	Y, . A	٣,١٨	۲۳,۳	٢,٤٦	7,7.	174,7	E, YY	6,۲٥		
	İ							I	: !	

			امل	ح البسا	٠. ي		····		د . ح	
٦.	0+	٤.	٧.	37	۲.	١٥	W	١.	القام	الدلالة
1,V1 7,Y1 7,4Y	1, Y4 Y, Y0 Y, 4A	1,74 7,7. 7,-V	1, A£ 7, Y9 7, YY	Y, £Ÿ	Y.00	Y, Y.	Y,.9 Y,AE E,		٣.	.,.a .,.\
1,7£ 7,47 7,07	7,+7	3,33	1,VE 4,4. 4,AV	7,79	1, AE 7, TY T, 10	4		1	٤٠	•,•6 •,•1
1,0T 1,4£ 7,70	1,67 1,44 7,71	1,04 1,48 Y,81	1,76 Y,.Y Y,00	4,34	1, Vo 7, Y. Y, AT	1,AE 7,Yo Y,+A	1,97 7,0. 7,71	1,44 7,77 7,0£	٦.	·.·٩
1,77	1,E1 1,V. : 1,.Y	1,7%	1,41	1,40	4,.4	Y, 14	۲,۲٤	Y, £V	14.	
1,74 1,0A 1,XT	1,21	1,75	1, 5Y 1, V9 7, 10	1,41	1,17	1,11	۲, ۲۷	Y, £1	۲.,	•,•ø •,•1 •,••1
1,70 1 07 1,77	- 1	1,75	1, EA 1, V£ 1, • o	1,11	1,11	۲,-۷	7,77	1	0	۰,۰۵
				:						
· [

ملحق رقم (۷) جدول توزيع مدى المقارنات المتعددة Studentized Range Statistic

				ات	المترسط	33e				مستوى	
	٧-	1	٨	γ	٦	0	٤	٣	۲	ווייאנפ	23
	23,3		٤٥,٤	٤٣,١	٤٠,٤	۲۷,۱	٨, ٧٢	Y, V.	۱۸	, + 5	١
	727	YYY	YYV	717	4.4	141	1716	۱۳۵	4.	. • ١	
	12,-	۱۳.۰	11	14, 5	11,Y	1.,1	3,4	۸,۳	2,.4	, . s	۲
	Y1,V	٧٠,٧	Y4,0	74,4	11,11	Y£,V	44,4	11	16	7.1	
	1,61		٨,٨٥	4		٧,٥٠	1 IV				٣
ı	17, V		10,7	1		17,7			L 1	۰۰۵	'
1		'''		'''	'''	,,,,	['''	''`'	"'	,*1	
	Y,AY	٧,٦٠	٧,٢٥	٧,٠٥	7,71	7,74	۵٫۷۱	0,-1	7,47	,	£
1	AY,Y	11,1	31,0	33,3	1.,7	4,4%	4,17	A, 1Y	٦,٥١	۱۰۰	
ı		٦,٨٠								, + 0	6
ı	3.,3	1,17	1,70	3,71	۸, ۱۱	A, 24	[Υ , Λ•	7,47	۰٫۷۰	٠٠١.	
ı	3.85	3,53	1.14	٥.٨١	0.35	0.73	٤٩.	\$ 45	V 53	,	۳ ا
		A, AV								, . \	,
Į						'					
ı	7,17	٦, ٠٠ إ	o,AY	0,71	17,6	0,.3	17,3	177,3	٧,٧٤	,	٧
Į	A,TV	A, \V	٧,٩٤	٧,٦٨	٧,٣٧	Y, -1	30,7	0.41	1,40	4.4	
I		0,77						!!!		. • 5	٨
ł	Y,0Y	٧,٦٨	7,27	V, 12	1,33	7,75	1,11	٠, ١١	2,72	٠٠١	
j	o.Y£	a,%.	o . £T	27.6	٥٣	£.Y1	£.£Y	4.40	Y.Y.	,	٠, ١
ı		٧,٢٢	1 1	1,11			0,9%			,.1	
ı											
ı	0,7.	#12.a	a,T.	0,14	٤,4١	£,%a	1,77	۲,۸۸	7.10	,	١.
	Y, 11	V	7,AY	1,10	3,27	7,12	0,VV	V7,0	£-£A	7.45	
	أمد						أييا	اسييا	<u>.</u>		
		0,Y0							£,44	,	- 11
	*, *,	-,	', ''	11.57	1,10	w, 11		0,16	*,'``	٠٠١	
1	0,1.	o,YV	0,34	٤,٩٥	£, Vo	٤,٥١	£, Y.	۲,۷۷	۲.۰۸	, . o , . \	14
	1,41	1,17	7,01	1,11	٦,١٠	34,0	0,0-	3-,0	2,44	,.1	
L											j

تابع جدول توزيع مدى المقارنات المتعددة Studentized Range Statistic

			اري	التوسط	عدد				مستوى	Ţ
١.	4	٨	٧	٦	0	٤	۲	Y	श्रया	د.ح
a, TY 7, 7V		00 7,TY	1	•	1		1	۲,.٦ ٤,٢٦	!	14
0, Ye		1 '	7A, 3 A-, F	1	1	1	1	7,-7 8,71	۰۰،	18
0,10 7,70		£,4. 1,+A			£.47 0,54	1	F .	۲,	۰۰۱	11
5,-V 7,4.		E, AY 0, 4E	£,7V 0,Y4	E, E%	1	1		Y, 1V £, -V	1 '	۱۸
0, • 1 7, • 4	£,4.	£,VV o,A£	£,74 6,79	£,£0 0,0\			1	Y,90 £,.7	, • 0	٧.
£,47 0,47		A7.3						Y,4Y T,43		71
2, AT	1,77	17,3 20,0	8,27	£, Y. 0, Y£	£, \.	Υ, Λέ έ, Λ.		۲,۸۹ ۳,۸۹	, . 0	Τ٠
٤,٧٤ ٥,٦.	£77 0.0.	£,07 0.74	£,74 0,77				, ,			٤.
	1,00 0,77	£,££ 0,Y0	1,71					1	0 ,-1	٦.
1		1,T7 0,1Y	2,48						۰۰، ۰۰۱	17.
1, EV 0, 17	1,74	£,44 £,45	£,1V £,AA	£,.7 £,VI	۲,۸٦ ٤,٦٠	T, 7F E, E.	۲,۲۱ ٤,۱۲	Y,YY T, 1£	,.0	60
							_			

تابع جدول توزيع مدى المقارنات المتعددة Studentized Range Statistic

	ات	المتوسط	3.1c		مستوى	
10	١٤	۱۲	14	11	וויאוני	د،ح
00,2	08,8	۲,۲۵	٥٢,-	0.,7	0	١
444	YVY	777	n.	Yor	1	
		. .				
	3,0/ 4,3Y	ŀ			,•0	۲
' ' ' '	16,0	''''	117,8	111,1	,.1	
1.,0	١٠,٤	10, 1	1,10	4,VY	,.0	۲
۱۸,۵	14,4	17,5	17.0	17,1	1	
A, 77		A,TY	·	I ' I	. • 0	٤
17.0	17,7	17,1	14,4	17,7		
٧,٧٢	11,1		٧,٣٢		, • 0	۱
''''	,,,,	"""	14,7	1.,0	••1	i
V, 12	٧,٠٢	1.41	3,74	٦.٦٥	, - a	٦
	1,14				.4	
					1	
1,71	1,33	3,00	٦,٤٣	3,7.	, . a	v
4,15	1,00	۸,۸٦	4,41	A,00	100	
	٦,٣٩			. 1	٠٠٥	_ ^
A,00	A, ££	A,TI	A, 1A	A, -T	- 111	
3.34	7,14	34	6.44		,	•
. 1	A, .T	!	: 1		1.1	`
7,11	3,.7	٥,٩٢	۸۲,۵	a, VY	0	۸.
٧,٨١	٧,٧١	٧,٦٠	٧,٤٨	77,Y	. ,.\	
						İ
	0,4.					- 11
Y, 5%	٧,٤٦	٧,٣١	V, Y1	V, 17		i
[ł
	٥,٨٠			0.01		14
¥,11	٧,٣١	۷,۱۷	V, • 1	1,32		

تابع جدول توزيع مدى المقارنات المتعددة Studentized Range Statistic

			لتوسطات	عدد ا		يستوى		
	10	18	14	14	11	וויגוו	5.3	
	0,Y' V,Y'		/ 0, TY Y, . Y			1 '	14	_
	4,V)	1 7,72	1	1	0,5		11	
	0,09 7,AY			0,50			"	
	0,0. 7,70		3,76		1 '		14	
	0 1Y 7,64	0,17	٥,٢٨	0, Y. 7, Y9	0,11	4	7.	İ
			a, 1A 3, 14				45	
			۵,۰۸ ۲,۰۱			, . 0	٧.	
		1	1,4A 0,A£				٤.	
i	o,-•		44,3 VF,0			, • o , • \	٦.	
			٤,٧٨ ١٥,٥			۰۰۰	۱۲-	
			AF,3 o7,0		£,00	ه۰، ۱۰۱	00	

ملحق رقم (٨) جدول توزيع ف العظمى F- max لاختيار التجانس

			_ات	التبساين	عددا				مستوى	
١.	٩	٨	٧	1	0	٤	٣	۲	الدلالة	2 ء
1.33 1.1	£1,£	77,6 A4	77,7 74	¥4,0	Y, aY	Y+,7	10.0 TV	1,1. 17,1	, - o	£
3, FY 30	Y£,Y	44,4 E3	۸, ۲۰ ۲۶ :	14, V YA	17,7 77	17,7 7A	1-,A YY	V,10	۰۰۵ ۲۰۱	۰
7,7,7 Y8	\V,0	17,7 7-	۱۰.۰ ۲۷	17, V Yo	17,1 YY	1-,8	A, TA \0.0	6,AY	, - 0	٦
7,3/ 37	14.0 77	\Y,V YY	11,A Y-	۱۰,۸ ۱۸,٤		A, EE \E, o	3,46	l i	, • a , • 1	٧
11,V 14,1		1.,0	4,VA 10,A	9,.Y 18,0	Ē.	V, \A \ Y	4, . 4, 4	£,£7 V,a.	۰۰۵ ۱۰۱	٨
	9, E0 1E, V							£,.4 7,0£	۰۰۰	`
	A, YA 17, E	۷,۸۷ ۱۱,۸	1	3,44		0,3Y 7,3		4,VY a,Ao	, - o , - \	١.
۷,۰۰ ۹,۹	٦,٧٢	7, EY 4, 1	7,14 A,Y			£,74 7,4		7,7X 1,41	۰۰۰,۰۱	14
8,09 V,s	0,1. V,Y	o, 14 V, 1	1,4o 7,∀		£,7V 7,-		1	7A,7 Y-,3	۰۰,	١٥
£,4v a,3	t	7,0		۳,۷۱ ٤,٩	۳,01 1,٦	Υ, Υ ٩ Ε, Υ		7,17 7,77	, • <u>•</u> , • ١	۲.
7,44 £,.	7,71 7,4	7,17 7,8	۲,۰۲ ۲,۷			Y,71 T,T		7,-Y 7,77	, • • , • 1	٣.
Y,T. Y,3	7,7% 7,7	7,77	Y.1V Y.0	7,11 7,£	Y,+£	1,43 Y,Y	04.1 7.7	1,37	۰۰۰	٦,
1, 1,	1,	١,	1,	Y, 44 Y, 44	1, 1,	١,	1,	 	, . 0	∞

ملحق رقم (١) ملحق المحق المحق التباين التباين التباين الحرجة المختبار كوكران Cochran التباين

القليم الحرجة وعسور حوس مده التباينات												
				ينات	التبا	عدد			r —		مستوى	_
۲.	10	No	٩	Λ	٧	1	۰	٤	۲	۲	الدلالة	ζ
3787,	, 84.4	,7.7.	, TTAc	.7744	VYY,	, VA.A	, AETY	.1.70	,9774	,9910	, . 0	1
, 2711	,0727	,٧١٧٥	.Volt	, V9 E0	, XYV7	,4444	, 9779	,4771	, 9477	. 1111	1	
, TY. 0	, 7727	, 880.	, £ VV o	,0100	,0717	,7171	, ٦٨٣٨	. ٧٦٧٩	.AV-1	. 3Va.	, + 0	1.
, TY4V	. 6 . 74	Aora,	, 6444	7015,	3377,	AITY,	,VAAo	ATET.	AEYT	.440-		1,
, 44.0	, TVoA	TVTT	, 2 . 44	.1777	. £A	4771	49.41	2463	200.20	4442		
, Y7.02	,4414	, \$ \$74	. FAY.	.04.9	ONFO,	AGYF,	, 14eV	. VATE	MTI	.4V4£		۲
- 1				Į	- 1			- 1		- 1	1	1
AAYY,	. YAAY	. 7978	, 404,	1777	,21.4	7.73,	1150,	YAYF.	VEOV.	, 9 - 6Y	. 40	£
- 1	- 1	- 1		- 1	- 1	- 1	- 1		- 1	ſ	1.1	
17.54	. 4190	7.79	FAYT.	, 4090	AVFT.	, £ £ £ ¥	.0.70	oPAs,	, ٧.٧١	TYVA,	0	٥
	, 1911	,1011	.YAY.	1777	1701	,0110	, oAVa	1177	. VATT	, 4777	1.,	'
17.7	7.72	YAYY.	F-7V	7777	,7777	E LAE	TAY3,	1800.	1777	BTON.	, • a	,
YAVY	TATE.	TT.A	T097.	7977	ETEV.	. £ATT	1700	.135.	1.17	1111	1	,
10.1	1411	. 1777	44.1	4140	Toro	Y44.	1031	4774	7.5			
IVEA .	ATTY	. 11.7	TTVA.	TV. E .	£1.0	£7.A	1070	3174	VITO	AAAA	, -0	٧
- 1		- 1				- 1	1	- 1	- 1			
1727	71.6	Y410	TY.Y,	TOTY .	TTAL.	TAIV,	ETAV.	61Va ,	Trr.	1101	,	A
- 1	- 1		F		l l	- 1	- [- 1	- 1			
1707.	IVTI .	Y274 .	. PoTY	***1	TT01 .	TIAY,	£4£1,	، ۱۷ ،	1117	۸-۱-	, . 4	٩
	''''	יוויוייי	7.77	,	TYON,	EYY4,	EADE .	oV-Y ,	1414	3776	111	
11.4.	1274	7-77	7777	1274	royr.	T170 .	TIED,	2777	. 1730	MEI		11
YZA .	1717	779V .	1015	(VV1)	11-0	Tar4 .	£-12 .	EAAE .	1.04	VSES	1.1	``
AY4 ,	1121	1700	147.	. **	YYVA .	Y7.\V.						
47.	1701	1411	1497 .	TIL.	TENE .	YAOA ,1	rres .	v	10/0/	V-7V	,-0	77
			- 1		- 1	- 1		- 1				
V.4	178	ויייייי	1, 170	Y	ATT .	(114),	(17/0)	1-47	, ۱۳۰	7/1	, - 0	188
			,,			,,,	1221,1	101,1	11.	1.14	,.1	. 1

ملحق رقم (۱۰) جدول توزیع مربع کا ی (کا^۲)

	<u>-</u>	ــتوى الدلالـ	-1.12-0	درجات	ــة	ــتوى الدلالـــــــــــــــــــــــــــــــــ	1414	درجأت	
٠,٠	٠١	٠,٠١	٠,٠٥	الحرية	.,1	٠,٠١	.,.5	الحرية	
70	٦,	28,8	44,4	Yo	۸۰٫۸	٦,٦٢	٣,٨٤	١.	
30	۸,	20,7	74,4	77	17,4	1,11	0.95	۲	
00	. 0	٤٧,٠	٤٠,١	Υ٧	17,5	11,7	٧.٨١	٣	
٦٥	.5	٤٨,٣	21,7	A.Y	۱۸,۵	17,7	4,54	٤.	
٥٨	٦,	7.13	24,7	74	Y.,0	1,01	11,1.	٥	
01	, v	0.,5	EY,A	۲.	44.0	٨,٢١	14.7.	٦	
VY	, ξ	٦٢,٧	80,4	٤.	78,7	١٨, ه	18,1.	٧	
AT.	,ν	٧٦,٢	٦٧, ه	D +	1,17	1,.7	10,0.	٨	
11.	٦.	AA, £	71,1	٦.	44,4	Y1,V	17.4	۸ ا	
353	, а	۸,۵۳۱	175,4	1	74,7	44.4	14,4	١.	
					41,4	٧,37	11,7	11	
ł					44,4	77,7	۲۱,۰	14	
ĺ					Y£,0	4V.V	44, 8	15	
					77,1	74,1	44.4	18	
					TV, V	7.,7	40	10	
					71,57	۳۲,۰	77,77	17	
	1				£.,A	۲۲,٤	77,77	17	
				,	17,7	7£,A	YA,4	1.4	
	ł				٤٣,٨	77,77	4.1	19	
					٢, ٥٤	7٧,٦	٤, ۲۱	٧.	
					٤٦,٨	۳۸,۹	44,4	71	
			10.5		۲,۸3	7,13	27,4	**	
					£4,V	٤١,٦	To, T	77	
					7,10	٤٣, -	81,8	37	

27 E

> > .

الأسانيب الإحصائية

ظى العسسلوم

النفسية والتربوية والاجتماعية



هذا الكتاب

- يتضمن الكتاب معلومات تاريخية ومفاهيم أساسية للأساليب الإحصائية
 - یوضح الأسالیب الإحصائیة الوصفیة بطریقة مبسطة للمبتدئین
 - يتناول الأساليب الإحصائية الإستدلالية بطريقة تطبيقية وعملية
 - یعرض عدة طرائق للمقارنات المتعددة للمتوسطات
 - یوضح الدلالة الإحصانیة والعملیة من خلال حجم التأثیر
 - يهتم بتفسير نتائج التحليل للأساليب الإحصائية الإستدلالية
 - يبين العلاقة بين الأساليب الإحصائية الإستدلالية
 - · يقدم "أحياناً" بعض الأسس النظرية الرياضية للمختصين
- قدم عرضاً مختصراً لبعض الأساليب الإحصائية المتقدمة للمهتمين
 - أيعد الجزء الأول مفيداً للمبتدئين من التخصصات الأدبية
 - أيعد هذا الكتاب عوناً ومُرشداً للباحثين وطلبة الدراسات العليا



